Il progetto dei circuiti logici (parte 2)

M. Sonza Reorda

Politecnico di Torino Dip. di Automatica e Informatica



Sommario

- Introduzione
- Progetto a livello di porte logiche
- Progetto a livello registri
- Progetto a livello sistema

Livello registri

Caratteristiche:

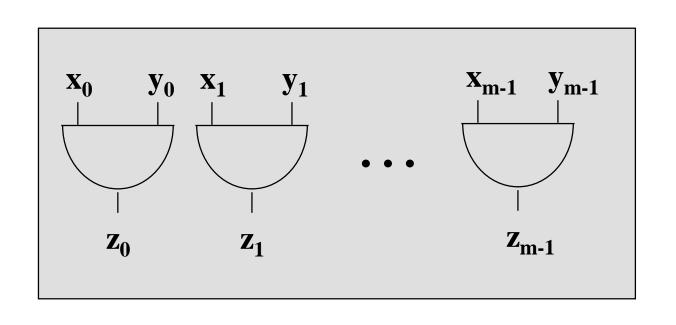
- l'unità di dato manipolata è la parola
- i componenti usati nel progetto sono blocchi (combinatori o sequenziali) per la memorizzazione o la trasformazione di parole
- in alcuni casi può essere utile adottare un'algebra booleana operante su vettori di bit; le funzioni utilizzate sono quindi

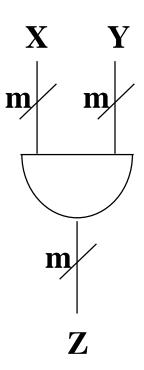
$$x:(B^m)^n \to B^m$$

Componenti

- Componenti combinatori
 - Porte logiche operanti su parole
 - Multiplexer
 - Decodificatori e codificatori
 - Moduli aritmetici (ALU, sommatori, ecc.)
- Componenti sequenziali
 - Registri
 - Contatori
 - FPGA
 - Bus
 - Memorie.

Porte logiche operanti su parole

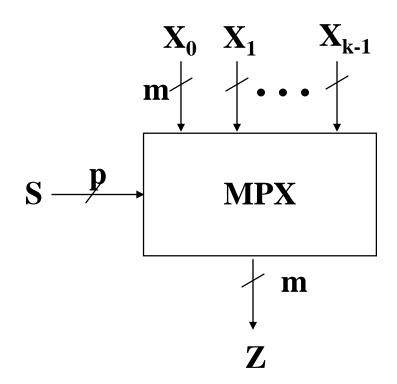




Multiplexer

Servono per connettere una fra k fonti di dato X_i a una destinazione, a seconda del valore di p segnali di selezione S, dove

$$k=2^p$$



Multiplexer: funzione

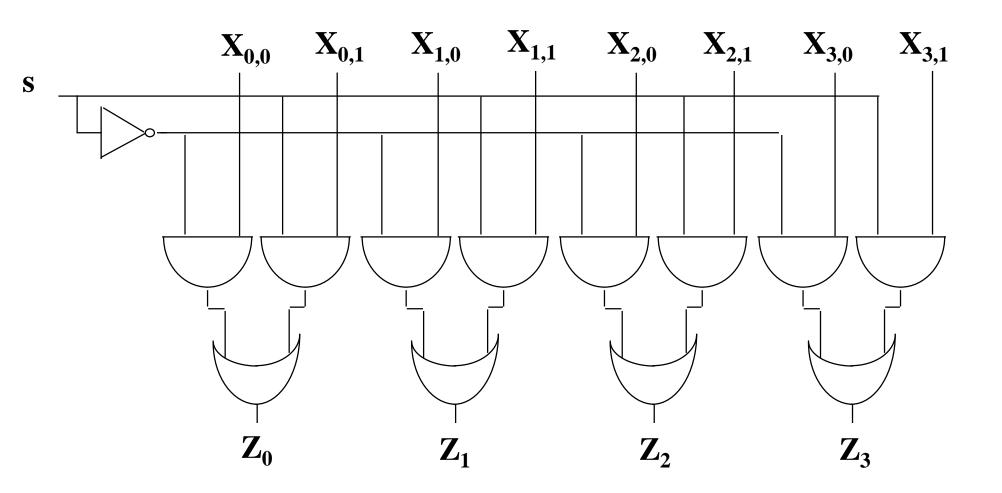
La tavola della verità di un multiplexer 2×1 con ingressi di dato X_0 e X_1 , ingresso di controllo S ed uscita Z è la seguente:

 \mathbf{S}

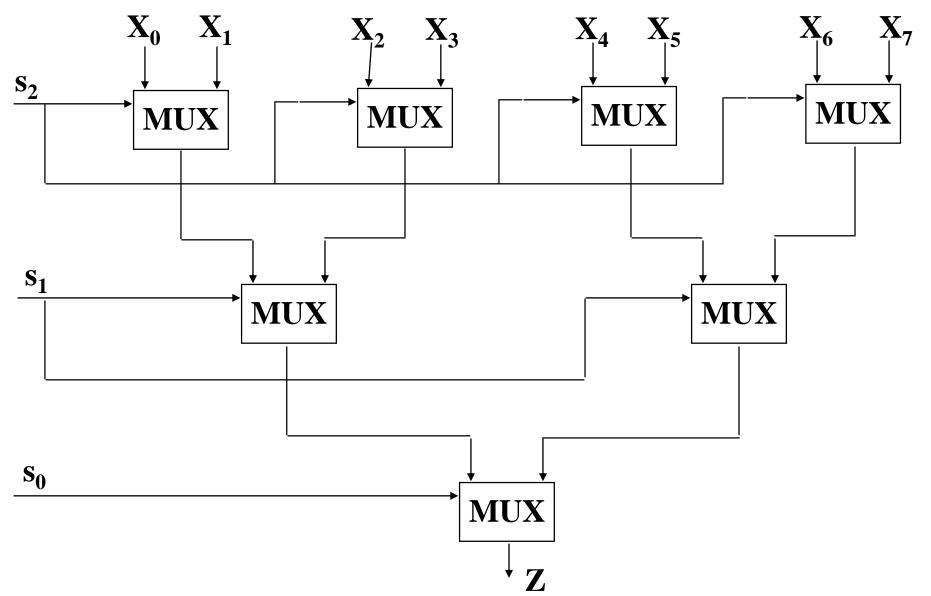
 \mathbf{X}_{0}

 \mathbf{X}_{i}

Multiplexer: realizzazione



Multiplexer: connessione in cascata

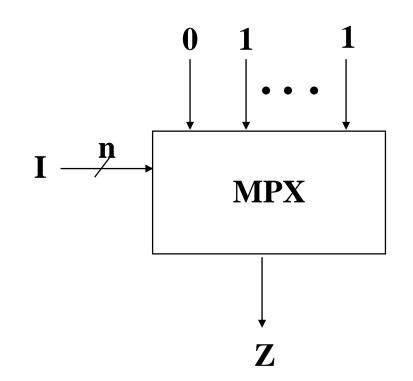


Multiplexer: uso nella sintesi

Permettono l'implementazione di una qualsiasi funzione combinatoria.

$$Z=f(i_0,i_1,...,i_{n-1})$$

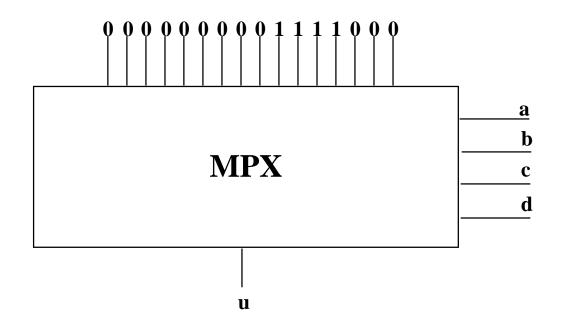
Ad ogni ingresso di dato corrisponde un minterm.



Sintesi tramite multiplexer: esempio

Si vuole progettare un circuito con 4 ingressi a, b, c, d la cui uscita u valga 1 quando 8<(abcd)<13.

Una possibile implementazione è



Questo MPX può essere Tamite multiplexer:

esempio

realizzato con un albero di 15 MPX da 2 a 1.

Il costo totale in termini di porte logiche è quindi $15 \times 4 = 60$ porte logiche.

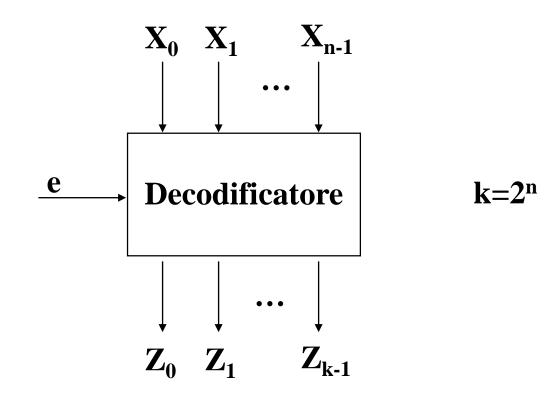
re un circuito con 4 ingressi a, b, u valga 1 quando 8<(abcd)<13.

