車輛途程問題 (Vehicle Routing Problem; VRP)

Solution encoding/decoding

Encoding continuous decision variables

3.6 7.2 4.9 1.3 2.9

Encoding discrete decision variables

 1
 0
 0
 1
 1

 3
 7
 4
 3
 2

Encoding permutation solutions

3 1 5 4 2

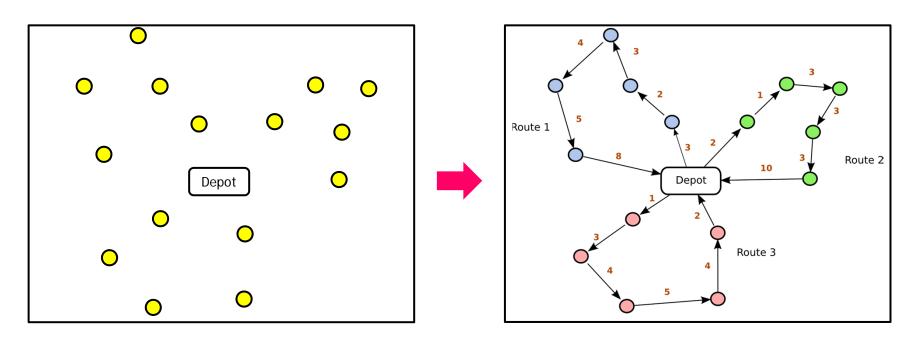
Mixed encoding

3 1 5 4 2 1 0 0 1 1

車輛途程問題(Vehicle Routing Problem, VRP)

• 車輛途程問題

- 使一個車隊組織車輛運輸路線 滿足顧客需求,且不超過車子的容量限制 以達到最低成本、最短路徑等目的。
- ▶被認為是一個NP-Hard的組合優化問題。

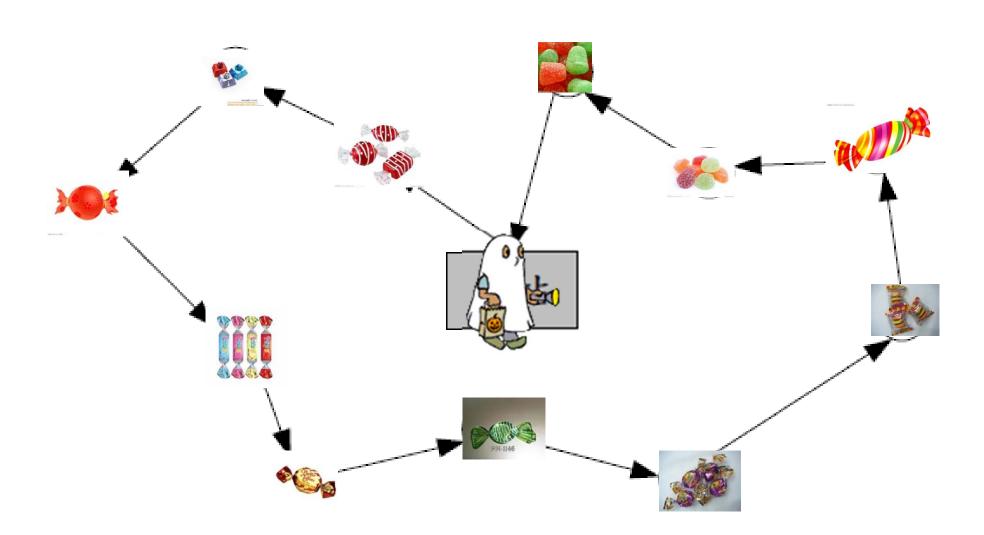


旅行銷售員問題(Traveling Salesman Problem, TSP)

TSP

- 為車輛以最小運送成本(旅行距離或旅行時間) 由場站出發,服務完所有需求點後回到場站, 路線規劃時不考慮車容量限制, 為單一VRP問題。
- VRP為TSP之延伸, 主要差異為VRP車輛有載量限制且為多車輛問題。

