

# Компиляция программы. Препроцессор.

## Основные этапы компиляции программы (hello.c → a.out)

- **Разбиение на лексемы:** исходный файл разбивается на «слова» (tokens) и пробелы
- **Выполнение директив препроцессора:** присоединяются заголовочный файлы, развёртываются макросы
- **Трансляция:** производится синтаксический и семантический анализ, текст преобразуется в объектный файл
- **Компоновка (link):** один или несколько объектных файлов объединяются, добавляются функции внешних библиотек, создается выполняемый файл

## Вызов препроцессора (для отладки)

```
gcc -E hello.c
```

# Директивы препроцессора

## Список директив

#include	#define	#undef	#if	#ifdef	#ifndef
#else	#elif	#endif	#line	#error	#pragma
#warning	#embed	#elifdef	#elifndef		(C23, C++23)

## Основные правила


- Каждая директива должна находиться на отдельной строке  
первый символ команды #
- Если директива «не помещается» в одной строке, её можно  
продолжить поставив в конец строки обратную косую черту " \ "

# Вставка файла

## Директива `#include "file"`

- Вставляет `file` на место строки с `#include`
- В `file` может содержаться вложенный `#include` и так далее
- Имя файла должно быть заключено либо в двойные кавычки `"file"` или в угловые скобки `<file>`

`gcc -E hello.c` → 841 строка

 угловые скобки принято использовать для стандартных заголовочных файлов, а кавычки для файлов относящихся к конкретной программе:  
*“если файл был указан в двойных кавычках и поиск закончился неудачно, то эта директива переобрабатывается как если бы файл был заключен в угловые скобки”*

# Макроопределения (макросы)

## Директива #define

```
#define ИМЯ_МАКРОСА последовательность_символов
```

- Осуществляется **текстовая подстановка**:  
ИМЯ\_МАКРОСА → последовательность\_символов
- Признаком конца директивы является конец строки
- Если ИМЯ\_МАКРОСА внутри кавычек, то замены не будет

## Именованные константы

```
#define MAX_SIZE 100
#define MIN_SIZE MAX_SIZE / 2
#define LONG_STRING "this is a very long " \
                    "string used as an example\n"
#define TEST this is test
```

```
double array[MAX_SIZE];
for(i = MIN_SIZE; i < MAX_SIZE; i++) ...
printf(LONG_STRING);
printf("TEST\n");
```

## «Output: gcc -E »

```
double array[100];
for(i = 100 / 2; i < 100; i++) ...
printf("this is a very long " "string used as an example\n");
printf("TEST\n");
```

## Часто используемые predefined макросы

- `__DATE__` и `__TIME__` макросы содержащие дату и время вызова препроцессора (C-строки из 11 символов)
- `__FILE__` имя текущего обрабатываемого файла (C-строка)
- `__LINE__` номер строки в этом файле (целое число)
- ~~`__FUNCTION__` имя текущей функции (C-строка) (obsolete)~~

Вместо `__FUNCTION__` в стандарте языка (C99, C++) имеется

- `__func__` – переменная содержащая имя выполняемой функции:  
`static const char __func__[] = "function name";`

## Пример отладочной печати

```
printf(" Error ... at %s, line %d.\n", __FILE__, __LINE__);  
printf("I am in %s function\n", __func__);
```

# Макроподстановки: макросы с параметрами

## Макросы с формальными параметрами

```
#define ABS(x)    ((x) < 0 ? -(x) : (x))  
#define MIN(x,y) (((x)<(y)) ?  (x) : (y))
```

### Пример

```
result1 = ABS(a);  
result2 = MIN(a,b);
```

### «Output: gcc -E »

```
result1 = ((a) < 0 ? -(a) : (a));  
result2 = (((a)<(b)) ? (a) : (b));
```

## Правила написания

- 👉 Нельзя ставить пробел между именем макроса и скобками
- 👉 Лишняя скобка не повредит!