Una pos implementazione è a **MPX**

u

Decodificatori

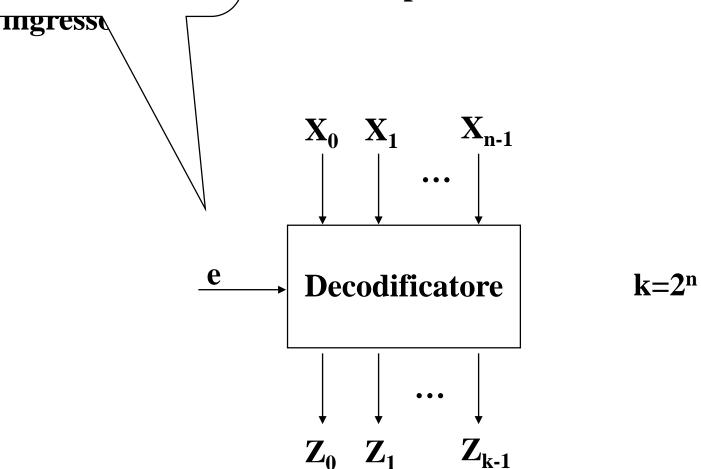
Hanno n linee di ingresso e 2^n linee di uscita; di queste è attiva solo quella di indice corrispondente al valore applicato in ingresso.



Pecodificatori

In alcuni casi esiste un segnale di enable; quando non è attivo nessuna uscita è attiva (qualunque sia il valore degli altri ingressi).

ingresso e 2^n linee di uscita; di queste è attiva dice corrispondente al valore applicato in

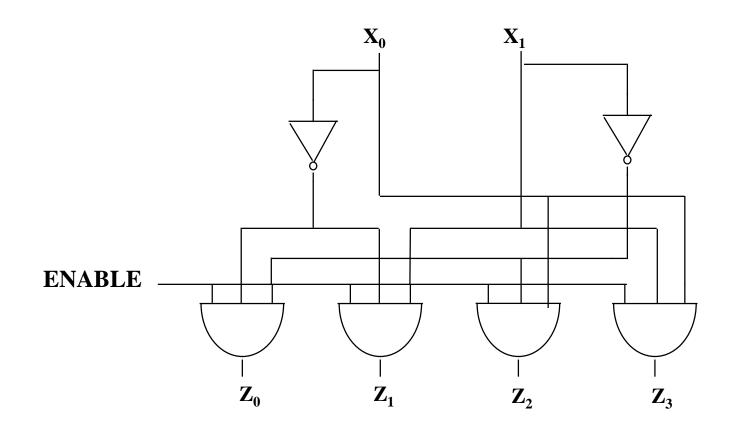


Decodificatori: funzione

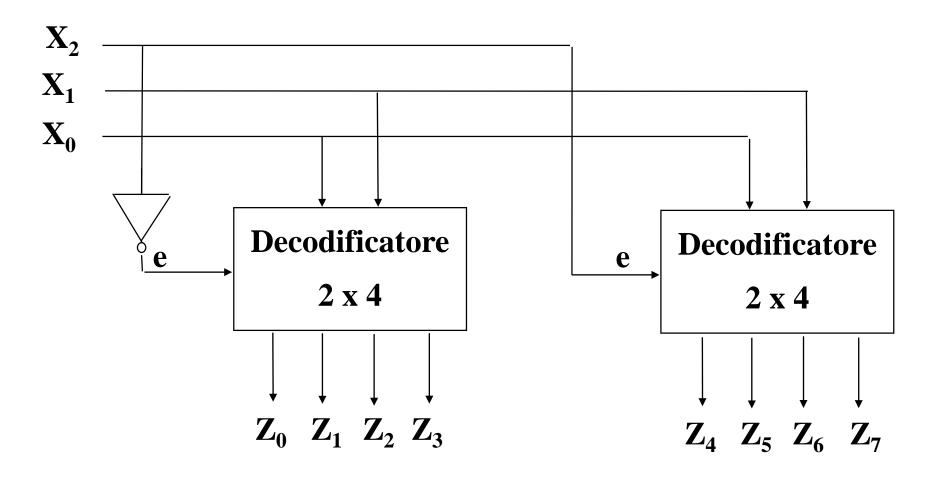
La tavola della verità di un decodificatore $2\rightarrow 4$ è la seguente:

\mathbf{X}	e	${f Z}$	
00	1	0001	
01	1	0010	
10	1	0100	
11	1	1000	
-	0	0000	

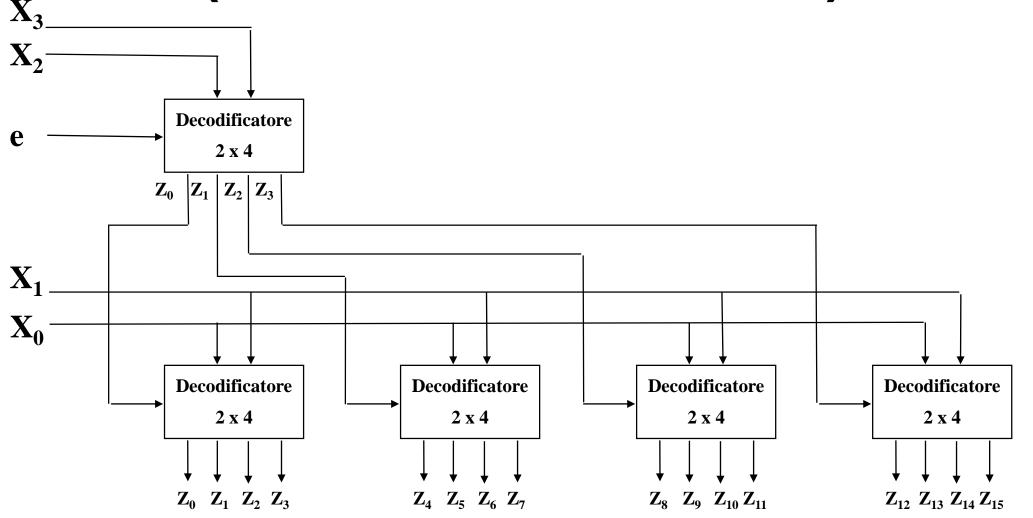
Decodificatori: realizzazione



Decodificatori: connessione a cascata (decodificatore 3 → 8)



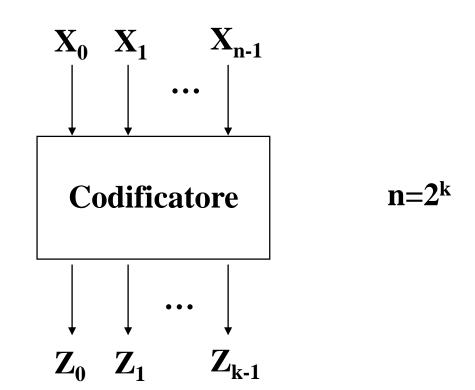
Decodificatori: connessione a cascata (decodificatore 4 → 16)



Codificatori

Hanno 2^k linee di ingresso e k linee di uscita.

Sulle linee di uscita compare (codificato) il valore corrispondente all'indice della linea di ingresso attiva.



Codificatori: funzione

La tavola della verità di un codificatore $4\rightarrow 2$ è la seguente:

\mathbf{X}	${f Z}$
0001	00
0010	01
0100	10
1000	11

Codificatori prioritari

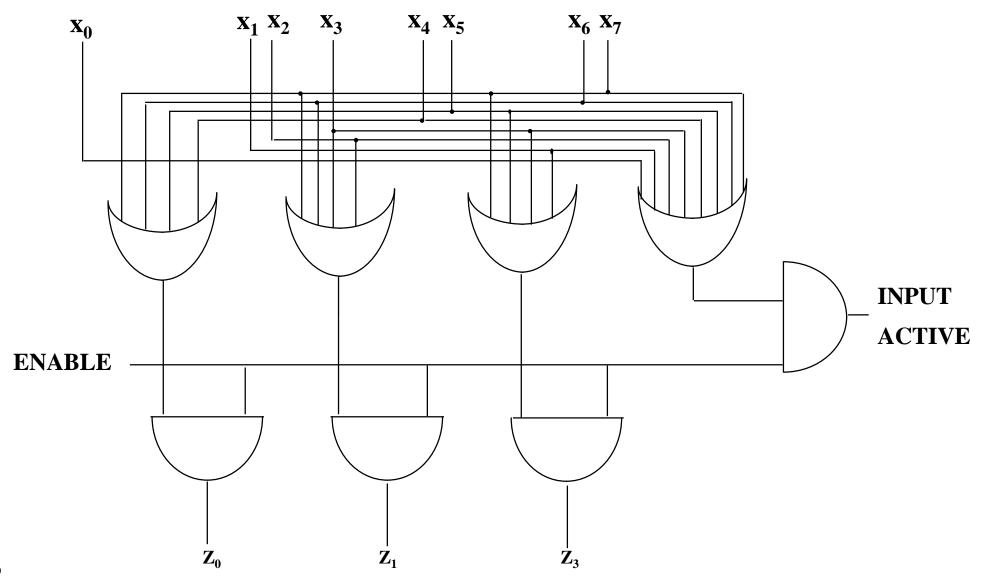
Se più di una linea di ingresso è attiva il risultato può essere scorretto, oppure può apparire il codice della linea attiva con priorità maggiore (priority encoder).

