

Алгоритмы регистрации облаков точек

Немеш Норберт

5 мая 2023 г.

Введение

В последнее десятилетие стали достаточно распространены и доступны устройства для получения трёхмерных изображений.

Трёхмерные изображения

В последнее десятилетие стали достаточно распространены и доступны устройства для получения трёхмерных изображений.

Основное преимущество — более точное описание объектов.

Трехмерные изображения

В последнее десятилетие стали достаточно распространены и доступны устройства для получения трехмерных изображений.

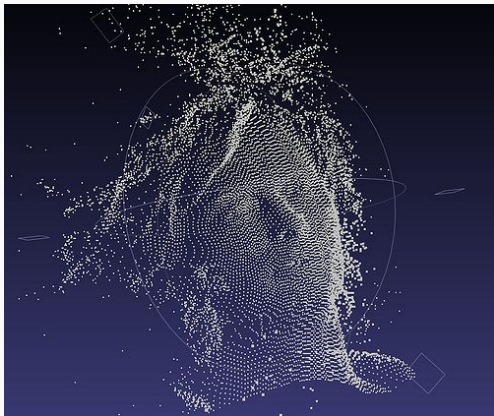
Основное преимущество — более точное описание объектов.

Применения:

- Восстановление 3D моделей
- Инспекция состояния зданий
- Локализация в робототехнике
- ...

Более распространенное название — облако точек.

Более распространенное название — облако точек.



Облака точек. Определение

Точка — кортеж чисел содержащий координаты точки и возможно некоторые дополнительные атрибуты учитывающие специфику сенсора. Координаты точки даются в системе координат сенсора.

Облака точек. Определение

Точка — кортеж чисел содержащий координаты точки и возможно некоторые дополнительные атрибуты учитывающие специфику сенсора. Координаты точки даются в системе координат сенсора.

Пример: координаты x , y , z и цвет в формате *RGB*.

Облака точек. Определение

Точка — кортеж чисел содержащий координаты точки и возможно некоторые дополнительные атрибуты учитывающие специфику сенсора. Координаты точки даются в системе координат сенсора.

Пример: координаты x , y , z и цвет в формате *RGB*.

Облако точек — множество точек и возможно некоторая дополнительная информация учитывающая специфику сенсора из которого получено облако.

$$C = (\{p_1, \dots, p_n\}, \dots)$$

Пример дополнительной информации: порядок точек в облаке.

Типы облаков точек

Способы получения облаков точек

Структура облака и свойства точек зависят от способа получения.

Способы получения облаков точек

Структура облака и свойства точек зависят от способа получения.

Пассивный способ — используем свет приходящий от объекта и с помощью дополнительных вычислений строим облако точек.

Способы получения облаков точек

Структура облака и свойства точек зависят от способа получения.

Пассивный способ — используем свет приходящий от объекта и с помощью дополнительных вычислений строим облако точек.

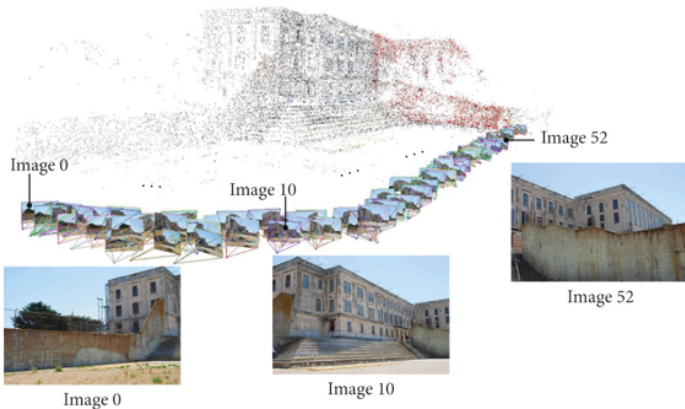
Активный способ — излучаем свет и по отражениям восстанавливаем облако точек.

Пассивный способ. Structure from motion

Движемся вокруг объекта и делаем снимки, по изменению положения ключевых точек на изображении и известной собственной траектории восстанавливаем облако

Пассивный способ. Structure from motion

Движемся вокруг объекта и делаем снимки, по изменению положения ключевых точек на изображении и известной собственной траектории восстанавливаем облако

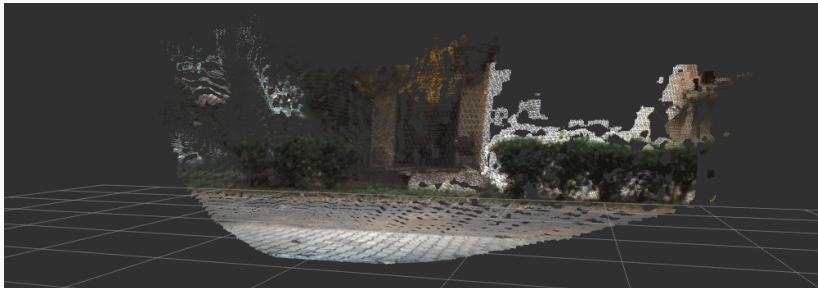


Пассивный способ. Multi view stereo

Получаем изображение с двух близкорасположенных камер.
Зная взаимное расположение камер и их внутренние характеристики восстанавливаем облако точек.