## Плохая идея

```
#define SQR(x)      x*x    // ERROR  
    result = SQR(a+b);
```

«Output: gcc -E »

```
result = a+b*a+b;
```



### Плохая идея

```
#define SQR(x)      x*x    // ERROR  
result = SQR(a+b);
```

«Output: gcc -E »

```
result = a+b*a+b;
```

### Плохо продуманная идея

```
#define SQR(x)      (x)*(x) // ERROR  
result = 1./SQR(a);
```

«Output: gcc -E »

```
result = 1./(a)*(a);
```

### Плохая идея

```
#define SQR(x)      x*x    // ERROR  
result = SQR(a+b);
```

«Output: gcc -E »

```
result = a+b*a+b;
```

### Плохо продуманная идея

```
#define SQR(x)      (x)*(x) // ERROR  
result = 1./SQR(a);
```

«Output: gcc -E »

```
result = 1./(a)*(a);
```

### Правильный вариант

```
#define SQR(x)      ((x)*(x))    // OK!
```

## 👉 Макросы не функции!

\_\_\_\_\_ тестируем макрос \_\_\_\_\_

```
#define MIN(x,y) (((x)<(y)) ? (x) : (y))
```

```
a = 1;
```

```
b = 10;
```

```
result = MIN(a++,b);
```

```
printf(" a= %i, b= %i, result= %i\n",a,b,result);
```

```
Result> a= 3, b= 10, result= 2
```

\_\_\_\_\_ «Output: gcc -E » \_\_\_\_\_

```
result = (((a++)<(b)) ? (a++) : (b));
```

## Директива #undef имя\_макроса

- «удаляет» ранее определенный макрос

## Используйте inline functions вместо «функций-макросов»

```
#undef MIN    // удаляем макрос MIN
```

```
inline int MIN(int x,int y) { // добавляем функцию MIN()
    return (x < y) ? x : y;
}
```

```
a = 1;
```

```
b = 10;
```

```
result = MIN(a++,b); // this is now a function
```

```
printf(" a= %i, b= %i, result= %i\n",a,b,result);
```

```
Result> a= 2, b= 10, result= 1
```

# Условная компиляция: if - else

Директивы #if, #else, #elif и #endif

```
#if константное выражение 1
    «включается» если выражение 1 истинно
#elif константное выражение 2
    иначе, если выражение 2 истинно
#else
    ...
#endif
```

👉 Промежуточные #else и #elif необязательны

```
#if MAX_SIZE>99
    printf("If size of the array is 100 and more\n");
#else
    printf("The case of a small array.\n");
#endif
```

## Директивы #ifdef и #ifndef

```
#ifdef ИМЯ_МАКРОСА    // идентично #if defined(ИМЯ_МАКРОСА)
    «включается» если ИМЯ_МАКРОСА определено
#endif
#ifndef ИМЯ_МАКРОСА   // идентично #if !defined(ИМЯ_МАКРОСА)
    «включается» если ИМЯ_МАКРОСА не определено
#endif
```

- #elifdef ИМЯ\_МАКРОСА ≡ #elif defined ИМЯ\_МАКРОСА (C23, C++23)
- #elifndef ИМЯ\_МАКРОСА ≡ #elif !defined ИМЯ\_МАКРОСА (C23, C++23)

```
#ifdef DEBUG
    printf(" x=..."); // отладочная печать, если определен DEBUG
#endif
```

```
#ifdef ABRAKADABRA
    что-то, что мы хотим временно закомментировать
#endif
```

## #ifndef в заголовочных файлах

В заголовочных файлах рекомендуется использовать конструкцию:

```
/* example.h */
#ifndef EXAMPLE_H
#define EXAMPLE_H
...
#endif
```

- ✓ Имя макроса проверяется и если оно не определено тут же определяется
- ✓ Имя макроса должно быть уникально для каждого файла, обычно конструируется из имени заголовочного файла

👉 Многократная вставка такого заголовочного файла безопасна

```
/* example.c */
#include "example.h"
#include "example.h"    // безопасно
```

# Операторы # и ##

## Используются внутри макросов

- # – создает C-строку из аргумента перед которым стоит
- ## – объединяет (склеивает) две лексемы

## Пример с #

```
#define showtype(t) printf("sizeof(%s) = %zu\n",#t,sizeof(t))  
showtype(long double); // sizeof(long double) = 16
```

## Пример с ##

```
#define INT3(x) int x##1, x##2, x##3  
INT3(a); // => int a1, a2, a3;  
a1 = 1; a2 = a1++; a3 = a2++;  
printf("a1= %i, a2= %i, a3= %i\n",a1,a2,a3); // a1= 2, a2= 2, a3= 1
```



