Initiation au machine learning

Pierre Jaumier

10/07/2024

Table of contents

1	Algo	orithme des plus proches voisins	3				
	1.1	Génération de données d'exemple	3				
	1.2	Visualisation	5				
		1.2.1 Classification d'un nouveau point pris au hasard	6				
		1.2.2 Jeu de données initial et étiquettes associées	7				
		1.2.3 Etapes de l'algorithme	8				
	1.3	Fonction kNN	11				
	1.4	Références	12				
2	Normalisation						
	2.1	Normalisation: motivation	12				
	2.2	Moyenne, variance et écart type	15				
	2.3	Normalisation standard	15				
	2.4	kNN sur données normalisées	19				
3	Parallèle avec scikit learn 2						
	3.1	Nomenclature	20				
	3.2	Standardisation	23				
	3.3	Classification	28				
4	Арр	lication à un vrai jeu de données	30				
	4.1						
		4.1.1 Solution avec random.shuffle(x)	33				
		4.1.2 Solution avec random.sample()	34				
	4.2	Notre implémentation des algorithmes	36				
		4.2.1 Sans normalisation	38				
		4.2.2 Avec normalisation	39				
		4.2.3 Quelle mesure pour la pertinence de notre algorithme?	39				

	4.3	Avec scikit-learn	40
		4.3.1 k=1 sans normalisation	1 C
		4.3.2 k=1 avec normalisation	11
		4.3.3 k=3 sans normalisation	12
		4.3.4 k=3 avec normalisation	43
	4.4	Références	43
5	Arb	es de décision	14
	5.1	Création du jeu de données exemple	14
	5.2	Représentation graphique des premières séparations	48
		5.2.1 Région condidérée: ensemble des points	48
		5.2.2 Région R1 classée en bleu	49
		5.2.3 Région R2 classée en rouge	51
		5.2.4 Arbre de hauteur 1	52
		5.2.5 Arbre de hauteur 2	53
	5.3	Classification avec scikit learn	58
6	Арр	lication des arbres de décision à un vrai jeu de données (51
	6.1	Classification de référence (baseline)	32
	6.2	Exploration des hyperparamètres	64
	6.3	Meilleur résultat	66
	6.4	Affinons la solution	37

Initiation au machine learning

Supports pour le cours d'initiation au machine learning proposé sur une semaine de formation.

1 Algorithme des plus proches voisins

knn: k nearest neighbors

1.1 Génération de données d'exemple

```
points_bleus = []
points_rouges = []
```

Dans un premier exemple les points au dessus de la diagonale sont bleus et ceux en dessous sont rouges.

Générer les coordonnées des différents points (x, y), comprises entre 0 et 100.

```
random — Generate pseudo-random numbers
```

```
\label{eq:random.randint} $$\text{Return a random integer N such that a <= N <= b. Alias for randrange(a, b+1).}
```

```
import random
random.randint(0,100), random.randint(0,100), random.randint(0,100)

(31, 48, 59)

random.seed(42)
random.randint(0,100), random.randint(0,100), random.randint(0,100)

(81, 14, 3)

random.randint(0,100), random.randint(0,100), random.randint(0,100)

(94, 35, 31)
```

```
random.randint(0,100)
28
Génération de 10 points de chaque couleur:
  random.seed(42)
  n = 10 # Nombre de points par couleur
  while len(points_bleus)!=n or len(points_rouges)!=n:
      x = random.randint(0,100)
      y = random.randint(0,100)
      if y >= x and len(points_bleus) < n:</pre>
          points_bleus.append((x,y))
      elif y < x and len(points_rouges) < n:</pre>
           points_rouges.append((x,y))
  points_bleus
[(3, 94),
(86, 94),
 (11, 27),
 (29, 64),
 (57, 75),
 (19, 27),
 (5, 93),
 (58, 68),
 (15, 48),
 (10, 70)
  points_rouges
[(81, 14),
```

(35, 31), (28, 17), (94, 13), (69, 11), (75, 54),

4

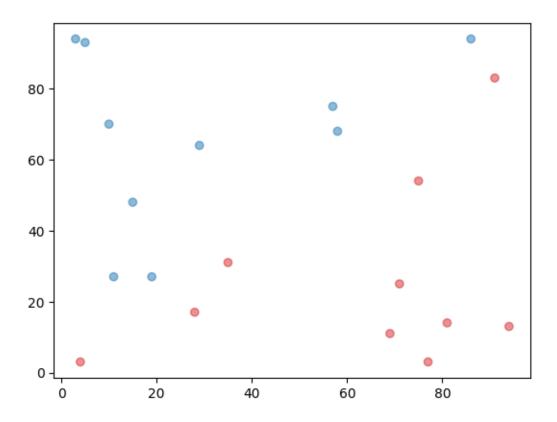
```
(4, 3),
(77, 3),
(71, 25),
(91, 83)]
```

1.2 Visualisation

matplotlib scatter plot

Les couleurs sous matplotlib

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
# points_bleus puis points_rouges
abscisses = []
ordonnées = []
couleurs = []
for x,y in points_bleus:
    abscisses.append(x)
    ordonnées.append(y)
    couleurs.append('tab:blue')
for x,y in points_rouges:
    abscisses.append(x)
    ordonnées.append(y)
    couleurs.append('tab:red')
plt.scatter(abscisses, ordonnées, c=couleurs, alpha=0.5)
plt.show()
```

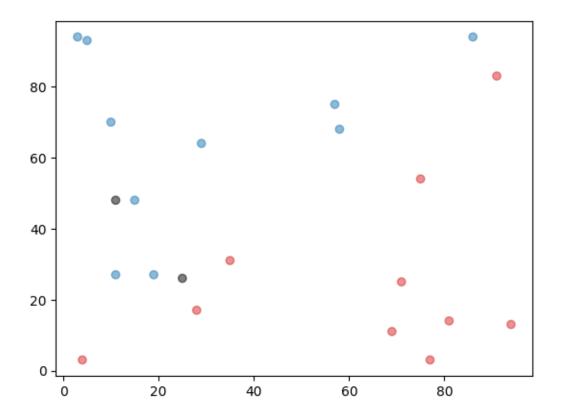


1.2.1 Classification d'un nouveau point pris au hasard

```
exemple avec k = 3

# nouveau_point = (random.randint(0,100), random.randint(0,100))
nouveau_point = (11, 48)

# Visualisation du jeu de données et des points que l'on cherche à classer (ici représenté abscisses.append(11)
ordonnées.append(48)
abscisses.append(25)
ordonnées.append(26)
couleurs.append('black')
couleurs.append('black')
plt.scatter(abscisses, ordonnées, c=couleurs, alpha=0.5)
plt.show()
```



1.2.2 Jeu de données initial et étiquettes associées

```
points = points_bleus + points_rouges
  couleurs = ['bleu']*10 + ['rouge']*10

couleurs

['bleu',
  'bleu',
  'bleu',
```

```
'rouge',
'rouge',
'rouge',
'rouge',
'rouge',
'rouge',
'rouge',
'rouge',
'rouge',
```

1.2.3 Etapes de l'algorithme

Distance entre deux points A et B du plan:

$$L_2(A, B) = \sqrt{(x_A - x_B)^2 + (y_A - y_B)^2}$$

python library math

```
math.dist(p, q)
```

Return the Euclidean distance between two points p and q, each given as a sequence (or itera

```
import math

origine = (0,0)
unité = (1,1)
math.dist(origine, unité)
```

1.4142135623730951

Calcul de l'ensemble des distances du nouveau point aux points du jeu de données initiales