Codificatori prioritari: funzione

La tavola della verità di un codificatore prioritario 4→2 è la seguente:

\mathbf{X}	${f Z}$
0000	00
0001	00
0010	01
0011	01
0100	10
0101	10
0110	10
0111	10
1	11

Codificatore 8→3 con enable



Moduli aritmetici

Possono avere complessità variabile a seconda di

- tipo di dati supportati (interi, interi con segno, decimali)
- tipo di operazioni supportate (somma, sottrazione, moltiplicazione, divisione, operazioni trigonometriche)
- · velocità (soluzioni combinatorie o sequenziali).

Sommatori

Possono essere realizzati seguendo tre soluzioni alternative:

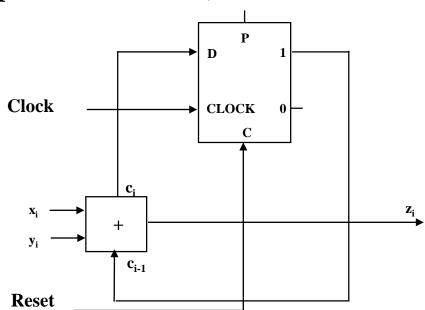
- sommatori seriali
- sommatori combinatori
- sommatori combinatori modulari.

Sommatore seriale

Il Flip Flop memorizza il Carry di un bit e lo riporta sul bit successivo durante il successivo periodo di clock.

All'inizio il FF deve venire azzerato.

È la soluzione che richiede in termini di porte logiche il costo minimo, indipendente da n (dimensione degli operandi); in compenso rappresenta la soluzione con il massimo tempo di risposta (pari a n periodi di clock).



Sommatore combinatorio

La soluzione più vantaggiosa in termini di tempo richiesto è quella rappresentata da un circuito a 2 livelli progettato ad hoc per sommare 2 numeri su n bit e produrre n+1 bit di uscita.

Un simile circuito può essere sintetizzato a partire dalla tavola di verità, oppure dall'espressione booleana corrispondente alla funzione somma.

Tale soluzione

- è quella ottima in termini di costo hw e di velocità
- richiede di eseguire il progetto per ogni specifico valore di n.

Sommatore combinatorio modulare

Più frequentemente si segue un approccio modulare:

- si suddividono i 2 numeri X e Y da sommare in bit (X_i, Y_i)
- si sommano tra loro le coppie X_i , Y_i , partendo dai bit meno significativi
- si combinano i risultati tenendo conto dei riporti.

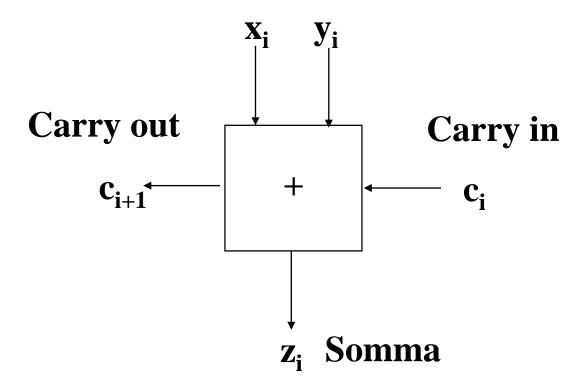
L'approccio modulare è basato su un circuito elementare denominato full-adder.

Full-Adder

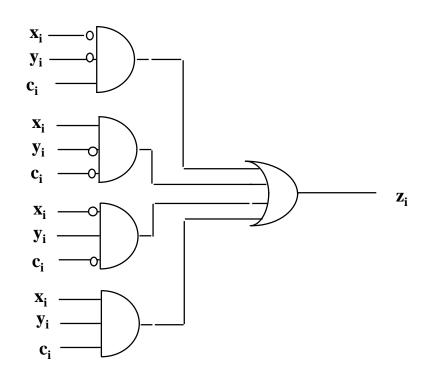
Calcola la somma di 2 bit x_i , y_i e di un carry in ingresso c_i producendo un bit di risultato z_i ed un bit di carry c_{i+1} :

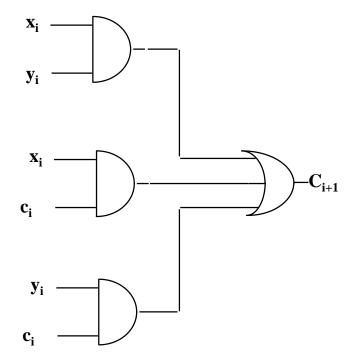
$$\begin{aligned}
z_i &= x_i \oplus y_i \oplus c_i \\
c_{i+1} &= x_i y_i + x_i c_i + y_i c_i
\end{aligned}$$

A	В	Carry -In	Sum	Carry -Out
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1



Full-Adder: possibile implementazione





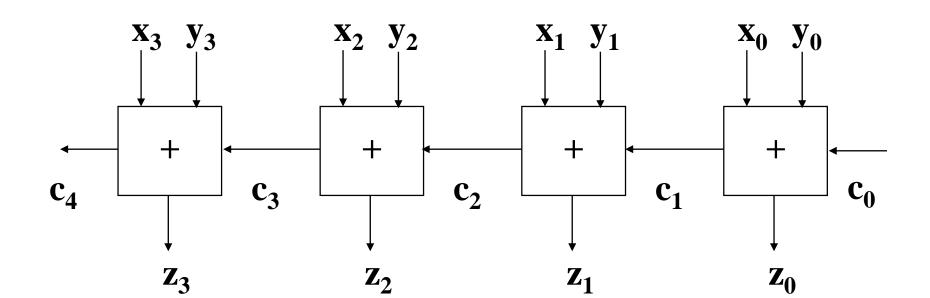
Ripple Carry Adder

Somma 2 numeri su n bit utilizzando una logica esclusivamente combinatoria.

È costruito connettendo in cascata n full-adder.

Il tempo richiesto per la generazione dell'ultimo carry è pari a nd, ove d è il ritardo del singolo modulo.

Il costo in termini di hardware è proporzionale a n.



Sommatore con carry-lookahaed

Rappresenta ancora una soluzione combinatoria modulare, alternativa a quella basata sul ripple carry adder.

Permette di ridurre il ritardo nella generazione del risultato, dovuto al fatto che ogni modulo deve attendere il carry generato dal modulo precedente.

Il Carry-Lookahaed Generator è un circuito in grado di generare il bit di carry di ogni modulo sulla base dei segnali che gli vengono in parallelo da tutti i moduli.

Questi sono una versione modificata di full-adder in cui vengono generati 2 segnali particolari:

$$g_i = x_i y_i$$

$$\mathbf{p_i} = \mathbf{x_i} + \mathbf{y_i}$$

Carry-Lookahaed Generator

Il carry out del singolo modulo è dato da

$$c_i = x_i y_i + x_i c_{i-1} + y_i c_{i-1} = g_i + p_i c_{i-1}$$

Analogamente

$$c_{i-1} = g_{i-1} + p_{i-1}c_{i-2}$$

Sostituendo

$$c_i = g_i + p_i g_{i-1} + p_i p_{i-1} c_{i-2}$$

Ad esempio in un sommatore con carry-lookahaed da 4 bit si ha:

$$c_0 = g_0 + p_0 c_{in}$$

$$c_1 = g_1 + p_1 g_0 + p_1 p_0 c_{in}$$

$$c_2 = g_2 + p_2 g_1 + p_2 p_1 g_0 + p_2 p_1 p_0 c_{in}$$

$$c_3 = g_3 + p_3 g_2 + p_3 p_2 g_1 + p_3 p_2 p_1 g_0 + p_3 p_2 p_1 p_0 c_{in}$$

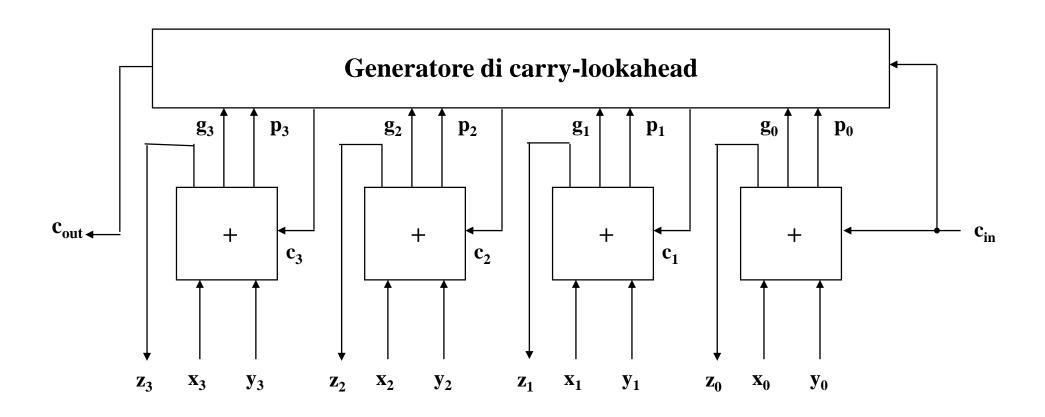
Significato di g_i e p_i

I due coefficienti g_i e p_i derivano il loro nome dal fatto che permettono

- la generazione (g_i)
- la propagazione (p_i)

dei segnali di carry relativi ai vari moduli.

