

$\mathcal{D} = 3$

$$\begin{cases} (\sqrt{2}+1)x + (\sqrt{2}-1)y - z\sqrt{2} = 1+\sqrt{2} \\ x + (3-2\sqrt{2})y + (\sqrt{2}-2)z = 1 \end{cases}$$

$R_n = ?$ $\mathcal{D}m = ?$ Решить СЛАУ

$$\dim A = 3$$

$$\left(\begin{array}{ccc|c} \sqrt{2}+1 & \sqrt{2}-1 & -\sqrt{2} & 1+\sqrt{2} \\ 1 & 3-2\sqrt{2} & \sqrt{2}-2 & 1 \end{array} \right) \cdot (1+\sqrt{2}) \rightarrow \left(\begin{array}{ccc|c} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 3-2\sqrt{2} & \sqrt{2}-2 & 1 \end{array} \right)$$

$$\Rightarrow R_A = 1$$

1) Т.к. x, y и z - свободные, то:

$$x = 1 - y(3-2\sqrt{2}) + (\sqrt{2}-2)z$$

~~Задача 2~~ $(x', y', z) = (1, 0, 0)$ - частное неоднородное

решение

$$(1 \ 3 - 2\sqrt{2} \ \sqrt{2} - 2 | 0)$$

$$\left. \begin{aligned} (x, y, z) &= (1, 1, 2) \\ (x, y, z) &= (\sqrt{2}, 2, 3) \end{aligned} \right\} \text{- частные однородные решения}$$

ответ: 1) $(1 - y(3 - 2\sqrt{2}) - z(\sqrt{2} - 2), y, z)$, где

$$y, z \in \mathbb{R}$$

$$2) (x, y, z) = (1, 0, 0) + \alpha_1 (1, 1, 2) + \alpha_2 (\sqrt{2}, 2, 3)$$

$$\text{где } \alpha_1, \alpha_2 \in \mathbb{R}$$