### Institutt for fysikk, NTNU

TFY4125 Fysikk Faglærer Magnus B Lilledahl

### Regneøving 4

Veiledning 3. februar Innlevering 8. februar.

Stikkord for denne øvingen er bl.a. "arbeid - kinetisk energi" teoremet, arbeid, effekt, og energibevarelse.

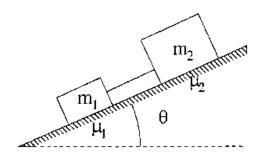
Oppgavene er relatert til kapittel 2-8 i Young and Freedman

### **Oppgave 1**. Bevegelsesmengde og ishockey

En ishockeypuck med hastighet  $v_1 = 40.0$  m/s treffer en annen ishockeypuck som ligger i ro på isen (med neglisjerbar friksjon). De to puckene har samme masse. Etter støtet observerer vi at den ene pucken beveger ser ut fra kollisjonspunktet i en vinkel  $\alpha = 30^{\circ}$  og den andre i en vinkel  $\beta = 45^{\circ}$  i forhold til retningen den innkommende pucken beveget seg i før støtet.

- a) Tegn figur!
- b) Hvor stor er farten til hver av de to puckene like etter støtet?
- c) Hvor stor brøkdel av den kinetiske energien går tapt i støtet? (19.6 %)

## Oppgave 2. To sammenbundne klosser på skråplanet



To klosser av forskjellig materiale er forbundet med en snor og sklir nedover et skråplan med helningsvinkel  $\theta$ . Klossen har forskjellig masse, og de kinetiske friskjonskoeffisientene er også forskjellige, med  $\mu_2 > \mu_1$ .

a) Vis at i dette tilfellet er snoren alltid stram, uansett massenes størrelse, og finn et uttrykk for snordraget *T*. Bruk Python til å

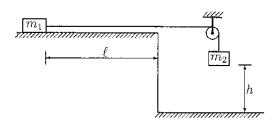
plotte T som en funksjon av forholdet m<sub>1</sub>/m<sub>2</sub>. Tolk kurven i lys av hva du vil forvente.

b) Vis at akselerasjonen nedover skråplanet er gitt ved

$$a = g(\sin\theta - \frac{\mu_1 m_1 - \mu_2 m_2}{m_1 + m_2}\cos\theta)$$

c) For hvilken vinkel  $\theta$  sklir massene nedover med konstant hastighet?

# Oppgave 3. Her kommer energibetraktninger godt med!

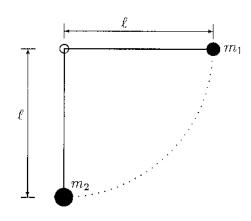


En kloss med masse  $m_1$  ligger på en horisontal bordplate, i avstand l fra bordkanten. Klossen er festet til en annen kloss ved hjelp av en tynn snor og en trinse. Den sist nevnte klossen har masse  $m_2$  og befinner seg i en posisjon med høyde h over gulvet (h < l). Klossen  $m_2$  slippes, og drar med seg  $m_1$  mens den faller.

Se bort fra massen til snora og trinsa, og friksjonen i trinsa. Den kinetiske friksjonskoeffisienten mellom bordplate og massen  $m_1$  er  $\mu$ , mens tyngdens akselerasjon er g.

- a) Finn klossenes hastighet  $v_A$  idet massen  $m_2$  treffer gulvet.
- b) Finn så et uttrykk for hastigheten til  $m_1$ ,  $v_B$  når (eller: hvis) den når bordkanten.
- c) Sett til slutt inn tallverdier:  $m_1 = 1.00 \text{ kg}$ ,  $m_2 = 2.00 \text{ kg}$ , h = 1.00 m, l = 2.00 m,  $\mu = 0.300 \text{ og } g = 9.81 \text{ m/s}^2$ , og finn  $v_A$  og  $v_B$  numerisk. Kontroller også at uttrykkene du finner gir riktig dimensjon, [v] = m/s.

## Oppgave 4. Elastiske støt gir mange slags resultater



To stålkuler, med masser  $m_1$  og  $m_2$ , er hengt opp i samme punkt med tynne snorer, begge med lengde l. Kula med masse  $m_1$  trekkes ut til snora er horisontal (og strukket), og slippes så. Den svinger nedover, treffer kula med masse  $m_2$  («sentralt støt») — og kulene spretter fra hverandre igjen. Anta fullstendig elastisk støt og masseløse snorer. Betrakt kulene som punktmasser. Tyngdens akselerasjon er g.

- a) Finn uttrykk for hastigheten  $v_{1f}$  til kula med masse  $m_1$  og strekket S1f i snora som masse  $m_1$  henger i, *like før støtet*.
- b) Finn så uttrykk for hastigheten  $v_{1e}$  til kula med masse  $m_1$  og hastigheten  $v_{2e}$  til kula med masse  $m_2$  like etter støtet. Bruk Python til å plotte  $v_{2e}$  som en funksjon av  $m_1/m_2$ . Sjekk om grensene  $m_1 \ll m_2$  og  $m_1 \gg m_2$  gir det du forventer.
- c) Finn dernest uttrykk for strekkreftene  $S_{1e}$  og  $S_{2e}$  like etter støtet.
- d) Sett til slutt inn  $m_1 = 10$  g,  $m_2 = 20$  g, l = 1 m og g = 9.8 m/s<sup>2</sup>, og finn  $v_{1f}$ ,  $v_{1e}$ ,  $v_{2e}$ ,  $S_{1f}$ ,  $S_{1e}$  og  $S_{2e}$  numerisk. Kontroller at uttrykkene dine gir riktige dimensjoner.