Kvantum gráfbolyongások MSc Önálló laboratórium 1.

Nemkin Viktória

Konzulens: dr. Friedl Katalin

Kvantum gráfbolyongások

Gráfbolyongás

- Irányított, élsúlyozott gráf
- Csúcsokon lépkedés
- Kimenő élek súlya szerinti véletlen választás

Kvantum gráfbolyongások

Gráfbolyongás

- Irányított, élsúlyozott gráf
- Csúcsokon lépkedés
- Kimenő élek súlya szerinti véletlen választás

Kvantum gráfbolyongás

- Véletlen választás: kvantumosan
- ullet Speciális eset: fokszám = 2 ightarrow érme feldobás

Kvantumbit

- Lehet $|0\rangle$, $|1\rangle$ vagy $c_0 |0\rangle + c_1 |1\rangle$
 - ▶ 2 dimenziós vektor: $\begin{pmatrix} c_0 \\ c_1 \end{pmatrix}$ ▶ $|0\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$, $|1\rangle = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$

Kvantumbit

- Lehet $|0\rangle$, $|1\rangle$ vagy $c_0 |0\rangle + c_1 |1\rangle$
 - ▶ 2 dimenziós vektor: $\begin{pmatrix} c_0 \\ c_1 \end{pmatrix}$

$$\mid 0 \rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \mid 1 \rangle = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

- Megkötések:
 - Koordináták komplexek
 - Egység hosszú: $|c_0|^2 + |c_1|^2 = 1$

Kvantumbit

- Lehet $|0\rangle$, $|1\rangle$ vagy $c_0 |0\rangle + c_1 |1\rangle$
 - ▶ 2 dimenziós vektor: $\begin{pmatrix} c_0 \\ c_1 \end{pmatrix}$

$$ho \ |0
angle = egin{pmatrix} 1 \ 0 \end{pmatrix}, \ |1
angle = egin{pmatrix} 0 \ 1 \end{pmatrix}$$

- Megkötések:
 - Koordináták komplexek
 - Egység hosszú: $|c_0|^2 + |c_1|^2 = 1$
- Mérés eredménye: $|0\rangle$ vagy $|1\rangle$
 - $P(|0\rangle) = |c_0|^2$
 - $P(|1\rangle) = |c_1|^2$

Hadamard-kapu (mátrix)

$$\begin{pmatrix} c_0' \\ c_1' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} c_0 \\ c_1 \end{pmatrix}$$

Hadamard-kapu (mátrix)

$$\begin{pmatrix} c_0' \\ c_1' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} c_0 \\ c_1 \end{pmatrix}$$

Kvantumérme

- Érme = kvantumbit
- Érme feldobása = Hadamard-mátrixszal szorzás

Kiindulás:

$$|0
angle = egin{pmatrix} 1 \ 0 \end{pmatrix}$$

Kiindulás:

$$|0\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

1. feldobás után:

$$\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$$

Kiindulás:

$$|0\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

1. feldobás után:

$$\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$$

 \rightarrow Mérés:

$$P(|0\rangle)=P(|1\rangle)=\left(rac{1}{\sqrt{2}}
ight)^2=rac{1}{2}$$

Majd:

$$\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$$

Majd:

$$\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$$

2. feldobás után:

$$\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

Majd:

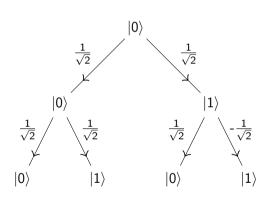
$$\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$$

2. feldobás után:

$$\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

 \rightarrow Mérés:

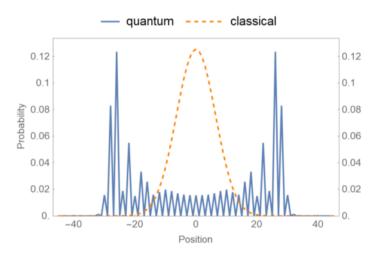
$$P(|0\rangle) = 1, P(|1\rangle) = 0$$



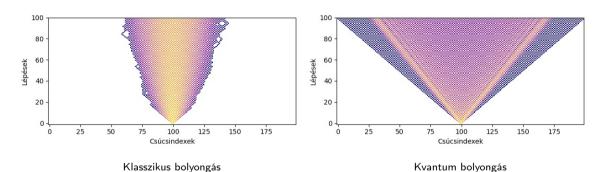
$$|0
angle$$
 $rac{1}{\sqrt{2}}\ket{0}+rac{1}{\sqrt{2}}\ket{1}$

$$\frac{1}{2}\left|0\right\rangle + \frac{1}{2}\left|1\right\rangle + \frac{1}{2}\left|0\right\rangle - \frac{1}{2}\left|1\right\rangle = \left|0\right\rangle$$

Egyenesen bolyongás



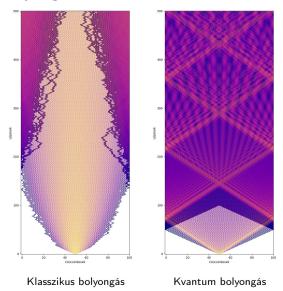
Szimuláció: Egyenesen bolyongás



Félévi munka

- Kvantum matematikai alapok megértése (?)
- Gráfbolyongási szimulációs keretrendszer Pythonban
 - Nevesített részgráfok kompozitjai
 - Latex report generálása
- Klasszikus szimulációk
- Kvantumos szimuláció spec. eset: egyenes

Bónusz: Szakaszon bolyongás



Nemkin Viktória (Konzulens: dr. Friedl Katalin)