Пассивный способ. Multi view stereo

Получаем изображение с двух близкорасположенных камер.
Зная взаимное расположение камер и их внутренние характеристики восстанавливаем облако точек.



Активный способ. Time of flight

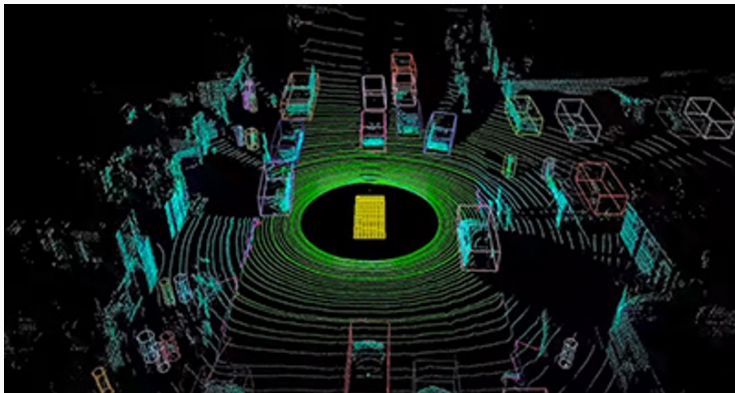
Выпускаем в различных направлениях сигналы, находим время до возврата, оцениваем расстояние до препятствия и восстанавливаем облако точек.

Пример: лидар

Активный способ. Time of flight

Выпускаем в различных направлениях сигналы, находим время до возврата, оцениваем расстояние до препятствия и восстанавливаем облако точек.

Пример: лидар

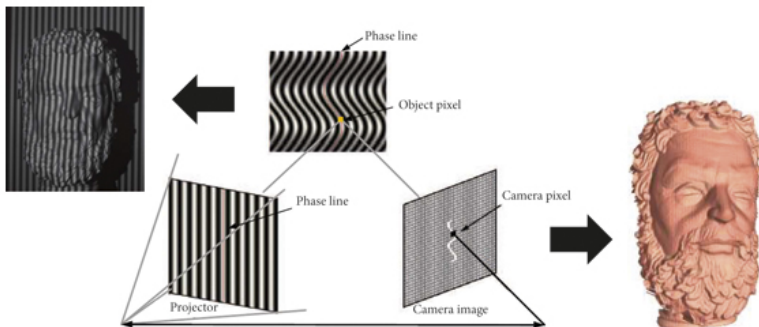


Активный способ. Structured light

Проецируем на объект свет определенного формата, по искажениям восстанавливаем облако точек.

Активный способ. Structured light

Проецируем на объект свет определенного формата, по искажениям восстанавливаем облако точек.



Ограничения:

- Окклюзии
- Плохое покрытие точками на больших расстояниях
- Ограниченный угол обзора
- Шумные показания сенсоров, неточные координаты
- У лидаров могут быть лишние точки, из-за отраженных лучей

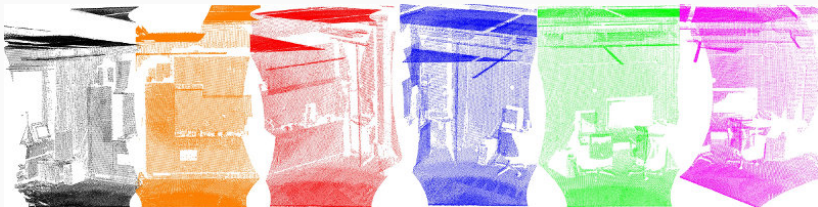
Регистрация облаков точек

Проблемы описания окружения

Проблема: одного облака недостаточно, надо получать трехмерные изображения с разных позиций.

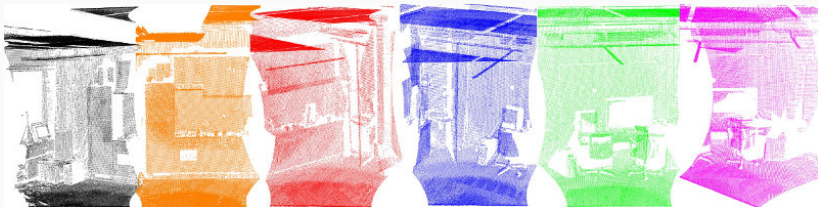
Проблемы описания окружения

Проблема: одного облака недостаточно, надо получать трехмерные изображения с разных позиций.



