Краткая сводка по языку Матlab

Н. Ю. Золотых

05.05.08, 12.05.11, 03.06.11, 05.09.12

```
Имена переменных, функций и т. п. чувствительны к
 регистру. Разделителями команд являются: Enter, «,» или
  «;». Результат команды, после которой идет Ентек или
  «,», выдается на экран. Для продолжения команды на
 следующей строке используется «...».
```

format short переход в режим с «коротким» представлением чисел с плавающей запятой

format long «длинный» формат при выводе чисел с плавающей запятой

format rat «рациональный» формат при выводе чисел с плавающей запятой

help имя_функции справка в командном окне

doc имя_функции справка в справочном навигаторе

edit имя_функции редактирование функции

lookfor тема поиск ключевого слова в описаниях функций

1. Числа

```
1 + 2*(3 - 4)/5
                       вычисление выражения
а = 1 + 2*(3 - 4)/5 вычисление выражения и присваивание
  результата переменной а
ans результат последнего не присвоенного выражения
        x^y
x^y
рi
         число \pi
Inf
         бесконечность ∞
         «не-число» (например, как результат 0/0, Inf/Inf) машинная точность 2^{-52}=2.2204\times 10^{-16}
NaN
eps
геаlmах максимальное число (2-2^{-52}) \times 2^{1023} = 1.7977 \times 10^{308}
realmin минимальное положительное нормализованное число
  2^{-1022} = 2.2251 \times 10^{-308}
abs(x)
            модуль |x|
sign(x)
            знак sign x
sqrt(x)
            корень квадратный \sqrt{x}
            e^x
exp(x)
log(x)
            \ln x
log2(x)
            \log_2 x
log10(x)
            \log_{10} x
sin(x)
            \sin x
cos(x)
            \cos x
tan(x)
            \operatorname{tg} x
asin(x)
            \arcsin x
acos(x)
            \arccos x
atan(x)
            \operatorname{arctg} x
floor(x)
            «пол» |x|
ceil(x)
            «потолок» [x]
round(x)
            ближайшее целое |x|
fix(x)
            число с отброшенной дробной частью
gcd(m, n)
            HOД(m,n)
lcm(m, n)
            HOK(m, n)
rem(m, n)
            m - fix(m/n) n
mod(m, n)
            m - \lfloor m/n \rfloor n
primes(n) список простых чисел \leq n
isprime(n) проверка числа на простоту
factor(n) разложение на простые множители числа n
factorial(n) n!
і, j, 1i, 1j мнимая единица
1+1і, 1-2і, 3і комплексные числа
complex(a, b) комплексное число a+bi
real(z)
            действительная часть комплексного числа z
imag(z)
            мнимая часть комплексного числа z
            модуль комплексного числа z
abs(z)
            угол (аргумент) комплексного числа z
angle(z)
z', conj(z) сопряженное число
```