Implementazione



Vantaggi

Detto d il ritardo introdotto da un circuito a 2 livelli, il ritardo di un sommatore con carry-lookahead è pari a 3d.

Svantaggi

Il costo in termini hardware cresce in maniera esponenziale con n.

Per questo il metodo è in genere inapplicabile per valori di *n* elevati.

Approccio misto

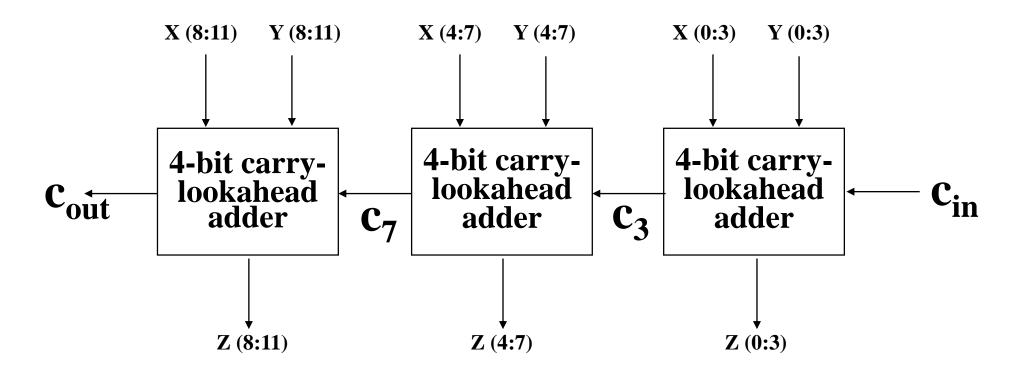
Può essere utilizzato per sommare numeri su n bit, con n grande.

Vengono utilizzati n/k carry-lookahead adder per sommare i gruppi di k bit, e un ripple-adder per riportare i carry da un gruppo all'altro.

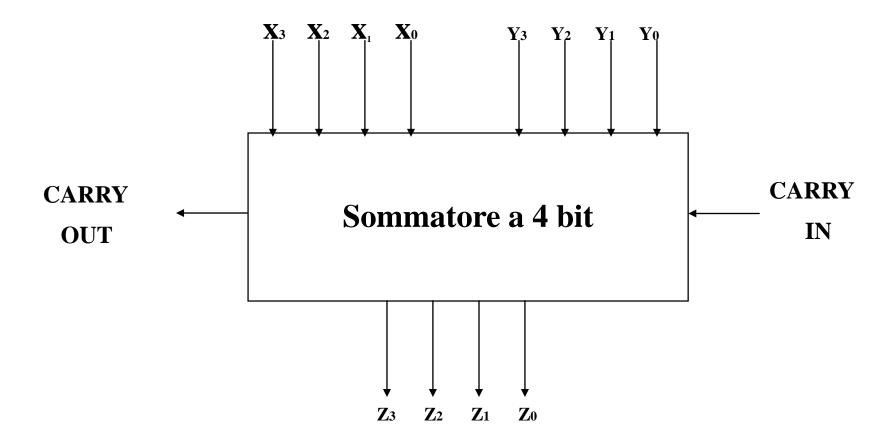
Se ci sono m gruppi il ritardo complessivo sarà $(m\times 3)d$.

Ad esempio se n=12, ed m=3, il ritardo è pari a 9d con l'approccio misto, mentre è 12d con un ripple-carry-adder.

Implementazione (esempio)

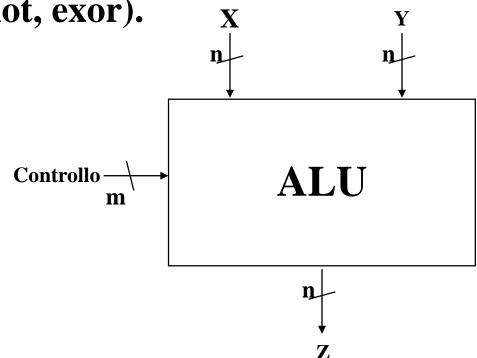


Sommatore a 4 bit



ALU

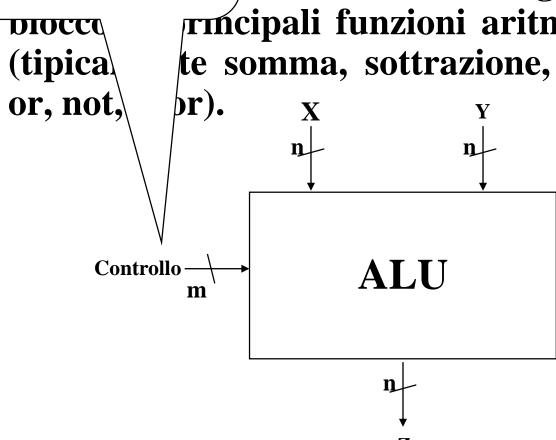
Le Unità Aritmetico Logiche (ALU) sono componenti combinatori che integrano in un unico blocco le principali funzioni aritmetiche e logiche (tipicamente somma, sottrazione, negazione, and, or, not, exor). X



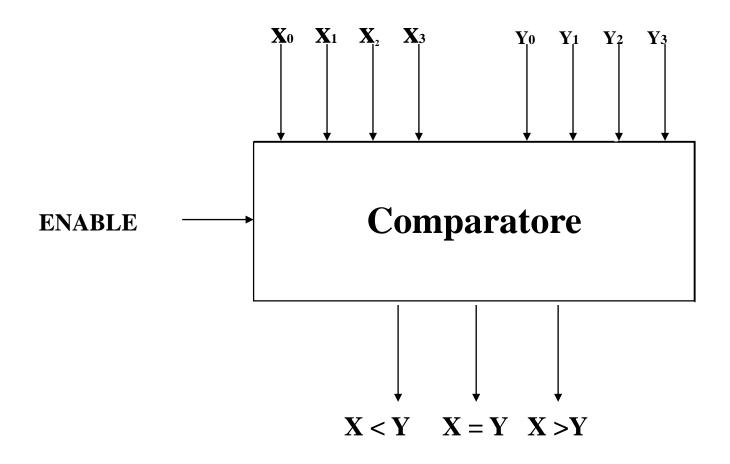
ALU

I segnali di controllo determinano la funzione che deve essere svolta dalla ALU.

ritmetico Logiche (ALU) sono mbinatori che integrano in un unico rincipali funzioni aritmetiche e logiche te somma, sottrazione, negazione, and,

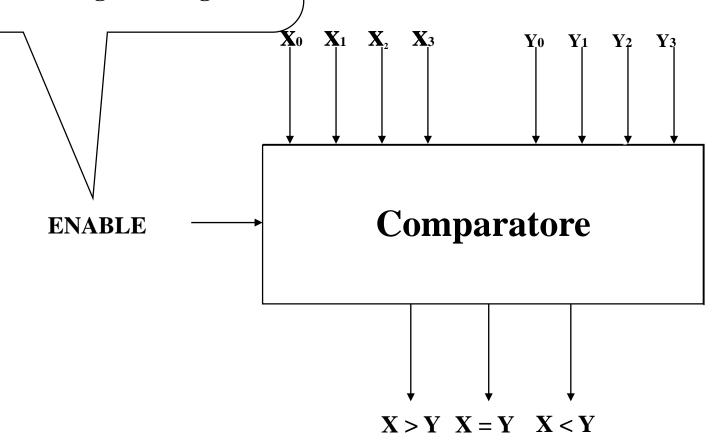


Comparatore a 4 bit

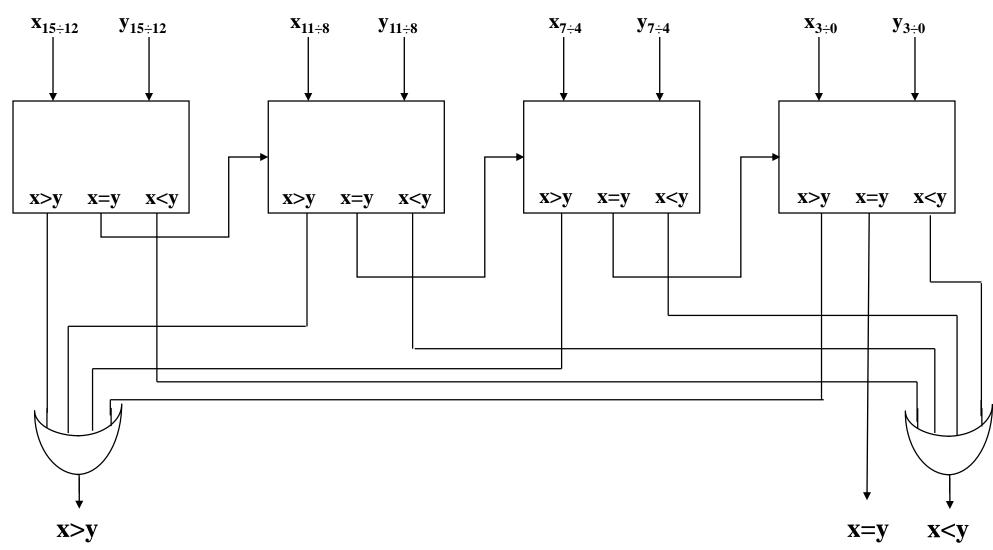


Quando il segnale di enable non è attivo nessuna uscita è attiva (qualunque sia il valore degli altri ingressi).