Проблемы описания окружения

Проблема: одного облака недостаточно, надо получать трехмерные изображения с разных позиций.



Решение: “склеиваем” точки в некоторой общей системе координат.

Более строго этот процесс называется регистрацией облаков.

Постановка задачи

У нас есть два облака точек. Мы хотим найти такое преобразование, которое “наиболее точно встраивало” бы одно облако в другое.

Постановка задачи

У нас есть два облака точек. Мы хотим найти такое преобразование, которое “наиболее точно встраивало” бы одно облако в другое.

Применения:

- Локализация робота в карте
- Локализация и одновременное построение карты (Simultaneous localization and mapping)
- Виртуальная и дополненная реальность

Постановка задачи

У нас есть два облака точек. Мы хотим найти такое преобразование, которое “наиболее точно встраивало” бы одно облако в другое.

Применения:

- Локализация робота в карте
- Локализация и одновременное построение карты (Simultaneous localization and mapping)
- Виртуальная и дополненная реальность

Каждое облако задано в системе координат сенсора на момент получения данных. Достаточно найти преобразования между этими системами координат.

Классификация регистраций. По количеству облаков

Попарная регистрация — нужно зарегистрировать одно облако точек в другом

Классификация регистраций. По количеству облаков

Попарная регистрация — нужно зарегистрировать одно облако точек в другом

Множественная регистрация — есть более двух облаков точек, нужно собрать их вместе в одно большое облако точек.

Наивным образом сводится к попарной регистрации.

Точная регистрация — ошибка должна быть минимальна

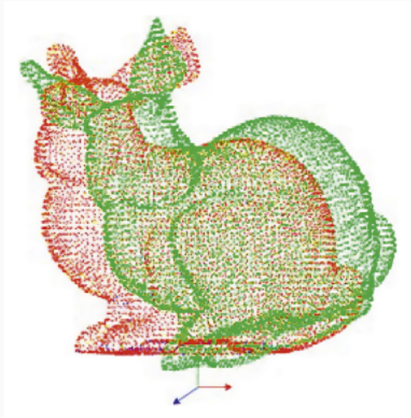
Точная регистрация — ошибка должна быть минимальна

Грубая регистрация — разрешается большая ошибка. Грубая регистрация обычно используется как начальное приближение для точной.

Жесткая регистрация — преобразование между облаками точек должно сохранять расстояния. Чаще всего ищут жесткую регистрацию.

Классификация регистраций. По свойствам объекта

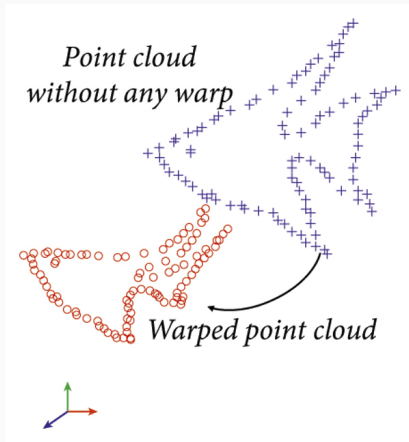
Жесткая регистрация — преобразование между облаками точек должно сохранять расстояния. Чаще всего ищут жесткую регистрацию.



Нежесткая регистрация — преобразование между облаками точек может дополнительно использовать растяжение и инверсию.

Классификация регистраций. По свойствам объекта

Нежесткая регистрация — преобразование между облаками точек может дополнительно использовать растяжение и инверсию.



Условно есть 5 типов алгоритмов регистрации:

- Итеративные методы ближайшей точки (Iterative closest point)
- Вероятностные методы
- Методы ключевых точек (Interest points)
- Методы машинного обучения
- Все остальное

С регистрацией облаков точек много проблем и нюансов

- Облака точек могут иметь разное количество точек
- Облака точек могут лишь частично перекрываться
- Облака точек содержат выбросы и координаты зашумлены
- Нахождение регистрации может занимать очень вычислительных ресурсов
- Решение задачи, вообще говоря, неединственно
- Нет однозначного определения близости облаков точек

Преобразования между облаками точек

Любая регистрация определяется аффинным преобразованием

$$T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3 : x \mapsto Rx + t,$$

где $t \in \mathbb{R}^3$, $R \in \text{Mat}_{3,3}(\mathbb{R})$.

