

Algorytmy i struktury danych (Lista 6)

Zadanie 1 Jakie informacje przechowujemy w węźle drzewa czerwono-czarnego? Zadeklaruj strukturę RBTnode tak, by dziedziczyła z BSTnode. Podaj definicję drzewa czerwono czarnego.

Oprócz lewego/prawego dziecka kolor węzła (czerwony lub czarny). Logika/definicja: drzewo czerwono-czarne jest drzewem BST, w którym każdy węzeł ma dodatkowo kolor (czerwony lub czarny). Węzły czerwone mają 2 czarnych dzieci. Korzeń jest czarny. Każda ścieżka od korzenia do liścia ma tę samą liczbę czarnych węzłów. Każdy liść jest czarny (wartownik) a czerwony węzeł nie może mieć czerwonego dziecka.

```
struct BSTnode:
    int key;
    node *left;
    node *right;
end
```

```
struct RBTnode : BSTnode:
    bool color;
end
```

Zadanie 2 (a) Jaka może być minimalna, a jaka maksymalna ilość kluczy w drzewie czerwono-czarnym o ustalonej czarnej wysokości równej h_B ? (b) Znajdź maksymalną i minimalną wartość stosunku ilości węzłów czerwonych do czarnych w drzewie czerwono-czarnym.

Zadanie 3 Uzasadnij posługując się rysunkiem i opisem, że operacje wykonywane w trakcie wstawiania do drzewa czerwono-czarnego (rotacja i przekolorowanie) nie zmieniają ilości czarnych węzłów, na żadnej ścieżce od korzenia do liścia.

Zadanie 4 (a) Narysuj poprawne drzewo czerwono czarne w którym na lewo od korzenia jest 1 węzeł a na prawo 7 węzłów. (b) Czy istnieje poprawne drzewo czerwono czarne, w którym na lewo od korzenia będzie 100 razy mniej węzłów niż na prawo od korzenia?

Zadanie 5 W poniższym drzewie czerwono-czarnym (czarne węzły oznaczono nawiasem kwadratowym): [5] (3) [11] [1] [4] (9) - wstaw do niego 10. - usuń z wyjściowego drzewa 1

Zadanie 6 (3 pkt.) Do pustego drzewa czerwono-czarnego wstaw kolejno 20 przypadkowych kluczy. Następnie usuń je w tej samej kolejności w jakiej wstawiałeś. Przypadkowymi kluczami są kolejne litery Twojego nazwiska, imienia i adresu. Zadanie wykonujemy na kartce (lub w pliku) i oddajemy prowadzącemu. Zadanie jest obowiązkowe

Zadanie 7 Analizując kod programu RBT.h udowodnij, że w trakcie wstawiania do drzewa czerwono-czarnego wykonają się co najwyżej dwie rotacje. Czy tak samo jest w przypadku usuwania

Zadanie 8 Uzasadnij, że rozmiar stosu ($n = 100$) przyjęty w procedurach insert i remove w pliku RBnpnr.h nigdy nie okaże się za mały