```
distances = [math.dist(point, nouveau_point) for point in points]

# La ligne précédente est équivalente à :
distances = []
for point in points:
    distances.append(math.dist(point, nouveau_point))
```

realpython list comprehension

distances

```
[46.69047011971501,
87.98295289429652,
21.0,
24.08318915758459,
53.33854141237835,
22.47220505424423,
45.39823785126467,
51.07837115648854,
4.0,
22.02271554554524,
77.82030583337487,
29.410882339705484,
35.35533905932738,
90.07774419910837,
68.79680225126747,
64.28063471995279,
45.5411901469428,
79.88116173416608,
64.25729530566937,
87.32124598286491]
  # Liste des distances associées aux couleurs de points
  [(d, c) for (d,c) in zip(distances, couleurs)]
[(46.69047011971501, 'bleu'),
(87.98295289429652, 'bleu'),
(21.0, 'bleu'),
(24.08318915758459, 'bleu'),
 (53.33854141237835, 'bleu'),
 (22.47220505424423, 'bleu'),
(45.39823785126467, 'bleu'),
 (51.07837115648854, 'bleu'),
 (4.0, 'bleu'),
 (22.02271554554524, 'bleu'),
(77.82030583337487, 'rouge'),
 (29.410882339705484, 'rouge'),
 (35.35533905932738, 'rouge'),
```

```
(90.07774419910837, 'rouge'),
 (68.79680225126747, 'rouge'),
 (64.28063471995279, 'rouge'),
 (45.5411901469428, 'rouge'),
 (79.88116173416608, 'rouge'),
 (64.25729530566937, 'rouge'),
 (87.32124598286491, 'rouge')]
  distances_classées = sorted([(d, c) for (d,c) in zip(distances, couleurs)])
  distances_classées
[(4.0, 'bleu'),
 (21.0, 'bleu'),
 (22.02271554554524, 'bleu'),
 (22.47220505424423, 'bleu'),
 (24.08318915758459, 'bleu'),
 (29.410882339705484, 'rouge'),
 (35.35533905932738, 'rouge'),
 (45.39823785126467, 'bleu'),
 (45.5411901469428, 'rouge'),
 (46.69047011971501, 'bleu'),
 (51.07837115648854, 'bleu'),
 (53.33854141237835, 'bleu'),
 (64.25729530566937, 'rouge'),
 (64.28063471995279, 'rouge'),
 (68.79680225126747, 'rouge'),
 (77.82030583337487, 'rouge'),
 (79.88116173416608, 'rouge'),
 (87.32124598286491, 'rouge'),
 (87.98295289429652, 'bleu'),
 (90.07774419910837, 'rouge')]
  k=3
  distances_classées[:k]
[(4.0, 'bleu'), (21.0, 'bleu'), (22.02271554554524, 'bleu')]
```

Cas d'une classification erronée (dûe au manque de points dans le jeu de données initial)

```
nouveau_point = (25, 26)  # devrait être classé en bleu
distances = [math.dist(point, nouveau_point) for point in points]
plus_petites_distances = sorted([(d, c) for (d,c) in zip(distances, couleurs)])[:k]
plus_petites_distances

[(6.082762530298219, 'bleu'),
    (9.486832980505138, 'rouge'),
    (11.180339887498949, 'rouge')]

Extraction de la couleur la plus fréquente:
    from collections import Counter
    Counter([couleur for _, couleur in plus_petites_distances]).most_common(1)[0][0]

'rouge'
```

1.3 Fonction kNN

```
from collections import Counter

def kNN(X, y, new_x, k=3):
    """"
    args:
        X: jeu de données initiales
        y: classes associées aux éléments de X
        new_x: nouveau point que l'on souhaite classer
        k: nombre de voisins pris dans l'évaluation

return:
        La classe de `y` la plus fréquente
    """
    distances = [math.dist(new_x, x) for x in X]
    plus_petites_distances = sorted([(d, c) for (d,c) in zip(distances, y)])[:k]
    counter = Counter([classe for _, classe in plus_petites_distances])

return counter.most_common(1)[0][0]

kNN(points, couleurs, (25, 26)) # devrait être classé en bleu
```

```
'rouge' kNN(points, couleurs, (11, 48)) # devrait être classé en bleu 'bleu'
```

1.4 Références

StatQuest: K-nearest neighbors, Clearly Explained

2 Normalisation

2.1 Normalisation: motivation

Création d'un jeu de données d'exemple

```
from collections import namedtuple
Point = namedtuple('Point', 'x1 x2')

p = Point(1, 2)
p

Point(x1=1, x2=2)

p.x1

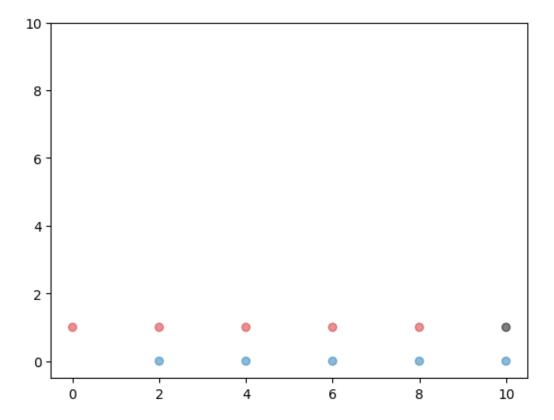
1

p[0]
```

```
# abscisses
  list(range(0,12,2))
[0, 2, 4, 6, 8, 10]
  points_bleus = [Point(x1, 0) for x1 in range(2,12,2)]
  points_rouges = [Point(x1, 1) for x1 in range(0,10,2)]
  points = points_bleus + points_rouges
  couleurs = ['bleu']*len(points_bleus) + ['rouge']*len(points_rouges)
  points
[Point(x1=2, x2=0),
Point(x1=4, x2=0),
Point(x1=6, x2=0),
Point(x1=8, x2=0),
Point(x1=10, x2=0),
Point(x1=0, x2=1),
Point(x1=2, x2=1),
Point(x1=4, x2=1),
Point(x1=6, x2=1),
Point(x1=8, x2=1)]
  import matplotlib.pyplot as plt
  abscisses = [point.x1 for point in points]
  ordonnées = [point.x2 for point in points]
  point_inconnu = Point(10, 1)
  colors = []
  for c in couleurs:
      if c == 'bleu':
          colors.append('tab:blue')
      else:
          colors.append('tab:red')
  # point_inconnu
```

```
abscisses.append(point_inconnu.x1)
ordonnées.append(point_inconnu.x2)
colors.append('black')

plt.ylim(-0.5, 10)
plt.scatter(abscisses, ordonnées, c=colors, alpha=0.5)
plt.show()
```



(10, 1) serait rouge mais classé bleu pour k=1

```
kNN(points, couleurs, point_inconnu, k=1)
```

'bleu'

```
kNN(points, couleurs, point_inconnu, k=3)
```

'bleu'

2.2 Moyenne, variance et écart type

Pour l'ensemble de n valeurs $x = [x_1, ..., x_n]$, on définit: - la moyenne (mean):

$$\overline{x} = \mu = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$$

- La variance qui est une mesure de la dispersion de l'échantillon, c'est la moyenne des carrés des distances à la moyenne de l'échantillon.

$$Var(x) = \sigma^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \mu)^2$$

- l'écart type (standard deviation)

$$\sigma = \sqrt{Var(x)} = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^2}$$

2.3 Normalisation standard

Pour l'ensemble de n valeurs $x = [x_1, ..., x_n]$, on définit:

$$z_i = \frac{x_i - \mu}{\sigma}$$

On utilise zà la place de x

On fait le même procédé sur chacun des axes

points

[Point(x1=2, x2=0), Point(x1=4, x2=0),

Point(x1=6, x2=0),

Point(x1=8, x2=0),

Point(x1=10, x2=0),

Point(x1=0, x2=1),

Point(x1=2, x2=1),

Point(x1=4, x2=1),

Point(x1=6, x2=1),

Point(x1=8, x2=1)]