Любая регистрация определяется аффинным преобразованием

$$T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3 : x \mapsto Rx + t,$$

где $t \in \mathbb{R}^3$, $R \in \text{Mat}_{3,3}(\mathbb{R})$.

Жесткие регистрации описываются изометриями, т.е. сдвигом и вращением: $R^T R = I$, $\det(R) = 1$

Любая регистрация определяется аффинным преобразованием

$$T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3 : x \mapsto Rx + t,$$

где $t \in \mathbb{R}^3$, $R \in \text{Mat}_{3,3}(\mathbb{R})$.

Жесткие регистрации описываются изометриями, т.е. сдвигом и вращением: $R^T R = I$, $\det(R) = 1$

Нежесткие регистрации описываются невырожденными аффинными преобразованиями: $\det(R) \neq 0$.

Итеративные методы ближайшей точки (ICP методы)

Пусть нам заданы два облака точек $P = \{p_1, \dots, p_n\}$ и $Q = \{q_1, \dots, q_m\}$. Облако P будем называть референсным, а облако Q текущим.

Пусть нам заданы два облака точек $P = \{p_1, \dots, p_n\}$ и $Q = \{q_1, \dots, q_m\}$. Облако P будем называть референсным, а облако Q текущим.

Задача регистрации заключается в нахождении аффинного преобразования T такого, что облако $T(Q) \stackrel{\text{def}}{=} \{T(q_1), \dots, T(q_n)\}$ будет “мало отличаться” от P .

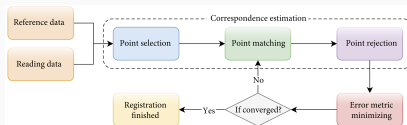
Отличие облаков оценивается некоторой функцией потерь L , а цель алгоритма минимизировать эту функцию итеративно подбирая преобразование T .

Схема ICP алгоритмов

Алгоритм ICP состоит из шагов

- Выбор точек из облаков (point selection)
- Нахождение связок между точками (point matching)
- Отклонение связок (point rejection)
- Минимизация ошибки

Шаги повторяются пока алгоритм не сойдется (например, превышено максимальное количество итераций)

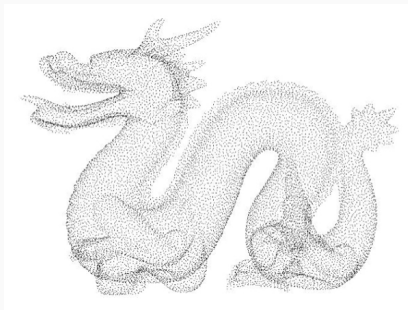


Выбор точек (downsampling) в ICP алгоритме помогает

- Снизить количество точек которые надо обрабатывать
- Выкинуть шумы и выбросы для увеличения точности алгоритма

Выбор точек (downsampling) в ICP алгоритме помогает

- Снизить количество точек которые надо обрабатывать
- Выкинуть шумы и выбросы для увеличения точности алгоритма



Стратегии выбора точек:

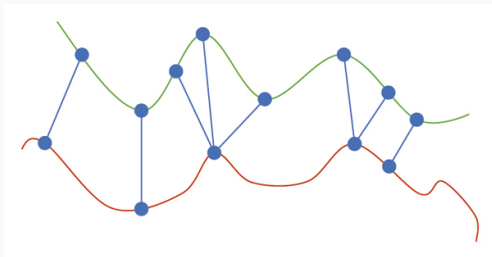
- Случайный выбор (random sampling)
- Каждый раз выбираем новую точку которая находится на некотором расстоянии от предыдущей (distance limit)
- Разобъем пространство на ячейки в каждой ячейке все точки заменим одной - средним всех точек ячейки (uniform sampling)

Нахождение связей необходимо для вычисления функции потерь.

Схема ICP алгоритмов. Нахождение связок

Нахождение связок необходимо для вычисления функции потерь.

В связку попадают точка p из референсного облака и точка q из текущего облака, причем после преобразования T точка $T(q)$ — ближайшая к p в смысле какой-то метрики.



Лобовое решение имело бы сложность $O(n \cdot m)$, где n — количество точек в референсном облаке, m — в текущем облаке.

Лобовое решение имело бы сложность $O(n \cdot m)$, где n — количество точек в референсном облаке, m — в текущем облаке.