2. Векторы и матрицы

```
[1, 2, 3] или [1 2 3] вектор-строка [1,2,3]
                             1
[1; 2; 3] вектор-столбец
                          [ 3
[1, 2; 3, 4] матрица \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}
(Вместо; можно нажимать Enter)
a(1)
          1-й элемент вектора (строки или столбца) а
a (end)
          последний элемент вектора a
A(2, 4)
          элемент 2-й строки 4-го столбца матрицы A
A(2, end) элемент 2-й строки последнего столбца
A(end, 4) элемент последней строки 4-го столбца
A(2, :)
          2-я строка матрицы A
A(:, 4)
         4-й столбец матрицы A
A(2, :) = [] удаление 2-й строки матрицы A
A(:, 4) = [] удаление 4-го столбца матрицы A
А([1, 2], [2, 5]) матрица из элементов, стоящих на
  пересечении 1-й и 2-й строк и 2-го и 5 столбцов
       строка, составленная из чисел от a до b с шагом 1
      строка из чисел от a до b с шагом h
1:10 строка [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10]
1:2:10 строка [1, 3, 5, 7, 9]
           размеры матрицы A (вектор из двух компонент)
size(A)
size(A, 1) число строк матрицы A
size(A, 2) число столбцов матрицы A
length(a) длина вектора a
[a, b]
           конкатенация векторов-строк
[a; b]
           конкатенация векторов-столбцов
[А, В; С, D] блочная матрица
                                 C
repmat(A, m, n) матрица, полученная тиражированием A в
  m строках и n столбцах
flipud(A) переворачивает матрицу «вверх ногами»;
  эквивалентно A(end:-1:1, :)
fliplr(A)
           переворачивает матрицу «задом наперед»;
  эквивалентно A(:, end:-1:1)
            нулевая квадратная матрица порядка n
{\tt zeros(m, n)} нулевая прямоугольная матрица размера m \times n
ones(n), ones(m, n) матрица, заполненная единицами
eye(n), eye(m, n) единичная матрица
rand
        случайное число на отрезке [0,1]
randn
        случайное число, распределенное по нормальному
  закону с мат. ожиданием 0 и среднеквадратическим
  отклонением 1
\mathtt{rand}(\mathtt{n}), \mathtt{randn}(\mathtt{n}) случайные квадратные матрицы порядка n
rand(m, n), randn(m, n) случайные прямоугольные матрицы
  размера m \times n
randi(n) случайное целое число, выбираемое из 1, 2, ..., n
sort(a) сортировка элементов массива a по возрастанию
\mathtt{sort}(\mathtt{a}, \mathtt{'descend'}) сортировка элементов массива a по
  убыванию
A + B сумма матриц A + B
A - В разность матриц A-B
      произведение aA числа a на матрицу A
A*B
      матричное произведение AB
A^n
      матричная степень A^n
A.*B
     покомпонентное произведение
A./B
     покомпонентное деление
     покомпонентная степень
A.^B
      сопряженная матрица \overline{A}
Α,
      транспонированная матрица A^{\mathrm{T}}
```

 $A\b$ решение с.л.у. Ax = b

 $A\B$ решение матричного уравнения AX=B

A/B решение матричного уравнения YA = B

inv(A), A^(-1) обратная матрица A^{-1}

det(A) определитель матрицы

rref(A) приведенный ступенчатый вид матрицы

linspace(a, b) вектор из 100 равномерно отстоящих узлов от a до b

linspace(a, b, n) вектор из n равномерно отстоящих узлов от a до b

logspace(a, b) эквивалентно 10. linspace(a, b, 50)

logspace(a, b, n) эквивалентно 10. linspace(a, b, n)

tril(A) нижнетреугольная часть матрицы

tril(A, k) элементы ниже k-й кодиагонали (k=0 — главная диагональ, k>0 — выше главной диагонали, k<0 — ниже главной диагонали)

triu(A) верхнетреугольная часть матрицы

triu(A, k) элементы выше k-й кодиагонали

diag(A) главная диагональ матрицы

 ${\tt diag}({\tt A}, {\tt k})$ k-я кодиагональ матрицы

 ${\tt diag(d)}$ формирует диагональную матрицу с элементами из вектора d на диагонали

 $\operatorname{diag}(\mathbf{d}, \mathbf{k})$ формирует матрицу с элементами из d на k-й колмагонали

blkdiag(D1, D2, D3, ...) блочно-диагональная матрица

[X, Y] = meshgrid(x, y) генерирование решеток:

[X, Y] = meshgrid([1,2], [11,22,33]) возвращает

$$X = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 2 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}, \quad Y = \begin{bmatrix} 11 & 11 \\ 22 & 22 \\ 33 & 33 \end{bmatrix}$$

Математические функции (abs, sqrt, exp, log, sin и т.д.), примененные к матрицам, действуют покомпонентно. См. также раздел 9.