```
couleurs
['bleu',
 'bleu',
 'bleu',
 'bleu',
 'bleu',
 'rouge',
 'rouge',
 'rouge',
 'rouge',
 'rouge']
  x1 = [point.x1 for point in points]
  x1
[2, 4, 6, 8, 10, 0, 2, 4, 6, 8]
statistics — Mathematical statistics functions
  from statistics import mean, stdev, pstdev
  # Moyenne
  mean(x1)
5
  # Ecart type
  pstdev(x1)
3.0
```

Remarque: stdev sert à évaluer l'écart type d'une population à partir d'un échantillon, ne donne pas le même résultat que la formule proposée qui, comme pstdevdonne directement l'écart type d'une population.

```
stdev(x1)
```

3.1622776601683795

```
\mathtt{math.sqrt}((1/\mathtt{len}(\mathtt{x1})) * \mathtt{sum}([(\mathtt{x1}_\mathtt{i} - \mathtt{mean}(\mathtt{x1})) * * 2 \ \mathtt{for} \ \mathtt{x1}_\mathtt{i} \ \mathtt{in} \ \mathtt{x1}]))
3.0
  z1 = [(x1_i - mean(x1))/pstdev(x1) for x1_i in x1]
  z1
[-1.0,
1.0,
-1.0,
1.0]
  mean(z1)
0.0
  pstdev(z1)
1.0
  x2 = [point.x2 for point in points]
  z2 = [(x2_i - mean(x2))/pstdev(x2) for x2_i in x2]
  z2
[-1.0, -1.0, -1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
  mean(z2), pstdev(z2)
(0.0, 1.0)
```

```
point_inconnu
```

```
Point(x1=10, x2=1)
```

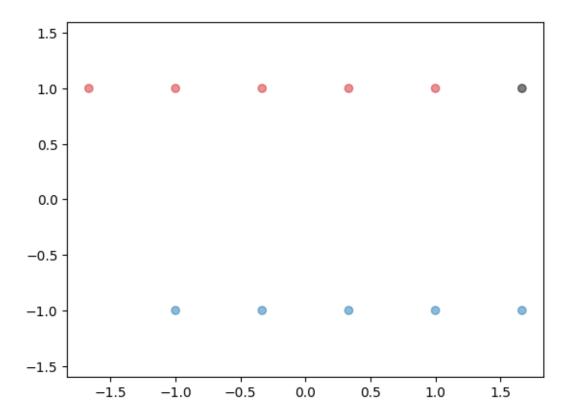
Les valeurs de moyennes et d'écarts types sont reprises pour la modification des coordonnées du point inconnu.

```
z1_inconnu = (point_inconnu.x1 - mean(x1))/pstdev(x1)
z2_inconnu = (point_inconnu.x2 - mean(x2))/pstdev(x2)

# Pour l'affichage
z1.append(z1_inconnu)
z2.append(z2_inconnu)

colors = []
for c in couleurs:
    if c == 'bleu':
        colors.append('tab:blue')
    else:
        colors.append('tab:red')
colors.append('black')

plt.ylim(-1.6, 1.6)
plt.scatter(z1, z2, c=colors, alpha=0.5)
plt.show()
```



2.4 kNN sur données normalisées

```
X_normalisé = list(zip(z1, z2))

point_inconnu_normalisé = Point(z1_inconnu, z2_inconnu)
point_inconnu_normalisé

Point(x1=1.666666666666666667, x2=1.0)

kNN(X_normalisé, couleurs, point_inconnu_normalisé, k=1)

'rouge'

kNN(X_normalisé, couleurs, point_inconnu_normalisé, k=3)

'rouge'

kNN(X_normalisé, couleurs, point_inconnu_normalisé, k=2)

'rouge'
```

3 Parallèle avec scikit learn

Nous allons coder deux classes au fonctionnement similaire à celles de scikit learn: Standard-Scaler pour la normalisation et NearestNeighbors pour le knn.

Ne pas utiliser sklearn pour l'instant.

3.1 Nomenclature

```
import pandas as pd
from collections import namedtuple

Point = namedtuple('Point', 'x_1 x_2')

points_bleus = [Point(x_1, 0) for x_1 in range(2,12,2)]
```

	abscisse	ordonnée	couleur
0	2	0	bleu
1	4	0	bleu
2	6	0	bleu
3	8	0	bleu
4	10	0	bleu
5	0	1	rouge
6	2	1	rouge
7	4	1	rouge
8	6	1	rouge
9	8	1	rouge

Scikit-learn travaille avec des valeurs numériques (Notre algorithme quant à lui autorise des valeurs textuelles pour y)

_			
	x_1	x_2	у
0	2	0	1
1	4	0	1
2	6	0	1
3	8	0	1
4	10	0	1
5	0	1	0
6	2	1	0
7	4	1	0
8	6	1	0
9	8	1	0

```
# X
 X = pd.DataFrame(\{'x_1' : [point.x_1 for point in points],
                    'x_2' : [point.x_2 for point in points]})
 print(X.to_string(index=False))
x_1 x_2
  2
  4
       0
  6
       0
  8
 10
  0
  2
       1
  4
       1
  6
       1
```

$$X = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 4 & 0 \\ 6 & 0 \\ \vdots & \vdots \\ 8 & 1 \end{bmatrix}$$

```
# y
y = pd.DataFrame({'y' : [int(c=='bleu') for c in couleurs]})
print(y.to_string(index=False))
```

$$y = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ \vdots \\ 0 \end{bmatrix}$$

3.2 Standardisation

Ne pas utiliser **sklearn** pour l'instant. Par contre, on va s'inspirer de la signature des fonctions de sklearn.preprocessing.StandardScaler

```
class Scaler():
    def __init__(self):
        pass
    def fit(self, X):
        """Compute the mean and std to be used for later scaling."""
        pass
    def transform(self, X):
        """Perform standardization by centering and scaling."""
        pass

points

[Point(x_1=2, x_2=0),
    Point(x_1=4, x_2=0),
    Point(x_1=6, x_2=0),
    Point(x_1=8, x_2=0),
    Point(x_1=10, x_2=0),
}
```

```
Point(x_1=0, x_2=1),
 Point(x_1=2, x_2=1),
 Point(x_1=4, x_2=1),
 Point(x_1=6, x_2=1),
 Point(x_1=8, x_2=1)]
  import numpy as np
  X = np.array(points, dtype=float)
  X
array([[ 2., 0.],
       [4., 0.],
       [6., 0.],
       [8., 0.],
       [10., 0.],
       [0., 1.],
       [2., 1.],
       [4., 1.],
       [6., 1.],
       [8., 1.]])
  X.shape
(10, 2)
  for j in range(X.shape[1]):
      print(f'Vecteur colonne {j}')
      print(np.atleast_2d(X[:, j]).T)
      print('\n')
Vecteur colonne 0
[[ 2.]
[4.]
 [ 6.]
 [8.]
 [10.]
 [ 0.]
 [ 2.]
 [ 4.]
```

```
[ 6.]
 [ 8.]]
Vecteur colonne 1
[[0.]]
 [0.]
 [0.1
 [0.]
 [0.]
 [1.]
 [1.]
 [1.]
 [1.]
 [1.]]
  from statistics import mean, stdev
  _{mean} = []
  _stdev = []
  for j in range(X.shape[1]):
       _mean.append(mean(X[:, j]))
      _stdev.append(stdev(X[:, j]))
  _mean
[5.0, 0.5]
  _stdev
```

[3.1622776601683795, 0.5270462766947299]

Remarque: stdev plutôt que pstdev, car on peu considérer que l'on évalue l'écart type d'une population bien plus grande. En fait, ici les deux sont équivalents.

