Лабораторная работа №2

Математическое моделирование

Валиева Найля Разимовна

Содержание

# Цель работы

Рассмотреть один из примеров построения математических моделей для выбора правильной стратегии при решении задач поиска.

# Задание

## 1. Провести рассуждения и вывод дифференциальных уравнений по условию заданной задачи

## 2. Построение траектории движения катера и лодки для двух случаев

## 3. Нахождение точки пересечения траектории катера и лодки

# Выполнение лабораторной работы

## Рассуждения и вывод дифференциальных уравнений по условию заданной задачи

* Вариант 52. На море в тумане катер береговой охраны преследует лодку браконьеров. Через определенный промежуток времени туман рассеивается, и лодка обнаруживается на расстоянии 17,4 км от катера. Затем лодка снова скрывается в тумане и уходит прямолинейно в неизвестном направлении. Известно, что скорость катера в 4,9 раза больше скорости браконьерской лодки.

1. Принимаем за - место нахождения лодки браконьеров в момент обнаружения, - место нахождения катера береговой охраны относительно лодки браконьеров в момент обнаружения лодки.
2. Введем полярные координаты. Считаем, что полюс - это точка обнаружения лодки браконьеров , а полярная ось r проходит через точку нахождения катера береговой охраны (рис. @fig:001) Положение катера и лодки в начальный момент времени
3. Траектория катера должна быть такой, чтобы и катер, и лодка все время были на одном расстоянии от полюса , только в этом случае траектория катера пересечется с траекторией лодки. Поэтому для начала катер береговой охраны должен двигаться некоторое время прямолинейно, пока не окажется на том же расстоянии от полюса, что и лодка браконьеров. После этого катер береговой охраны должен двигаться вокруг полюса удаляясь от него с той же скоростью, что и лодка браконьеров.
4. Чтобы найти расстояние x (расстояние, после которого катер начнет двигаться вокруг полюса), необходимо составить простое уравнение. Пусть через время t катер и лодка окажутся на одном расстоянии x от полюса. За это время лодка пройдет x, а катер (или , в зависимости от начального положения катера относительно полюса). Время, за которое они пройдут это расстояние, вычисляется как или (во втором случае ). Так как время одно и то же, то эти величины одинаковы. Тогда неизвестное расстояние x можно найти из следующего уравнения: в первом случае или во втором. Отсюда мы найдем два значения и , задачу будем решать для двух случаев.
5. После того, как катер береговой охраны окажется на одном расстоянии от полюса, что и лодка, он должен сменить прямолинейную траекторию и начать двигаться вокруг полюса удаляясь от него со скоростью лодки v. Для этого скорость катера раскладываем на две составляющие: - радиальная скорость и - тангенциальная скорость. (рис. @fig:002) Разложение скорости катера на тангенциальную и радиальную составляющие Радиальная скорость - это скорость, с которой катер удаляется от полюса, . Нам нужно, чтобы эта скорость была равна скорости лодки, поэтому полагаем . Тангенциальная скорость – это линейная скорость вращения катера относительно полюса. Она равна произведению угловой скорости на радиус r, . Из рисунка видно: (учитывая, что радиальная скорость равна v). Тогда получаем .
6. Решение исходной задачи сводится к решению системы из двух дифференциальных уравнений с начальными условиями или . Исключая из полученной системы производную по t, можно перейти к следующему уравнению: Начальные условия остаются прежними. Решив это уравнение, вы получите траекторию движения катера в полярных координатах.

## Построение траектории движения катера и лодки для двух случаев и точки пересечения

Для начала задам расстояние своего варинта k=6.3 и константу . (рис. @fig:003) Начало кода Следующие строки описывают движение береговой охраны. (рис. @fig:004) Движение береговой охраны Для первого случая зададим r1\_0 и решим дифференциальное уравнение. (рис. @fig:005) Случай 1 А тут мы видим массив решений уравнения для первого случая.(рис. @fig:006) Массив решений случая 1 Рассмотрим случай 2. Зададим r1\_2 и решим дифференциальное уравнение.(рис. @fig:007) Случай 2 И выводим массив решений дифференциального уравнения для 2 случая.(рис. @fig:008) Массив решений случая 2 Следующие строки описывают движение браконьеров. (рис. @fig:009) Движение браконьеров Теперь мы переводим декартовые координаты в полярные (рис. @fig:010) Перевод координат И в завершение, строим графики. Этот график описывает движение охраны и браконьеров для первого случая. (рис. @fig:011) График для первого случая А этот - движение охраны и браконьеров для второго случая. (рис. @fig:012) График для второго случая

# Выводы

В результате выполнения второй лабораторной работы, я рассмотрела один из примеров построения математических моделей для выбора правильной стратегии при решении задач поиска и научилась определять по какой траектории необходимо двигаться катеру, чтобы нагнать лодку.