3. Сохранение и загрузка данных

save имя_файла сохранение значений всех переменных рабочего пространства в mat-файле

save имя_файла a1 a2 ... an сохранение значений указанных переменных

load имя_файла загрузка данных из файла

load имя_файла a1 a2 ... an загрузка указанных переменных

save имя -ascii сохранение значения переменной в одноименном текстовом файле

load имя -ascii загрузка переменной из текстового файла [a1, a2, a3, ...] = textread(имя_файла, формат) чтение из текстового файла в переменные a1, a2, a3, ...

4. Графические функции

plot(x, y) график функции

plot(x, y, стиль) график функции с указанием стиля

с m у r g b w k цвет линии и маркера

- -- : -. СТИЛЬ ЛИНИИ

+, o, *, x, s, d, ^, v, >, <, p, h тип маркера

xlabel('Text') подпись к оси Ox

ylabel('Text') подпись к оси Oy

title('Text') заголовок вверху графика

clf очищает текущее графическое окно

shg выдвигает текущее графическое окно вперед

figure создает новое графическое окно и делает его активным

figure(n) делает активным окно с номером n

hold on переходит в режим сохранения результатов графического вывода

hold off выходит из режима

hold меняет режим

```
plot(x1, y1, стиль1, ..., xn, yn, стильn) несколько
  кривых с указанием их свойств
plot(x, Y) если У — матрица, то эквивалентно
  plot(x, Y(:, 1), ..., x, Y(:, 2))
legend('текст1', 'текст2', ..., 'текстn') легенда
xlim([xmin, xmax]) диапазон изменения координаты x
ylim([ymin, ymax]) диапазон изменения координаты y
zlim([zmin, zmax]) диапазон изменения координаты z
axis([xmin, xmax, ymin, ymax, zmin, zmax]) диапазоны
axis equal одинаковый масштаб по всем осям
axis square оси координат квадратные
axis on
           включает отображение осей
           выключает отображение осей
axis off
           включает отображение сетки
grid on
grid off
           выключает отображение сетки
logx(...)
            аналогично plot, но используется
  логарифмическая шкала по оси Ox
logy(...)
            аналогично plot, но используется
  логарифмическая шкала по оси Oy
semilog(...) аналогично plot, но используется двойная
  логарифмическая шкала
polar(phi, r)
                      график в полярных координатах
polar(phi, r, стиль) график в полярных координатах с
  указанием стиля
                      график кривой в пространстве
plot3(x, y, z)
plot3(x, y, z, стиль) график кривой в пространстве с
  указанием стиля
plot3(x1, y1, z1, x2, y2, z2, ..., xn, yn, zn) несколько
  графиков в пространстве
plot3(x1, y1, z1, стиль1, ..., xn, yn, zn, стильn)
  несколько графиков в пространстве с указанием стиля
mesh(X, Y, Z) «проволочная» поверхность
surf(X, Y, Z) закрашенная поверхность
surfl(X, Y, Z) моделирование освещения
colormap палитра задание палитры:
   winter spring summer autumn bone
   copper hot cool gray pink и др.
colorbar отображение цветовой шкалы
hidden on включение режима скрытия невидимых линий
hidden off включение режима отображения невидимых
shading faceted режим отрисовки граней
shading interp
shading flat
               задание коэффициента прозрачности
alpha a
view(az, el)
               угол обзора (долгота и широта в градусах)
view(x, y, z) точка обзора
contour(X, Y, Z)
                   линии уровня
contour(X, Y, Z, n) n линий уровня
contour(X, Y, Z, [c1, c2, ..., cn]) линии уровня для
  заданных значений функции
contourf(X, Y, Z) contourf(X, Y, Z, n)
  contourf(X, Y, Z, [c1, c2, ..., cn]) то же c
  закрашиванием промежутков между линиями уровня
camlight headlight размещение источника света в точке
  наблюдения
camlight right
                   размещение источника света справа
  сверху от точки наблюдения
camlight left
                  размещение источника света слева сверху
  от точки наблюдения
                   то же, что и camlight right
camlight
camlight(az, el)
                  задание долготы и широты источника
 света
axis vis3d
ezplot('f(x)', a, b) график функции f(x) на отрезке [a,b]
ezplot('f(x,y)')
                    график кривой f(x,y) = 0
ezplot('x(t)', 'y(t)', a, b) график линии x = x(t),
  y = y(t), a \le t \le b
ezplot3('x(t)', 'y(t)', 'z(t)', a, b) график линии
 x = x(t), y = y(t), z = z(t), a \le t \le b
```