# Проверка (assertion) при компиляции

`static_assert(int_expr, message)`

since C11, keyword in C23

- Определено в `<assert.h>`: проверка «логического» выражения во время компиляции и если выражение равно нулю (ложно) остановка компиляции с выводом сообщения `message`

👉 в C++11 имеется похожая декларация:

```
static_assert(bool_constexpr, message)
```

Пример: проверка, что `long` занимает 8 байт

```
#include <assert.h>
```

```
static_assert(sizeof(long) == 8, "long int must be exactly 8 bytes");
```

```
// возможная ошибка во время компиляции:
```

```
// error: static assertion failed: "long int must be exactly 8 bytes"
```

# Проверка доступности «заголовочного» файла

`__has_include("filename")`

C23, C++17

- Препроцессорный оператор позволяющий проверить, что `filename` доступен для использования в директиве `#include`

```
#if __has_include("fun_prt.cc")
#include "fun_prt.cc"
#else
#define EMPTY_FUN_PRT
void fun_prt() { printf("Empty function\n"); }
#endif
int main() {
    fun_prt();
#ifdef EMPTY_FUN_PRT
    FILE* f = fopen("fun_prt.cc", "w");
    fprintf(f, "void fun_prt() { printf(\"Good function\\n\"); }\n");
    fclose(f);
#endif
}
```

# Введение в абстрактные типы данных

## Структура данных в программировании

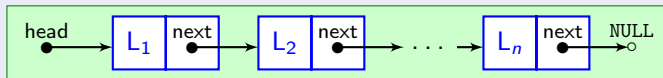
- Структура данных (data structure): специальный способ хранения данных удобный для построения эффективных алгоритмов
- Абстрактные типы данных: математические модели структур данных

## Некоторые абстрактные типы данных

- Список (List)
- Стек (Stack)
- Очередь (Queue)
- Дерево (Tree)

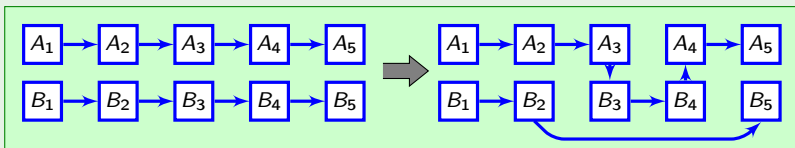
# Список (List)

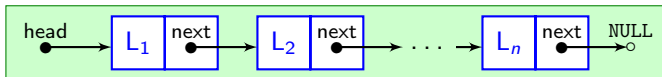
## Односвязный список (Singly linked list)



- Последовательность узлов (**nodes**) в которых содержится:
  - ✓  $L_i$  – сколь угодно большие, сложные данные
  - ✓ **next** – указатель на следующий узел, последний в списке = **NULL**
- Указатель на самый первый узел списка: **head**

👉 **основное свойство: легко добавлять и удалять элементы списка**





## Возможная реализации списка

```
struct node_ { // one node == list consisting of one node
    double v;
    struct node_ * next;
};
typedef struct node_ Node;
```

## Функциональная спецификация: ожидаемый набор функций

- 1 Создание нового узла  $\rightarrow$  список из одного узла
- 2 Вставка «другого» списка  $\rightarrow$  в начало, в конец, *в заданное место*
- 3 Удаление одного узла  $\rightarrow$  из начала, из конца, *из заданного места*
- 4 Подсчет числа узлов в списке: имеет сложность  $O(n)$
- 5 *Разбиение списка на два в заданном месте*

```

Node* CreateNode(double value) { // (1)
    Node* nn = (Node*) malloc(sizeof(Node)); // new node
    nn->v = value;
    nn->next = NULL;
    return nn;
}

void InsertAtHead(Node** head, Node* nn) { //(2a)
    Node* tmp = nn; // search for end node of 'nn'-list
    while ( tmp->next != NULL ) { tmp = tmp->next; }
    tmp->next = *head;
    *head = nn;
}

void AppendToEnd(Node** head, Node* nn) { // (2b)
    if ( *head == NULL ) {
        *head = nn;
    } else {
        Node* tmp = *head; // search for end node
        while ( tmp->next != NULL ) { tmp = tmp->next; }
        tmp->next = nn; // append to the end
    }
}

