



### ADVANCE PROBLEM 2

#### เฉลย GAME ROUTES



#### เฉลย ROUND TRIP 2

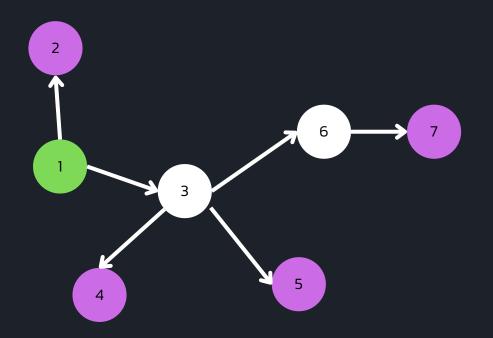


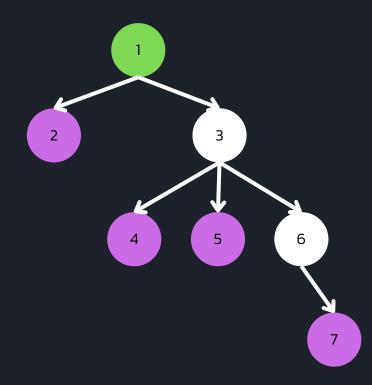


#### DP ON TREE คืออะไร



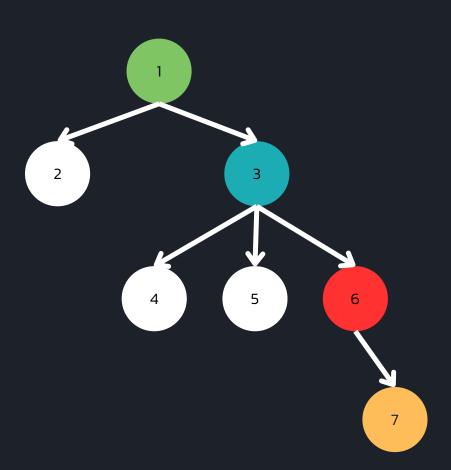
Tree เป็น กราฟประเภทหนึ่ง ที่มี N Node และ N-1 edge, ไม่มี cycle, เป็น connected graph root node ที่อยู่บนสุดของ tree, ไม่มี parent leaf node ที่มี degree แค่ 1 / อาจมองว่าเป็น node ที่ไม่มี child ก็ได้





#### DP ON TREE คืออะไร





Parent upper neighbors, ทำ graph travelsal มาถึงก่อน ถ้าเป็นกราฟมีทิศทาง ก็คือ node ที่ชี้เข้า Child lower neighbors, ทำ graph travelsal มาถึงหลัง ถ้าเป็นกราฟมีทิศทาง ก็คือ node ที่ชี้ออก ancestors parent ของ parent อีกที

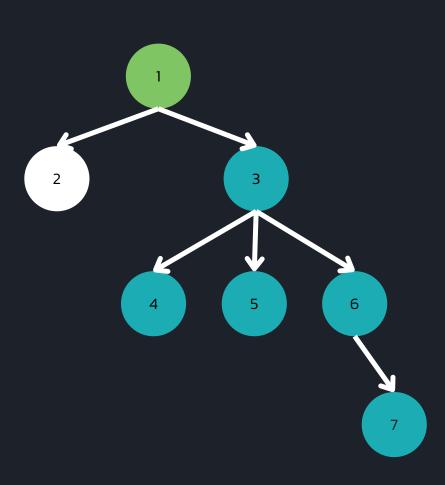
```
int sol(int u){
   int temp=0;
   for(auto v:path[u]){
      temp+=sol(v);
   }
   child[u]=temp;
   return temp + 1;
}
```

นับจำนวน child ของ node ใดๆ



#### DP ON TREE คืออะไร





subtree หน่วยย่อยๆของ Tree ที่เป็น Tree เล็กๆ

Depth ระยะห่างของของ node จาก root

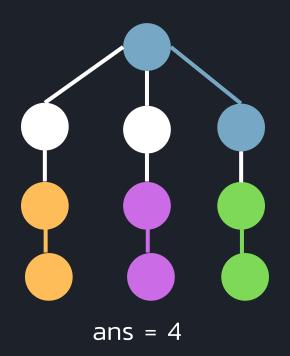




# CSES Tree Matching [20 min]

### **CSES Tree Matching**

จะจับคู่ node ที่มี path เชื่อมกันยังไงให้มีคู่มากสุด

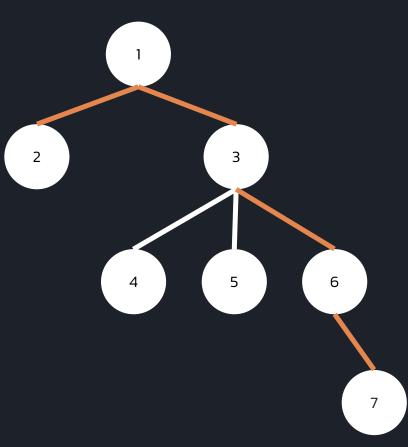


#### เฉลย CSES TREE MATCHING



#### **DIAMETER OF TREE**





diameter of a tree ระยะห่างระหว่าง node ที่มากที่สุดใน Tree





## CSES Tree Diameter [25 min]

#### เฉลย CSES TREE DIAMETER







### เรียงบนต้นไม้ (treeinc) [20 min]

#### เฉลย เรียงบนต้นไม้ (TREEINC)



#### **REROOTING**



ก่อนหน้านี้เราหาคำตอบของ tree ทั้งต้น เช่น หา diameter ที่ยาวที่สุดของ tree หากเราอยากหาคำตอบที่เฉพาะเจาะจงมากขึ้น อย่าง

- หาระยะห่างรวมทั้งหมดของ node น ไปยัง node ใดๆ
- หาระยะที่ยาวที่สุดจาก node น ไป node ใดๆ
   เราจะต้องมีการคำนวนซ้ำ หรือการ rerooting
   rerooting ไม่มีสูตรตายตัวและต่างกันไปตามโจทย์ แต่เทคนิคนี้มีจุดร่วมอยู่ เช่น...

DFS รอบแรก จะทำการเก็บค่า 2 ค่า คือ dp[u] และ child[u] dp[u] เก็บค่าที่โจทย์สนใจและยังหาได้ในขณะนี้ child[u] เก็บจำนวน node ที่เป็น lower neighbors และตัวเองด้วย เพื่อความสะดวกตอนเพิ่มความยาว path DFS รอบสอง

ใช้ตัวแปร ans[น] มาหาคำตอบที่แท้จริงของ node นี้





## CSES Tree Distances II [25 min]

#### เฉลย CSES TREE DISTANCES II







### CSES Tree Distances [30 min]

#### เฉลย CSES TREE DISTANCES I







# Rose Transportation [20 min]

#### เฉลย ROSE TRANSPORTATION







- CSES Sum of Three Values
- CodeForces Books