Студијски програм: Основне академске студије информатике

Назив предмета: М105 - Дискретне структуре 1

Наставник: Жарко Мијајловић, Милан Божић, Александар Јовановић, Зоран

Петровић, Драгана Тодорић, Александар Липковски

Статус предмета: Обавезан

Број ЕСПБ: 6

Услов: Нема предуслова

Циљ предмета: Упознавање са основним појмовима из дискретне математике.

Исход предмета: По завршетку курса, студент има основна знања из дискретне математике. Разуме појмове: скуп, релација, функција, пребројивост, математичка индукција, дељивост, конгруенција, исказ, таутологија, терм, формула, формални систем. Упознат је са основним теоремама из теорије скупова, елементарне теорије бројева и математичке логике. Оспособљен је да решава задатке из поменутих области, и да прати напредније курсеве из математичких и рачунарских области у којима се примењују појмови и технике којима је овладао.

Садржај предмета:

- Елементарна теорија скупова: Појам скупа и основне операције са скуповима; партитивни скуп. Декартов производ скупова, појам релације. Релације еквиваленције и примери. Релације парцијалног уређења и примери. Појам функције; директна и инверзна слика. Инјекције, сурјекције и бијекције. Карактеристична функција; веза са партитивним скупом. Важни скуповни идентитети. Пребројивост (пребројивост скупа целих бројева, скупа рационалних бројева) и непребројивост (непребројивост скупа реалних бројева). Кантор Бернштајнова теорема. Аксиома избора и њени еквиваленти.
- Елементи теорије бројева: Увођење скупа природних бројева; математичка индукција. Релација дељивости; прости бројеви. Основна теорема аритметике; кинеска теорема о остацима, Вилсонова теорема; диофантске једначине; рекурзија.
- Исказни рачун: Појам исказа. Основне операције са исказима. Исказна алгебра; исказне формуле. Појам Булове алгебре; класификација коначних Булових алгебри; СДНФ, СКНФ. Потпун систем везника; примери. Исказна валуација, таутологије; важни примери и методе доказивања. Доказивање скуповних идентитета помоћу таутологија.
- Предикатски рачун првог реда: Језик првог реда. Терми и формуле. Слободна и везана појављивања променљивих. Вредност терма и формуле. Ваљане формуле; важни примери и методе доказивања (метод таблоа, сколемизација, метод резолуције...); примене.
- Формални системи: Појам формалног система; једноставни примери. Формални систем за исказни рачун. Став потпуности и став компактности за исказни рачун; примене. Формални систем за предикатски рачун. Став потпуности и став компактности (без доказа); примене. Метод резолуције. Метод таблоа.

Литература:

- 1. Ж. Мијајловић, Алгебра, Милгор, Београд, 1998;
- 2. Ж. Мијајловић, З. Петровић, Математичка логика (рукопис), Београд, 2007;
- 3. J. A. Anderson, Diskretna matematika sa kombinatorikom, Računarski fakultet, Beograd, 2005.

Бр. час. акт. наставе: 5 Теоријска настава: 3 Прак. настава: 2 Лаб.вежбе: - СИР: - Методе извођења наставе: Предавања и вежбе.

 Оцена знања (максималан број поена је 100)

 Предиспитне обавезе
 поена
 Завршни испит
 поена

 активност у току предавања
 писмени испит

 практична настава
 усмени испит

 колоквијум-и
 40
 писмено-усмени испит
 60

 семинар-и