# INFO0947: Prefixe and Suffixe

Groupe 33: Aleksandr PAVLOV, Alexandre GENDEBIEN

# Table des matières

1	Introduction	3
2	Formalisation du Problème	3
3	Définition et Analyse du Problème3.1 Input/Output	<b>3</b> 3
4		3 3 3
5	Invariants         5.1       SP1:	3 4
6	Approche Constructive	4
7	Code Complet	5
8	Complexité	5
9	Conclusion	6

### 1 Introduction

Dans le cadre du cours INFO-0947 nous avons du résoudre un problème donné et en créer un algorithm en C capable de : trouver la longueur du plus grand sous-tableau qui soit a la fois le préfixe et le suffixe d'un tableau donné. Ce problème sera complétement documenter en LaTex. Pour ce fair, nous devons prendre compte de plusieurs contraintes : ne pouvions pas utiliser de tableau intermédiaire et nous avions l'obligation d'utiliser uniquement des boucles de type while.

### 2 Formalisation du Problème

```
\operatorname{prefixe\_suffixe}(T,N) \equiv \max\{k \mid k \in 0 \dots N-1 \land \forall i \cdot (i \in 0 \dots k-1 \Rightarrow T[i] = T[N-k+i])\}
```

## 3 Définition et Analyse du Problème

### 3.1 Input/Output

- Input : Un tableau d'entiers T de taille  $N, N \ge 0$
- **Output** : Un entier k représentant la longueur du plus grand sous-tableau préfixe et suffixe 0 si aucun sous-tableau non trivial ne satisfait la condition

#### 3.2 Découpe en sous-problèmes

Nous décomposons le problème en deux Sp :

- 1. Recherche du plus grand prefixe-suffics de longeur k possible de N-1 à 1
- 2. Vérification que le préfixe et suffixe de longueur k sont égaux

## 4 Specifications

#### 4.1 SP1: Recherche du plus grand prefixe-suffixe:

- **Précondition** : T pointer vers un tableau,  $N \ge 0$
- Postcondition :  $T = T_0$
- Retour : le plus grand  $k \in [0, N-1]$  tel que T[0..k-1] = T[N-k..N-1]

#### 4.2 SP2 : Vérification que le préfixe et sufixe de longueur k sont égaux :

- **Précondition**: T pointer vers un tableau, 0 < N, 0 < k < N
- Postcondition :  $T = T_0$
- **Retour**: 1 si T[0..k-1] = T[N-k..N-1] sinon 0

#### 5 Invariants

#### 5.1 SP1:

Invariant formel:

$$T[0..k-1] \neq T[N-k..N-1]$$

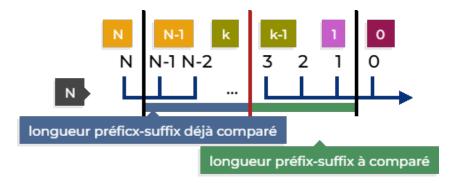


FIGURE 1 – Invariant graphique SP1

#### 5.2 SP2:

```
Invariant formel : T = T_0 \land k = k_0 \land 0 \le i < k \land T[i] = T[N-k+i]
```

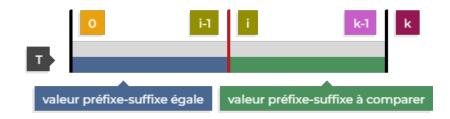


Figure 2 – Invariant graphique SP2

# 6 Approche Constructive

Extrait de Code 1 – Un programme tout simple

Il est possible de faire référence à la ligne 12 de l'extrait de code.

## 7 Code Complet

```
#include <assert.h>
  #include <stdlib.h>
  #include "prefixe_suffixe.h"
  // ===== Prototypes =====
  static int pref_equal_suff(int *T, const unsigned int N, unsigned int k);
  // ===== Code =====
  /**
12
   * Sp 1
13
   * Checking all prefixes starting from the longest one until we find a match
   * or exhaust all possibilities.
   */
16
  int prefixe_suffixe(int *T, const unsigned int N) {
17
     assert((T != NULL) && (0 < N));
18
     unsigned int k = N - 1;
     while (k > 0) {
        if (pref_equal_suff(T, N, k)) return k;
23
     }
2.4
     return 0;
  }
26
27
28
29
   * Sp 2
   * Comparing the prefix and suffix of the given length, element by element.
30
31
  static int pref_equal_suff(int *T, const unsigned int N, const unsigned int k) {
32
     assert((T != NULL) && (0 < N) && (0 < k && k < N));
33
34
     unsigned int i = 0;
     while (i <= k - 1) {
36
         if (T[i] != T[N - k + i]) return 0;
37
         i++;
38
     }
39
     return 1;
40
  }
```

Extrait de Code 2 – Implémentation de prefixe suffixe

# 8 Complexité

#### Complexité:

- Complexité de la fonction pref\_equal\_suff :
  - Dans le pire cas, la fonction effectue k comparaisons
  - Dans cas maximal (k = N 1), la complexité est  $\mathcal{O}(N)$
- Complexité de la fonction prefixe\_suffixe :
  - Dans le pire cas, itère sur toutes les valeurs de k de N-1 à 1
  - Appelle  $pref_equal_suff$  pour chaque k

#### Complexité totale :

— 
$$\sum_{k=1}^{N-1} \mathcal{O}(k) = \mathcal{O}(N^2)$$

# 9 Conclusion

C'est un cours difficile