# Множество (Set)

- ✓ Неупорядоченный набор без повторяющихся элементов
- ✓ Имеются математические операции: объединение (union), пересечение (intersection), разность (difference) и симметричная разность

```
A = {1, 3} # создается set {1,3}
A.add(2) # 1,2,3
A.add(2) # 1,2,3 все элементы уникальны
B = set() # пустой set, a {} это пустой dictionary
B.update([6,5,4,3,4,5]) # {3, 4, 5, 6} обновление из list, tuple...
for i in B: print(i) # цикл по set: 3,4,5,6
len(B) # 4 количество элементов
```

```
frozenset: замороженное множество

√ frozenset() такое же множество как set, но immutable

FB = frozenset(B) # заморозили B
```

```
two sets for the examples
```

$$A = \{1, 2, 3, 4, 5\}; B = \{4, 5, 6, 7, 8\}$$

#### операции с множествами

 $SD = A \cap B$ 

```
U = A.union(B) # {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8} union of two sets
```

$$U = A \mid B$$
 # the same with operator '|'

$$I = A.intersection(B)$$
 # {4, 5} intersection of two sets

$$D = A - B$$
 # {1, 2, 3} only in A but not in B

## генераторы множеств (set comprehensions)

🖙 аналогичны генераторам списков, но заключены в фигурные скобки

```
A= {x for x in 'This is a set comprehension' if x not in 'abracadabra'} print(A) # {' ', 'p', 'h', 'T', 'i', 'm', 'o', 'n', 'e', 's', 't'}
```

# {1, 2, 3, 6, 7, 8 }

# Ассоциативный массив (Dictionary)

- ✓ Ассоциативный массив задает соответствие между множеством ключей keys и множеством значений values
- ✓ содержит пары (k, v) где k ключ, а v значение
- √ ключ key уникален: может встречаться в словаре только один раз

### Example: name of coordinate $\rightarrow$ value

```
{pp={}}
                                         # empty dictionary
pp={(x':1.2, y':-4.3, z':456)}
                                         # 3 entries
pp['r']=sqrt(sum([v**2 for v in p]))
                                         # add one more entry
pp['theta']=acos(pp['z']/pp['r'])
                                         # add one more entry
pp['phi'] = atan2(pp['y'],pp['x'])
                                         # add one more entry
rho=pp['rho']
                                         # KeyError!
rho=pp['r']
                                          # access
del pp['x']
                                          # remove key-value pair
```

```
• функция get(key)
```

```
priny(pp.get('y')) # -4.3
print(pp.get('rho')) # None функция "ничего не вернула"
if pp.get('rho') == None:
    print('no rho') # no rho
```

в словаре цикл for идет по всем ключам

```
for k in pp:
    print(k,'->',pp[k])
```

### • генераторы словарей (dict comprehensions)

```
аналогичны генераторам множеств, но в левой части перед for стоит пара ключ : значение разделенные двоеточием
C = \{x : int(x.16) \text{ for } x \text{ in 'ABCDEF'}\}
```

print(C) # {'A': 10, 'B': 11, 'C': 12, 'D': 13, 'E': 14, 'F': 15}

## Оператор in

- val in object:
  - √ для list, tuple, string, set проверяет наличие указанного значения в наборе
  - ✓ для словаря проверяет наличие указанного ключа

```
Пример: list
l=['white','black','red','blue']
'red' in l  # True
'Red' in l  # False
'Red' not in l # True
```

```
Пример: dictionary
```

```
\bowtie val not in obj \equiv not(val in obg)
```

# Функции

• Создание функции:

```
def func_name(cnucok napamempos функции):
    operators
```

• Вызов:

```
func_name(аргументы функции)
```

🖙 параметры – имена в определении функции

🖙 аргументы – значения фактически передаваемые в функцию

- $\checkmark$  Различают функции: глобальные, вложенные, лямбда-функции и методы
- $\checkmark$  Функция всегда возвращает значение: если нет return (или return без значения) то возвращается специальное значение None
- ✓ Возвращаемое значение можно игнорировать
- ✓ Возможен рекуррентный вызов как в С