TSP



VRP

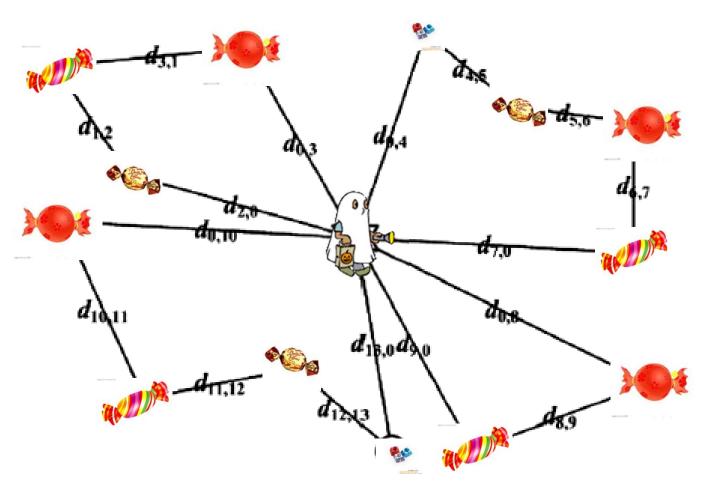


Fig. 1. An example of the VRP.

(Capacitated) Vehicle Routing Problem-限制

目標:

Minimized 路徑長度(成本)

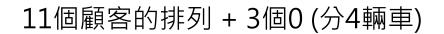
限制:

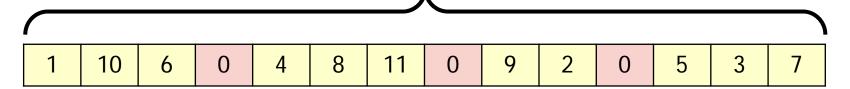
- 1. 每條路線的起點與終點都在倉庫
- 2. 每個顧客只能被一輛車經過一次
- 3. 每輛車最多走一條路線
- 4. 每個路線的負載不得超過車輛載重Q
- 5. 每個路線的顧客服務時間與運送時間的總和不 得超過車輛總服務時間D

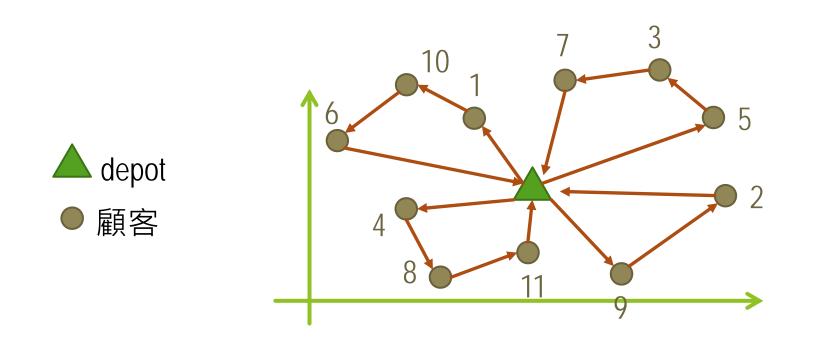
文獻探討

- 1. CVRP是NP-Hard問題 (Haimovich et al., 1988)
- 2. 基因演算法 (Backer & Ayechew, 2003; Berger & Barkaoui, 2003)
- 3. 螞蟻演算法
 (Bullnheimer et al., 1999; Doerner et al., 2002)
- 4. 粒子群演算法 (Chen et al., 2006; Ai & Kachitvichyanukul, 2007)

第一種編碼設計





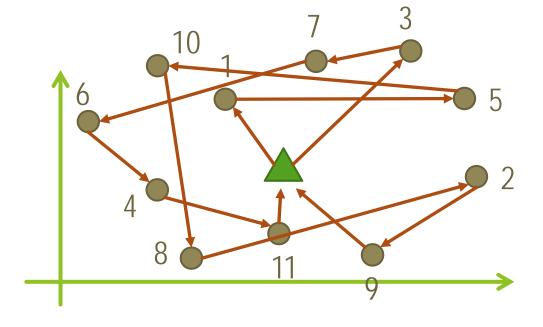


然而,排列不好會造成不好的解...

