

Целые типы данных

👉 x86-64 и ARM64

Тип	Байты	Диапазон значений
начиная с C89 && C++98		
char	1	signed or unsigned
unsigned char		[0; 255]
signed char		[−128; 127]
int == signed int	4	[−2 ³¹ ; 2 ³¹ − 1]
unsigned int		[0; 2 ³² − 1]
short int	2	[−32768; 32767]
unsigned short int		[0; 65535]
long int	8	[−2 ⁶³ ; 2 ⁶³ − 1]
unsigned long int		[0; 2 ⁶⁴ − 1]
начиная с C99 && C++11		
long long int	8	[−2 ⁶³ ; 2 ⁶³ − 1]
unsigned long long int		[0; 2 ⁶⁴ − 1]

Представление целых чисел

- Целые числа без знака представляются в двоичной системе счисления

4-bit unsigned integer

$$0101 = 1 \cdot 2^0 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^3 = 5$$

$$11 = 8 + 2 + 1 = 1011$$

$$\text{max number} = 2^n - 1, \text{ где } n - \text{число битов}$$

- Отрицательные числа представляются в «дополнительном коде»

📖 two's complement is required in C23

- инвертируются биты $0 \rightarrow 1, 1 \rightarrow 0$
- добавляется 1

	представление	-5
1)	$5 = 0101 \rightarrow 1010$	
2)	$1010 + 1 \rightarrow 1011 = -5$	

Представление целых чисел

- Целые числа без знака представляются в двоичной системе счисления

4-bit unsigned integer

$$0101 = 1 \cdot 2^0 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^3 = 5$$

$$11 = 8 + 2 + 1 = 1011$$

$$\text{max number} = 2^n - 1, \text{ где } n - \text{число битов}$$

- Отрицательные числа представляются в «дополнительном коде»

🔧 two's complement is required in C23

- 1 инвертируются биты $0 \rightarrow 1, 1 \rightarrow 0$
- 2 добавляется 1

	представление	-5	
1)	$5 = 0101 \rightarrow 1010$		
2)	$1010 + 1 \rightarrow 1011 = -5$		

Преимущества дополнительного кода

- Имеется знаковый бит (*most significant bit*) 0 для +, 1 для –
- Обратное преобразование такое же

$$1) -5 = 1011 \rightarrow 0100 \quad 2) 0100 + 1 \rightarrow 0101 = 5$$

- Простота сложения

$$1 \leftarrow \begin{array}{r} 1011 \\ 0101 \\ \hline 0000 \end{array} = \begin{array}{r} -5 \\ +5 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ 0011 \\ \hline 1110 \end{array} = \begin{array}{r} -5 \\ +3 \\ \hline -2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0111 \\ 0001 \\ \hline 1000 \end{array} = \begin{array}{r} +7 \\ +1 \\ \hline -8 \end{array}$$

- Ноль имеет единственное представление

Недостатки дополнительного кода

- Модули наибольшего и наименьшего чисел различаются

$$\text{max positive number} = 2^{(n-1)} - 1$$

(7 для 4-bit)

$$\text{min negative number} = -2^{(n-1)}$$

(-8 для 4-bit)

- $-(\text{min negative}) = \text{min negative}$

$$1) -8 = 1000 \rightarrow 0111 \quad 2) 0111 + 1 \rightarrow 1000 = -8$$

Преимущества дополнительного кода

- Имеется знаковый бит (*most significant bit*) 0 для + , 1 для –
- Обратное преобразование такое же

$$1) -5 = 1011 \rightarrow 0100 \quad 2) 0100 + 1 \rightarrow 0101 = 5$$

- Простота сложения

$$\begin{array}{r} 1011 \\ 0101 \\ \hline 1 \leftarrow 0000 \end{array} = \begin{array}{r} -5 \\ +5 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ 0011 \\ \hline 1110 \end{array} = \begin{array}{r} -5 \\ +3 \\ \hline -2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0111 \\ 0001 \\ \hline 1000 \end{array} = \begin{array}{r} +7 \\ +1 \\ \hline -8 \end{array}$$