```

```

void DeleteFromHead(Node** head) { // (3a)
    if ( *head == NULL ) {
        printf("\n%s ERROR: List is empty\n",__func__);
    } else {
        Node* tmp = *head;
        *head = tmp->next;
        free(tmp);
    }
}

size_t PrintList(Node* head) { // (4) return size of List
    size_t n = 0;
    while(head) {
        printf("%.1f -> ",head->v);
        n++;
        head = head->next;
    }
    printf("null; [size= %zu]\n",n);
    return n;
}

```

## Test of singly linked list

```
Node* head = NULL; // first list
for ( int i = 0; i <= 2; ++i )
    InsertAtHead(&head, CreateNode((double)i));
PrintList(head); // 2.0 -> 1.0 -> 0.0 -> null; [size= 3]

Node* list2 = NULL; // second list
for ( int i = 1; i <= 2; ++i )
    AppendToEnd(&list2, CreateNode(-10.*i));
PrintList(list2); // -10.0 -> -20.0 -> null; [size= 2]

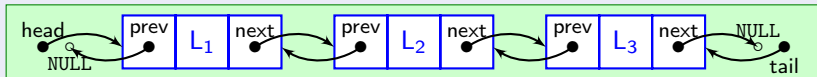
AppendToEnd(&head, list2);
PrintList(head); // 2.0 -> 1.0 -> 0.0 -> -10.0 -> -20.0 -> null;

DeleteFromHead(&head);
DeleteFromHead(&head);
PrintList(head); // 0.0 -> -10.0 -> -20.0 -> null; [size= 3]
```



# Другие разновидности списков

## Двусвязный список (Doubly linked list)



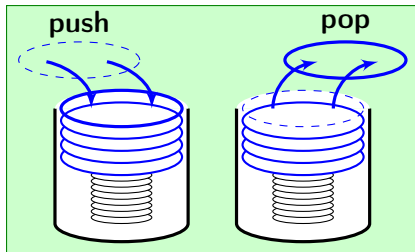
- ✚ в каждом узле имеется ссылка на предыдущий узел: **prev**
- ✚ возможен указатель на последний узел списка: **tail**

## Кольцевой список (Circularly linked list)

- ✚ двусвязный список, где **next** в последнем узле списка указывает на первый узел, а **prev** в первом узле указывает на последний узел

👉 список (list) в Python это массив указателей на PyObjects и не имеет отношения к рассматриваемой структуре

# Стек (Stack)



## Принцип организации

- Последним пришел, первым вышел (last-in, first-out: LIFO)
- Доступ, извлечение только последнего элемента

## Функциональная спецификация

- 1 Создание стека → функция создающая пустой стек
- 2 Проверка является ли стек пустым
- 3 Добавление элемента → сохранение элемента в стеке: **push**
- 4 Извлечение верхнего элемента: **pop**

### ● НА ОСНОВЕ СПИСКА

```
struct stack_sl {  
    Node* head; // singly linked list  
};  
typedef struct stack_sl Stack;
```

### ● НА ОСНОВЕ МАССИВА

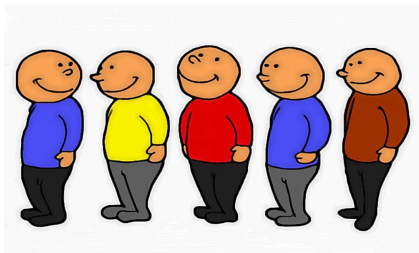
```
struct stack {  
    double* v;  
    int top;  
};
```

```
void init(Stack* S) { S->head = nullptr; } // (1)  
bool is_empty(Stack* S) { return (S->head == nullptr); } // (2)  
void push(Stack *S, double val) { // (3)  
    InsertAtHead(&S->head, CreateNode(val));  
}  
double pop(Stack* S) { // (4)  
    if ( is_empty(S) ) {  
        printf("\n%s ERROR: Stack is empty\n", __func__);  
        exit(1);  
    }  
    double val = S->head->v;  
    DeleteFromHead(&S->head);  
    return val;  
}
```

## Test of Stack

```
Stack S;  
init(&S);                      // initialize  
  
for(int i = 1; i < 5; ++i) {  
    push(&S, 1.1*i);           // push a few elements  
}  
  
while( !is_empty(&S) ) {  
    printf("%g ", pop(&S));     // use return value in printf  
}  
printf("\n");                  // 4.4 3.3 2.2 1.1
```

# Очередь (Queue)



## Принцип организации

- Первым пришел – первым вышел (first-in, first-out: FIFO)
- Доступ, извлечение только первого элемента