Конечно, нужно что-то побыстрее. Обычно ускорения добиваются предварительным подсчетом над точками референсного облака. Строится какая-нибудь структура данных которая позволит быстро находить соседнюю точку для заданной. Обычно получаем ускорение до $O(m \log n)$. Примеры таких структур данных:

- multi-z-buffer
- kd-tree
- octree

Принцип работы:

- Разрезаем пространство на ячейки (воксели)
- Для каждой точки за $O(1)$ находим ее ячейку
- В ячейке любым способом ищем соседей

Принцип работы:

- Разрезаем пространство на ячейки (воксели)
- Для каждой точки за $O(1)$ находим ее ячейку
- В ячейке любым способом ищем соседей

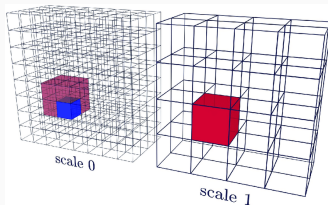
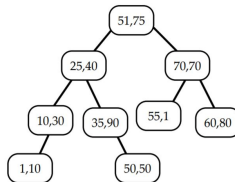
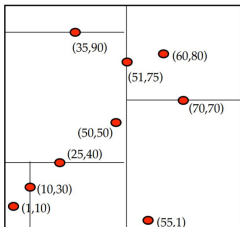


Схема ICP алгоритмов. Нахождение связок. Kd-tree

Принцип работы:

- Разрезаем пространство 'пополам' каждый раз переключая нормаль плоскости разрезания (Ox , Oy , Oz)
- Этот процесс описывает построение некоторого бинарного дерева
- Поиск ближайшей точки похож на поиск в бинарном дереве



Принцип работы:

- Разрезаем пространство на 8 октантов
- В тех октантах где есть точки повторяем предыдущий шаг
- Поиск ближайшей точки похож на поиск в 8-арном дереве

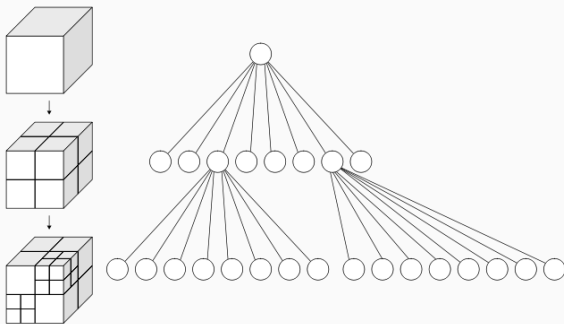
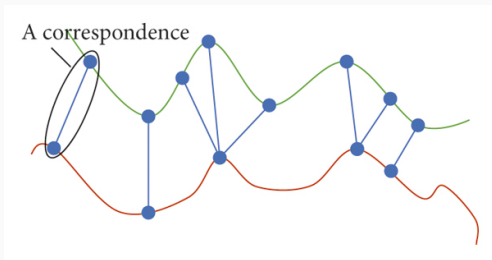


Схема ICP алгоритмов. Удаление связей

Одной точке из текущего облака может соответствовать несколько точек из референсного. Нам это будет мешать, от таких связей надо избавляться.



Существует несколько алгоритмов удаления связей:

- Удаление определенного процента самых длинных связей
- Удаление связей с длиной больше заданной
- Удаление связей в которых есть задваивание точек
- Удаление связей с длиной больше медианной
- Удаление связей с несогласованными нормальными
- ...

Существует несколько алгоритмов удаления связей:

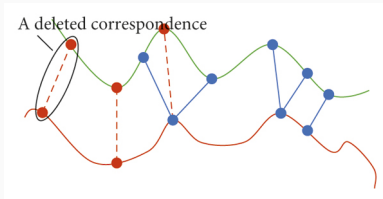
- Удаление определенного процента самых длинных связей
- Удаление связей с длиной больше заданной
- Удаление связей в которых есть задваивание точек
- Удаление связей с длиной больше медианной
- Удаление связей с несогласованными нормальными
- ...

Можно применить сразу несколько алгоритмов

Удаление связок с длиной больше заданной интуитивно понятно, но требует подбора максимального значения. Можно высчитывать медианную длину связок по всему облаку или по окрестности

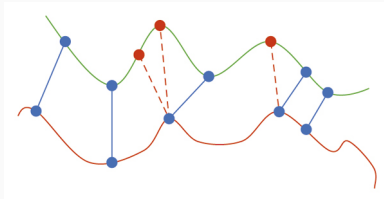
Схема ICP алгоритмов. Удаление связок по длине

Удаление связок с длиной больше заданной интуитивно понятно, но требует подбора максимального значения. Можно высчитывать медианную длину связок по всему облаку или по окрестности



Удаление связок с задваиванием, гарантирует, что у нас каждой точке текущего облака будет соответствовать одна точка из референсного. Не факт, что это будет “удачная” точка.

