

Regneøving 3
Veiledning 27. januar
Innlevering 31. januar

Stikkord for denne øvingen er sirkelbevegelse, krefter, friksjon, akselerasjon.

Oppgavene er relatert til kapitler 4,5 og 9 i Young and Freedman.

Oppgave 1. Kinematikk i himmelrommet

En pulsar er en hurtig roterende nøytronstjerne som sender ut radiopulser vi mottar med helt presise tidsintervall. En puls mottas for hver omdreining av stjernen. Perioden T , tiden det tar å rotere 360° , måles ved å måle tidsrommet mellom pulsene. I 2007 hadde pulsaren i den sentrale delen av Krabbetåken en rotasjonsperiode $T = 0.033\text{s}$, og perioden øker med $1.26 \times 10^{-5}\text{s}$ per år.

- Vis at sammenhengen mellom vinkelhastighet og periode er gitt ved $\omega = 2\pi/T$.
- Hvor stor er vinkelakselerasjonen?
- Når vil rotasjonen stoppe dersom vinkelakselerasjonen er konstant (verdi som i b)? [År 4626]
- Pulsaren oppsto i en supernovaeksplosjon som ble observert av kinesiske astronomer i år 1054. Hva var rotasjonsperioden på det tidspunktet? [$T = 0.024\text{s}$]

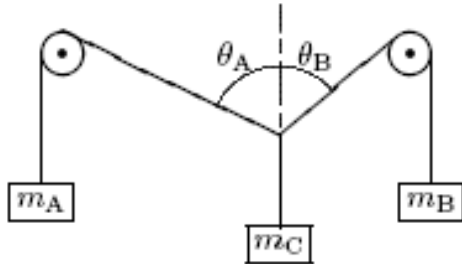
Oppgave 2 En enkel kloss(-major) har havnet på skråplanet

En kloss med masse $m = 1.0\text{ kg}$ holdes i ro på et skråplan med helningsvinkel $\theta = 30^\circ$. Den kinetiske friksjonskoeffisienten er $\mu_k = 0.42$.

- Hvor stor er akselerasjonen når klossen slippes?
- Vi lar så klossen bli påvirket av en kraft på 1.0 N , rettet oppover langs skråplanet. Hva blir nå klossens akselerasjon?
- Hva skjer dersom kraften oppover langs skråplanet økes til 2.0 N ?

- d) La igjen kun tyngden og friksjon virke på klossen men la friksjonen være hastighetsavhengig slik at friksjonskoeffisienten kan skrives $\mu_k = 0.42 + 0.13v$, hvor v er hastigheten. Sett opp Newtons 2. lov for systemet som en differensiallikning, løs likningen numerisk med Python og plot farten som en funksjon av tid mellom $t = 0$ s og $t = 10$ s (La $v=0$ og $x=0$ ved $t = 0$).

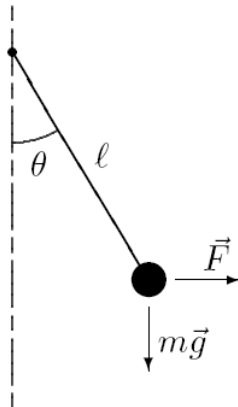
Oppgave 3 – som handler om leamikk!



Ei snor er strukket over to trinser, og tre lodd, med masser m_A , m_C og m_B , er hengt opp som vist i figuren.

- a. Anta $m_C = 10$ kg, $\theta_A = 30^\circ$ og $\theta_B = 45^\circ$. Hva er m_A og m_B ?
- b. Anta $m_C = 10$ kg, $m_A = 6$ kg og $m_B = 8$ kg. Hva blir θ_A og θ_B ?

Oppgave 4 handler om roterende leamikk!



Ei kule (punktmasse) med masse $m = 0.1 \text{ kg}$ er festet til ei vektløs stang med lengde $\ell = 0.5 \text{ m}$. Stanga kan rotere friksjonsløst “i papirplanet” om opphengningspunktet. Kula trekkes ut til siden med ei horisontal kraft \vec{F} .

- a. Hvis likevektsvinkelen $\theta = 30^\circ$, hvor stor må da F være?
- b. Hvis $F = 0.2 \text{ N}$, hva blir da θ ?
- c. I stedet for å trekke med ei kraft \vec{F} , lar vi hele systemet rotere om en vertikal akse gjennom opphengningspunktet med rotasjonsperiode $T = 1 \text{ s}$. Kula slenges da utover av sentripetalkraften.

I likevekt har kula en (sirkel-)banehastighet $v = 2\pi r/T$, hvor $r = \ell \sin \theta$, og den tilsvarende radialakselerasjonen er $a_r = -v^2/r$. Hva blir nå vinkelen θ ?