## Функциональная спецификация

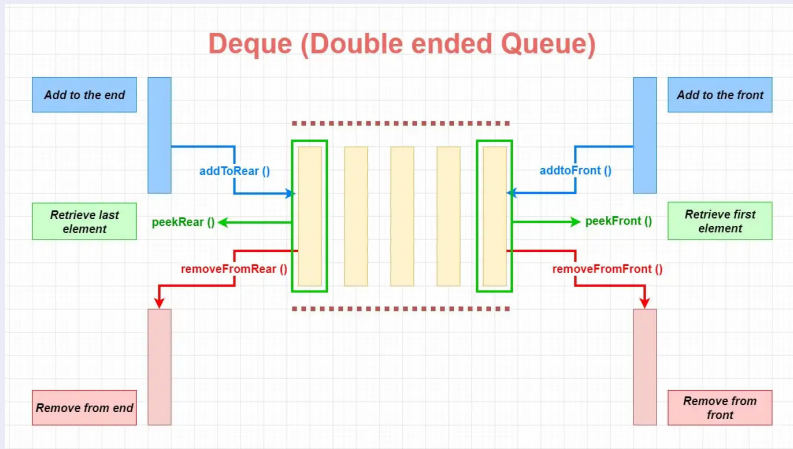
- 1 Создание → функция создающая пустую очередь
- 2 Проверка является ли очередь пустой
- 3 Добавление элемента в конец очереди
- 4 Извлечение первого элемента из очереди

## Очередь на основе односвязного списка

```
struct queue_sl {  
    Node* head; // singly linked list  
};  
typedef struct queue_sl Queue;  
// Все функции как в Stack за исключением (3)  
void push(Queue *Q, double val) { // (3)  
    AppendToEnd(&Q->head, CreateNode(val));  
}
```

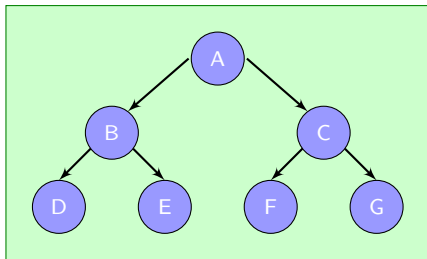
```
Queue Q; // Queue for testing  
init(&Q); // initialize  
for(int i = 1; i < 5; ++i) {  
    push(&Q, 1.1*i); // push a few elements  
}  
while( !is_empty(&Q) ) {  
    printf("%g ", pop(&Q)); // use return value in printf  
}  
printf("\n"); // 1.1 2.2 3.3 4.4
```

## Дек (Double-Ended Queue): двухсторонняя очередь



👉 Обобщает концепции стека и очереди: элементы можно добавлять, удалять и читать как в начало, так и в конец DEQ

# Дерево (Tree)



## Основное свойство

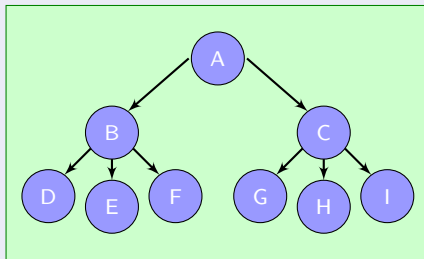
👉 Дерево – иерархический набор узлов (**node**), связанных ребрами (**edge**), организованный так, что имеется единственный путь (**path**) от одного узла к другому

## Терминология

- **A** – корень (**root node**)
- Соединение двух узлов – ребро (**edge**); для  $N$  узлов всего  $N - 1$  ребро
- Путь – последовательность узлов и ребер между узлами: **path(AD) = A-B-D**, длина пути – полное число узлов в пути (**3**)
- Глубина дерева (**Depth of Tree**) – самый длинный путь из корня



## Дерево общего вида



## Терминология

- A,B,C – родительские (**parent**) узлы; B и C – родственники (**siblings**) и дети (**childes**) узла A
- Бинарное дерево – число детей любого узла не больше двух
- узлы D,E,F,G,H,I без детей – листья (**leaf**) или терминальные (**terminal**) узлы
- Каждый дочерний узел формирует поддереву (**sub-tree**)

## ❶ возможная реализация на C++

```
// like sl-list where node* next is replaced by vector<node*> children
struct node {
    node(int p = 0) : pdg_code(p){}; // constructor
    int pdg_code = 0;
    std::vector<std::unique_ptr<node>> children = {};
};
```