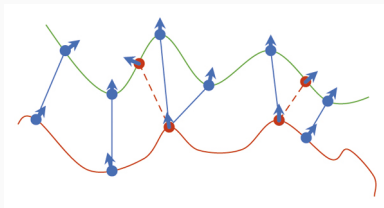
Удаление связок с задваиванием, гарантирует, что у нас каждой точке текущего облака будет соответствовать одна точка из референсного. Не факт, что это будет “удачная” точка.



Удаление связок с по нормалям, убирает точки у которых нормали к поверхности “сильно” разнонаправлены.

Схема ICP алгоритмов. Удаление связок по нормальям

Удаление связок с по нормальям, убирает точки у которых нормали к поверхности “сильно” разнонаправлены.



Ошибку регистрации облаков можно посчитать когда для каждой точки q_i из текущего облака Q найдена связанная точка p_i из референсного облака P .

Ошибку регистрации облаков можно посчитать когда для каждой точки q_i из текущего облака Q найдена связанная точка p_i из референсного облака P .

Обозначим эту ошибку $L(P, Q, T)$, тогда искомое преобразование для жесткой регистрации находится из оптимизационной задачи

$$\hat{T} = \operatorname{argmin}_{T \in \operatorname{Isometry}(\mathbb{R}^3)} L(P, Q, T)$$

Типы функций потерь:

- Точка к точке

$$L(P, Q, T) = \sum_{i=1}^m \|p_i - T(q_i)\|^2$$

- Точка к плоскости

$$L(P, Q, T) = \sum_{i=1}^m (n_i(p_i - T(q_i)))^2$$

- Точка к проекции. Находим ближайшую точку в референсном облаке по направлению собственной нормали
- ...

Go-ICP — ищет оптимальное преобразование по всему пространству $Isometry(\mathbb{R}^3)$ используя метод ветвей и границ

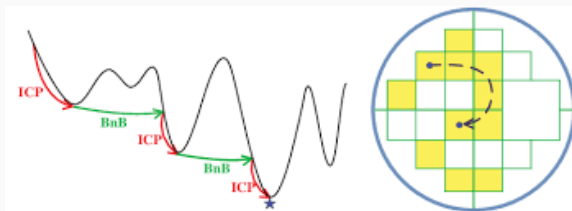
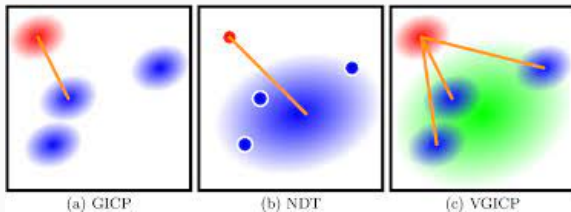


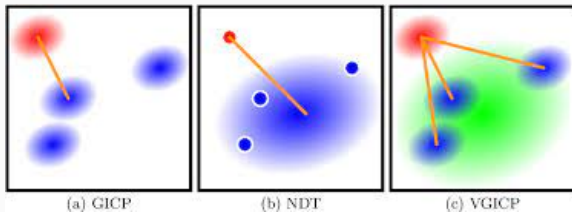
Figure 3. Left: BnB and ICP collaboratively update the upper

Известные ICP алгоритмы

GICP (Generalized-ICP) — вводит вероятностную модель на распределение точек в облаке. Варьируя параметры вероятностной модели можно получить ICP алгоритмы с функцией потерь точка к точке или точка к плоскости



VGICP (voxelized GICP) — модификация GICP в которой пространство разбивается на воксели и по точкам в вокселе оцениваются параметры вероятностного распределения GICP. Хорошо адаптируется для видеокарт.



Плюсы:

- Хорошо параллелизуются
- Стабильные и робастные
- Не требуют feature-инженеринга
- Обобщаются на многомерный случай
- Могут быть использованы в связке с другими алгоритмами

Минусы:

- Требуется начальное приближение
- Требуются предварительные вычисления (например построение kd-дерева)
- Медленные из-за необходимости построения связок
- Во время оптимизации могут застрять в локальном минимуме

Вероятностные методы

Основная идея:

- Все облака являются выборками из некоторого вероятностного распределения
- Обычно вероятностное распределение это смесь Гауссовых распределений (Gaussian mixture model)
- Оптимальное преобразование минимизирует “расстояние” между этими распределениями

Мы обсудим два метода:

- Смесь гауссовских распределений (Gaussian mixture model, GMM)
- Преобразование нормальных распределений (Normal distributions transform, NDT)

Для начала нам потребуется несколько предварительных сведений

Любое облако C можно описать как смесь гауссовых распределений.

