03-14

Paraméteres bonyolultság

Paraméteres bonyolultság

Kovács Milán, Nemkin Viktória

2021. március 16.

Paraméteres bonyolultság

Kovács Milán, Nemkin Viktória

2021. március 16.



Kovács Milán, Nemkin Viktória

Menetrend

- Motiváció
- 2 Bar Fight Prevention problem

Kovács Milán, Nemkin Viktória

Paraméteres bonyolultság 2021. március 16. Paraméteres bonyolultság

☐ Menetrend

Motiváció

Menetrend

Bar Fight Prevention problem

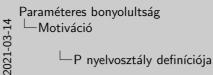
◆□▶◆圖▶◆臺▶◆臺▶ 臺 からぐ

P nyelvosztály definíciója

A P azoknak a nyelveknek az osztálya, amelyekhez van polinom időkorlátos algoritmus (determinisztikus Turing-gép), azaz ha létezik olyan p(n) polinom, hogy az algoritmus az n méretű bemeneteken legfeljebb p(n) lépést tesz.

Szeretnénk minden problémára polinom időkorlátos algoritmusokat adni...

Kérdés: Miért csak a bemenet hosszára figyelünk?



P nyelvosztály definíciója

A P azoknak a nyelveknek az osztálya, amelyekhez van polinom időkorlátos algoritmus (determinisztikus Turing-gép), azaz ha létezik olyan p(n) polinom, hogy az algoritmus az n méretű bemeneteken logfeljebb p(n) lépést tesz.

Kérdés: Miért csak a bemenet hosszára figyelünk?

Példa: Prímtényezős felbontás

Feladat: számok prímtényezős felbontását megadni.

$$4503599627370496 = 2^{52}$$

$$1125897758834689 = 524287 \cdot 2147483647$$

- Input mérete: 16 számiegy.
- Kézzel melyiket fogjuk tudni hamarabb megadni?
- Számítógép: sokkal több számjegyre hasonlóan (pl. csak 10-nél kisebb prímek vannak benne ↔ RSA kódolás).



Paraméteres bonyolultság

Motiváció

Példa: Prímtényezős felbontás

Pelda: Prímtényezős felbontás

Ugyanolyan sok számjegyből állnak a számok, tehát ugyanolyan hosszú az input méretünk, mégis az elsőt nagyon gyorsan meg lehet találni, a másodikat sokkal lassabban.

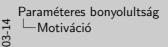




Erre a két gráfra nézzünk gráfalgoritmusokat:

- Legnagyobb független csúcshalmaz.
- Csúcsszínezés.
- Stb...

Mindkét gráfban ugyanannyi csúcs van, ezért ha szomszédossági mátrixukkal adjuk meg őket, akkor ugyanakkora lesz az input mérete, azonban a 2. gráfban a fenti kérdésekre elég hamar választ tudunk adni.





Példa: Sűrű / ritka gráfok Sürü eráf (TODO: Ezy keyésbé csánya eráf.)

n Culcuminania

└Példa: Sűrű / ritka gráfok

Everything you want

Kovács Milán. Nemkin Viktória

Nagyon sok NP-beli probléma előjön a való életben és nagyon jó lenne őket megoldani.

A gyakorlatban sokszor nem általános megoldásokat kell adni, általában vannak korlátok...

- Facebook gráf: Fokszám kicsi.



Paraméteres bonyolultság - Motiváció └─Valós példák

Valós példák

Nazvon sok NP-beli probléma előiön a való életben és nazvon jó lenne őket mezoldani. A gyakorlatban sokszor nem általános megoldásokat kell adni. általában vannak korlátok. a Facebook eráf Fokszám kicsi

Mindenkit ismerünk a faluban és azt is tudjuk ki kivel nincs jóban, kik fognak várhatóan összeverekedni. A tervünk tehát az, hogy csak olyan embereket engedünk be a bárba, akik jóban vannak egymással, így elkerüljük a verekedést.

Azonban a bár menedzsmentje maximalizálni akarja a profitot, ezért azt a kikötést teszi, hogy legfeliebb k darab vendéget lehet elutasítani az aitóban.

A feladat tehát a következő: Ismerjük a bárba bejövő emberek listáját (n ember), minden emberpárra tudjuk, hogy fognak-e verekedni ha mindkettőjüket beengedjük. Ki kell találni, hogy be lehet-e úgy engedni az embereket, hogy legfeljebb k darab embert utasítunk el, úgy hogy bent ne törjön ki verekedés.

4 D > 4 A > 4 B > 4 B > B > 9 Q C

Paraméteres bonyolultság
Bar Fight Prevention problem

└─ Feladat

szokott lenni és általában bunyóban végződik a történet... A mi faladatunk kidobné az ittas vendégelet, ami nagyon fárasztó és nen túl mölsás. Elhatározzak, hogy megölző infazkadésőett teszink... Mindernikt ismerinka falalaban és azt is tatjak ki éval mircs jóban, kik fognak vérhatásán rösszonesésésél. Á tenönik hátás az hogy szák dozan embenesést ennedinik ha a hásíha akik

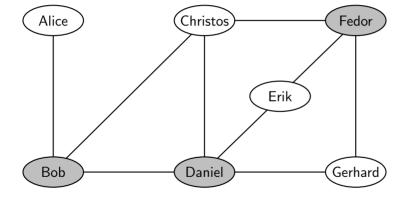
összeverekedni. A tervűnik telski az, hogy csak ólyan embereket engedűnik be a bárba, akik jóban vannak egymással, így elkerüljük a verekedést.