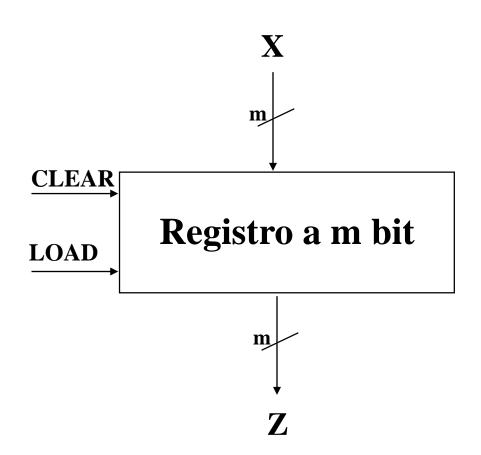
paratore a 4 bit



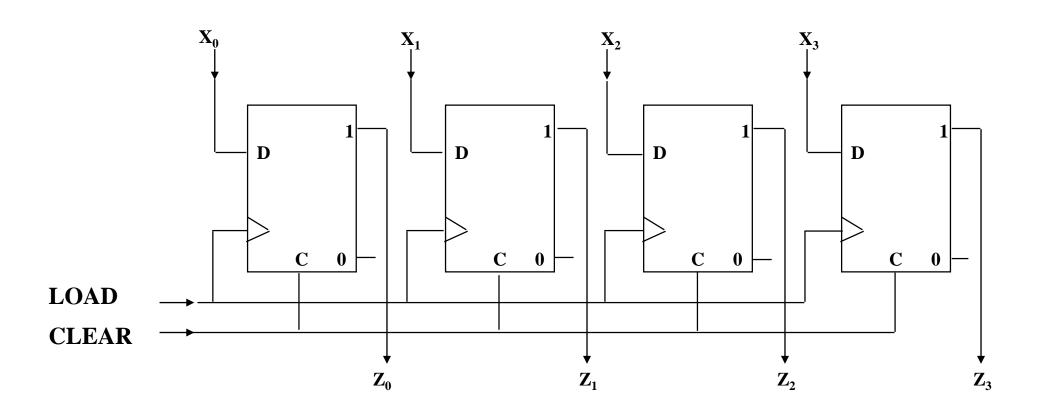
Connessione di comparatori



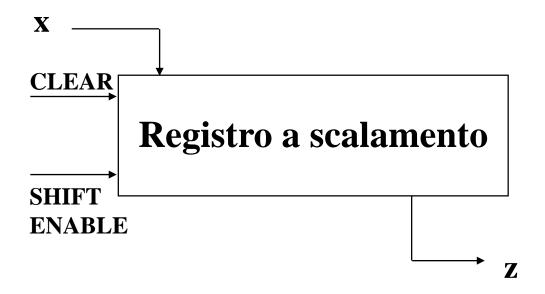
Registro a m bit



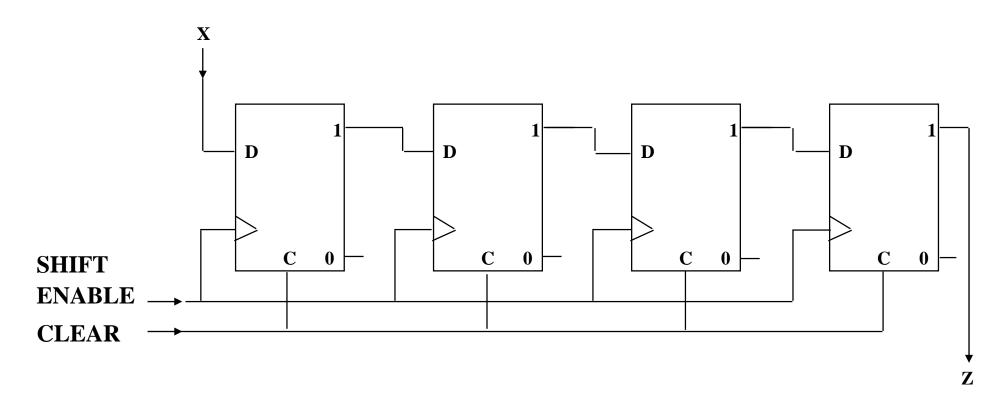
Registro a 4 bit (II)



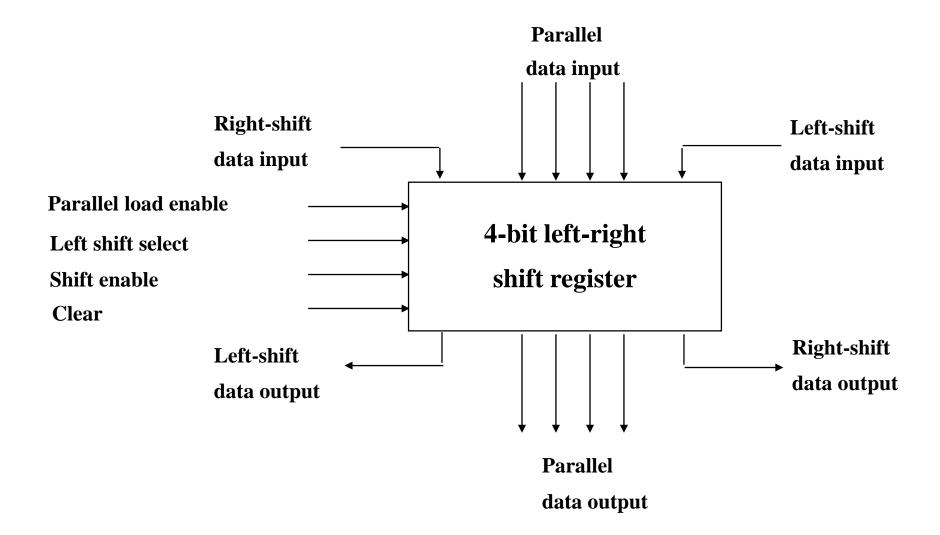
Registri a scalamento (Shift Register)



Registro a scalamento a 4 bit: realizzazione



Registro a scalamento universale



Usi dei registri a scalamento

Esempi

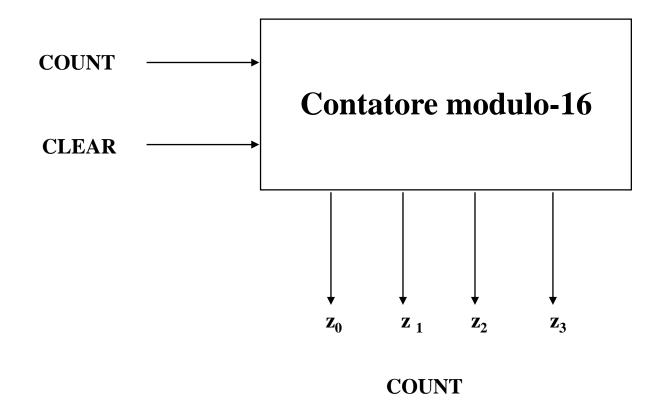
- memorizzazione di dati seriali (FIFO)
- conversione seriale-parallelo e parallelo-seriale
- moltiplicazione e divisione di numeri in fixed-point senza segno.

Contatori

Evolvono attraverso *k* stati in risposta a k impulsi in ingresso La codifica degli stati permette di contare il numero di impulsi Tipologie:

- up-down counter: possono contare avanti e indietro
- programmable counter: il valore del modulo può essere modificato
- binary/decimal/gray/BCD counter: possono contare in binario/decimale/gray/BCD.

