# Троугао

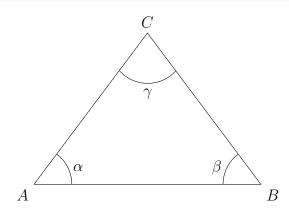
систематизација

21. октобар 2024.

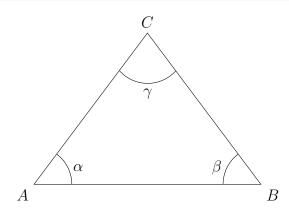
## Увод

У овој презентацији ћемо се подсетити свега што смо учили о троуглу. Погледаћемо збир углова, врсте углова, однос страница и углова, и још много тога.

# Елементи троугла



## Елементи троугла



Темена: A, B, C

ullet Странице: AB, BC, AC

• Углови:  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ 

• Формула:  $\alpha + \beta + \gamma = 180^{\circ}$ 



ullet Формула:  $lpha + eta + \gamma = 180^\circ$ 

**Задатак 1:** Ако су два угла у троуглу  $45^{\circ}$  и  $60^{\circ}$ , колики је трећи угао?

#### Теорема

Збир углова у сваком троуглу је 180 степени.

#### Теорема

Збир углова у сваком троуглу је 180 степени.

Задатак 2: Ако су два угла у троуглу 60° и 80°, колико је трећи угао?

#### Теорема

Збир углова у сваком троуглу је 180 степени.

Задатак 2: Ако су два угла у троуглу 60° и 80°, колико је трећи угао?

**Решење:** Трећи угао је  $180^{\circ} - 60^{\circ} - 80^{\circ} = 40^{\circ}$ .

#### Теорема

Збир углова у сваком троуглу је 180 степени.

Задатак 2: Ако су два угла у троуглу 60° и 80°, колико је трећи угао?

**Решење:** Трећи угао је  $180^{\circ} - 60^{\circ} - 80^{\circ} = 40^{\circ}$ .

Задатак 3: У једном троуглу, један угао је за 30° већи од другог, а трећи је двоструко већи од најмањег. Колики су сви углови тог троугла?

#### Теорема

Збир углова у сваком троуглу је 180 степени.

Задатак 2: Ако су два угла у троуглу 60° и 80°, колико је трећи угао?

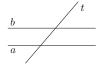
**Решење:** Трећи угао је  $180^{\circ} - 60^{\circ} - 80^{\circ} = 40^{\circ}$ .

Задатак 3: У једном троуглу, један угао је за 30° већи од другог, а трећи је двоструко већи од најмањег. Колики су сви углови тог троугла?

Задатак 4: Може ли троугао имати углове од 50°, 60° и 80°? Објасни свој одговор.

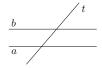


Слика: Трасверзала пресеца две паралеле



Слика: Трасверзала пресеца две паралеле

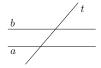
**Задатак 5:** Ако су два угла на истој страни трансверзале и између паралелних правих  $70^\circ$  и  $110^\circ$ , колики су углови у троуглу који се образује?



Слика: Трасверзала пресеца две паралеле

Задатак 5: Ако су два угла на истој страни трансверзале и између паралелних правих 70° и 110°, колики су углови у троуглу који се образује?

Задатак 6: Ако су две паралелне праве пресечене трансверсалом тако да је један од насталих унутрашњих наизменичних углова 75°, колики су сви остали унутрашњи углови?



Слика: Трасверзала пресеца две паралеле

**Задатак 5:** Ако су два угла на истој страни трансверзале и између паралелних правих  $70^\circ$  и  $110^\circ$ , колики су углови у троуглу који се образује?

Задатак 6: Ако су две паралелне праве пресечене трансверсалом тако да је један од насталих унутрашњих наизменичних углова 75°, колики су сви остали унутрашњи углови?

Задатак 7: Нацртај две паралелне праве и једну трансверсалу. Означи све одговарајуће углове и њихове односе,

- Насупрот већег угла лежи већа страница.
- Насупрот једнаких углова леже једнаке странице.

- Насупрот већег угла лежи већа страница.
- Насупрот једнаких углова леже једнаке странице.

**Задатак 8:** У троуглу ABC је  $\alpha > \beta$ . Која је од страница BC или AC већа? Зашто?

- Насупрот већег угла лежи већа страница.
- Насупрот једнаких углова леже једнаке странице.

**Задатак 8:** У троуглу ABC је  $\alpha>\beta$ . Која је од страница BC или AC већа? Зашто?

**Задатак 9:** У троуглу ABC, страница AB је најдужа. Који је највећи угао у том троуглу? Објасни.

- Насупрот већег угла лежи већа страница.
- Насупрот једнаких углова леже једнаке странице.

**Задатак 8:** У троуглу ABC је  $\alpha>\beta$ . Која је од страница BC или AC већа? Зашто?

**Задатак 9:** У троуглу ABC, страница AB је најдужа. Који је највећи угао у том троуглу? Објасни.

**Задатак 10:** Може ли троугао имати две странице дужине  $5 \, \text{цм}$  и  $7 \, \text{цм}$ , а трећа страница да буде  $13 \, \text{цм}$ ? Зашто?

### Неједнакост троугла

#### Страница троугла је

- краћа од збира друге две странице,
- а дужа од њихове разлике.

### Неједнакост троугла

#### Страница троугла је

- краћа од збира друге две странице,
- а дужа од њихове разлике.

Задатак 11: Да ли је могуће конструисати троугао са страницама дужине  $3 \, {\rm цм}, \, 5 \, {\rm цм}$  и  $8 \, {\rm цм}$ ? Објасни.

### Неједнакост троугла

#### Страница троугла је

- краћа од збира друге две странице,
- а дужа од њихове разлике.

Задатак 11: Да ли је могуће конструисати троугао са страницама дужине 3 цм, 5 цм и 8 цм? Објасни.

**Задатак 12:** Ако су две странице троугла дужине 4 цм и 6 цм, између којих вредности мора бити дужина треће странице?

### Странице и углови троугла

**Задатак 13:** У једнакокраком троуглу, основица је дужине  $8 \, \text{цм}$ , а краци су дужине  $5 \, \text{цм}$ . Који је највећи угао у том троуглу?

### Странице и углови троугла

Задатак 13: У једнакокраком троуглу, основица је дужине 8 цм, а краци су дужине 5 цм. Који је највећи угао у том троуглу? Задатак 14: У једнакостраничном троуглу, сви углови су једнаки. Колика је мера сваког угла?

### Врсте троуглова и основна својства

Задатак 15: Наведи све врсте троуглова које знаш и опиши њихове особине.

### Врсте троуглова и основна својства

Задатак 15: Наведи све врсте троуглова које знаш и опиши њихове особине.

**Задатак 16:** Нацртај један оштроугли, један правоугли и један тупоугли троугао. Означи њихове углове.