Valószínűségszámítás

3. gyakorlat

Nemkin Viktória http://cs.bme.hu/~viktoria.nemkin/ 2016. szept. 28.

- 3.1 Az origóból kiindulva egy bolha ugrál a számegyenesen. Minden ugrásra egységnyi hosszú és a többitől függetlenül p valószínűséggel jobbra, 1-p valószínűséggel balra történik. Az 5. ugrás után megfigyeljük a bolha helyét. Adja meg ennek az eloszlását! Fqy. II.29
- 3.2 Egy 32 lapos magyar kártyakötegből kihúzunk egy lapot. Legyen X a kihúzott lap értéke. Adja meg és ábrázolja X eloszlásfüggvényét! Számolja ki a 7.5 < X < 10.2 esemény valószínűségét! Fgy.~II.5
- 3.3 Eloszlásfüggvény-e az $F(x) = exp(-e^{-x})$? Fgy.~II.42
- 3.4 Milyen b
 értéknél lesz az $f(x)=b\sqrt{x-2},\,x\in(2,3)$ függvény sűrűségfüggvény? Mi
 az eloszlásfüggvény képlete? Fgy. II.12
- 3.5 Adjuk meg a 90/5 lottón kihúzott 5 szám közül a legkisebb eloszlásfüggvényének az értékét a t=25 helyen. Fgy. II.69
- 3.6 Egy egységnyi oldalú szabályos háromszög kerületén véletlenszerűen kiválasztunk egy pontot. Jelölje X a pontnak a súlyponttól vett távolságát! Számolja ki a $P(X \ge 0, 5)$ valószínűséget! Fqy.~II.47
- 3.7 Egy 32 lapos kártyából addig húzunk visszatevés nélkül, amíg ászt nem kapunk. Jelölje X az eközben kihúzott 7-esek számát! Számolja ki a $\mathbf{P}(X=0)$ valószínűségét! Fqy.~II.55
- 3.8 Egy X valószínűségi változó sűrűségfüggvénye

$$f(x) = \begin{cases} A\cos(\frac{x}{2}) & \text{ha } 0 < x < \pi \\ 0 & \text{különben} \end{cases}$$

- a) A=?
- b) Írja fel az Fx eloszlásfüggvényét!
- c) $P(X > \frac{\pi}{2}) = ?$ Fgy. II.40
- 3.9 Egy benzinkút hetente kap üzemanyagot. A heti fogyasztást az X val. vál. jelöli 100 ezer literekben, amelynek sűrűségfüggvénye $f_X(x) = 5(1-x)^4$ ha 0 < x < 1, 0 egyébként. Mekkora legyen a tartály K kapacitása, hogy annak a valószínűsége, hogy a hét során kifogy a benzin kisebb legyen 0,05-nél? Fgy. II.124
- 3.10 A 32 lapos magyar kártyacsomagból visszatevés nélkül addig húzunk, amíg piros színű lapot nem kapunk. Ezután folytatjuk a lapok húzását addig, amíg ászt nem kapunk. Jelölje X a kihúzott lapok számát! (Ha az összes kártya elfogyott közben, X=32 lesz.) Adja meg a P(X=3) valószínűségét! $Fqy.\ II.36$

IMSC Házi Feladat (10 pont) Egy dobozban 7 db, a szivárvány hét színével egyező színű golyók vannak. Addig húzzuk ki a golyókat visszatevéssel a dobozból, amíg valamennyi színű golyót ki nem húztunk egyszer. Mi az ehhez szükséges X húzásszám eloszlása? (Az értékkészletet ne hagyjátok ki.)

Fgy. II.21