## Valószínűségszámítás

## 10. gyakorlat

Nemkin Viktória  $\label{eq:nemkin} $$ $ $ \text{http://cs.bme.hu/$\sim$ } $ viktoria.nemkin/$ $ 2016. nov. 16.$ 

- 10.1 Feldobunk 2 db 4 oldalú kockát. Jelölje X valószínűségi változó a kapott számok minimumát, Y valószínűségi változó pedig a páros dobások darabszámát.
  - Adja meg az együttes eloszlás táblázatát és a peremeloszlásokat.
  - Független-e X és Y?
  - $\bullet$  Adjuk meg X és Y várható értékét és szórását!
- 10.2 Legyen  $X \in B(10, \frac{1}{3})$  és  $Y \in G(\frac{1}{2})$  független valószínűségi változók. Számoljuk ki a következő mennyiségeket:  $E(3X+2Y), E(X+3)^2, \sigma(2X-3Y+4), \sigma^2(2Y-1)!$ Ugyanez a kérdés az 1. feladat d) részeként volt feltéve konzin. Szemfülesen észrevettétek, hogy X és Y nem függetlenek, így a  $\sigma(X+Y)$  jellegű kérdésekre még nem tudunk válaszolni. Ezért itt javítottam.
- 10.3 Az X és Y együttes sűrűségfüggvénye  $f_{X,Y}(x,y) = a(x^2 + xy + y^2)$  ha 0 < x < 1 és 0 < y < 1 Mennyi a értéke? Mennyi X várható értéke? Függetlenek-e X és Y? Fgy. III.14
- 10.4 Legyenek  $X,Y \in E(1)$  függetlenek. Bizonyítsa be, hogy  $\max\{X,Y\}$  eloszlása megegyezik  $X+\frac{1}{2}Y$  eloszlásával! Fqy. III.3
- 10.5 Legyen  $X \in U(0,4)$  és  $Z = (X-2)^2$ . Bizonyítsa be, hogy  $P(Z \ge 6) \le \frac{1}{2}!$  Fgy. III.203
- 10.6 Egy pályaudvaron az újságárus X lapot ad el óránként, ahol  $X \in Po(64)$ . Mennyi a valószínűsége annak, hogy 48-nál több és 80-nál kevesebb lapot tud eladni egy órában? Fgy.~III.~192
- 10.7 Legyenek  $X \in Po(0,5)$  és  $Y \in Po(0,1)$  függetlenek! Mennyi  $\mathbf{P}(X+Y=2)$ ? Fgy. III.29
- 10.8 Legyenek  $X \in N(5,2)$  és  $Y \in N(4,3)$  függetlenek. Adja meg a  $\mathbf{P}(X < Y)$  valószínűséget!  $(\Phi(0.5774) = 0.7182)$  Fqy. III.37