- Ноль имеет единственное представление

Недостатки дополнительного кода

- Модули наибольшего и наименьшего чисел различаются

$$\text{max positive number} = 2^{(n-1)} - 1 \quad (7 \text{ для 4-bit})$$

$$\text{min negative number} = -2^{(n-1)} \quad (-8 \text{ для 4-bit})$$

- $-(\text{min negative}) = \text{min negative}$

$$1) -8 = 1000 \rightarrow 0111 \quad 2) 0111 + 1 \rightarrow 1000 = -8$$

Альтернативное представление целых чисел

“Offset binary” or “excess-K”

- Число получается вычитанием из обычного беззнакового представления заданного K , при этом в n -bits системе K выбирается «посередине»:

$$K = 2^{(n-1)} - 1$$

Пример для 4-bits: $K = 2^3 - 1 = 7$

0000	-	минимальное число	-7
0001	-		-6
...			
0111	-	ноль	0
...			
1110	-		+7
1111	-	максимальное число	+8

👉 Используется в стандарте IEEE-754 для показателя чисел с плавающей точкой

Поддержка целых типов в C

Заголовочный файл `<limits.h>`

Ограничения и параметры переменных целых типов:

- `CHAR_BIT` — размер `char` в битах
- `SCHAR_MIN`, `SHRT_MIN`, `INT_MIN`, `LONG_MIN`, `LLONG_MIN`
`SCHAR_MAX`, `SHRT_MAX`, `INT_MAX`, `LONG_MAX`, `LLONG_MAX`
— минимальные и максимальные значения для `signed ints`
- `UCHAR_MAX`, `USHRT_MAX`, `UINT_MAX`, `ULONG_MAX`, `ULLONG_MAX`
— максимальные возможные значения `unsigned ints`

Беззнаковый тип `size_t` возвращаемый оператором `sizeof()`

- ☞ Может хранить максимальный размер объекта любого типа, включая массивы
- Для печати `size_t` в `printf()` надо использовать суффикс `“zu”` (C23)

Декларация, инициализация, печать в C

```
char c = 'A';          // внимание, одинарные кавычки
printf("c=%c\n",c);    // c=A, %c - печать одного символа

int i = 10, j = -10;
printf("i=%i,j=%d\n",i,j); // i=10,j=-10, %i и %d одинаковы в printf

unsigned int ui = 10U; // можно без int: unsigned ui = 10U;
printf("ui=%u\n",ui);  // ui=10

long int li = 10L, lj = -10L; // можно: long li
unsigned long uli = 10UL;
printf("li=%ld,lj=%li,uli=%lu\n",li,lj,uli); // li=10,lj=-10,uli=10

long long lli = 10LL;
unsigned long long ulli = 10ULL;
printf("lli=%lli,ulli=%llu\n",lli,ulli); // lli=10,ulli=10

size_t si = 10; // скорее всего тоже, что и unsigned long
printf("si=%zu\n",si); // si=10
```


Восьмеричная константа:

_____ должна начинаться с нуля _____

```
unsigned oct = 012;          // 10 в десятичной  
printf("oct=%o\n",oct); // oct=12
```

Шестнадцатеричная константа (A–F обозначают цифры от 10 до 15):

_____ начинается с 0x (нуль-экс) _____

```
unsigned hex=0xa;           // 10 в десятичной  
printf("hex=0x%X\n",hex); // hex2=0xA, '0x' печатаем сами
```

Бинарные константы (C23,C++20):

_____ начинается с 0b _____

```
int bin = 0b1010;           // 10 в десятичной  
printf("bin=%i, 0b%b\n",bin,bin); // bin=10, 0b1010
```

Nota bene

☞ Все константы рассматриваются как положительные, а знак минус перед ними как унарный оператор минус

Поддержка целых типов в C++

Заголовочный файл `<limits>`

Шаблон класса `std::numeric_limits<>`, позволяет запрашивать свойства арифметических типов

- `min()`: функция возвращающая наименьшее значение
`std::numeric_limits<int>::min(); // -2147483648`
`std::numeric_limits<unsigned int>::min(); // 0`
- `max()`: функция возвращающая наибольшее значение:
`std::numeric_limits<int>::max(); // 2147483647`
`std::numeric_limits<unsigned int>::max(); // 4294967295`
- `is_signed`: член класса, истинна для типов с знаком:
`std::numeric_limits<char>::is_signed; // 1`