```
[0., 0.],
       [0., 0.],
       [0., 0.],
       [0., 0.],
       [0., 0.],
       [0., 0.],
       [0., 0.],
       [0., 0.]])
  for j in range(X.shape[1]):
      X_{\text{normalisé}}[:, j] = (X[:, j] - _mean[j])/_stdev[j]
  X_normalisé
array([[-0.9486833 , -0.9486833 ],
       [-0.31622777, -0.9486833],
       [ 0.31622777, -0.9486833 ],
       [ 0.9486833 , -0.9486833 ],
       [ 1.58113883, -0.9486833 ],
       [-1.58113883, 0.9486833],
       [-0.9486833 , 0.9486833 ],
       [-0.31622777, 0.9486833],
       [ 0.31622777, 0.9486833 ],
       [ 0.9486833 , 0.9486833 ]])
  class Scaler():
      def __init__(self):
          self._mean = []
          self._stdev = []
      def fit(self, X):
          """Compute the mean and std to be used for later scaling."""
          X = np.array(X, dtype=float)
          self._mean.clear()
          self._stdev.clear()
          for axe in range(X.shape[1]):
              self._mean.append(mean(X[:, axe]))
              self._stdev.append(stdev(X[:, axe]))
      def transform(self, X):
          """Perform standardization by centering and scaling."""
          X = np.array(X, dtype=float)
```

```
X_normalisé = np.zeros_like(X)
          for j in range(X.shape[1]):
              X_normalisé[:, j] = (X[:, j] - self._mean[j])/self._stdev[j]
          return X_normalisé
  scaler = Scaler()
  scaler.fit(points)
  points_normalisés = scaler.transform(points)
  points_normalisés
array([[-0.9486833 , -0.9486833 ],
       [-0.31622777, -0.9486833],
       [ 0.31622777, -0.9486833 ],
       [0.9486833, -0.9486833],
       [ 1.58113883, -0.9486833 ],
       [-1.58113883, 0.9486833],
       [-0.9486833 , 0.9486833 ],
       [-0.31622777, 0.9486833],
       [ 0.31622777, 0.9486833 ],
       [ 0.9486833 , 0.9486833 ]])
  point_inconnu = Point(10, 1)
  scaler.transform([point_inconnu])
array([[1.58113883, 0.9486833]])
  # exemple avec X qui a plus de caractéristiques (i.e. colonnes):
  X = np.random.rand(4,5)*100
  Χ
array([[83.09934843, 70.7708862, 25.3335158, 48.63451057, 36.18838536],
       [22.55555815, 26.97835092, 60.7139201, 68.64884267, 0.52602388],
       [86.4091598, 55.41345421, 57.79210772, 88.2442086, 87.02527141],
       [80.57458884, 55.85006234, 57.21028627, 46.14293692, 78.31167989]])
```

3.3 Classification

-6.938893903907228e-17

Ne pas utiliser sklearn pour l'instant. Par contre, on va s'inspirer de la signature des fonctions de sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier.

```
class knnClassifier():
    def __init__(self, k=3):
        pass
    def fit(self, X, y):
        """Fit the nearest neighbors estimator from the training dataset."""
        pass
    def predict(self, X):
        """Predict the class labels for the provided data."""
        pass
class knnClassifier():
    def __init__(self, k=3):
        self.k = k
        self._fit_X = None
        self._fit_y = None
    def fit(self, X, y):
        """Fit the nearest neighbors estimator from the training dataset."""
        self._fit_X = np.array(X, dtype=float)
```

```
self._fit_y = y
      def predict(self, X):
          """Predict the class labels for the provided data."""
          def kNN(new_x):
              11 11 11
              args:
                  X: jeu de données initiales
                  y: classes associées aux éléments de X
                  new x: nouveau point que l'on souhaite classer
                  k: nombre de voisins pris dans l'évaluation
              return:
                  La classe de 'y' la plus fréquente
              distances = [math.dist(new_x, x) for x in self._fit_X]
              plus_petites_distances = sorted([(d, c) for (d,c) in \
                                                zip(distances, self._fit_y)])[:self.k]
              counter = Counter([classe for _, classe in plus_petites_distances])
              return counter.most_common(1)[0][0]
          return [kNN(x) for x in X]
  points_inconnus = [Point(0, 0), Point(10, 1)]
  # Sans normalisation
  classifier = knnClassifier()
  classifier.fit(points, couleurs)
  classifier.predict(points_inconnus)
['rouge', 'bleu']
  # Avec normalisation
  scaler = Scaler()
  scaler.fit(points)
  points_normalisés = scaler.transform(points)
  points_inconnus_normalisés = scaler.transform(points_inconnus)
  classifier = knnClassifier()
```

```
classifier.fit(points_normalisés, couleurs)
  classifier.predict(points_inconnus_normalisés)
['bleu', 'rouge']
```

4 Application à un vrai jeu de données

Peut-on prédire si un client va acheter une assurance ou pas?

dataset Caravan

instructions d'installations

Les données contiennent 5 822 enregistrements de clients réels. Chaque enregistrement se compose de 86 variables, contenant des données sociodémographiques (variables 1 à 43) et la souscription ou la possession de certains produits (variables 44 à 86). Les données sociodémographiques sont dérivées des codes postaux. Tous les clients vivant dans des zones ayant le même code postal ont les mêmes attributs sociodémographiques. La variable 86 (Achat) indique si le client a souscrit une police d'assurance caravane. De plus amples informations sur les variables individuelles peuvent être obtenues sur http://www.liacs.nl/~putten/library/cc2000/data.html

4.1 Séparation du jeu de données en données d'entraînement et données de test

```
from ISLP import load_data
caravan = load_data('Caravan')
caravan.columns
```

```
'ALEVEN', 'APERSONG', 'AGEZONG', 'AWAOREG', 'ABRAND', 'AZEILPL', 'APLEZIER', 'AFIETS', 'AINBOED', 'ABYSTAND', 'Purchase'], dtype='object')
```

caravan.shape

(5822, 86)

Séparation du jeu de données en données d'entraı̂nement (80%) et données de test (20%) sans sklearn

caravan.head()

	MOSTYPE	MAANTHUI	MGEMOMV	MGEMLEEF	MOSHOOFD	MGODRK	MGODPR	MO
0	33	1	3	2	8	0	5	1
1	37	1	2	2	8	1	4	1
2	37	1	2	2	8	0	4	2
3	9	1	3	3	3	2	3	2
4	40	1	4	2	10	1	4	1

caravan.dtypes

```
MOSTYPE
             int64
MAANTHUI
             int64
MGEMOMV
             int64
MGEMLEEF
             int64
MOSHOOFD
             int64
APLEZIER
             int64
AFIETS
             int64
AINBOED
             int64
ABYSTAND
             int64
Purchase
            object
Length: 86, dtype: object
```