plot(x1, y1, x2, y2, ..., xn, yn) несколько кривых

```
ezmesh('f(x, y)', [a, b, c, d])
                                    «проволочная»
  поверхность z = f(x, y), a \le x \le b, c \le y \le d
ezsurf('f(x, y)', [a, b, c, d])
                                    закрашенная
  поверхность
поверхность x = x(u, v), y = y(u, v), z = z(u, v), a \le u \le b,
  c \le v \le d
ezsurf('f(x, y)', [a, b, c, d])
                                    закрашенная
  поверхность
ezcontour('f(x, y)', [a, b, c, d])
                                    линии уровня
ezpolar('r(phi)', [a, b])
                                     график r = r(phi),
  a \le phi \le b (в полярных координатах)
```

5. Конструкции языка

```
if условие
    команды
if условие
    команды
else
    команлы
end
if условие
    команды
elseif условие
    команды
elseif условие
    команды
end
if условие
    команды
elseif условие
    команды
elseif условие
    команды
else условие
    команды
for переменная = вектор
    команды
end
for переменная = матрица
    команлы
for переменная = матрица
    команды
end
while условие
    команды
switch выражение
    case значение
        команды
    case {значение1, значение2, значение3, ...}
        команды
    otherwise
end
```

немедленный выход из цикла for или while continue немедленный возврат к проверке условия в цикле for или while

```
all(a)
        истина, если и только если все элементы вектора а
 ненулевые
all(A)
        если A — матрица, то применяет функцию all к
 каждому ее столбцу; на выходе — вектор-строка длины,
 равной количеству столбцов в А
any(a) истина, если и только если хотя бы один из
 элементов вектора а ненулевой
```

каждому ее столбцу; на выходе — вектор-строка длины, равной количеству столбцов в А

any(A) если A — матрица, то применяет функцию any к

```
<, >, <=, >=, ~= (поэлементное) сравнение
&, |, ~ поэлементные «и», «или», «не»
&&, | | логические «и», «или»
```

6. Массивы структур, массивы ячеек

```
varname.field1, varname.field1 поля структуры
{31, [1, 2], 'Hello'} массив ячеек
а{і} і-й элемент массива ячеек
a(indices) подмассив (срез) массива ячеек
```

7. Программы-сценарии и функции пользователя

Программа-сценарий («скрипт») — это набор команд, записанных в текстовом файле (т-файле). Такие программы работают с переменными рабочего пространства (теми же, с которыми пользователь работает из командной строки). В отличие от них, программы-функции работают со своими локальными переменными.

% начинает строку комментариев

7.1. Функция с подфункциями

```
function [y1, y2, ..., ym] = funcname(x1, x2, ..., xn)
команды
    function [...] = funcname(...)
    команды
    function [...] = funcname(...)
    команлы
```

Область видимости локальных переменных, появляющихся в основной функции не распространяется на подфункции. Область видимости локальных переменных, появляющихся в подфункции, ограничивается этой подфункцией.

7.2. Вложенные (nested) функции

```
function [y1, y2, ..., ym] = func(x1, x2, ..., xn)
    команды
    function [...] = func1(...)
        команды
        function [...] = func2(...)
            команды
        end
    end
    function [...] = func3(...)
        команды
```

end

команды

end

Функции func1 и func3 вложены в func. Функция func2 вложена в func1.

Область видимости локальных переменных, появляющихся в функции (или вложенной подфункции), распространяется на все вложенные поддфункции.

8. Суммы, произведения и т.п.