Допустим, что облако точек C описывается смесью N_C гауссовских распределений. Пусть

- вес i -го рапределения – ϕ_i^C
- плотность i -го гауссовского распределения

$$f_i^C(r) = \Gamma(r; \mu_i^C, \Sigma_i^C)$$

Тогда плотность распределения облака

$$f^C(r) = \sum_{i=1}^{N_C} \phi_i^C f_i^C(r)$$

Если к облаку применить преобразование T задаваемое сдвигом t и матрицей R , то плотность распределения изменится следующим образом

$$f^{T(C)}(r) = \sum_{i=1}^{N_c} \phi_i^C f_i^{T(C)}(r)$$

где

$$f_i^{T(C)}(r) = \Gamma(r; \mu_i^C + t, R\Sigma_i^C R^T)$$

Мы хотим найти преобразование T при котором распределение f^P референсного облака как можно меньше отличалось от распределения $f^{T(Q)}$ преобразованного текущего облака Q .

В методе GMM расстояние между вероятностными распределениями вычисляется как интегральная L_2 норма

$$d(f_1, f_2) = \int_{\mathbb{R}^3} (f_1(r) - f_2(r))^2 dr$$

В итоге мы получаем задачу минимизации

$$\hat{T} = \operatorname{argmin}_{T \in \operatorname{Isometry}(\mathbb{R}^3)} \int_{\mathbb{R}^3} (f^{T(Q)}(r) - f^P(r))^2 dr$$

Поскольку величины

$$\int_{\mathbb{R}^3} f^P(r)^2 dr \quad \text{и} \quad \int_{\mathbb{R}^3} f^{T(Q)}(r)^2 dr$$

не зависят от T то задача минимизации сводится к следующей

$$\hat{T} = \operatorname{argmin}_{T \in \operatorname{Isometry}(\mathbb{R}^3)} \int_{\mathbb{R}^3} (-2 \cdot f^{T(Q)}(r) \cdot f^P(r)) dr$$

Эта задача может быть решена *EM*-алгоритмом или с помощью *SVM*.

Алгоритм вычислительно тяжелый. Поэтому люди искали альтернативы

Идея метода NDT похожа на GMM, но мы делаем несколько инженерных упрощений:

- Мы разбиваем референсное облако на воксели и считаем, что внутри вокселя точки распределены как смесь нормального и равномерного распределения
- Параметры нормального распределения оцениваются по координатам точек вокселя
- Для нахождения оптимального преобразования мы применяем метод максимального правдоподобия к облаку $T(Q)$ и используем плотность распределения референсного облака

Обсудим алгоритм подробнее.

Пусть референсное облако разбито на воксели $\{V_1, \dots, V_N\}$.

Рассмотрим произвольный воксель V . Пусть он содержит точки x_1, \dots, x_{k_V}

Будем считать, что внутри вокселя распределение точек является смесью нормального и равномерного.

$$p_V(r) = \phi_1 \Gamma(r; \mu_V, \Sigma_V) + \phi_2 p_2$$

причем

$$\mu_V = \frac{1}{k_V} \sum_{i=1}^{k_V} x_i \quad \Sigma_V = \frac{1}{k_V - 1} \sum_{i=1}^{k_V} (x_i - \mu_V)(x_i - \mu_V)^T$$

Искомое преобразование T должно максимизировать вероятность того что облако $T(Q)$ получено из распределения облака P .

Таким образом мы получаем задачу оптимизации

$$\hat{T} = \operatorname{argmin}_{T \in \operatorname{Isometry}(\mathbb{R}^3)} \prod_{i=1}^m p_{V(T(q_i))}(T(q_i))$$

где $V(r)$ это воксель в который попадает точка с радиус вектором r

В алгоритме NDT минимизируемую функцию p_V заменяют на функцию вида

$$\tilde{p}_V(r) = c_1 \exp \left(\frac{-c_2}{2} (r - \tilde{\mu}_V)^T \tilde{\Sigma}_V^{-1} (r - \tilde{\mu}_V) \right)$$

Она ведет себя похожим образом, и более того такая “замена” позволяет записать простые аналитические выражения для градиента и гессиана минимизируемой функции.

Это в свою очередь позволяет быстро решить задачу оптимизации с помощью методов второго порядка.

Плюсы:

- Хорошо параллелизуются
- Стабильные и робастные
- Не требуют feature-инжиниринга
- Обобщается на многомерный случай
- Могут быть использованы в связке с другими алгоритмами
- Работают быстрее ИСР так как не требуют вычисления связей точек

Минусы:

- Требуется начальное приближение
- Во время оптимизации могут застрять в локальном минимуме

Методы ключевых точек

Часто в облаке не все точки полезны и нужны.

Пример: большая часть точек на ровной стене не несет полезной информации.

Часто в облаке не все точки полезны и нужны.

Пример: большая часть точек на ровной стене не несет полезной информации.