Azonban a bár menedzsmentje maximalizálni akarja a profitot, ezért azt a kikötést teszi, ho legfeljebb k darab vendéget lehet elutasítani az ajtóban.

Képzeliük el. hogy biztonsági őrként dolgozunk egy falusi bárban. Péntekenként nagy töme

legitijabb k darab vendeget kintet distlastien az ajobban.
A feladat tehát a következő: Ismerjük a bárba bejövő embenek listáját (n ember), minden emberpárra todjuk, hogy fognak-e verekedni ha mindkettőjüket beengedjűk. Ki kell találni, hogy be lehte-e ügy engedni az embereket, hogy legidíjébb k darab embert utakturk el, úgy

Példa: a szürkéket kell kidobni





Paraméteres bonyolultság

Bar Fight Prevention problem

Példa: a szürkéket kell kidobni



Brute force megoldás

- Brute force algoritmus.
- Minden lehetséges részhalmazt megnézzük: ha őket dobnánk ki a többiek verekednének-e?
- 2^n , pl n=1000-re már túl nagy.



Paraméteres bonyolultság

Bar Fight Prevention problem

brute forcu algorimus.
 Mínden lehetséges részhalmazt megnézzük: ha őket dobnánk ki a többiek verekednének-e?
 v 2º, pl n=1000-re már túl nagy.

Brute force megoldás

∟Brute force megoldás

Ha tudjuk, hogy a k kicsi, pl. $k \le 10$

- A menedzsment úgysem fog nagy k-t engedni.
- Aki 0 fokszámú azt beengedhetem, mert senkivel nem fog összeveszni.

ロ > 4 個 > 4 章 > 4 章 > 章 の Q ()

2021-03-14

Paraméteres bonyolultság

Bar Fight Prevention problem

Ha tudiuk, hogy a k kicsi, pl. $k \le 10$

Ha tudjuk, hogy a k kicsi, pl. $k \le 10$

- Aki k-nál nagyobb fokszámú azt nem engedhetem be, mert akkor a szomszédjait kellene kitiltani, akik k-nál többen vannak.
- Ha valakit kitiltok akkor k-t csökkentem eggyel.
- Maradék gráf: 1...k fokú csúcsok. Minden kitiltás így k vagy kevesebb konfliktust fog megoldani a továbbiakban.
- Ha több mint k^2 élünk van akkor biztosan nem megoldható a feladat, készen vagyunk.
- Ha k^2 vagy kevesebb élünk van, akkor legfeljebb $2k^2$ csúcsunk lehet (minden élnek két vége van és nincs 0 fokú csúcs).
- $\binom{2k^2}{k}$ mostmár $k \leq 10$ -re már jobb mint az előbbi 2^n .



Paraméteres bonyolultság -Bar Fight Prevention problem

-k+1

... Alsi k nili namushi fakrafani aut nom oppodisetom ha, most akker a rasmenidisit kellusus

kitiltani akik k-nál többen vannak

 \mathbf{u} Ha több mint k^2 élünk van akkor biztosan nem megoldható a feladat, készen vagyunk.

Ha k² vagy keyesebb élünk van. akkor legfeljebb 2k² csúcsunk lehet (minden élnek két vérse van és nincs () folkú csúcs)

a (262) mostmár k < 10-re már jobb mint az előbbi 20

Kovács Milán, Nemkin Viktória

Paraméteres bonvolultság

2021. március 16.

- Az 1 fokú csúcs és szomszédja esetében: ha beengedem a csúcsot akkor az 1 darab szomszédiát nem engedhetem be.
- Ezzel biztos nem lett rosszabb a helyzet, mert ha a csúcsot nem engedem be akkor a szomszédiát beengedhetem, de annak még lehetnek egyéb szomszédiai is.
- Ezért engedjük be az 1 fokú csúcsokat és tiltsuk ki a szomszédokat (ezzel k-t is csökkentsük 1-el).
- Így mostmár 2..k konfliktus lehet.
- Erre megint kiszámolom a max csúcsszámot, ez mostmár csak k^2 , erre még jobb szám jön ki.



Paraméteres bonyolultság -Bar Fight Prevention problem

└─1 fokú csúcsok

 Az 1 fokú csúcs és szomszédia esetében: ha beenzedem a csúrsze aktor az 1 dans Ezzel biztos nem lett rosszabb a helyzet, mert ha a csúcsot nem engedem be akkor

a lev mostmár 2. k konfliktus lehet.

1 fokú csúcsok

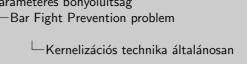
A Fire magint hiszámolom a may resireszámot az mostmár reak k² arra mág jobb szám i



Paraméteres bonyolultság

Bar Fight Prevention problem Itt van mér a példának folytatása bounded search tree-kkel, de azt inkább Milánnak kellene

Kernelizációs technika általánosan



Kernelizációs technika általánosan Paraméteres bonyolultság

2021-03-14

Paraméteres bonyolultság

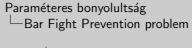
Bar Fight Prevention problem

└─Vertex cover feladat megoldása egyben

Vertex cover feladat megoldása egyben

2021-03-14

Paraméteres komplexitás definíciója általánosan

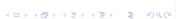


Paraméteres komplexitás definíciója általánosan

Paraméteres komplexitás definíciója általánosan

2021-03-14

Szemezgetés



Paraméteres bonyolultság

Bar Fight Prevention problem └─Szemezgetés

2021-03-14

Szemezgetés

Kovács Milán, Nemkin Viktória