CSES

Nguyễn Đức Huy

Ngày 27 tháng 5 năm 2021

Mục lục	
1 Two Knight	

2 Two Sets

		2	
		1	

1 Two Knight

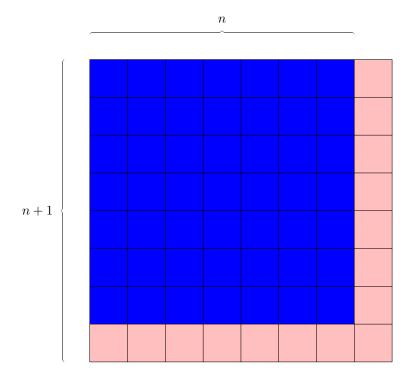
https://cses.fi/problemset/task/1072 Bài này có rất nhiều cách làm, dưới đây là 2 trong số đó

DP

Gọi số cách đặt 2 con mã thỏa mãn trên bàn cờ $n \times n$ là dp[n]

Trường hợp cơ bản: dp[1] = 0

Ta tính dp[n+1] dựa trên dp[n] như sau:



Để đặt 2 con mã thỏa mãn lên bàn cờ $(n+1) \times (n+1)$ thì có 3 cách

- 1. Cả 2 con ở vùng màu xanh $\Rightarrow dp[n]$
- 2. Có 1 con ở vùng màu xanh và 1 con ở vùng màu hồng
- 3. Cả 2 con ở vùng màu hồng

Ta có công thức truy hồi:

$$dp[n+1] = dp[n] + (((n-1)*(n-1)-2)*2 + ((n-1)*(n-1)-3)*2 + ((n-1)*(n-1)-4)*(n-1-4))*2 + ((n-1)*(n-1)-2) + (2*n-1)*(n-1)-2$$
 Code mẫu:

#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

int main()
{
 long long int n;
 cin >> n;

```
long long int dp = 0;
long long int c = 1;

while (c <= n)
{
    c++;
    cout << dp << endl;
    dp = dp + (((c - 1) * (c - 1) - 2) * 2 + ((c - 1) * (c - 1) - 3)
        * 2 + ((c - 1) * (c - 1) - 4) * (c - 1 - 4)) * 2 + ((c - 1)
        * (c - 1) - 2) + (2 * c - 1) * (c - 1) - 2;
}
</pre>
```

Math

2 quân mã có thể tấn công nhau thì nó phải ở trong hình chữ nhật 2×3 hoặc 3×2 , mỗi hình chữ nhật như thế sẽ cho 2 cách đặt con mã có thể tấn công nhau. Nghĩa là có tất cả $2\times ((n-1)(n-2)+(n-2)(n-1))$ cách

 Vậy : D để 2 con mã không tấn công nhau thì c
ó $C_{n^2}^2-2\times ((n-1)(n-2)+(n-2)(n-1))$ cách

Code mẫu:

2 Two Sets

https://cses.fi/problemset/task/1092

Trước hết, ta phân tích một chút.

Tổng $1+2+3+\ldots+n=\frac{n(n+1)}{2}$. Để chia tổng này thành 2 tập có tổng bằng nhau thì tổng này phải chẵn, nghĩa là $\frac{n(n+1)}{2}$ chia hết cho $2\Rightarrow n(n+1)$ chia hết cho 4

 $\Rightarrow n$ chia hết cho 4 hoặc n chia 4 dư 3

Với n chia hết cho 4, ta chia tổng n số thành $\frac{n}{2}$ cặp đầu cuối có tổng bằng nhau, vì n chia hết cho 4 nên $\frac{n}{2}$ chẵn, khi đó, ta chỉ cần chọn bừa $\frac{n}{4}$ cặp đầu cuỗi cho vào tập thứ nhất và $\frac{n}{4}$ cặp còn lại cho vào tập thứ 2.

Với n chia 4 dư 3, ta xếp số 1 và 2 vào tập thứ nhất, số 3 vào tập thứ 2. Với những số còn lại, tương tự trường hợp trên.

Code mẫu:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
vector<int> a, b;
void solve(int 1, int r)
   if (r < 1)
       return;
   a.push_back(1);
   a.push_back(r);
   b.push_back(1 + 1);
   b.push_back(r - 1);
   solve(1 + 2, r - 2);
}
int main()
   int n;
   cin >> n;
   if (n % 4 == 1 || n % 4 == 2)
       cout << "NO";
       return 0;
   }
   if (n % 4 == 3)
       a.push_back(1);
       a.push_back(2);
       b.push_back(3);
   solve(n % 4 + 1, n);
   cout << "YES" << endl;</pre>
   cout << a.size() << endl;</pre>
   for (int i = 0; i < a.size(); i++)</pre>
       cout << a[i] << (i == a.size() - 1 ? "\n" : " ");
   cout << b.size() << endl;</pre>
   for (int i = 0; i < b.size(); i++)</pre>
       cout << b[i] << (i == b.size() - 1 ? "\n" : " ");
}
```