Беззнаковый тип `std::size_t`

☞ Такой же как в C, определен в заголовочном файле `<cstdlib>`

Расширенный набор целых типов в C99 и C++11

```
#include <inttypes.h> // fixed width integer types in C99
#include <cinttypes>   // fixed width integer types in C++11
```

N может принимать значения 8, 16, 32, 64

Цель	Тип	min	max
Точный размер	intN_t uintN_t	INTN_MIN 0	INTN_MAX UINTN_MAX
Не менее чем	int_leastN_t uint_leastN_t	INT_LEASTN_MIN 0	INT_LEASTN_MAX UINT_LEASTN_MAX
Самые быстрые	int_fastN_t uint_fastN_t	INT_FASTN_MIN 0	INT_FASTN_MAX UINT_FASTN_MAX
Наиболее длинные	intmax_t uintmax_t	INTMAX_MIN 0	INTMAX_MAX UINTMAX_MAX
Для указателей	intptr_t uintptr_t	INTPTR_MIN 0	INTPTR_MAX UINTPTR_MAX

Пояснения

- «Точный размер» — точно **N**-бит
- «Не менее чем» — наименьшие с размером не менее **N**-бит
- «Самые быстрые» — самые быстрые с размером не менее **N**-бит
- «Наиболее длинные» — наибольшее количество бит
- «Для указателей» — гарантированно можно хранить указатели

Макросы для `printf` и `scanf`

Имя макроса строится по шаблону:

`PRI{SCN}` + *format specifier* + `suffix` + **N**

- **PRI** — для `printf`, **SCN** — для `scanf`
- *format specifier* — одна из букв **d, i, o, x** (см. `%d, %i ...`)
- `suffix` — **отсутствует, LEAST, FAST, MAX, PTR** соответственно
- **N** — **отсутствует** для **MAX, PTR**

Пример печати в C

```
int64_t i64 = -123; uint8_t u8 = 12;
printf("i64=%" PRIi64 ",u8=%" PRIu8 "\n", i64,u8); // i64=-123,u8=12

uintmax_t uim = 0x1f0UL << 33; // left shift by 33
printf("uim=0x%" PRIxMAX "\n",uim); // uim=0x3e00000000
```

👉 Запись "abcd" "efgh" означает «сцепление» текста (concatenation), результат: "abcdefgh"

Печать в C++ с cout

```
cout << "i64=" << long(i64) << ",u8=" << unsigned(u8) << endl;
cout << "uim=" << hex << (unsigned long) uim << dec << endl;

#include <limits>
auto min_i16 = numeric_limits<int16_t>::min();
cout << "min_i16=" << long(min_i16) << endl; // min_i16=-32768
```

Битовые операции

операция	название	гибрид с =
~	дополнение	унарная операция
&	AND	& =
	OR	=
^	XOR	^ =
<<	сдвиг влево	<< =
>>	сдвиг вправо	>> =

- 👉 Эти операции можно применять **только** к целым типам
- 👉 Могут называться и поразрядными и побитовыми и логическими битовыми операциями

~ (дополнение или побитовое “NOT” – инвертирует все биты)

```
int i = 3;      /* 0011 */
int j = ~i;     /* 1100 = (-4) */
```

& (битовое “И”)


```
int i = 5;      /* 0101 */
int j = 3;      /* 0011 */
int k = i & j;   /* 0001 */
```

| (битовое “ИЛИ”)

```
int i = 5;      /* 0101 */
int j = 3;      /* 0011 */
int k = i | j;   /* 0111 */
```

^ (“исключающее ИЛИ”, XOR)

```
int i = 5;      /* 0101 */
int j = 3;      /* 0011 */
int k = i ^ j;   /* 0110 */
```

 соответствует булевой функции «сложение по модулю 2» и имеет огромное число применений

<< (сдвиг влево)

Старшие биты исчезают, на место младших записываются нули

```
unsigned int j = 3;      /* 0011 */  
unsigned int k = j << 2; /* 1100 = 12 */
```

