Flipped Assignment 6

Group 5

2022/2/15

Part a.

The function should be:

$$Y = X\beta + \epsilon$$
$$y = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \epsilon$$

Part b.

$$\widehat{\boldsymbol{\beta}} = \left(X^{\top} X \right)^{-1} X^{\top} Y$$

Y is

```
##
         [,1]
   [1,] 7.5
##
##
   [2,] 15.0
   [3,] 22.0
##
##
   [4,] 28.6
   [5,] 31.6
##
##
   [6,] 34.0
##
   [7,] 35.0
   [8,] 35.5
##
   [9,] 36.5
## [10,] 38.5
## [11,] 12.3
## [12,] 18.0
## [13,] 20.8
## [14,] 25.7
## [15,] 32.5
## [16,] 34.0
## [17,] 35.0
## [18,] 14.4
## [19,] 19.0
## [20,] 26.4
## [21,] 28.5
## [22,] 29.0
## [23,] 35.0
## [24,] 15.1
## [25,] 26.4
## [26,] 27.0
## [27,] 29.0
## [28,] 21.0
## [29,] 27.3
```

[30,] 48.5

```
## [31,] 50.4
## [32,] 52.5
## [33,] 34.4
## [34,] 46.5
## [35,] 50.0
## [36,] 51.9
The dimensionality of Y is
## [1] 36 1
X is
##
         x0
              x1
    [1,] 1 0.00
##
                  10
##
    [2,] 1 0.00
##
    [3,]
         1 0.00
##
    [4,]
         1 0.00 110
##
   [5,]
         1 0.00 140
   [6,]
         1 0.00 170
##
##
   [7,]
          1 0.00 200
##
    [8,]
         1 0.00 230
##
   [9,]
          1 0.00 260
## [10,]
          1 0.00 290
## [11,]
          1 0.00
                  10
## [12,]
         1 0.00
                  30
## [13,]
          1 0.00
                  62
## [14,]
          1 0.00
## [15,]
          1 0.00 150
## [16,]
         1 0.00 210
## [17,]
         1 0.00 270
## [18,]
          1 0.02
                  10
## [19,]
          1 0.02
                  30
## [20,]
          1 0.02
                  60
## [21,]
          1 0.02
## [22,]
          1 0.02 120
## [23,]
          1 0.02 210
## [24,]
          1 0.02 30
## [25,]
          1 0.02
## [26,]
          1 0.02 120
## [27,]
          1 0.02 150
## [28,]
          1 0.05
## [29,]
          1 0.05
## [30,]
          1 0.05 130
## [31,]
         1 0.05 190
## [32,]
          1 0.05 250
## [33,]
          1 0.05
                  60
## [34,]
         1 0.05
                  90
## [35,]
         1 0.05 120
## [36,]
          1 0.05 150
The dimensionality of X is
## [1] 36 3
```

Part c.

The least squares estimated $\boldsymbol{\beta}$ is

[,1] ## [1,] 11.0869804 ## [2,] 350.1192457 ## [3,] 0.1089344