

پروژه اول درس مبانی و کاربردهای هوش مصنوعی (Solving Rubik's with Search Algorithms)

استاد درس: دکتر جوانمردی یاییز ۱۴۰۲



مقدمه

توی درس با الگوریتمهای جستجو آشنا شدیم. یکی از کاربردهای متداول این الگوریتمها استفاده از شون برای حل پازلها و بازیهای مختلفه. توی این پروژه قصد داریم با استفاده از الگوریتمهای جستجو به حل مکعب روبیک دو در دو بپردازیم.

راهاندازی محیط پروژه

اول از همه، پروژه رو از این لینک دریافت کنید. برای اجرای محیط پروژه نیازه که کتابخونهی ursina رو با pip نصب کنید. بعدش با دستور زیر محیط بازی رو در حالت manual اجرا کنید:

python main.py --manual

می تونید با نگه داشتن کلیک راست و حرکت موس زاویهی دوربین رو تغییر بدید. همچنین می تونید با کلیدهای ۱ تا ۶ و p تا y وجههای مکعب روبیک رو بچرخونید.

ساختار يروژه

کد این پروژه از فایلهای زیر تشکیل شده:

main.py	پیادهسازی روند کلی اجرای محیط و الگوریتمها
rubic.py	پیادهسازی منطق و گرافیک روبیک در محیط ursina
state.py	تعریف حالت و تابع تبدیل حالات
location.py	تعریف موقعیت مکعبهای کوچک (برای تابع heuristic نیاز است)
algo.py	پیادهسازی الگوریتمهای جستجو توسط شما

توجه: تنها فایلی که نیازه تغییرش بدید algo.py هست و نیازی به تغییر سایر فایلها نیست.

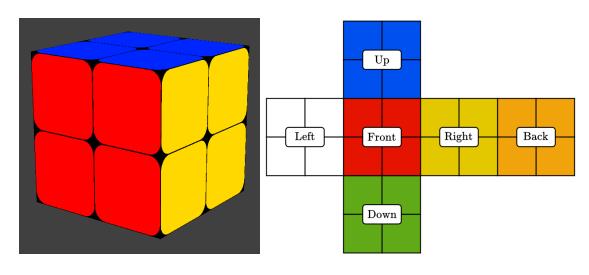
در طی این تعریف پروژه، بخشهایی که خودمون انجام دادیم رو توضیح میدیم و بخشهایی رو شما باید انجام بدید که به شکل کدیا گزارش هست.

فرمول بندى مسئله

برای اینکه بتونیم مکعب روبیک رو با الگوریتمهای جستجو حل کنیم، ابتدا نیازه که یک فرمول بندی مناسب از مسئله داشته باشیم.

١- حالتها:

در اولین قدم نیازه که مکعب رو به صورت دو بعدی نمایش بدیم تا بتونیم راحت تر باهاش کار کنیم:



(شكل ١)

حالا ۶ رنگ موجود در مکعب رو به صورت زیر شماره گذاری می کنیم: $1 = \tilde{l}_{1}$ سفید، $2 = \tilde{l}_{2}$ حالت (state) رو به شکل یک آرایه دو بعدی مثل سمت چپ شکل پایین ذخیره می کنیم:

[1, 1],			1	1				
[1, 1],								
[2, 2],			1	1				
[2, 2],								
[3, 3],	(2)	2	3	3	4	4	5	5
[3, 3],								
[4, 4],	(2)	(2)	3	3	4	4	5	5
[4, 4],								
[5, 5],			6	6				
[5, 5],			U	U				
[6, 6],								
[6, 6],			6	6				
]								

(شکل ۲)

که به ترتیب سطرهای مربوط به سطوح بالا، چپ، روبهرو، راست، پشت، و پایین در اون ذخیره شدن.