>> (сдвиг вправо)

Младшие биты уходят, на место старших записываются нули

```
unsigned int j = 3;      /* 0011 */  
unsigned int k = j >> 1; /* 0001 = 1 */
```

⚠ Результат сдвига `UINT << E` или `UINT >> E` не определен для отрицательного `E` и для `E` большего чем число разрядов `UINT`

☞ Сдвиг вправо и расширение знакового бита

Что будет если сдвигать отрицательные целые?

right shift is unambiguous

```
int a = -5;      // 1011
int b = a << 1;  // 0110
```

left shift operator is implementation-dependend

```
//          logical or arithmetical
int c = a >> 1; // 0101 = 5      1101 = -3
int d = c >> 1; // 0010 = 2      1010 = -6
```

☞ Стандарт C не определяет какой тип сдвига используется

De facto, но не гарантированно стандартом

- **unsigned** – логический сдвиг: заполнение нулями
- **signed** – арифметический сдвиг: повторение знакового бита

Манипуляции с битами

Наиболее часто встречающиеся действия с одиночным битом

x – переменная с которой выполняется действие

n – номер бита в этой переменной, начиная с нуля

Проверка состояния бита

```
x & (0x1 << n) // проверка чётности: x & 0x1  
(x >> n) & 0x1 // второй способ
```

Установка бита в единицу

```
x |= (0x1 << n) // (0x1 << n) – часто называют маской операции
```

Обнуление бита

```
x &= ~(0x1 << n)
```

«Переключение» бита

```
x ^= (0x1 << n)
```

Битовые функции в C++20

```
#include <bit>      // Bit manipulation since C++20
#include <format>    // format() function similar to Python3
using namespace std;

uint8_t num= 0b00110010; // =50, binary numbers in C++20
cout << format("num=0b{:08b}\n",num); // 0b00110010, print in binary

cout << "bit_width(num)= " << bit_width(num) << endl; // 6
cout << "has_single_bit(num)= " << has_single_bit(num)<<endl; // false
cout << "popcount(num)="<<popcount(num)<<endl; // 3, number of bits=1

// bitwise left/right rotations
cout << format("rotl(num,2)={:08b}\n",rotl(num,2)); // 11001000
cout << format("rotr(num,2)={:08b}\n",rotr(num,2)); // 10001100

// the smallest integral power of two not less than the given value
cout << format("bit_ceil(num)={:08b}\n",bit_ceil(num)); // 01000000
// the largest integral power of two not greater than the given value
cout << format("bit_floor(num)={:08b}\n",bit_floor(num)); // 00100000
```

Математические функции с целыми в С и С++

```
#include <stdlib.h> // Заголовочный файл в С
```

Абсолютное значение ($|n|$)

```
int abs(int n);  
long labs(long n);  
long long llabs(long long n);
```

пример для abs

```
printf("abs(-1)= %d\n",abs(-1)); // 1
```

Деление с остатком ($num/denom$)

```
div_t div(int num, int denom);  
struct div_t {int quot; int rem;};  
  
ldiv_t ldiv(long num, long denom);  
lldiv_t lldiv(long long n,  
               long long d);
```

пример для div

```
div_t q = div(-7, 3);  
printf("quot= %i rem=%i\n",  
       q.quot,q.rem); // -2, -1
```

```
#include <numeric> // Заголовочный файл C++
```

Наибольший общий делитель (C++17)

```
int a = 3*5*11*13;  
int b = 3*13*19;  
int c = gcd(a,b); // greatest common divisor  
printf("gcd(%i,%i) = %i\n",a,b,c); // gcd(2145,741) = 39
```

Наименьшее общее кратное (C++17)

```
int a = 2*3;  
int b = 3*7;  
int c = lcm(a,b); // least common multiple  
printf("lcm(%i,%i) = %i\n",a,b,c); // lcm(6,21) = 42
```

Целые числа: деление на ноль

Тестовая программа

```
int one = 1, zero = 0;  
fprintf(stderr, "one/zero= ");  
fprintf(stderr, "%d\n", one/zero); // <- деление на ноль
```

X86

one/zero= Floating point exception

👉 Остановка по сигналу SIGFPE!

