Valószínűségszámítás

11. gyakorlat

Nemkin Viktória $\label{eq:nemkin} $\operatorname{http://cs.bme.hu/}\sim\operatorname{viktoria.nemkin/}$$ 2016. nov. 23.$

- 11.1 Háromszor dobunk egy szabályos dobókockával. X a kapott 6-osok száma, Y a kapott páros értékek száma. Adja meg X és Y együttes eloszlását, kovariancia mátrixukat. Függetlenek X és Y? R(X,Y)=? Fgy. III.15
- 11.2 Legyen $X \in E(2)$. Határozza meg a $cov(X, X^2)$ számot! Fau. III.40
- 11.3 Bizonyítsa be, ha X és Y azonos szórású valószínűségi változók, akkor X+Y és X-Y korrelálatlanok! $Fgy.\ III.51$
- 11.4 Legyenek $X,Y\in N(0,1)$ függetlenek! V=X+Y és W=X-Y+1. Adja meg a $(V,W)^T$ vektor kovarianciamátrixát! Fgy. III.52
- 11.5 Legyenek X,Y független valószínűségi változók, ahol EX = 4, EY = 0, $\sigma^2 X = 1$, $\sigma^2 Y = 2$. Határozza meg az alábbi mennyiségeket: E(5X-6Y), EXY, $\sigma^2 (5X 6Y + 8)$, cov(5X,6Y)! Fgy. III.53
- 11.6 Legyen $X \in N(-4,2), \, Y=3X+1, \, Z=X^2-1.$ Számolja ki $\operatorname{cov}(\mathbf{Y},\mathbf{Z})$ -t! $Fgy. \, III.78$
- 11.7 Legyen $X \in N(m,D), Y = 3X + 8, Z = 5 2X$. Számolja ki az R(Y,Z) korrelációs együtthatót! Fgy. III.90

IMSC Házi Feladat (10 pont) Legyen $X \in U(0,2)$, azaz a (0,2) intervallumon egyenletes eloszlású valószínűségi változó. Y = cos(X), Z = sin(X). Határozzuk meg cov(Y, Z)-t! Függetlenek-e Y és Z?