٢- حالت اوليه و حالت هدف:

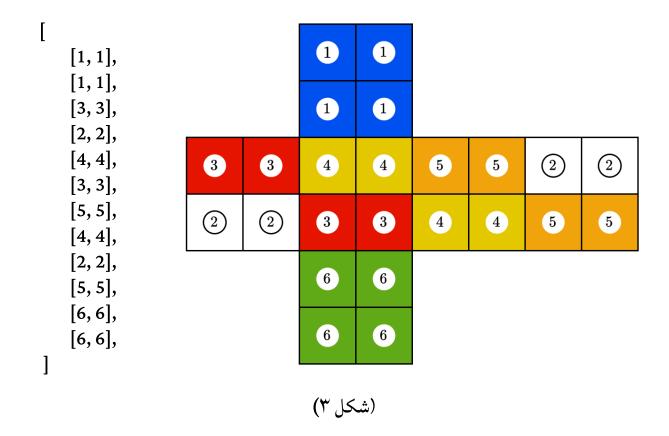
با وجود اینکه مکعب روبیک دو در دو ساده و جمع و جور به نظر میاد، در مجموع 3,674,160 حالت داره! هریک از حالتهای ممکن می تونه حالت اولیه ما در مسئله باشه.

برای سادگی، حالت هدف رو حالتی در نظر میگیریم که در اون در هر سطح تنها یک رنگ وجود داریم. داره، و ترتیب رنگها همون ترتیب شکل ۲ هستش. به این طریق، تنها یک حالت هدف واحد داریم.

٣- اعمال و مدل انتقال:

هریک از ۶ وجه مکعب رو می تونیم ۹۰ درجه به صورت ساعتگرد یا پادساعتگرد بچرخونیم. پس در مجموع ۱۲ عمل ممکن داریم. این ۱۲ عمل به ترتیب همون اعمالی هستن که در حالت manual با کلیدهای ۲ تا ۶ و \mathbf{p} تا \mathbf{y} قابل انجام بود.

هریک از این اعمال منجر به تغییر حالت و آرایه مربوط به اون میشه. برای مثال، اگر وجه بالایی رو به صورت ساعتگرد بچرخونیم، به حالت زیر میرسیم:



تعریف حالتها و نحوه تغییر حالت به ازای هر یک از ۱۲ عمل در فایل state.py تعریف شده. با اجرای مستقیم این فایل می تونید تعریف حالت هدف و نتیجه انجام اعمال رو تست کنید.

گزارش ۱: کد مربوط به 4 == action (که همون عمل نشونداده شده در شکل π هستش) رو از فایل state.py بخونید و توضیح بدید که قدم به قدم چجوری حالت جدید ساخته شده.

٤- هزينه اعمال:

هزینه اعمال با یکدیگر برابر و مساوی ۱ هستش. بنابراین، ما به دنبال راهحلی هستیم که کمترین تعداد عمل در اون رخ بده.

پیدا کردن راهحل از طریق جستجو

حالا که حالتها و اعمال رو تعریف کردیم، می تونیم بریم سراغ اصل ماجرا. هدف ما اینه که با شروع از هر حالتی، بتونیم سلسله اعمالی رو انجام بدیم که مکعب روبیک حل بشه. البته تو این پروژه به دنبال هر مسیری هم نیستیم، بلکه به دنبال کوتاه ترین مسیر ممکن می گردیم.

شما باید در فایل algo.py و درون تابع solve، الگوریتمهای جستجو رو پیادهسازی کنید. این تابع، حالت اولیه، مکان اولیه مکعبهای کوچک (که فقط برای الگوریتم *A نیازه و جلوتر توضیحش میدیم) و اسم روش رو به عنوان ورودی دریافت میکنه. در خروجی باید سلسله اعمالی که نیازه به ترتیب اجرا بشه تا مکعب حل شه رو برگردونید.

برای شروع، می تونید با دستور زیر الگوریتم Random رو بر روی testcase شماره ۱ اجرا کنید:

python main.py --testcase testcases/1.txt --method Random

این الگوریتم در واقع جستجویی انجام نمیده و صرفایه لیست رندوم از اعمال رو برمی گردونه. بعد از اتمام جستجو می تونید با فشردن enter، انجام راه حل رو مشاهده کنید.