Contatore semplice



Usi dei contatori

Esempi

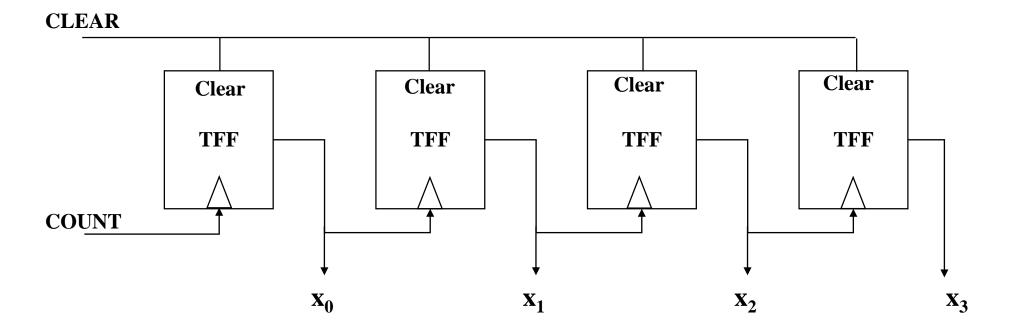
- come Program Counter in una macchina a stati
- per la generazione di segnali di temporizzazione (divisori di frequenza)
- come contatori di eventi.

Contatori: modalità di realizzazione

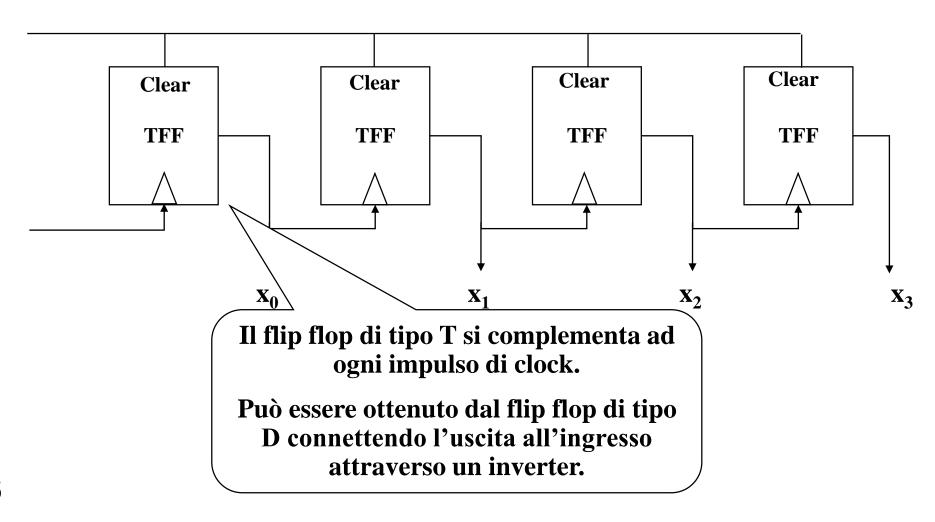
Esistono due principali modalità di realizzazione:

- ripple counter (o asincroni)
 - hanno un ritardo dipendente dalla lunghezza
- contatori sincroni
 - tutte le uscite assumono contemporaneamente il valore corrente.