11個顧客的排列 + 3個0 → 只分2輛車,且繞路到圖的兩端

,														
	1	5	10	8	2	9	0	3	7	6	4	11	0	0





Python code for the 1st encoding

11個顧客的排列 + 3個0 (分4輛車)

```
1 10 6 0 4 8 11 0 9 2 0 5 3 7
```

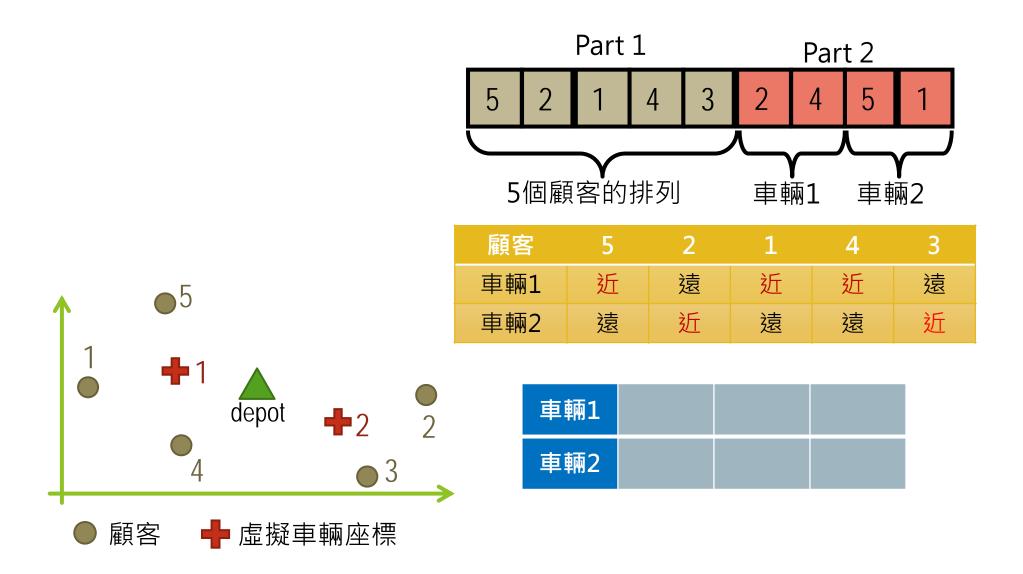
```
# 初始化群體
55 def initPop():
56
       p = []
57
58
      for i in range(NUM_CHROME) :
59
          # ==== Step 2-1. 產生1~11的隨機排列 ====
60
          a = list(np.random.permutation(range(1, NUM_CITY+1)))
61
62
          # ==== Step 2-2. 產生用三個0插入到這個1~11的隨機排列 ==
          for j in range(NUM_VEHICLE-1):
63
              a.insert(np.random.randint(len(a)+1), 0)
64
65
          p.append(a)
66
67
 68
       return p
```

Solution decoding

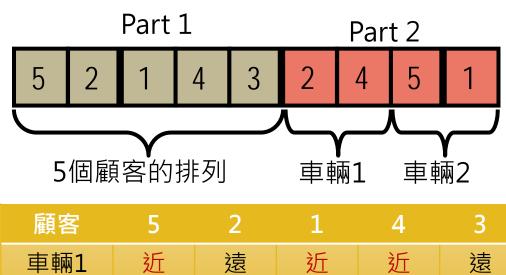
(自己練習看)

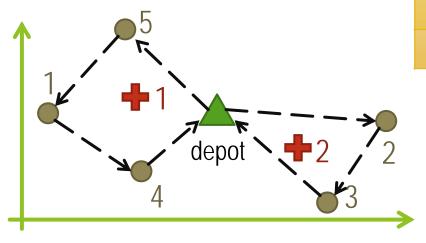
```
55 def fitFunc(x): # 適應度函數 # ==== Step 3. 改適應度函數 ====
    v = [] # 記所有車的路徑 [[車1的路], [車2的路], ...]
56
57
    v_dist = [] # 記所有車的路徑距離 [ 車1的路長度, 車2的路長度, ... ]
58
59
    route = [] # 記目前考慮的車的路 [ 經過城市1, 經過城市2, ... ]
60
    dist = 0 # 記目前考慮的車的路的長度
61
62
    pre city = 0 # 車子前一個city所在位置為 depot (0)
63
64
    for i in range(NUM BIT):
       if x[i] == 0: # 當 code 是 0 時(表這台車回到dept,此時要結算這台車的路和長度)
65
66
          v.append(route) # 把目前的路加入到 v
67
          v dist.append(dist + cost[pre city][0]) # 把目前路長度加上回到dept的長度,把此長度加到 v dist
68
          route = [] # 清空route內經過的城市
69
70
          dist = 0 # 長度設為初始0
71
          pre city = 0 # 車子前一個city所在位置在 dept (0)
72
          continue # 跳執行 for Loop 的下一迴圈
73
       route.append(x[i]) # 把 code 所代表的城市加入到目前車的路route
74
       dist += cost[pre city][x[i]] # 把前一城市至目前 code 所代表城市的距離加到目前車的路長度 dist
75
       pre city = x[i] # 車子前一個city所在位置變成是 code 所代表城市
76
77
    if route != []: # 若最後一台車還沒考慮的話
78
       v.append(route) # 把目前的路加入到 v
79
       v dist.append(dist + cost[pre city][0]) # 把目前路長度加上回到dept的長度 → 把此長度加到 v dist
80
81
82
    return -max(v dist)
                     # 因為是最小化問題
```