```
caravan.Purchase.map(lambda x: int(x=='Yes'))
```

```
0
       0
1
       0
2
       0
3
       0
4
       0
5817
       0
5818
5819
       1
5820
       0
5821
       0
Name: Purchase, Length: 5822, dtype: int64
  caravan.Purchase = caravan.Purchase.map(lambda x: int(x=='Yes'))
  caravan.to_numpy()
array([[33, 1,
                3, ..., 0, 0, 0],
       [37, 1, 2, ..., 0, 0,
                                 0],
      [37, 1,
                2, ..., 0,
                                 0],
      ...,
                3, ..., 0, 0, 1],
       [33, 1,
       [34, 1, 3, ..., 0, 0,
                                0],
      [33, 1, 3, \ldots, 0, 0,
                                 0]])
  X = caravan.to_numpy()[:,:-1]
  X.shape
(5822, 85)
  y = caravan.to_numpy()[:,-1]
  y.shape
(5822,)
  Χ
```

```
array([[33, 1, 3, ..., 0, 0, 0],
       [37,
             1,
                 2, ..., 0, 0, 0],
       [37,
            1,
                 2, ..., 0,
                              0,
                                  0],
                 3, ..., 0,
       [33,
            1,
                              0,
                                  0],
       [34, 1, 3, ..., 0, 0,
                                  0],
       [33, 1, 3, ..., 0, 0, 0]])
  У
array([0, 0, 0, ..., 1, 0, 0])
  # Sans utilisation de numpy X_, y_
  X_{-} = X.tolist()
  type(X_), len(X_), len(X_[0])
(list, 5822, 85)
  y_{-} = y.tolist()
  type(y_), len(y_)
(list, 5822)
4.1.1 Solution avec random.shuffle(x)
Solution avec random.shuffle(x)
  indices = list(range(10))
  indices
[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
  import random
  random.shuffle(indices)
  indices
[2, 9, 7, 1, 6, 0, 8, 3, 5, 4]
```

```
import math
  séparateur = math.floor(len(indices)*20/100)
  séparateur
2
  indices[:séparateur]
[2, 9]
  indices[séparateur:]
[7, 1, 6, 0, 8, 3, 5, 4]
4.1.2 Solution avec random.sample()
Solution avec random.sample()
  random.seed(0)
  list(range(10))
[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
  random.sample(range(10), k=3)
[6, 9, 0]
  nombre_de_ligne = X.shape[0]
  random.seed(3141592)
  # 20%
  taille_de_l_échantillon = math.floor(nombre_de_ligne*20/100)
  échantillon = random.sample(range(nombre_de_ligne),
                               k=taille_de_l_échantillon)
```

```
len(échantillon)
1164
  len(set(échantillon))
1164
  X_test = X[échantillon, :]
  X_test.shape
(1164, 85)
  y_test = y[échantillon]
  y_test.shape
(1164,)
  # Exemple pour récupérer les indices restants
  échantillon_test = random.sample(range(10), k=3)
  set(échantillon_test)
{1, 7, 8}
  indices = set(range(10))
  indices
{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9}
  indices.difference_update(échantillon_test)
  indices
{0, 2, 3, 4, 5, 6, 9}
```

```
# Pour notre jeu de données
  indices_restants = set(range(nombre_de_ligne))
  indices_restants.difference_update(échantillon)
  indices_restants = list(indices_restants)
  len(indices_restants)
4658
  X_train = X[indices_restants, :]
  X_train.shape
(4658, 85)
  y_train = y[indices_restants]
  y_train.shape
(4658,)
Vérifier que la distribution des valeurs dans y_train et y_test corresponde à celle de y. Est-on
sûr que ce soit le cas à chaque fois?
  y_train.sum()/len(y_train)
0.05775010734220696
```

0.06786941580756013

y_test.sum()/len(y_test)

4.2 Notre implémentation des algorithmes

Test de nos objets sur ce jeu de données (si la généralisation à un nombre arbitraire de colonnes a été faite)

```
import numpy as np
from collections import Counter
from statistics import mean, stdev
class Scaler():
    def __init__(self):
        self._mean = []
        self._stdev = []
    def fit(self, X):
        """Compute the mean and std to be used for later scaling."""
        X = np.array(X, dtype=float)
        self._mean.clear()
        self._stdev.clear()
        for axe in range(X.shape[1]):
            self._mean.append(mean(X[:, axe]))
            self._stdev.append(stdev(X[:, axe]))
    def transform(self, X):
        """Perform standardization by centering and scaling."""
        X = np.array(X, dtype=float)
        X_normalisé = np.zeros_like(X)
        for j in range(X.shape[1]):
            X_normalisé[:, j] = (X[:, j] - self._mean[j])/self._stdev[j]
        return X_normalisé
class knnClassifier():
    def init (self, k=3):
        self.k = k
        self._fit_X = None
        self._fit_y = None
    def fit(self, X, y):
        """Fit the nearest neighbors estimator from the training dataset."""
        self._fit_X = np.array(X, dtype=float)
        self._fit_y = y
    def predict(self, X):
        """Predict the class labels for the provided data."""
        def kNN(new_x):
            11 11 11
            args:
```

4.2.1 Sans normalisation

```
# sans normalisation

# apprentissage
classifier = knnClassifier()
classifier.fit(X_train, y_train)

# inférence
y_test_predicted = classifier.predict(X_test)

Quel est le taux d'erreur?

sum(y_test_predicted != y_test)/len(y_test)
```

0.0859106529209622

4.2.2 Avec normalisation

```
# avec normalisation

scaler = Scaler()
scaler.fit(X_train)
X_train_normalized = scaler.transform(X_train)

# apprentissage
classifier = knnClassifier()
classifier.fit(X_train_normalized, y_train)

# inférence
X_test_normalized = scaler.transform(X_test)
y_test_predicted = classifier.predict(X_test_normalized)

sum(y_test_predicted != y_test)/len(y_test)
```

0.08247422680412371

Différence légère sur le taux d'erreur.

4.2.3 Quelle mesure pour la pertinence de notre algorithme?

```
caravan.Purchase.value_counts()

0 5474

1 348

Name: Purchase, dtype: int64
```

Le taux d'erreur KNN sur les 1 000 observations de test est d'un peu moins de 10%. À première vue, cela peut paraître plutôt bon. Cependant, étant donné qu'un peu plus de 6% des clients ont souscrit une assurance, nous pourrions réduire le taux d'erreur à près de 6% en prédisant toujours Non, quelles que soient les valeurs des prédicteurs! C'est ce qu'on appelle l'hypothèse nulle.}

Supposons qu'il y ait un coût non négligeable à tenter de vendre une assurance à un individu donné. Par exemple, un vendeur doit peut-être rendre visite à chaque client potentiel. Si l'entreprise tente de vendre de l'assurance à une sélection aléatoire de clients, le taux de

réussite ne sera que de 6 %, ce qui pourrait être bien trop faible compte tenu des coûts impliqués. Au lieu de cela, l'entreprise aimerait essayer de vendre de l'assurance uniquement aux clients susceptibles de l'acheter. Le taux d'erreur global n'a donc aucun intérêt. Au lieu de cela, la fraction d'individus dont on prévoit correctement qu'ils souscriront une assurance est intéressante.

Comment mesurer ce taux?