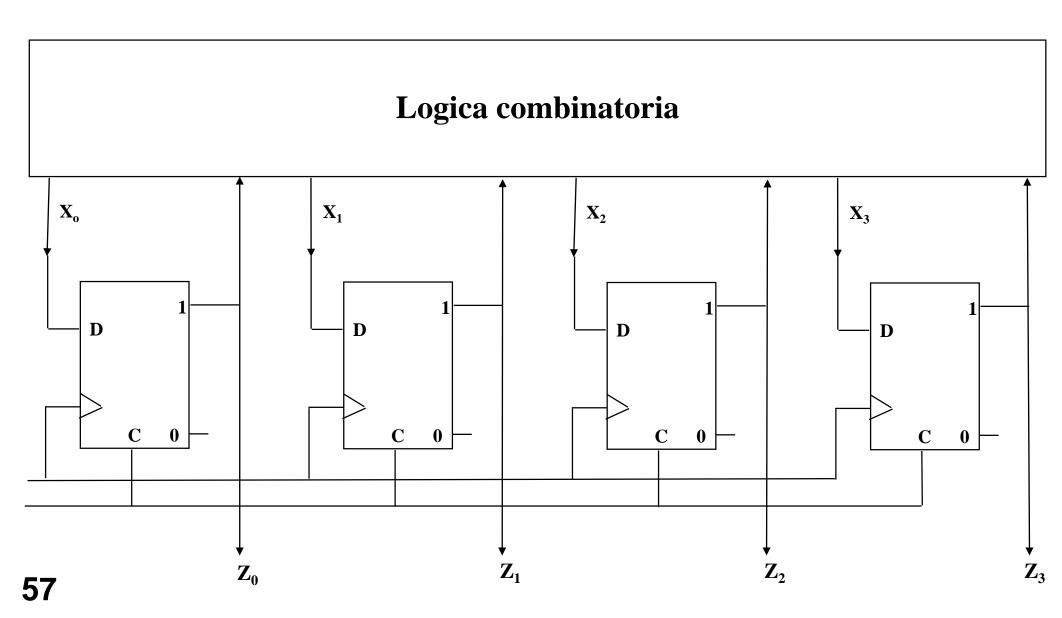
Contatore asincrono



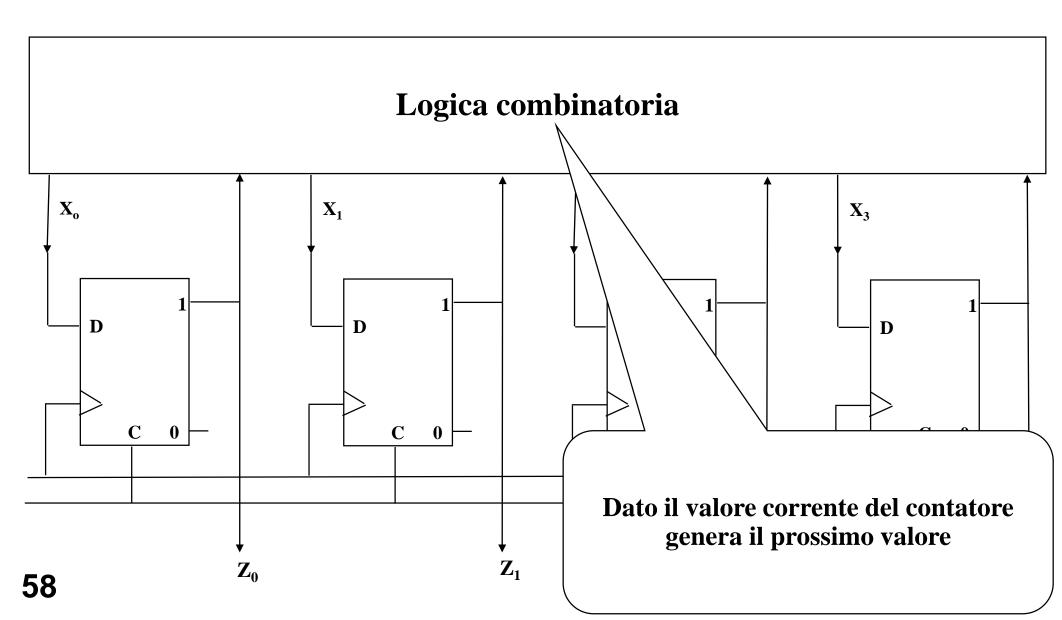
Contatore asincrono



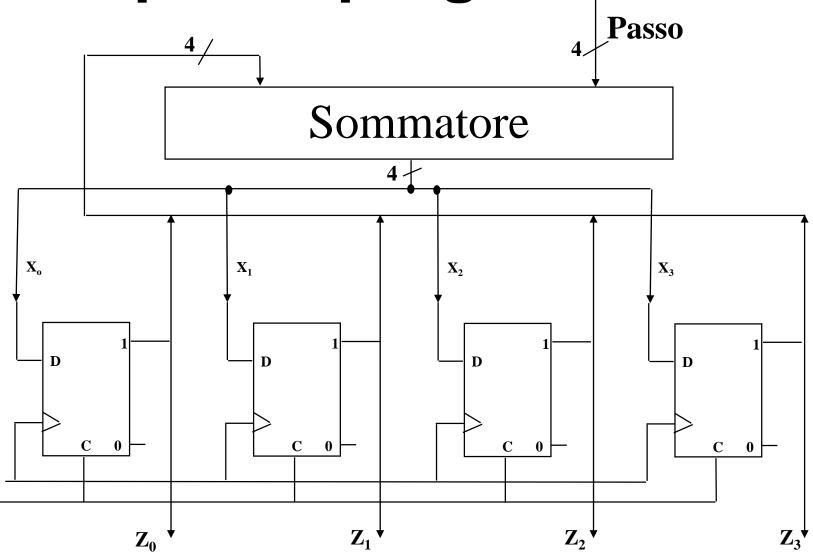
Contatore sincrono



Contatore sincrono



Contatore sincrono modulo 16 con passo programmabile



FPGA

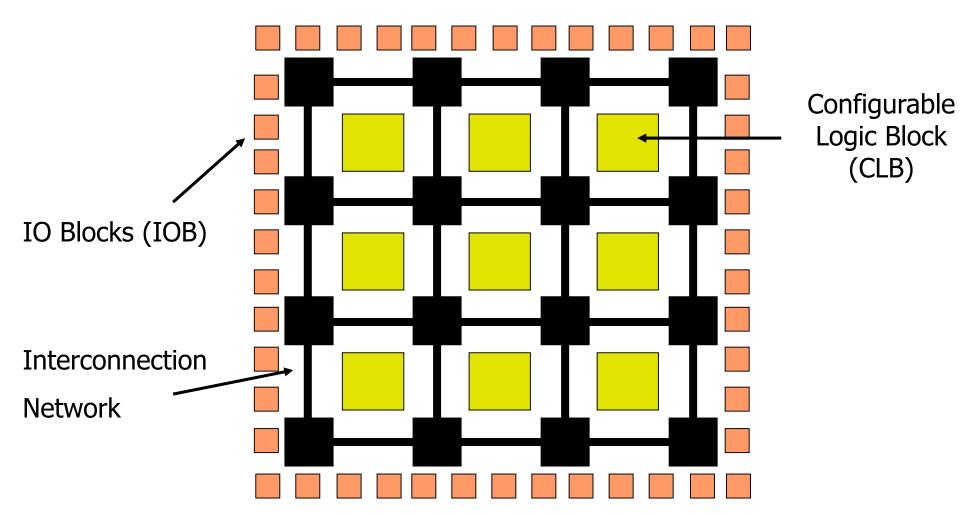
I dispositivi *Field Programmable Gate Array* (FPGA) permettono di realizzare circuiti con funzionalità complesse, sia combinatorie che sequenziali.

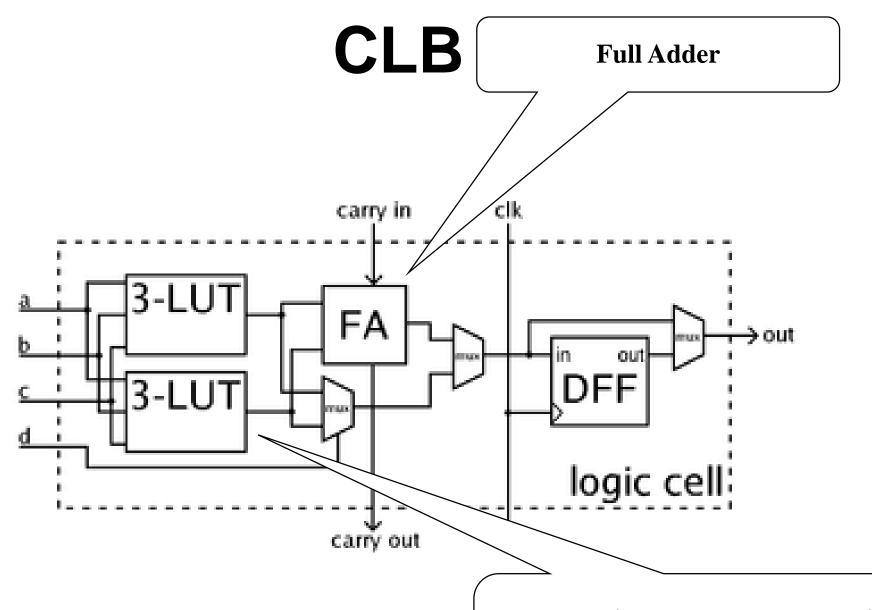
In pratica un dispositivo FPGA è composto da una griglia di blocchi logici (CLB) connessi da una rete di interconnessione e accessibili da un certo numero di segnali di I/O.

Sia i blocchi logici che quelli di interconnessione sono programmabili:

- programmando i primi si definisce la funzione che questi svolgono
- programmando i secondi si definiscono le connessioni che devono essere realizzate.

FPGA: architettura





Una LUT implementa una qualsiasi funzione logica a 3 ingressi, definita in fase di programmazione

FPGA: programmazione

La programmazione di un dispositivo FPGA definisce

- il comportamento di ciascun CLB
- il comportamento delle interconnessioni
- il comportamento dei segnali di I/O.

FPGA: programmazione

La programmazione di un dispositivo FPGA può avvenire in vari modi:

- al momento del primo utilizzo, «bruciando» alcuni elementi del dispositivo; la programmazione viene eseguita una sola volta
- caricando in una memoria Flash interna una serie di bit (bitstream) che determinano il comportamento del dispositivo; la programmazione viene eseguita ogni volta che si vuole cambiare il circuito implementato
- caricando in una memoria RAM interna il bitstream; la programmazione viene eseguita ogni volta che il dispositivo viene alimentato.

FPGA: programmazione

Il successo dei dispositivi FPGA dipende fortemente dalla disponibilità di strumenti CAD a basso costo che generano automaticamente i file di programmazione (bitstream) per il dispositivo.

FPGA: usi

Le FPGA sono spesso utilizzate per realizzare a basso costo dispositivi altrimenti realizzabili tramite ASIC (Application Specific IC).

Rispetto agli ASIC le FPGA sono una soluzione

- più economica da progettare
- più costosa da produrre (in termini di costo di produzione)
- più lenta
- più costosa in termini di spazio.

Le FPGA sono quindi usate principalmente per

- prodotti realizzati in numero limitato
- applicazioni riconfigurabili
- prototipi.

FPGA: prodotti

I prodotti più diffusi basati sulla tecnologia FPGA

sono

- Xilinx
- Altera
- Microsemi.





Bus

Permettono lo scambio di dati tra diversi componenti.

Possono essere realizzati

- all'interno del singolo IC (Integrated Circuit)
- su una piastra (per connettere dispositivi diversi)
- come interconnessione tra piastre (backplane).

Al bus possono essere associati:

- dispositivi di amplificazione
- buffer.

Bus: costo

Il costo di un bus può essere elevato in termini di area di silicio (se connette moduli distanti sullo stesso IC) e di pin (se è accessibile dall'esterno del chip).

Connessione al bus

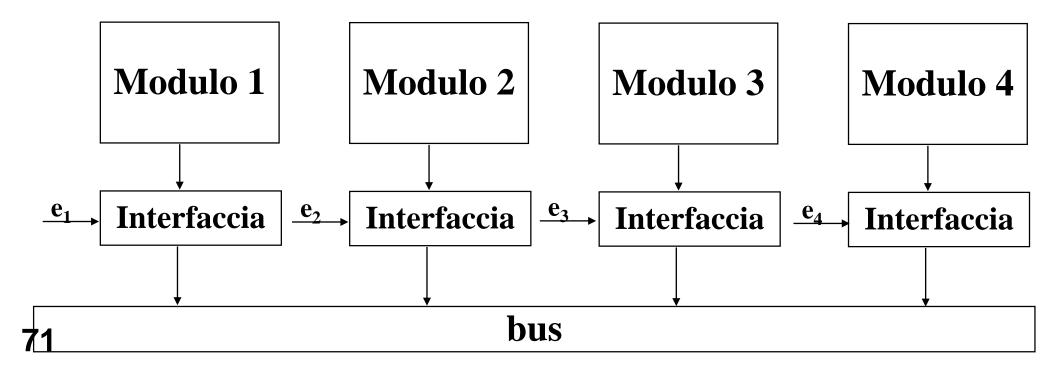
Il generico dispositivo connesso a un bus può

- leggere i valori presenti sul bus
- scrivere sul bus
- leggere o scrivere a seconda dei momenti.

Connessione al bus

Ad ogni istante uno e un solo dispositivo tra quelli connessi in scrittura al bus deve pilotarne il valore.

Gli altri devono assumere un valore particolare noto come Z (alta impedenza).



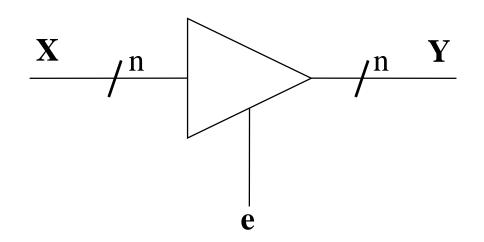
Buffer Tri-State

I buffer che fungono da interfaccia verso il bus sono detti tri-state.

Possiedono n ingressi di dato X, 1 ingresso di controllo e, e n uscite di dato Y.

Il valore di Y è

- quello di X, se e=1
- **Z**, se e=0.



Transceiver

Alcuni moduli (ad esempio i processori e le memorie) possono prevedere segnali bidirezionali che a seconda dei momenti si configurano in entrata o in uscita.

In tal caso la connessione al bus deve avvenire attraverso un dispositivo (denominato *transceiver*) che risolve i problemi esistenti dal punto di vista elettrico.