ARM

one/zero= 0

👉 Никакая проверка не осуществляется!

SIGnal Floating Point Exception

SIGFPE – сигнал отправляется процессу, когда в аппаратном обеспечении целых чисел или чисел с плавающей точкой обнаружено «что-то не то»

👉 неточное имя, но сохраняется для обратной совместимости кода

ASCII (American Standard Code for Information Interchange, 1963)

char хранит символы в ASCII-кодировке

- символы от 'A' до 'Z', от 'a' до 'z' и от '0' до '9' идут непрерывно
- для некоторых символов используются «escape последовательности»:
NUL → \0; BEL → \b; LF → \n; ...
- ☞ ASCII является подмножеством UTF8: таким образом обеспечена обратная совместимость со всеми старыми программами

ASCII Code Chart

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
0	NUL	SOH	STX	ETX	EOT	ENQ	ACK	BEL	BS	HT	LF	VT	FF	CR	SO	SI
1	DLE	DC1	DC2	DC3	DC4	NAK	SYN	ETB	CAN	EM	SUB	ESC	FS	GS	RS	US
2		!	"	#	\$	%	&	'	()	*	+	,	-	.	/
3	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	:	;	<	=	>	?
4	@	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
5	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	[\]	^	_
6	`	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o
7	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z	{		}	~	DEL

Дополнительные слайды

Целые типы: X86-64 vs X86-32

Тип	размер в байтах		диапазон значений
	x86-32	x86-64	
C89 && C++98			
char	1	1	signed or unsigned
signed char			[−128;127]
unsigned char			[0;255]
int == signed int	4	4	[−2 ³¹ ;2 ³¹ − 1]
unsigned int			[0;2 ³² − 1]
short int	2	2	[−32768;32767]
unsigned short int			[0;65535]
long int	4	8	
unsigned long int			
начиная с C99 && C++11			
long long int	8	8	[−2 ⁶³ ;2 ⁶³ − 1]
unsigned long long int			[0;2 ⁶⁴ − 1]

Пример работы с ASCII

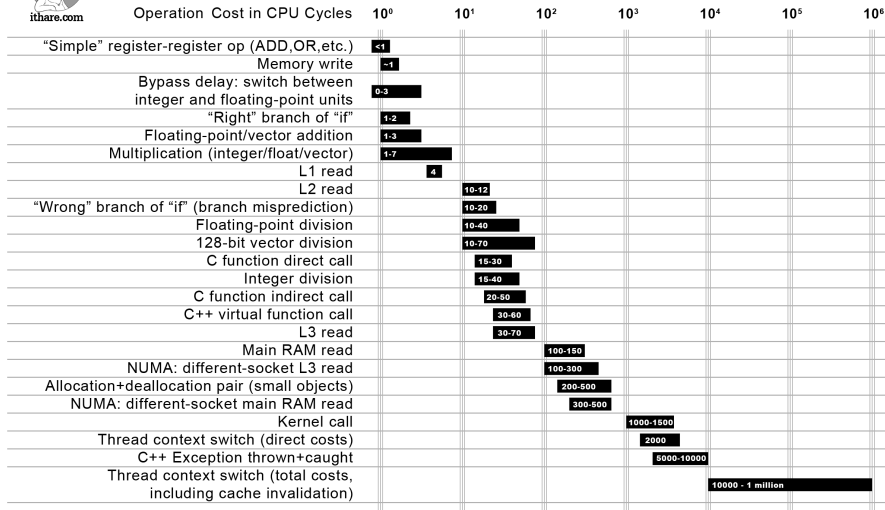
```
// print all small letters
for(char ch = 'a'; ch <= 'z'; ch++ ) {
    printf(" %c", ch);
}
printf("\n"); // a b c d e f g h i j k l m n o p q r s t u v w x y z

// print int as a char
int ic = 'A';
printf(" ic= %i -> %c\n",ic,ic); // ic= 65 -> A

// print char as an int
char c = 'c';
printf(" c= %c -> 0x%x\n",c,c); // c= c -> 0x63
```



Not all CPU operations are created equal



Distance which light travels while the operation is performed

