Valószínűségszámítás

7. gyakorlat

Nemkin Viktória $http://cs.bme.hu/\sim viktoria.nemkin/2016.$ okt. 26.

- 7.1 Egy réten 3 szarvas legelészik gyanútlanul. Egymásról nem tudva 3 vadász lopakodik a tisztáshoz, és egyszerre tüzelnek a vadakra. Mindegyik lövés talál és halálos. Mennyi a lövések után a rétről elszaladó szarvasok számának várható értéke és szórása? (Egyszerre több vadász is lőhet ugyanabba a szarvasba.)

 Fau. II.59
- 7.2 Milyen c értékre lesz az $f(x) = ce^{|x|}$, $x \in [-1, 2]$ függvény sűrűségfüggvény? Határozza meg azon valószínűségi változó várható értékét, amelynek ez a sűrűségfüggvénye. $Fgy.\ II.65$
- 7.3 Egy üteg addig tüzel egy célpontra, amíg el nem találja. A találat valószínűsége minden lövésnél p. Mennyi az egy találathoz szükséges átlagos lőszerkészlet, a muníció? Mennyi annak a valószínűségi változónak a szórása, ami az elhasznált lőszer mennyiségét mutatja?

 Fgy. II.16
- 7.4 Egy üzemben gyártott harisnyák között átlagosan minden 1000. selejtes. A harisnyákat 200-asával dobozokba csomagolják. 1000 dobozt véletlenszerűen kiválasztva, jelölje X az egyetlen selejtes harisnyát sem tartalmazó dobozok számát! Adja meg X várható értékét és szórásnégyzetét!

 Fau. II.53
- 7.5 Legyen $X \in B(3, \frac{1}{4})$, és $Y = X^3$. MiYeloszlása, mennyi X és Y várható értéke és szórása? Fgy. II.28
- 7.6 Legyen $X \in U(0,1)$ és $Y = ln(\frac{1}{X})$. Számolja ki EX-et és $\sigma^2 Y$ -t! Fqy.~II.49
- 7.7 Egy dobozban 3 piros és 2 fehér golyó van. Visszatevéssel 10-szer húzunk a dobozból. Jelölje X a pirosak számát! Adja meg Z=(X+2)(X-2) várható értékét! $Fgy.\ II.56$
- 7.8 Legyen $X \in U(0,1)$ és $Y = \sqrt{3X+1}$. Adja meg Y sűrűségfüggvényét, várható értékét és szórását! Fgy.~II.125
- 7.9 Legyen $X \in E(1)$ és Y = [X] + 3, ahol [X] az X egészrésze. Mennyi az Y diszkrét valószínűségi változó várható értéke és szórása? Fgy. II.123
- 7.11 Egy üzemben csavarokat csomagolnak. 1-1 dobozba átlagosan 5000 csavar kerül. A csavarok számának szórása tapasztalat szerint 20 darab. Mennyi annak a valószínűsége, hogy egy dobozban a csavarok száma 4900 és 5100 közé esik, ha az eloszlást nem ismerjük?

 Fqy. III.201
- 7.12 Legyen $X \in U(0,4)$ és $Z = (X-2)^2$. Bizonyítsa be, hogy $P(Z \ge 6) \le \frac{1}{2}!$ Fgy. III.203

IMSC Házi Feladat (10 pont) Automata minőségvizsgáló $n=10^5$ elemű mintát ellenőriz le egy gyártósoron előállított számítógépes alkatrésztömegből. A vizsgálat után milyen valószínűséggel állíthatjuk, hogy a mintából meghatározott selejtarány a készlet elméleti p selejtvalószínűségétől legfeljebb 0,01-el tér el?