- sum(a) сумма элементов вектора a
- sum(A) сумма элементов каждого столбца матрицы A. Возвращается вектор-строка длины, равной количеству столбцов матрицы A
- cumsum(a) «кумулятивная» сумма
- **cumsum(A)** «кумулятивная» сумма для каждого столбца
- матрицы А. Возвращается матрица того же размера, что и А
- prod(a) произведение элементов вектора a
- $\operatorname{prod}(A)$ произведение элементов каждого столбца матрицы A
- cumprod(a) «кумулятивное» произведение
- cumprod(A) «кумулятивное» произведение для каждого столбца матрицы A
- diff(a) вектор разностей
- min(a) минимальное значение
- тах(а) максимальное значение

9. Линейная алгебра

См. также раздел 2.

norm(a, p) p-норма вектора a: $\sqrt[p]{\sum_{j=1}^n |a_j|^p}$, где $p \geq 1$.

Возможно значение p = Inf

norm(a) евклидова норма norm(a, 2)

- norm(A, p) р-норма матрицы A. Возможные значения p = 1, 2, Inf, 'Fro'. Последнее соответствует фробениусовой норме.
- norm(A) спектральная норма norm(A, 2) матрицы А
- cond(A, p) число обусловленности матрицы A для p-нормы
- cond(A) спектральное число обусловленности cond(A, 2)
- condest(A) верхняя оценка для cond(A, 1) (оценщик Хэйджера)
- $A\b$ решение с.л.у. Ax = b; псевдорешение для несовместной с.л.у.
- А\В решение матричного уравнения АХ = В
- A/B решение матричного уравнения YA = B
- inv(A) обратная матрица A^{-1}
- pinv(A) псевдообратная матрица
- [L, U, P] = 1u(A) LU-разложение матрицы A: PA = LU, где P перестановочная матрица, L нижнетреугольная с единичной диагональю, U верхнетреугольная
- [Q, R] = qr(A) QR-разложение матрицы A: A = QR, где Q унитарная (ортогональная) матрица,
 - $Q = унитарная (ортогональная) матр <math>R = {
 m верхнетреугольная}$
- В = null(A) ортонормированный базис пространства решений с.л.у. Ax = o
- В = null(A, 'r') «рациональный» базис пространства решений с.л.у. Ax=o
- d = eig(A) собственные числа матрицы A
- [Q, D] = eig(A) возвращается диагональная матрица D и матрица Q, такие, что $D=Q^{-1}AQ$

vander(x) матрица Вандермонда

$$\begin{bmatrix} x_1^{n-1} & x_1^{n-2} & \dots & x_1 & 1 \\ x_2^{n-1} & x_2^{n-2} & \dots & x_2 & 1 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ x_n^{n-1} & x_n^{n-2} & \dots & x_n & 1 \end{bmatrix}$$

hilb(n) матрица Гильберта порядка n: $H = (h_{ij})$, где

$$h_{ij} = \frac{1}{i+j-1}$$

invhilb(n) матрица, обратная к матрице Гильберта compan(s) матрица Фробениуса

$$\frac{1}{s_1} \begin{bmatrix}
-s_2 & -s_3 & \dots & -s_{n-1} & -s_n \\
s_1 & 0 & \dots & 0 & 0 \\
0 & s_1 & \dots & 0 & 0 \\
\dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\
0 & 0 & \dots & s_1 & 0
\end{bmatrix}$$

10. Интерполяция и аппроксимация данных

- f = polyfit(x, y, n) возвращает коэффициенты многочлена степени n, аппроксимирующего данные
- у = polyval(f, x) вычисление значения у многочлена f в точке x
- interp1(x, y, xx, 'nearest') ступенчатая интерполяция
- interp1(x, y, xx) или interp1(x, y, xx, 'linear') кусочно-линейная интерполяция
- interp1(x, y, xx, 'spline') или spline(x, y, xx)
 кубический сплайн
- interp1(x, y, xx, 'pchip') или
 - interp1(x, y, xx, 'cubic') или pchip(x, y, xx)
- кубический эрмитов интерполянт
- fft(x) дискретное преобразование Фурье
 ifft(x) обратное дискретное преобразование Фурье