Идея: найти “интересные” точки и оставить в облаке только их.

Часто в облаке не все точки полезны и нужны.

Пример: большая часть точек на ровной стене не несет полезной информации.

Идея: найти “интересные” точки и оставить в облаке только их.

Какие точки “интересные”?

- Углы объектов
- Переход цвета или интенсивности
- Границы объектов

Часто в облаке не все точки полезны и нужны.

Пример: большая часть точек на ровной стене не несет полезной информации.

Идея: найти “интересные” точки и оставить в облаке только их.

Какие точки “интересные”?

- Углы объектов
- Переход цвета или интенсивности
- Границы объектов

Далее “интересные” точки будут называть ключевыми.

Какие найти ключевые точки?

- Посчитать геометрические характеристики ее окрестности
- Переход цвета или интенсивности
- Границы объектов

Какие найти ключевые точки?

- Посчитать геометрические характеристики ее окрестности
- Переход цвета или интенсивности
- Границы объектов

Такие характеристики называются локальными дескрипторами.

Какие найти ключевые точки?

- Посчитать геометрические характеристики ее окрестности
- Переход цвета или интенсивности
- Границы объектов

Такие характеристики называются локальными дескрипторами.

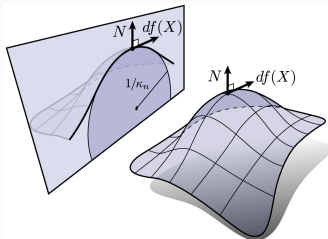
Основное требование к дескрипторам — они должны быть инвариантны относительно преобразований используемых в регистрации. Так как мы чаще всего используем жесткие регистрации, то требуется инвариантность относительно изометрий.

Примеры локальных дескрипторов:

- нормаль к поверхности в точке
- кривизны поверхности в точке
- плотность точек в окрестности

Примеры локальных дескрипторов:

- нормаль к поверхности в точке
- кривизны поверхности в точке
- плотность точек в окрестности



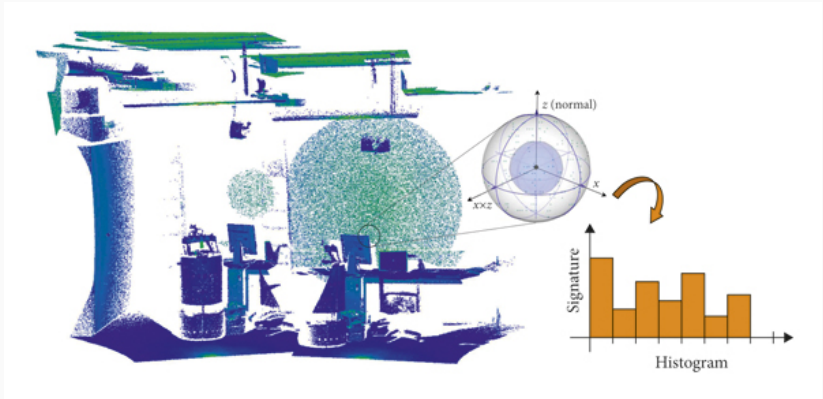
Придумано множество дескрипторов:

- Point Feature Histogram (PFH)
- Signature of Histograms Orientations (SHOT)
- Intrinsic shape signature (ISS)
- Border Aware Repeatable Directions (BOARD)
- ...

Для примера обсудим SHOT дескриптор. Он вычисляется следующим образом:

- Для каждой точки облака подсчитать какую либо характеристику (например угол между нормалью в точке и осью z)
- Для каждой точки выбрать окрестность и по всем точкам из окрестности построить гистограмму выбранной характеристики
- Данная гистограмма и будет дескриптором точки

Методы ключевых точек. Продвинутые дескрипторы



- Как только получены дескрипторы всех точек можно начинать процесс регистрации.
- Теперь сопоставлять между собой мы будем не сами координаты точек, а их локальные дескрипторы.
- Сопоставляя дескрипторы мы получаем связки между точками
- Перед сопоставлением дескрипторов можно уменьшить количество точек в референсном и текущем облаке, например с помощью кластеризации.
- Как только получены связки можно вернуться к шагам алгоритма ICP

Плюсы:

- Дают хорошее начальное приближение
- Большой набор готовых дескрипторов
- Можно использовать как начальное приближение для более точных алгоритмов регистрации

Минусы:

- Не дают точного решения
- Медленно работают

В этом обзоре мы не обсудили регистрации точек методами машинного обучения, но это слишком большая тема чтобы уместить ее в этой презентации. Здесь стоит сказать, что лидерами в этой области являются нейронные сети.

Спасибо за внимание!