# INFO0947: Prefixe and Suffixe

Groupe 33: Aleksandr PAVLOV, Alexandre GENDEBIEN

## Table des matières

1	Introduction	3
2	Formalisation du Problème	3
3	Définition et Analyse du Problème           3.1 Input/Output	<b>3</b> 3
4	Specifications $4.1$ SP1 : Recherche du plus grand prefixe-suffixe :	<b>3</b> 3
5	Invariants         5.1 SP1:          5.2 SP2:	3 3 4
6	Approche Constructive	4
7	Code Complet	5
8	Complexité	6
9	Conclusion	6

#### 1 Introduction

!!!!!! text generé par le AI!!!!!!!!

Ce projet s'inscrit dans le cadre du cours INFO0947 : Compléments de Programmation à l'Université de Liège. Nous devons résoudre le problème de recherche du plus grand sous-tableau qui soit à la fois préfixe et suffixe d'un tableau donné, sans utiliser de tableau intermédiaire.

Le problème présente un intérêt particulier en algorithmique des chaînes et trouve des applications dans divers domaines comme la bioinformatique ou le traitement de texte. Notre approche se base sur une analyse systématique des propriétés des préfixes et suffixes, avec une contrainte forte sur l'utilisation exclusive de boucles while et l'interdiction de structures de données auxiliaires.

#### 2 Formalisation du Problème

```
prefixe suffixe(T, N) \equiv \max\{k \mid k \in 0 \dots N - 1 \land \forall i \cdot (i \in 0 \dots k - 1 \Rightarrow T[i] = T[N - k + i])\}
```

## 3 Définition et Analyse du Problème

#### 3.1 Input/Output

- Input : Un tableau d'entiers T de taille  $N, N \geq 0$
- $\mathbf{Output}$ : Un entier k représentant la longueur du plus grand sous-tableau préfixe et suffixe 0 si aucun sous-tableau non trivial ne satisfait la condition

#### 3.2 Découpe en sous-problèmes

Nous décomposons le problème en deux Sp :

- 1. Recherche du plus grand prefixe-suffics de longeur k possible de N-1 à 1
- 2. Vérification que le préfixe et suffixe de longueur k sont égaux

### 4 Specifications

#### 4.1 SP1: Recherche du plus grand prefixe-suffixe:

- **Précondition** : T pointer vers un tableau,  $N \ge 0$
- Postcondition :  $T = T_0$
- Retour : le plus grand  $k \in [0, N-1]$  tel que T[0..k-1] = T[N-k..N-1]

#### 4.2 SP2 : Vérification que le préfixe et sufixe de longueur k sont égaux :

- **Précondition** : T pointer vers un tableau, 0 < N, 0 < k < N
- Postcondition :  $T = T_0$
- **Retour**: 1 si T[0..k-1] = T[N-k..N-1] sinon 0

#### 5 Invariants

#### 5.1 SP1:

Invariant formel:

0 < k < N

```
 \land 
 T[0..k-1] \neq T[N-k..N-1]
```

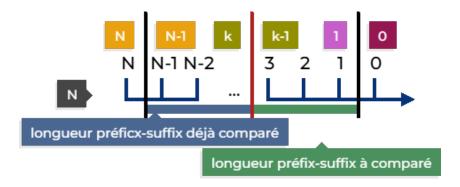


FIGURE 1 – Invariant graphique SP1

#### 5.2 SP2:

```
Invariant formel : T = T_0 \land k = k_0 \land 0 \le i < k \land T[i] = T[N-k+i]
```

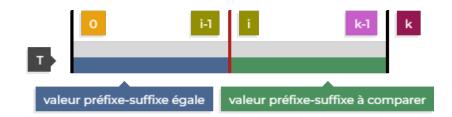


FIGURE 2 – Invariant graphique SP2

## 6 Approche Constructive

Il est possible de faire référence à la ligne 12 de l'extrait de code.

### 7 Code Complet

```
#include <assert.h>
  #include <stdlib.h>
  #include "prefixe_suffixe.h"
  // ===== Prototypes =====
   * Checking if a prefix of length k is equal to the suffix.
   * @param T: input array.
    Oparam N: length of array T.
12
13
     Oparam k: length of prefix and suffix.
   * Opre: T != NULL, 0 < N, 0 < k < N
   * @post: T = T_0, N = N_0, k = k_0
17
   * @return:
18
         O Prefix and suffix are NOT equal
19
         1 Prefix and suffix are equal
20
21
  static int pref_equal_suff(int *T, const unsigned int N, unsigned int k);
22
23
  // ===== Code =====
24
25
26
  /**
27
   * Sp 1
   * Checking all prefixes starting from the longest one until we find a match
28
   * or exhaust all possibilities.
29
   */
3.0
  int prefixe_suffixe(int *T, const unsigned int N) {
31
     assert((T != NULL) && (0 < N));
32
33
     unsigned int k = N - 1;
34
     while (k > 0) {
        if (pref_equal_suff(T, N, k)) return k;
37
     }
38
     return 0;
39
  }
40
41
42
43
   * Comparing the prefix and suffix of the given length, element by element.
44
45
  static int pref_equal_suff(int *T, const unsigned int N, const unsigned int k) {
     assert((T != NULL) && (0 < N) && (0 < k && k < N));
48
     unsigned int i = 0;
49
     while (i <= k - 1) {
        if (T[i] != T[N - k + i]) return 0;
51
```

Extrait de Code 2 – Implémentation de prefixe\_suffixe

## 8 Complexité

#### Complexité:

- Complexité de la fonction pref\_equal\_suff :
  - Dans le pire cas, la fonction effectue k comparaisons
  - Dans cas maximal (k = N 1), la complexité est  $\mathcal{O}(N)$
- Complexité de la fonction prefixe\_suffixe :
  - Dans le pire cas, itère sur toutes les valeurs de k de N-1 à 1
  - Appelle  $pref_equal_suff$  pour chaque k

## Complexité totale :

$$-\sum_{k=1}^{N-1} \mathcal{O}(k) = \mathcal{O}(N^2)$$

## 9 Conclusion

C'est un cours difficile