11. Численное интегрирование

trapz(x, y) формула трапеций

quad(func, a, b) метод Симпсона

quad(func, a, b, tol) метод Симпсона с заданием абсолютной погрешности tol

quadl(func, a, b) метод Лобатто

quadl(func, a, b, tol) метод Лобатто с заданием абсолютной погрешности tol

dblquad(func, a, b, c, d, tol) двойной интеграл

dbiquad(func, a, b, c, d, tol) двоиной интеграл triplequad(func, a, b, c, d, e, f, tol) тройной интеграл

12. Оптимизация и решение систем уравнений

- [x, fval] = fminbnd(func, a, b) минимизация функции одной переменной на отрезке [a,b]; возвращается найденная точка минимума x и значение функции в этой точке
- [x, fval] = fminsearch(f, x0) минимизация функции многих переменных; x0 начальное приближение
- [x, fval] = fzero(func, x0) нуль функции; x0 начальное приближение
- [x, fval] = fsolve(func, x0) решение системы уравнений

13. Обыкновенные дифференциальные уравнения

Задача Коши:

ode45, ode23, ode113 — для нежестких задач; ode15s, ode23s, ode23t, ode23tb — для жестких задач

[t, y] = ode***(func, [t0, T], y0) решение задачи Коши для системы диф. уравнений на отрезке [t0, T]; y0 —

14. Symbolic Math Toolbox

```
s = sym('выражение') создание символьного выражения
syms a b c real создание вещественных символьных
  переменных
syms a b c unreal создание комплексных символьных
  переменных
syms a b c
                то же, что и syms a b c unreal
digits(d)
                 установить количество значащих цифр
  результата
                 вычислить символьное выражение
vpa(s)
vpa(s, d)
                 вычислить символьное выражение с d
  цифрами
simplify(s)
                 упрощение символьного выражения
                 перебор разных способов упрощения
simple(s)
expand(s)
                 раскрытие выражения
factor(n)
                 факторизация целого числа
factor(f)
                 факторизация многочлена
subs(s, x, a)
                подстановка в s значения x=a
limit(f)
                 \lim_{x\to 0} f(x)
limit(f, a)
                \lim_{x\to a} f(x)
limit(s, y, a) \lim_{y \to a} f(y)
diff(f)
                 f'(x)
diff(f, y)
                f'(y) \\ f^{(n)}(y)
diff(f, y, n)
                 \int f(x)dx
int(f)
                 \int_{a}^{b} f(x)dx\int f(y)dy
int(f, a, b)
int(f, y)
\mathrm{int}(\mathtt{f,\ y,\ a,\ b)}\ \int_a^b f(y) dy
solve(s) решение уравнения
solve(s, x) решение уравнения относительно указанной
  неизвестной
solve(s1, ..., sn) решение системы уравнений
solve(s1, ..., sn, x1, ..., xn) решение системы
  уравнений относительно указанных неизвестных
syms a b c d x y
solve(a*x^2+b*x+c)
solve(a*x^3+b*x^2+c*x+d)
solve('x^2+x*y+y=3','x^2-4*x+3=0')
ans.x, ans.y
solve('x^2+x*y+y=3','x^2-4*x+3=0')
dsolve(eq1, ..., eqn, cond1, ..., condn, t) решение
  системы дифференциальных уравнений
dsolve('Dy+4*y = exp(-t)')
dsolve('Dy+4*y = exp(-t)', 'y(0) = 1')
dsolve('(Dy)^2 + y^2 = 1')
dsolve('(Dy)^2 + y^2 = 1')
dsolve('Dx = y', 'Dy = -x')
dsolve('D2y=-y')
Для матриц с символьными элементами переопределены
  многие функции линейной алгебры и др.
```