第二種編碼設計



第二種編碼設計





車輛1	5	1	4
車輛2	2	3	

近

遠

車輛2

遠

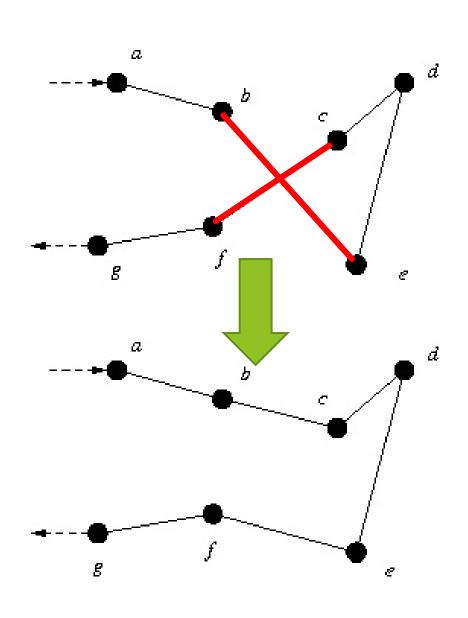
近

遠

● 顧客

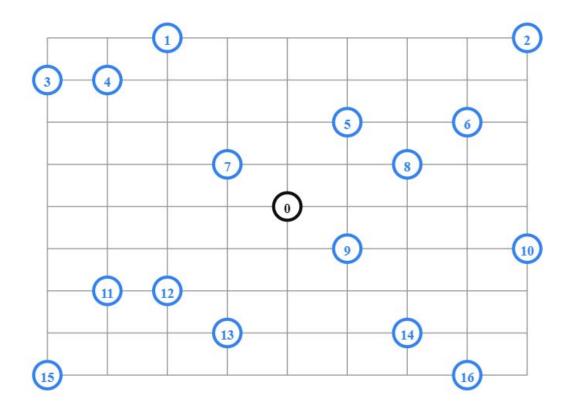
➡ 虛擬車輛座標

區域搜尋: 2-opt exchange



Exercise

- 考慮有一間公司有4輛車,今天要送貨給16個顧客。
- 修改"GA08-VRP-ex.py"程式 (是個不完整的此問題的程式) 找出送貨給這16個顧客的這4輛車的最佳路徑, 使得最長的一條車輛路徑能越小越好。



16個顧客的(x, y)座標

```
location = [
     [456, 320], # location 0 - the depot
     [228, 0], # location 1
     [912, 0], # location 2
     [0, 80], # location 3
     [114, 80], # location 4
     [570, 160], # location 5
     [798, 160], # location 6
     [342, 240], # location 7
     [684, 240], # location 8
     [570, 400], # location 9
     [912, 400], # location 10
     [114, 480], # location 11
     [228, 480], # location 12
     [342, 560], # location 13
     [684, 560], # location 14
     [0, 640], # location 15
     [798, 640] # location 16
```