# Аргументы функции: то что передается в функцию

- «Позиционные» аргументы (positional arguments):
- ✓ значение аргумента при вызове определяется порядком следования
- 2 «Именованные» аргументы (keyword arguments):
  - ✓ значение аргумента определяется «именем ключа» (параметра)
- 🖙 располагаются после позиционных

```
# call fun() with positional args
fun(1,2,3)  # 6
fun('a','b','c')  # 'abc'
fun([1,2],['a'],[])  # [1, 2, 'a']
```

```
# call fun() with keyword args
fun(a='a',b='b',c='c')  # 'abc'
fun(c='a',b='b',a='c')  # 'cba'

#positional followed by key args
fun('a',c='b',b='c')  # 'acb'
```

## Задание аргументов по умолчанию (default argument values)

после параметра указывается значение «по умолчанию»: name=default

при вызове соответствующие аргументы «необязательны»

такие параметры располагаются после «обязательных»

### Аргументы по умолчанию

```
тестовая функция
def fun(a,b='B',c='C'):
    return a+b+c
```

```
# positional arguments
fun('1') # 1BC
fun('1','2') # 12C
```

```
fun('1','2','3') # 123
```

```
fun(c=1,a=2,b=3) # 6
fun(c='1',a='2') # 2B1
fun(b='1',a='2') # 21C
# positional followed by key args
```

fun('1',c='D') # 1BD

# keyword arguments

## ГПП Специальные параметры функции / и \* (≥ python3.8)

def fun(positional\_only,/, standard, \*,keywords\_only ):

- √ позволяют ограничить способ передачи аргументов: до / могут стоять только позиционные, после \* только именованные
- ✓ используют для улучшения читаемости и быстроты выполнения

#### Только позиционные аргументы

def pos\_only\_args(a,b=1,/):
 return a+b

```
pos_only_args(0) # 1
pos_only_args(2,3) # 5
pos_only_args(2,b=2) # TypeError
```

Только именованные аргументы

def key\_only\_args(\*,a,b=1):
 return a+b

key\_only\_args(a=0) # 1 key\_only\_args(a=2,b=3) # 5 key\_only\_args(2,b=2) # TypeError

- «Переменное» (arbitrary) число позиционных аргументов
- √ параметр функции задают в виде: \*name
- √ в функции name имя кортежа содержащего набор аргументов
- ✓ идет после всех позиционных аргументов
- √ после \*name могут идти только именованные аргументы

#### Простой пример

```
def fun(a,*b):
   print(a,b)
```

```
fun(1,2,3,'f') # 1 (2, 3, 'f')
fun(1) # 1 ()
```

def sum\_of\_degrees(\*x,deg=2):
 return sum(v\*\*deg for v in x)

Вычисление суммы  $\sum_{i} x_{i}^{deg}$ 

```
sum_of_degrees(3,4) # 25
sum_of_degrees(3,4,deg=1) # 7
```

```
«Переменное» (arbitrary) число именованных аргументов
```

√ параметр функции задается в виде: \*\*name

```
    ✓ в функции name — имя словаря с парами имя : значение
    ✓ **name должен быть последним параметром
```

```
Простой пример
```

```
def fun(a='a',**dic):
    print(a,dic)
```

```
fun(1,rep=1,pop=2) # 1 {'rep': 1, 'pop': 2}
fun(rep=1,pop=2,cop=3) # a {'cop': 3, 'rep': 1, 'pop': 2}
fun() # a {}
```

- Распаковка (unpacking) аргументов из «наборов данных»
  - ✓ что бы передать содержимое списка/кортежа/set в функцию ожидающую набор аргументов используют оператор распаковки \*
  - ✓ для словаря используется оператор распаковки \*\*

# 9

```
операторы распаковки * и **
       тестовая функция
def fun(a,b,c):
    return a+b+c
```

```
t=(2,3,4)
                        # tuple
fun(*t)
1=[2,3,4]
                        # list
fun(*1)
d={(a':2,'b':3,'c':4)} # dict.
fun(**d)
```

```
пример-2
```

```
тестовая функция
def sum_of_squares(*arg):
   return sum(v**2 for v in arg)
```

```
sum_of_squares(2,3,4)
                               # 29
sum_of_squares(*t)
                               # 29
sum of squares(*1)
                               # 29
sum_of_squares(*t[:2],*1[1:]) # 38
```