```
from ISLP import confusion_table
confusion_table(y_test_predicted, y_test)
```

0	1
1063 22	$\frac{74}{5}$
	1063

5/(22+5)

0.18518518518518517

```
# Clients choisis au hasard (74+5)/(74+5+1063+22)
```

0.06786941580756013

```
assert len(y_test) == 74+5+1063+22
```

4.3 Avec scikit-learn

4.3.1 k=1 sans normalisation

```
import pandas as pd
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
from sklearn.model_selection import train_test_split
```

Truth	0	1
Predicted		
0	1021	69
1	66	8

8/(66+8)

0.10810810810810811

4.3.2 k=1 avec normalisation

```
random_state=0)
knn1 = KNeighborsClassifier(n_neighbors=1)
X_test_std = scaler_sk.transform(X_test)
knn1_pred = knn1.fit(X_train, y_train).predict(X_test_std)
np.mean(y_test != knn1_pred), np.mean(y_test)
confusion_table(knn1_pred, y_test)
```

0	1
1071	73
16	4
	1071

4/(16+4)

0.2

4.3.3 k=3 sans normalisation

Truth	0	1
Predicted		
0	1072	77
1	15	0

Bof, bof...

4.3.4 k=3 avec normalisation

```
scaler_sk = StandardScaler(with_mean=True,
                        with_std=True,
                        copy=True)
scaler_sk.fit(X)
X_std = scaler_sk.transform(X)
(X_train,
X_test,
 y_train,
 y_test) = train_test_split(X_std,
                            test_size=1164,
                            random_state=0)
knn3 = KNeighborsClassifier(n_neighbors=3)
X_test_std = scaler_sk.transform(X_test)
knn3_pred = knn3.fit(X_train, y_train).predict(X_test_std)
np.mean(y_test != knn3_pred), np.mean(y_test)
confusion_table(knn3_pred, y_test)
```

Truth	0	1
Predicted		
0	1078	74
1	9	3

3/(9+3)

0.25

Meilleur score, mais peu d'éléments choisis.

4.4 Références

Introduction to Statistical Learning with applications in Python: Logistic Regression, LDA, QDA, and KNN

5 Arbres de décision

decision trees

5.1 Création du jeu de données exemple

La vidéo dont est inspiré l'exemple: Lecture 10 - Decision Trees and Ensemble Methods | Stanford CS229: Machine Learning (Autumn 2018)

```
toy dataset: y a-t-il de la neige pour aller skier?
```

On définit un jeu de données simplifiées de zones propices au ski en fonction de la lattitude et du jour de l'année

Les conditions pour avoir de la neige sont définies comme suit:

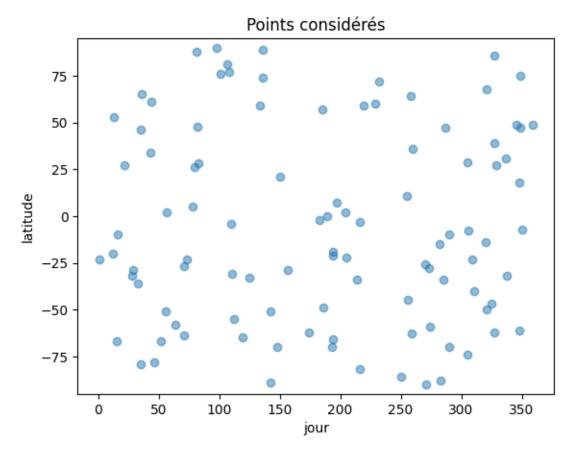
```
hiver austral: - latitude < -45 - mois juillet, août, septembre \iff jour \in [[180, 270]]
```

hiver boréal: - latitude > 45 - mois novembre, décembre, janvier, février, mars, avril \iff $jour \in [[305, 365]]ou[[0, 120]]]$

Les points propices seront classés dans la classe Vrai / Bleue, les autres dans la classe False / Rouge.

Equivalent à:

```
import random
random.seed(42)
points = []
for _ in range(100):
    x = random.randint(0,364)
    y = random.randint(pôle_sud, pôle_nord)
    points.append(Point(x, y))
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
abscisses = [point.jour for point in points]
ordonnées = [point.latitude for point in points]
fig, ax = plt.subplots()
ax.set_title('Points considérés')
ax.scatter(abscisses, ordonnées, alpha=0.5)
ax.set_xlabel('jour')
ax.set_ylabel('latitude')
plt.ylim(-95, 95)
plt.show()
```



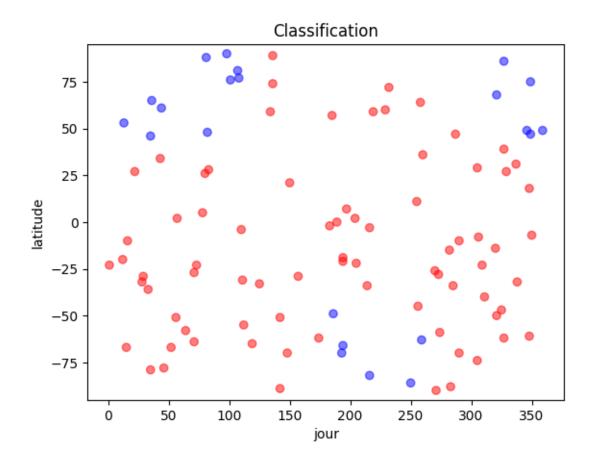
hiver austral: - latitude < -45 - mois juillet, août, septembre $\iff jour \in [[180, 270]]$ hiver boréal: - latitude > 45 - mois novembre, décembre, janvier, février, mars, avril $\iff jour \in [[305, 365]]ou[[0, 120]]]$

```
y = []
for point in points:
    if point.latitude<-45 and 180<=point.jour<=270:
        y.append(True)
    elif point.latitude>45 and (0<=point.jour<=120 or 305<=point.jour<=365):
        y.append(True)
    else:
        y.append(False)

y[:5]</pre>
```

[False, False, False, True]

```
points[:5]
[Point(jour=327, latitude=-62),
Point(jour=12, latitude=-20),
Point(jour=125, latitude=-33),
Point(jour=71, latitude=-64),
Point(jour=346, latitude=49)]
  # 1 = bleu
  # 0 = rouge
  couleurs = list(map(lambda y_i: 'blue' if y_i else 'red', y))
  couleurs[:5]
['red', 'red', 'red', 'red', 'blue']
  fig, ax = plt.subplots()
  ax.set_title('Classification')
  ax.scatter(abscisses, ordonnées, c=couleurs, alpha=0.5)
  ax.set_xlabel('jour')
  ax.set_ylabel('latitude')
  plt.ylim(-95, 95)
  plt.show()
```



5.2 Représentation graphique des premières séparations

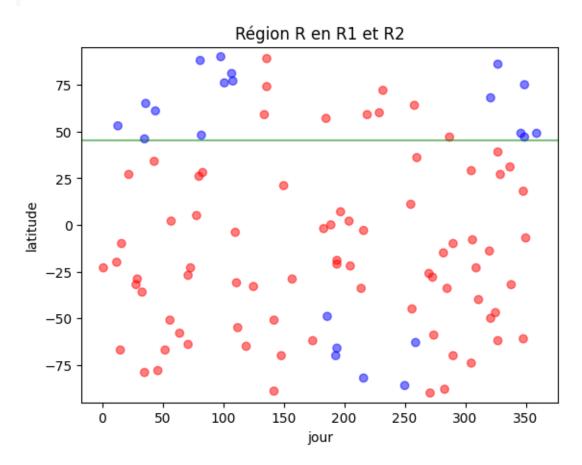
Critère de choix des séparations: avoir le plus de chance d'avoir des points bleus.

5.2.1 Région condidérée: ensemble des points

```
# Premier choix de séparation pour avoir le plus de chance d'avoir des points bleus
# latitude > 45
fig, ax = plt.subplots()

ax.set_title('Région R en R1 et R2')
ax.scatter(abscisses, ordonnées, c=couleurs, alpha=0.5)
ax.axhline(y=45, color='g', alpha=0.5)
ax.set_xlabel('jour')
```