حالا شما باید در دستور بالا شماره تستکیس و اسم متدها رو تغییر بدید و روشهایی که در ادامه گفته میشه رو پیادهسازی کنید. در جهت راحتتر شدن پیادهسازیها، میتونید به راهنماییهایی که تو صفحه یکیمونده به آخر این فایل هست مراجعه کنید.

الگوريتم ۱: جستجوي ID-DFS

ابتدا از الگوریتم Iterative Deepening Depth-first Search شروع می کنیم تا ببینیم یک Uninformed چقدر می تونه توی حل این پازل موفق باشه.

کد: الگوریتم ID-DFS رو به صورت گرافی پیادهسازی کنید. از Imit = 1 شروع کنید و یدونه یدونه انتفاقه این limit اضافه کنید تا به جواب برسید. الگوریتم شما باید به جواب بهینه دست پیدا کنه.

گزارش ۲: الگوریتم رو برای تست کیسهای ۱ تا ۲ اجرا کنید و تعداد گرههای explore و expand شده، عمق جواب و زمان جستجو (به ثانیه) رو توی یک جدول گزارش کنید.

گزارش ۲: در مورد God's Number و مقدار اون برای مکعب روبیک دو در دو بخونید و مختصر در گزارشتون بنویسید. دقت کنید که در پیادهسازی ما تنها چرخشهای ۹۰ درجه به عنوان اعمال در نظر گرفته شده، در نتیجه God's Number رو برای این مجموعه اعمال گزارش کنید.

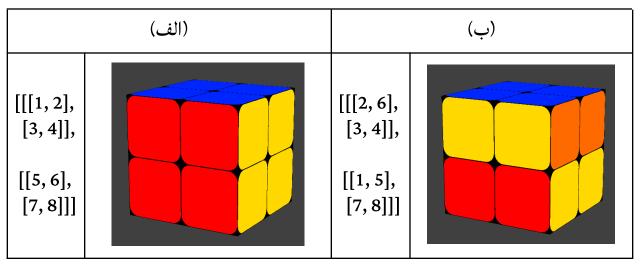
گزارش ۴: الگوریتمی که پیادهسازی کردید رو برای تستکیسهای شماره ۳ و ۴ اجرا کنید و حداکثر گزارش ۴: الگوریتمی که پیادهسازی کردید رو برای تستکیسهای شماره ۳ و ۴ اجرا کنید؟ تعداد ۵-۴ دقیقه صبر کنید. آیا تو این مدت روش ID-DFS موفق بود تا جواب رو پیدا کنه؟ تعداد حالات موجود در گراف جستجوی این مسئله به طور حدودی چه رابطهای با عمق جستجو داره؟ با توجه به مقدار God's Number، به نظرتون آیا الگوریتم ID-DFS توانایی حل مکعب روبیک با هر حالت اولیه دلخواهی رو داره؟

الگوریتم ۲: جستجوی *A

همونطور که تو بخش قبل دیدیم، با افزایش عمق، زمان حل مسئله خیلی افزایش پیدا میکنه. یک راهحل برای چنین مشکلی اینه که روی بیاریم به الگوریتمهای جستجوی Informed مثل *A.

برای پیادهسازی *A نیاز به یک هیوریستیک (heuristic) مناسب داریم. در ادامه تابع هیوریستیک پیشنهادی خودمون رو توضیح می دیم و شما باید اون رو پیادهسازی کنید.