## «Обход» дерева – печать элементов

```
void print_tree(const node& A, int lv = 0) {
    std::cout << A.pdg_code << '(';
    for ( size_t i = 0; i < size(A.children); ++i ) {
        print_tree(*A.children[i],lv+1); // recursion
    }
    std::cout << ')' << (lv > 0 ? ' ' : '\n');
}
```

**Пример: дерево распадов  $\eta \rightarrow \pi^+ \pi^- \pi^0$ ;  $\pi^0 \rightarrow \gamma \gamma$**

```
auto eta = std::make_unique<node>(221); // root: eta = 221
eta->children.emplace_back(std::make_unique<node>(211)); // pi+ = 211
eta->children.emplace_back(std::make_unique<node>(-221)); // pi- = -211
eta->children.emplace_back(std::make_unique<node>(111)); // pi0 = 111

auto& pi0 = eta->children[2];
pi0->children.emplace_back(std::make_unique<node>(22)); // gamma = 22
pi0->children.emplace_back(std::make_unique<node>(22)); // gamma = 22

print_tree(*eta); // 221(211() -221() 111(22() 22() ) )
```

Дополнительные слайды

# Type generic selection in C11

## Новое ключевое слово `_Generic`

- Позволяет во время компиляции сделать выбор на основе **типа переменной**
- Синтаксис похож на `switch`, проверяется **тип** первой переменной а далее идут пары: имя типа (или `default`) и результат

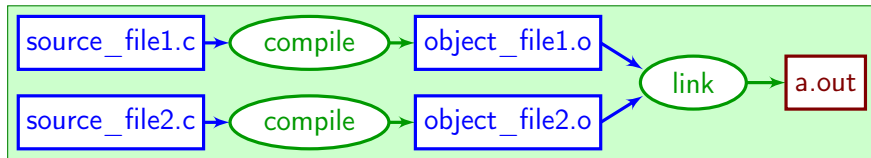
👉 Отсутствует в C++

## Пример

```
#define SIN(X)  _Generic( (X), \
    double: sin(X),          \
    long double: sinl(X),     \
    float:  sinf(X)           \
    ...
float y=2.;
auto sy = SIN(y);
```

# Раздельная компиляция

- ☞ независимая трансляция частей программы разделенной на отдельные файлы с последующим объединением их компоновщиком в один исполняемый файл:



## Цели и преимущества

- разделение большой программы на небольшие, более понятный части
- отладка каждой из частей делается независимо
- изменения в одной из частей ведет к компиляции только этой части

## main.c

```
#include "functions.h"

int main() {
    fun_debug = 1; // debug mod
    init();
    run(10);
    stop();
}
```

## functions.h

```
#ifndef FUNCTIONS_H
#define FUNCTIONS_H
extern int fun_debug; // external variable
void init();
int run(int nevents);
void stop();
#endif
```

## functions.c

```
#include <stdio.h>
#include "functions.h"

// definition of fun_debug
int fun_debug = 0;

// invisible outside this file
static int init_done = 0;

void init() {
    if( init_done ) return;
    if( fun_debug ) {
        printf("This is init()\n");
    }
    init_done = 1;
}
```

```
int run(int nevents) {
    if( fun_debug )
        printf("This is run()\n");
    for(int i=0; i<nevents; ++i) {
        if( fun_debug )
            printf(" event# %i\n",i);
    }
    return 1;
}

void stop() {
    if( fun_debug )
        printf("This is stop()\n");
    init_done = 0;
}
```



## Спецификатор `extern`

- спецификатор `extern` используется чтобы *декларировать* переменную или функцию, определённую в другом файле
- все функции по умолчанию `extern`
- определение функции или выделение памяти для переменной должна выполняться только один раз, в одном месте
- проверка, что переменная или функция действительно существуют выполняется компоновщиком

## Note: сравните со `static`

- 📌 `static` для глобальной переменной или функции ограничивает их область видимости единицей трансляции («файлом») в котором они определены

## Компиляция примера

- За один заход:

```
gcc main.c functions.c
```

- Поэтапно:

```
gcc -c main.c
```

```
gcc -c functions.c
```

```
gcc main.o functions.o
```

## Output:

```
This is init() function
```

```
This is run() function
```

```
event# 0
```

```
event# 1
```

```
...
```

```
event# 9
```

```
This is stop() function
```