```
ax.set_ylabel('latitude')
plt.ylim(-95, 95)
plt.show()
```



5.2.2 Région R1 classée en bleu

	x_1	x_2	У	color
0	327	-62	False	red
1	12	-20	False	red
2	125	-33	False	red
3	71	-64	False	red
4	346	49	True	blue

Sélection de lignes en fonction d'une valeur sur une colonne

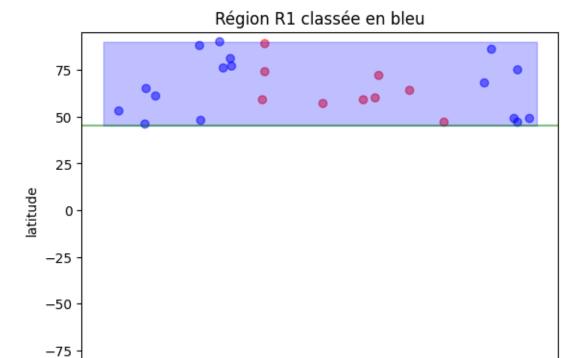
```
df_R1= df[df.x_2 > 45].copy()
df_R1.head()
```

	x_1	x_2	У	color
4	346	49	True	blue
5	44	61	True	blue
9	258	64	False	red
10	13	53	True	blue
11	101	76	True	blue

```
# Région R1 classée en bleu

fig, ax = plt.subplots()

ax.set_title('Région R1 classée en bleu')
ax.scatter(df_R1.x_1, df_R1.x_2, c=df_R1.color, alpha=0.5)
ax.axhline(y=45, color='g', alpha=0.5)
ax.fill_between(x=[-0,365], y1=45, y2=90, color='blue', alpha=.25)
ax.set_xlabel('jour')
ax.set_ylabel('latitude')
plt.ylim(-95, 95)
plt.show()
```



5.2.3 Région R2 classée en rouge

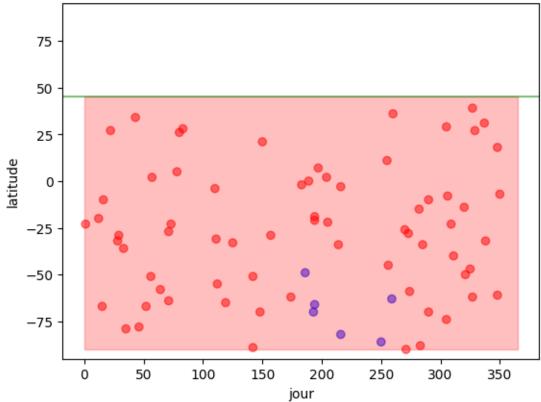
```
# Région R2 classée en rouge

df_R2= df[df.x_2 <= 45]
fig, ax = plt.subplots()

ax.set_title('Région R2 classée en rouge')
ax.scatter(df_R2.x_1, df_R2.x_2, c=df_R2.color, alpha=0.5)
ax.axhline(y=45, color='g', alpha=0.5)
ax.fill_between(x=[-0,365], y1=-90, y2=45, color='red', alpha=.25)
ax.set_xlabel('jour')
ax.set_ylabel('latitude')
plt.ylim(-95, 95)
plt.show()</pre>
```

jour





5.2.4 Arbre de hauteur 1

Algorithme d'un arbre de décision d'une hauteur de 1

```
# Arbre avec une hauteur = 1
def classification_h1(point):
    if point.latitude > 45:
        return True
    else:
        return False
```

Ecriture équivalente:

```
def classification_h1(point):
    return point.latitude > 45
```

```
# R1
  classification_h1(Point(150, 75))
True
  # Taux d'erreur dans R1 (point.latitude > 45) zone classée en bleu
  9/(10+9+6)
0.36
  df_R1.loc[df.y == False].shape[0]/df_R1.shape[0]
0.36
  # R2
  classification_h1(Point(150, -75))
False
  # Taux d'erreur dans R2 (point.latitude <= 45) zone classée en rouge
  df_R2.loc[df.y == True].shape[0]/df_R2.shape[0]
0.08
  # Taux d'erreur sur l'ensemble du jeu de données
  sum([classification_h1(point) != y[i] for i, point in enumerate(points)])/len(y)
0.15
```

5.2.5 Arbre de hauteur 2

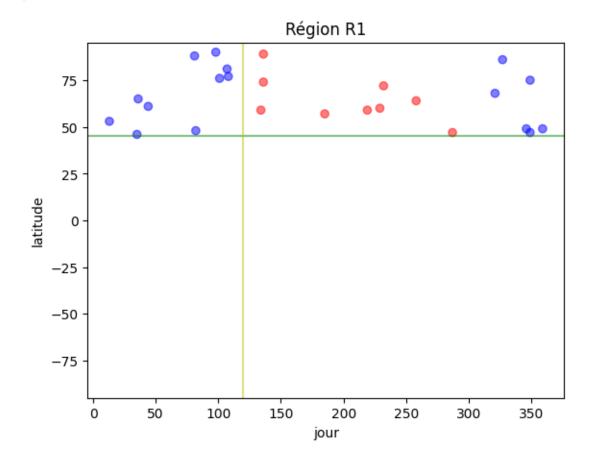
Algorithme d'un arbre de décision d'une hauteur de 2

On travaille de manière récursive sur chacune des régions R1 et R2 définies

```
# Second choix de séparation pour avoir le plus de chance d'avoir des points bleus
# jour < 120

fig, ax = plt.subplots()

ax.set_title('Région R1')
ax.scatter(df_R1.x_1, df_R1.x_2, c=df_R1.color, alpha=0.5)
ax.axhline(y=45, color='g', alpha=0.5)
ax.axvline(x=120, color='y', alpha=0.5)
ax.set_xlabel('jour')
ax.set_ylabel('latitude')
plt.ylim(-95, 95)
plt.show()</pre>
```



Second choix de séparation pour avoir le plus de chance d'avoir des points bleus # jour < 120

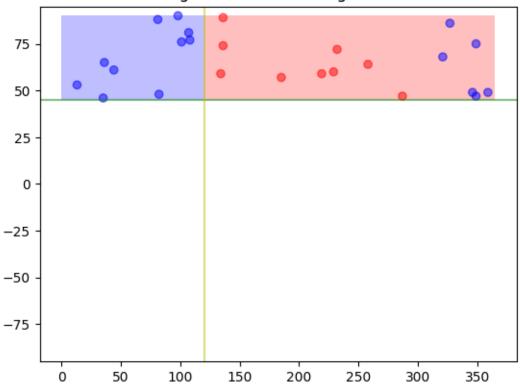
```
fig, ax = plt.subplots()

y1 = [45, 90]

ax.fill_betweenx(y1, 0, 120, facecolor='blue', alpha=0.25)
ax.fill_betweenx(y1, 120, 365, facecolor='red', alpha=0.25)

ax.set_title('Segmentation de la région R1')
ax.scatter(df_R1.x_1, df_R1.x_2, c=df_R1.color, alpha=0.5)
ax.axhline(y=45, color='g', alpha=0.5)
ax.axvline(x=120, color='y', alpha=0.5)
plt.ylim(-95, 95)
plt.show()
```

Segmentation de la région R1