برای تعریف هیوریستک، ابتدا یک بازنمایی ساده تر از مسئله رو طرح می کنیم. یک مکعب روبیک دو در دو از Λ مکعب کوچک تر تشکیل شده. این مکعبهای کوچک رو به این شکل شماره گذاری کنیم: Υ مکعب موجود در سطح روبه رو شماره Γ تا Γ می گیرند و Γ سطر پشتی نیز شمارههای Γ تا Γ می خوایم که به ازای هر state، موقعیت مکانی هر یک از این Γ تا مکعب کوچک رو ذخیره کنیم. برای این کار، موقعیتها رو در یک آرایه سه بعدی ذخیره کرده ایم. برای مثال، در حالت هدف که هر مکعب کوچک در جای درست خود قرار داره، آرایه ما به صورت شکل Γ (الف) هست.



(شکل۴)

پس از انجام هر عمل، موقعیت مکانی هر کدوم از این مکعبها دچار تغییر میشه. ما این تغییر موقعیتها رو در فایل location.py نوشته ایم. با اجرای مستقیم این فایل میتونید تعریف موقعیت مکانی هدف و نتیجه انجام اعمال رو تست کنید.

گزارش 0: کد مربوط به 0 == action رو از فایل location.py بخونید و توضیح بدید که چجوری آرایه location جدید ساخته میشه. این عمل مطابق شکل 0 و شکل 0 (ب) است.

حالا با داشتن موقعیت، به تعریف هیوریستیک میرسیم. هیوریستیک ما مبنتی بر Manhattan حالا با داشتن موقعیت، به تعریف هیت که بین دوتا نقطه به شکل زیر تعریف میشه:

Manhattan Distance (A, B) =
$$|X_A - X_B| + |Y_A - Y_B| + |Z_A - Z_B|$$

در قدم اول، حساب میکنیم که موقعیت مکانی هر یک از مکعبهای کوچکی که داریم، چه فاصلهای با موقعیت مکانیاش در حالت هدف داره. این فاصله میتونه برابر 0، 1، 2 یا 3 بشه. برای مثال، این فواصل برای مکعبهای موجود در شکل ۴ (ب) به شکل زیر هست:

[1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0]

چونکه هر کدوم از مکعبهای موجود در وجه پایینی سر جای خود هستند، و مکعبهای وجههای بالایی در فاصله ۱ از هدف خود هستند.

حالا، مقدار هیوریستیک رو به این شکل تعریف میکنیم: مجموع فواصل Manhattan مکعبهای کوچک از موقعیت هدف خود، تقسیم بر ۴. در مثال بالا، مقدار هیوریستیک برابر با ۴ تقسیم بر ۴، یعنی ۱ هستش. این تقسیم بر ۴ به این علته که با هر عمل، ۴ مکعب جابه جا میشن و پتانسیل این رو دارن که به جای درستشون نزدیک تر بشن.

پس به طور خلاصه، ما یک بازنمایی سادهتر از مکعب روبیک ارائه کردیم که در اون رنگها و جهتگیری مکعبهای کوچک در فضا (orientation) مهم نیست و فقط موقعیت مکانی مکعبهای کوچک ۱ الی ۸ برامون مهمه. در ادامه هم از طریق محاسبه اینکه به طور میانگین چقدر این مکعبها از موقعیت هدفشون فاصله دارن، یک تخمین از cost بدست میاریم.

همچنین، از اونجایی که تنها موقعیت مکانی رو در نظر می گیریم و رنگ و orientation برامون مهم نیست، هیوریستیک ما لزوما کوچکتر یا مساوی هزینه واقعیه. به این ترتیب، ما یک هیوریستیک قابل قبول (admissible) داریم.

کد: تابع هیوریستیکی که در بالا گفتیم رو پیادهسازی کنید. این تابع باید به ازای هر location مقدار هیوریستیک رو برگردونه.

کد: الگوریتم *A رو پیادهسازی کنید. الگوریتم شما باید کوتاهترین مسیر ممکن رو پیدا کنه. بهتره که به صورت گرافی پیش برید و وقتی با حالتی برخوردید که قبلا دیده بودینش، چک کنید که آیا گره جدید cost کمتری داره یا نه، که اگر داشت، گره رو به frontier اضافه کنید. همچنین، حواستون باشه که شما جستجو رو همچنان روی state ها انجام میدید و از location صرفا برای محاسبه هیوریستیک استفاده می کنید.

