1 Naloge iz matematike

- 1. Dokaži, da je enačba $(P \cap X) \cup (Q \cap X^c) = \emptyset$ rešljiva natanko tedaj, ko je $Q \subseteq P^c$.
- 2. Pokaži:
 - $M = N \iff M + N = \emptyset$
 - $M = N = \emptyset \iff M \cap N = \emptyset$
- 3. Ali obstaja tak izjavni izrazA, da bosta izraza $(p \wedge A) \vee (p \Rightarrow \neg A)$ in $(p \Rightarrow A) \Rightarrow q$ enakovredna?
- 4. Dokaži:
 - $(A \Rightarrow B) \sim (\neg B \Rightarrow \neg A)$
 - $\neg (A \lor B) \sim \neg A \land \neg B$
- 5. Poišči preneksno obliko formule $\exists x: P(x) \land \forall x: Q(x) \Rightarrow \forall x: R(x)$.
- 6. Vektorja $\vec{c} = \vec{a} + 2\vec{b}$ in $\vec{d} = \vec{a} \vec{b}$ sta pravokotna in imata dolžino 1. Določi kot med vektorjema \vec{a} in \vec{b} .
- 7. Določi definicijsko območje funkcije

$$f(x) = \log \frac{x^2 + 1}{x^2 - 4x + 3}$$

8. Izračunaj

$$\cos^2\frac{3\pi}{8} + \cos^2\frac{5\pi}{8} + \cos^2\frac{7\pi}{8} + \cos^2\frac{8\pi}{8}$$

- 9. Dokaži, da za vsa naravna števila n velja ??
- 10. Naj bo ?? kompleksno število, ?? in ??. Dokaži, da je število ?? realno.
- 11. Pokaži, da je funkcija ?? enakomerno zvezna na ??.
- 12. Izračunaj limito??
- 13. Dani sta grupi ??. V množici ?? definiramo operacijo ?? Pokaži, da je množica ?? grupa za to operacijo.
- 14. Pokaži, da ima ?? inverzno funkcijo in izračunaj ??.

- 15. Izračunaj integral korenske funkcije??
- 16. Krivulja je podana parametrično z enačbama??
- 17. Izračunaj dolžino poti od točke ?? do točke, v kateri je tangenta prvič navpična.
- 18. Naj bo ?? absolutno konvergentna vrsta in ?? za ??. Dokaži, da sta vrsti ?? absolutno konvergentni.
- 19. Funkcijsko zaporedje ?? enakomerno konvergira na ?? proti funkciji ??. Naj bo ?? zvezna. Dokaži, da funkcijsko zaporedje ?? enakomerno konvergina na ?? in določi njegovo limitno funkcijo.
- 20. Izračunaj limito zaporedja??
- 21. Izračunaj??
- 22. Poenostavi??
- 23. Za dani zaporedji preveri, ali sta konvergentni??
- 24. Ugotovi, ali obstaja ?? Pomagaj si z limitama funkcije ?? v ?? in ??.
- 25. Izračunaj naslednjo determinanto ??, ki ima na neoznačenih mestih ničle. ??
- 26. Dana je funkcija??
 - Določi parameter ?? tako, da bo ?? zvezna.
 - Izračunaj parcialna odvoda ?? in ?? za ??.
 - Izračunaj parcialna odvoda ?? in ??. Če obstaja, izračunaj limito ?? Ali je funkcija ?? diferenciabilna?
- 27. Poišči vse rešitve enačbe??
- 28. Dokaži binomsko formulo: za vsaki realni števili ?? in ?? in za vsako naravno število ?? velja ??
- 29. Naj bo ?? Pokaži, da je ?? podgrupa v grupi ?? neničelnih kompleksnih števil za običajno množenje. Pokaži, da je ?? podgrupa v aditivni grupi ?? ravninskih vektorjev za običajno seštevanje po komponentah. Pokaži, da je preslikava ??, podana s pravilom ?? izomorfizem grup ?? in ??.
- 30. Nariši grafe funkcij: ??