# Введение в make и Makefile

## Автоматизация раздельной компиляции с make

- Существует несколько версий `make`: очень популярна `gmake` (GNU make)

## Очень простой пример файла Makefile

```
PROGRAM := test                # variable

all: $(PROGRAM)                # target-1: component

$(PROGRAM): functions.o main.o # target-2: component
    @echo "Hello make, example" # TAB before the command
    $(CC) -o $(PROGRAM) functions.o main.o
```

## > make [target]

```
cc      -c -o functions.o functions.c
cc      -c -o main.o main.c
Hello make, example
cc -o test                functions.o main.o
```

## Чуть более сложный пример Makefile

```
PROGRAM := test                # program name
SRCS     := functions.c main.c # source files
OBJS     := $(SRCS:.c=.o)      # transform filenames .c -> .o
CFLAGS   := -Wall -I.          # compilation flags
LIBS     := -lm                # options for linking

# add GSL-library
GSLCFLAGS := $(shell gsl-config --cflags) # shell-command
CFLAGS    += $(GSLCFLAGS)
GSLLIBS   := $(shell gsl-config --libs)   # shell-command
LIBS      += $(GSLLIBS)

%.o : %.c                      # suffix rule
    $(CC) -c $(CFLAGS) $<

all:    $(PROGRAM)             # target-1

# see next slide
```

### ... продолжение

```
$(PROGRAM): $(OBJS)                # target-2
    $(CC) $(CFLAGS) $(OBJS) $(LIBS) -o $(PROGRAM)
    @echo "done, $(PROGRAM)"

clean:                               # target-3
    @rm -f *.o $(PROGRAM)

depend:                              # target-4
    @echo "Generating make.depends"
    @rm -f make.depends
    $(CC) -MM $(CFLAGS) $(SRCS) > make.depends
    @echo "done"

include $(wildcard *.depends)        # include dependency files
```

- > **make depend** создания файла «зависимостей»
- > **make** сборка программы
- > **make clean** «очистка»

# Введение в cmake и CMakeLists.txt

## Автоматизация создания Makefile

- Утилита **cmake** создает из файла сценария **CMakeLists.txt** файлы для сборки с помощью **make**, **MVS**, **Android Studio** ...

## Очень простой пример файла CMakeLists.txt

```
CMAKE_MINIMUM_REQUIRED( VERSION 2.4 )
PROJECT(test)
INCLUDE_DIRECTORIES($PROJECT_SOURCE_DIR)
ADD_EXECUTABLE(test functions.c main.c)
```

## Как использовать:

```
# создаем папку для Makefiles в которой будем собирать проект
> mkdir build
> cd build
> cmake ../          # папка где лежит CMakeLists.txt
> make
```

## 2 возможная реализация дерева на C++

```
struct Node {  
    Node(int p=0) : pdg_code(p) {}; // constructor  
    int pdg_code = 0;  
    std::vector<size_t> children; // position of children in Tree.nodes  
};  
struct Tree {  
    Tree() {nodes.reserve(2);} // constructor  
    std::vector<Node> nodes;  
};
```

### «Обход» дерева – печать элементов

```
void print_node(const Tree& tr, size_t ch = 0) {  
    const Node& N = tr.nodes[ch];  
    std::cout << N.pdg_code << '(';  
    for ( auto ch : N.children ) {  
        print_node(tr, ch); // recursion  
    }  
    std::cout << ')' << (ch > 0 ? ' ' : '\n');  
}
```

### Пример: дерево распадов $\eta \rightarrow \pi^+ \pi^- \pi^0$ ; $\pi^0 \rightarrow \gamma \gamma$

```
Tree root;  
root.nodes.push_back(221); // [0] == root, eta = 221  
  
root.nodes.push_back(211); // [1], pi+ = 211  
root.nodes[0].children.push_back(1);  
root.nodes.push_back(-211); // [2], pi- = -211  
root.nodes[0].children.push_back(2);  
root.nodes.push_back(111); // [3], pi0 = 111  
root.nodes[0].children.push_back(3);  
  
root.nodes.push_back(22); // [4], gamma = 22  
root.nodes[3].children.push_back(4);  
root.nodes.push_back(22); // [5], gamma = 22  
root.nodes[3].children.push_back(5);  
  
print_node(root); // 221(211() -211() 111(22() 22() ) )
```