## • Изменяемые и неизменные объекты как аргументы функции

- ✓ аргументы в функцию передаются по ссылке ("pass by reference")
- ✓ если объект неизменяемый ("immutable"), функция его изменить не может; изменяемые объекты ("mutable") могут в функции меняться
- Неизменяемые: int, float, complex, tuple, string, frozenset
- Изменяемые: list, set, dictionary, user-defined classes

```
Test mutable/immutable objects

______ тестовая функция

def fun(x,y):
    print(x is y,end=';') #operator is
    x += y
    print(x is y,':',x)
```

```
CПИСОК

L=[1,2]
fun(L,L) #True; True : [1,2,1,2]
print('L=',L) #L= [1, 2, 1, 2]
```

```
число
i=1
fun(i,i) #True;False : 2
print('i=',i) #i= 1
              TEKCT
s='str'
fun(s,s)
          #True; False : strstr
print('s=',s)
              #s= str
             кортеж
t=3.
fun(t,t)
         #True; False : (3, 3)
print('t=',t) #t= (3,)
```

# Локальные и глобальные переменные в функции

#### Переменная внутри функции, которая не являются параметром:

- Локальная: если ей присваивается значение
- Глобальная: используется только на «чтение» или она объявлена как глобальная с помощью global

## • инструкция global сообщает, что переменная глобальная

```
def fun(x):
    # print(y) - UnboundLocalError
    y=1 # y is local here
    return x+y
y=10
print(fun(1),y) # 2 10
```

```
def funG(x):
    global y
    y=1
    return x+y
y=10
print(funG(1),y) # 2 1
```

# Вложенные функции (nested functions)

- 🗸 в python функцию можно определить внутри другой функции
- $\checkmark$  все локальные переменные внешней функции доступны во вложенной функции только «для чтения»

№ Использовать f2() можно только внутри fun()

#### • Служебное слово nonlocal

```
    √ объявляет, что переменная не является локальной переменной
вложенной функции
```

```
def fun()
    i=1 # 'i' is local in fun()
    def f4(n):
        nonlocal i # declare that 'i' is not local in f4()
        i += 1 # use 'i' variable from fun()
        return n*(n+i)//2
    return f4(1)+f4(2)+f4(3)
print(fun(0)) # 14
```

# Функции как объекты

- В python функция это объект (first class object)
  - ✓ можно использовать как аргумент другой функции
  - 🗸 может быть возвращаемым значением другой функции
  - ✓ может содержаться в различных структурах, например в списке или словаре

```
Пример: функция как аргумент
```

```
def operate(f,x):
  return f(x)
```

```
import math
operate(math.sqrt,math.pi) # 1.7724538509055159
operate(sum_of_squares,2) # 4
```

# Лямбда-функции (анонимные функция)

## Lambdas, lambda-function, анонимная (без имени) функция

- √ лямбда-функция создаются выражением: lambda parameters: expression
- √ параметры и аргументы такие же как у обычной функции
- $\checkmark$  операторы в expression не должны содержать условные инструкции и циклы
- ✓ обычно создается в месте использования: внутри обычных функций
- 🗸 лямбда-функцию можно сохранить в переменную и тогда она приобретет имя

```
• Использование в «ключевых функциях» (key functions)
```

🗸 функция возвращающая значение по которому делается сортировка

```
✓ используется в: sorted(),list.sort(), min(), max() ...
```

## Пример для sorted()

```
list of tuples we want to sort

[lt = [(0,'black'), (1,'white'), (3,'red'),(2,'blue')]
```

sorted(lt,key=lambda pair: pair[0]) # sort by number

```
# [(0, 'black'), (1, 'white'), (2, 'blue'), (3, 'red')]
sorted(lt,key=lambda pair: pair[1]) # sort by color name alphabetically
```

# [(0, 'black'), (2, 'blue'), (3, 'red'), (1, 'white')]

sorted(lt,key=lambda pair: len(pair[1])) # sort by length of color name
# [(3, 'red'), (2, 'blue'), (0, 'black'), (1, 'white')]

## Несколько возвращаемых значений

• Вернуть или tuple или list или dictionary

```
def sin_cos(alpha):
```

return sin(alpha),cos(alpha) # tuple with two elements

```
s,c = sin_cos(0.1) # unpack tuple to variables s and c
```

## main() функция

• в питоне нет «стартовой» точки, но часто используется прием со специальной переменной \_\_name\_\_

```
def main():
    # code for main()-function here
```

```
if __name__ == "__main__":
    main()
```