گزارش ؟: الگوریتم رو برای تستکیسهای ۱ تا ۴ اجرا کنید و تعداد گرههای explore و explore و explore شده، عمق جواب و زمان جستجو رو توی یک جدول و کنار نتایج ID-DFS گزارش کنید.

گزارش ۷: به طور مختصر نتایجی که از ID-DFS گرفتید رو با *A مقایسه کنید. چقدر هیوریستکی که پیادهسازی کردید منجر به کاهش زمان جستجو و گرههای explored شد؟

الگوريتم ٣: جستجوي Bi-BFS

با وجود اینکه روش *A کمک کرد که بتونیم در زمان کمتری به جواب دست پیدا کنیم و تا اعماق بیشتری پیش بریم، اما هنوز هم نمی تونیم تست کیسهای سخت مثل g و g رو در زمان معقول حل کنیم. برای همین، تو این بخش قراره سراغ Bidirectional Breadth-first Search برید تا بتونید در زمان کمتری به جواب برسید.

گد: الگوریتم Bi-BFS رو به صورت گرافی پیادهسازی کنید. روش کار به این شکله که به اندازه یک عمق هم از مقصد با BFS به یک عمق از مبدا با BFS رو به جلو حرکت می کنید و به اندازه یک عمق هم از مقصد با BFS به عقب حرکت می کنید. بین این دو مرحله و همچنین بعد از این دو مرحله چک می کنید که آیا در frontier های این دو جستجو، حالت مشترکی وجود داره یا نه. اگر وجود داشت، جواب پیدا شده، وگرنه این چرخه رو تکرار می کنید.

گزارش ۱: الگوریتم رو برای تست کیسهای ۱ تا ۷ اجرا کنید و تعداد گرههای explore و explore و explore شده، عمق جواب و زمان جستجو رو توی یک جدول و کنار نتایج قبلی بیارید.

گزارش ٩: به طور مختصر نتایجی که از این ۳ تا روش گرفتید رو مقایسه کنید.

گزارش ۱۰: اگر تا اینجای مسیر رو به درستی پیش اومده باشید، میبینید که روش با Bi-BFS میتونید خیلی سریع سختترین چینشهای روبیک رو حل کنید. حالا میتونید کامند زیر رو اجرا کنید تا چینشهای رندوم تولید بشه و با الگوریتم شما حل بشه:

python main.py --method BiBFS

۳-۴ بار این دستور رو اجرا کنید. آیا الگوریتمتون میتونه این روبیکهای رندوم رو حل کنه؟

راهنماییها

- برای پیادهسازی frontier در ID-DFS و Bi-BFS میتونید از ساختمان داده OrderedDict استفاده کنید. به این شکل، میتونید همزمان یک پشته یا صف داشته باشید و وجود یا عدم وجود یک state رو توی زمان (0(1) بررسی کنید.
 - برای پیادهسازی Priority Queue در *A می تونید از heapq استفاده کنید.
- برای نگهداری حالات explored، در صورتی که نیازی به محتوای اون حالات ندارید، میتونید اونا رو hash کنیدتا به راحتی وجود یا عدم وجودشون رو بررسی کنید.
- اگر در جایی ترتیب مهم نیست، می تونید از ساختمان دادههای Set و یا Set استفاده کنید.

نحوه تحویل و راههای ارتباطی

- ددلاین این پروژه ۱۷ آبان ساعت ۲۳:۵۹ دقیقه میباشد.
 - کدها و گزارشتون رو توی سامانه کورسز آپلود کنید.
- این پروژه تحویل آنلاین از همه دانشجوها خواهد داشت.
- اگر سوالی داشتید یا به مشکلی برخوردید، توی تلگرام به آیدیهای زیر پیام بدید:
- @Hossein_Zaredar
- @Farshid_Nooshi