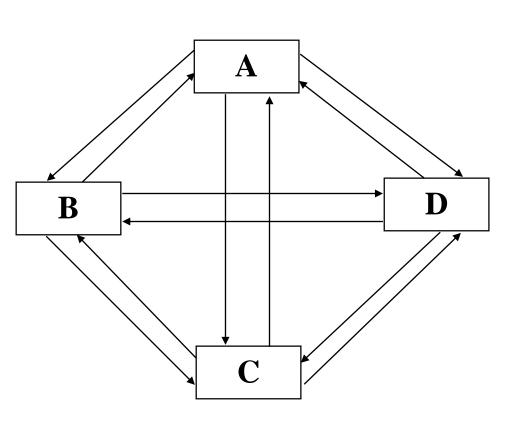
A seconda del valore dei segnali di controllo, i segnali del trasceiver connessi al bus

- leggono i valori provenienti dal bus e li trasferiscono al modulo
- scrivono sul bus i valori provenienti dal modulo
- assumono il valore Z.

Transceiver

Modulo connesso al bus Segnali di **Transceiver** controllo Bus

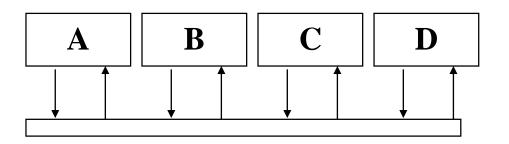
Bus: tipologie



Bus dedicato

Possono essere:

- dedicati (alto costo, elevate prestazioni)
- condivisi (basso costo, basse prestazioni): richiedono un meccanismo di regolamentazione degli accessi.



Memorie

Sono componenti corrispondenti funzionalmente ad insiemi di celle di memorizzazione, ciascuna in grado di memorizzare un bit.

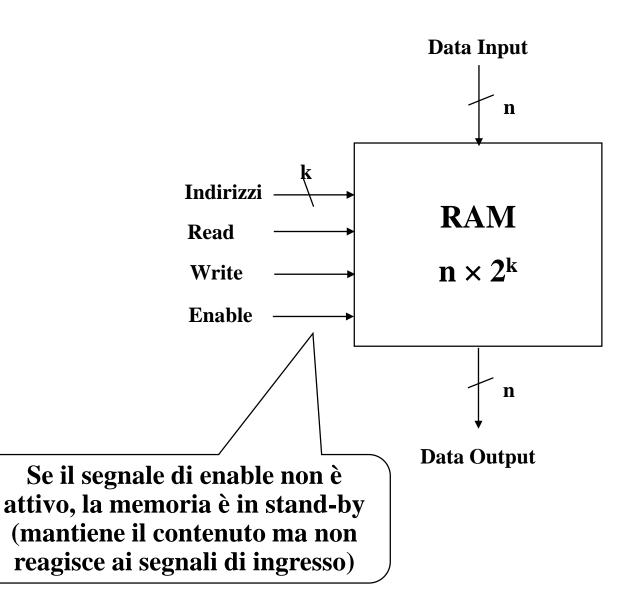
Le celle sono organizzate in *parole*, ciascuna composta da *n* bit.

Tutti i bit di una parola sono letti e scritti insieme durante la generica operazione di I/O da/verso la memoria.

Ogni parola è caratterizzata da un *indirizzo*, corrispondente ad un intero tra 0 e m-1 (dimensione della memoria) rappresentato su k bit $(m=2^k)$.

La lettura o scrittura di una parola avviene applicando il corrispondente indirizzo agli ingressi della memoria.

RAM



RAM: funzionamento

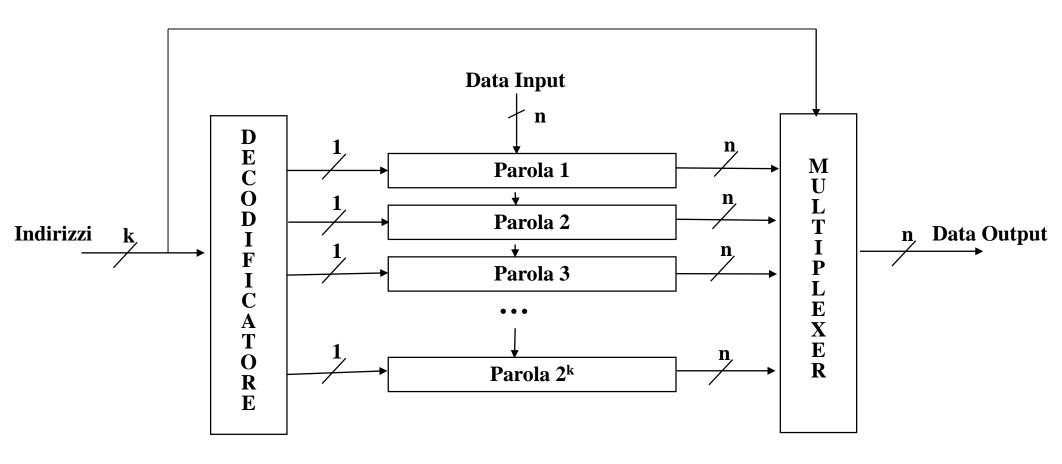
Ciclo di scrittura:

- si fornisce l'indirizzo
- si fornisce il dato
- si attiva il segnale di write.

Ciclo di lettura:

- si fornisce l'indirizzo
- si attiva il segnale di *read*
- si legge il dato.

RAM: struttura interna



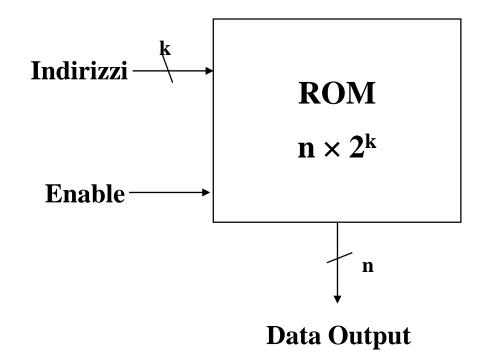
ROM

Sono memorie a sola lettura.

Implementano una funzione combinatoria.

Il contenuto viene determinato all'atto della fabbricazione, e non può in nessun modo essere modificato successivamente.

ROM

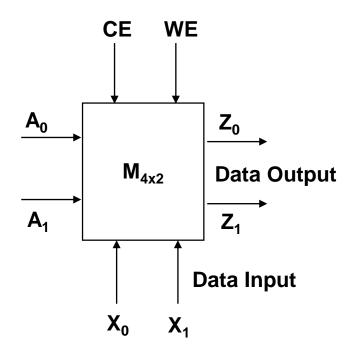


Banchi di memoria

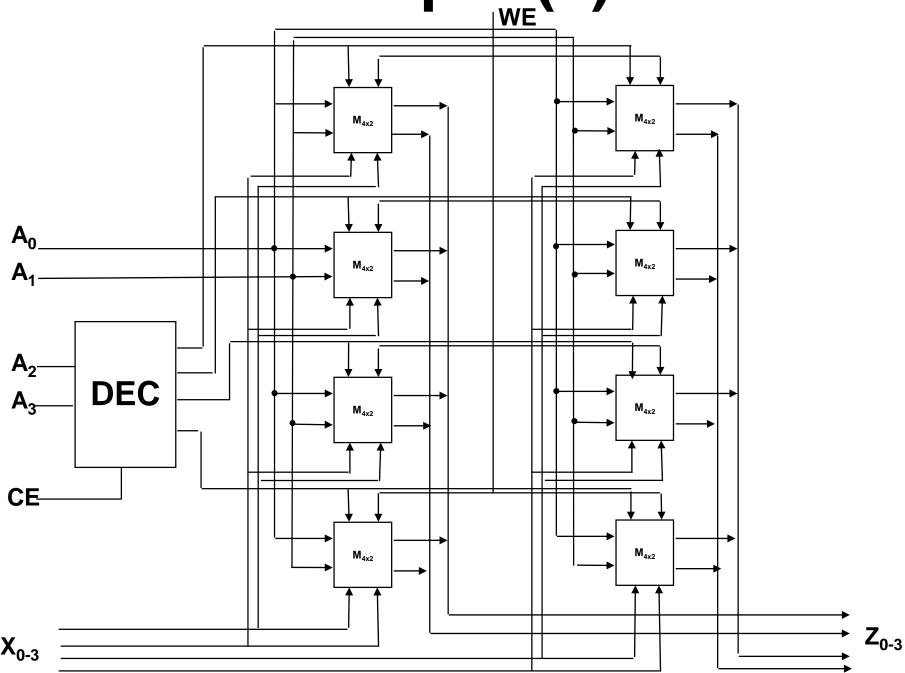
Un banco di memoria è un insieme di moduli di memoria opportunamente interconnessi che si comportano come un'unica memoria (ROM, RAM o mista) di dimensioni complessive pari alla somma delle dimensioni dei moduli componenti.

Esempio

Si vuole progettare una RAM composta da 16x4 bit utilizzando il seguente modulo, contenente 4 parole da 2 bit ciascuna:



Esempio (II)



Regole generali per il progetto

- Tutti i chip sono collegati in parallelo al data bus
- Gli ingressi di indirizzo dei vari chip sono pilotati in parallelo dai bit meno significativi dell'indirizzo
- I bit di indirizzo più significativi vanno ad un decoder, che pilota i segnali di enable (CE) dei vari chip di memoria.