16 個顧客地點的距離矩陣

```
dist = [
     [0, 548, 776, 696, 582, 274, 502, 194, 308, 194, 536, 502, 388, 354, 468, 776, 662],
     [548, 0, 684, 308, 194, 502, 730, 354, 696, 742, 1084, 594, 480, 674, 1016, 868, 1210],
     [ 776, 684, 0, 992, 878, 502, 274, 810, 468, 742, 400, 1278, 1164, 1130, 788, 1552, 754 ],
     [ 696, 308, 992, 0, 114, 650, 878, 502, 844, 890, 1232, 514, 628, 822, 1164, 560, 1358 ],
     [582, 194, 878, 114, 0, 536, 764, 388, 730, 776, 1118, 400, 514, 708, 1050, 674, 1244],
     [ 274, 502, 502, 650, 536, 0, 228, 308, 194, 240, 582, 776, 662, 628, 514, 1050, 708 ],
     [502, 730, 274, 878, 764, 228, 0, 536, 194, 468, 354, 1004, 890, 856, 514, 1278, 480],
     [ 194, 354, 810, 502, 388, 308, 536, 0, 342, 388, 730, 468, 354, 320, 662, 742, 856 ],
     [ 308, 696, 468, 844, 730, 194, 194, 342, 0, 274, 388, 810, 696, 662, 320, 1084, 514 ],
     [ 194, 742, 742, 890, 776, 240, 468, 388, 274, 0, 342, 536, 422, 388, 274, 810, 468 ],
     [ 536, 1084, 400, 1232, 1118, 582, 354, 730, 388, 342, 0, 878, 764, 730, 388, 1152, 354 ],
     [ 502, 594, 1278, 514, 400, 776, 1004, 468, 810, 536, 878, 0, 114, 308, 650, 274, 844 ],
     [ 388, 480, 1164, 628, 514, 662, 890, 354, 696, 422, 764, 114, 0, 194, 536, 388, 730 ],
     [ 354, 674, 1130, 822, 708, 628, 856, 320, 662, 388, 730, 308, 194, 0, 342, 422, 536 ],
     [ 468, 1016, 788, 1164, 1050, 514, 514, 662, 320, 274, 388, 650, 536, 342, 0, 764, 194 ],
     [ 776, 868, 1552, 560, 674, 1050, 1278, 742, 1084, 810, 1152, 274, 388, 422, 764, 0, 798 ],
     [ 662, 1210, 754, 1358, 1244, 708, 480, 856, 514, 468, 354, 844, 730, 536, 194, 798, 0 ],
```

最佳解

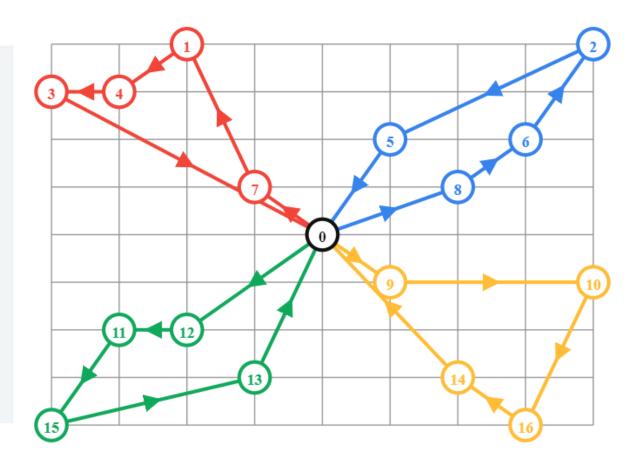
Route for vehicle 0: 0 -> 8 -> 6 -> 2 -> 5 -> 0 Distance of route: 1552m

Route for vehicle 1: 0 -> 7 -> 1 -> 4 -> 3 -> 0 Distance of route: 1552m

Route for vehicle 2: 0 -> 9 -> 10 -> 16 -> 14 -> 0 Distance of route: 1552m

Route for vehicle 3: 0 -> 12 -> 11 -> 15 -> 13 -> 0 Distance of route: 1552m

Total distance of all routes: 6208m



- Step 1. 設定參數
 - > 1) 設定16個顧客; 2) 設定16個顧客的位置和距離矩陣dist; 3) 設定4個車輛
- Step 2. (編碼) 設定初始解
 - > {1, ..., 16} 的隨機排列(Part 1) 和 4 個(x, y) 的隨機座標(Part 2) (範圍[0,900])
- Step 3. (解碼) 改適應度函數(把下面的程式碼貼到對應的位置,已貼好)
 - ▶ 輸入參數: x1是{1, ..., 16} 的排列, x2是4 個車輛(x, y)座標

```
v_dist = [0, 0, 0, 0] #用以紀錄4輛車的路徑長
pre_city = [0, 0, 0, 0] #用以紀錄4輛車的目前位置

for i in range(NUM_BIT):
    j = np.argmin([math.hypot(location[x1[i]][0] - x2[2*k],
location[x1[i]][1] - x2[2*k+1]) for k in range(NUM_VEHICLE)])
    v_dist[j] += dist[pre_city[j]][x1[i]]
    pre_city[j] = x1[i]

for i in range(NUM_VEHICLE):
    v_dist[i] += dist[pre_city[i]][0]

return -max(v_dist) # 因為是最小化問題
```

● Step 4. 調演算法參數使得60迴圈以前就可以找出最佳解1552 (NUM_CHROME, Pc, Pm)