```
df_R2= df[df.x_2 <= 45]
fig, ax = plt.subplots()</pre>
```

```
ax.set_title('Région R2')
ax.scatter(df_R2.x_1, df_R2.x_2, c=df_R2.color, alpha=0.5)
ax.axhline(y=45, color='g', alpha=0.5)
ax.axhline(y=-45, color='y', alpha=0.5)
ax.set_xlabel('jour')
ax.set_ylabel('latitude')
plt.ylim(-95, 95)
plt.show()
```

Région R2 latitude -25 -50-75 jour

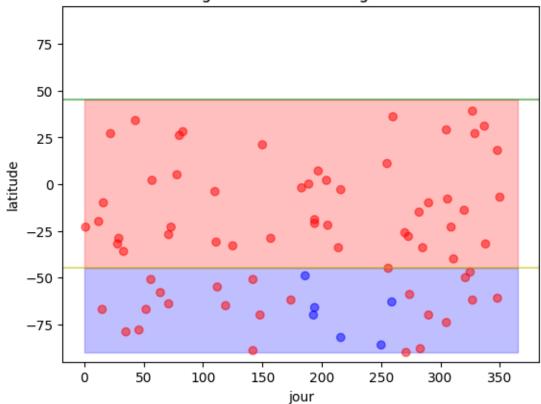
```
df_R2= df[df.x_2 <= 45]
fig, ax = plt.subplots()

ax.fill_between(x=[0,365], y1=-90, y2=-45, color='blue', alpha=.25)
ax.fill_between(x=[0,365], y1=-45, y2=45, color='red', alpha=.25)
ax.set_title('Segmentation de la région R2')</pre>
```

```
ax.scatter(df_R2.x_1, df_R2.x_2, c=df_R2.color, alpha=0.5)
ax.axhline(y=45, color='g', alpha=0.5)
ax.axhline(y=-45, color='y', alpha=0.5)

ax.set_xlabel('jour')
ax.set_ylabel('latitude')
plt.ylim(-95, 95)
plt.show()
```

Segmentation de la région R2



```
# Arbre avec une hauteur = 2
def classification_h2(point):
    if point.latitude > 45:
        if point.jour < 120:
            return True
    else:
        return False</pre>
```

```
else: # point.latitude <= 45
    if point.latitude < -45:
        return True
    else:
        return False

# Arbre avec une hauteur = 2
def classification_h2(point):
    if point.latitude > 45:
        return point.jour < 120
    else: # point.latitude <= 45
        return point.latitude < -45

classification_h2(Point(150, -75))</pre>
True

# Taux d'erreur sur l'ensemble du jeu de données
```

sum([classification_h2(point) != y[i] for i, point in enumerate(points)])/len(y)

0.28

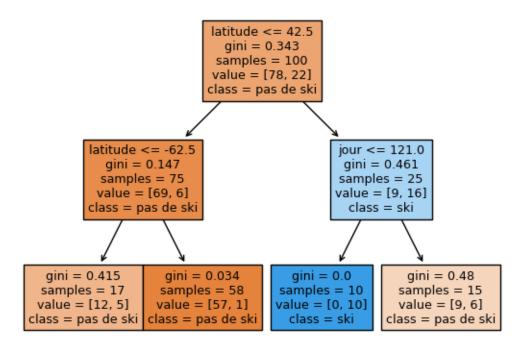
5.3 Classification avec scikit learn

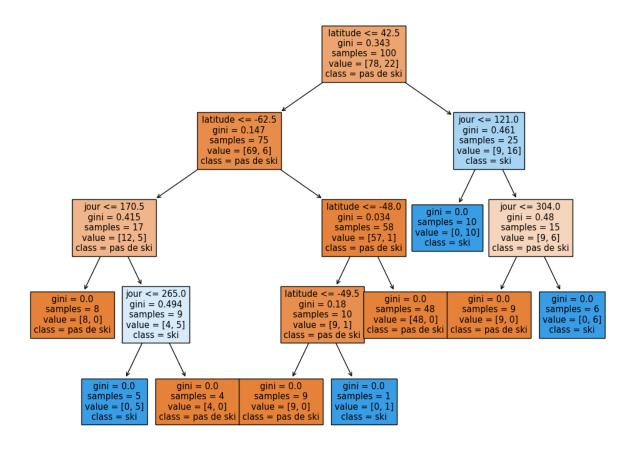
Classifieur par arbre de décision

Visualize a Decision Tree

```
from matplotlib import pyplot as plt
from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier
from sklearn import tree
# Fit the classifier with default hyper-parameters
# clf = DecisionTreeClassifier(random_state=1234)
clf = DecisionTreeClassifier(max_depth=2, random_state=1234)
X = points
model = clf.fit(X, y)
```

```
text_representation = tree.export_text(clf)
  print(text_representation)
|--- feature_1 <= 42.50
| |--- feature_1 <= -62.50
| | |--- class: False
| |--- feature_1 > -62.50
  | |--- class: False
|--- feature_1 > 42.50
| |--- feature_0 <= 121.00
  | |--- class: True
| |--- feature_0 > 121.00
  | |--- class: False
  # arbre de hauteur max_depth=2
  fig = plt.figure()
  _ = tree.plot_tree(clf,
                    feature_names=['jour', 'latitude'],
                    class_names=['pas de ski', 'ski'],
                    filled=True)
```





Est-ce qu'un nouveau point est bien classé par notre algo?

6 Application des arbres de décision à un vrai jeu de données

Peut-on prédire si un client va acheter une assurance ou pas?

dataset Caravan

Nous allons utiliser un Classifieur par arbre de décision et comparer les résultats avec kNN.

Le but est d'avoir au final l'algorithme le plus performant pour répondre à notre problématique.

6.1 Classification de référence (baseline)

```
from ISLP import load_data
from ISLP import confusion_table
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier
```

Utiliser un Classifieur par arbre de décision en laissant les paramètres par défaut de sklearn.

Afficher la table de confusion pour l'évaluation du jeu de test.

Truth	0	1
Predicted		
0	1015	64
1	72	13

Calculer le score de notre métrique: tp/(tp+fp)

```
13/(13+72)
```

0.15294117647058825

15,3%: pas encore mieux que knn où l'on atteignait 15,8%

Quel est l'effet de la normalisation avant l'entraînement d'un arbre de décision?

La normalisation n'est pas utile pour les arbres de décision

Définition d'une fonction pour mesurer notre métrique:

0.15294117647058825

Définition d'une fonction pour mesurer notre métrique:

```
from sklearn.metrics import confusion_matrix

# La valeur prédictive positive : Positive predictive value (PPV), precision
def metric(y_true, y_pred):
    cm = confusion_matrix(y_true, y_pred)
    fp = cm[0][1]
    tp = cm[1][1]

return tp/(tp+fp)

metric(y_test, y_test_pred)
```

0.15294117647058825

Métrique classique appelée la valeur prédictive positive (en anglais: Positive predictive value (PPV), precision)

```
from sklearn.metrics import precision_score
precision_score(y_test, y_test_pred)
```

0.15294117647058825

6.2 Exploration des hyperparamètres

On peut ensuite faire une exploration des hyperparamètres pour essayer d'améliorer ce résultat.

Paramètres de la fonction $\overline{\text{DecisionTreeClassifier}}$ de scikit-learn à explorer (a minima): - criterion - $\overline{\text{max_depth}}$

Quelle est la meilleur combinaison d'hyperparamètres?

```
criterions =['gini', 'entropy', 'log_loss']
  max_depths = [3, 5, 10, 15, 20, None]
  results = []
  for criterion in criterions:
      for max depth in max depths:
          classifier = DecisionTreeClassifier(criterion=criterion,
                                               max_depth=max_depth,
                                               random state=42)
          classifier.fit(X_train, y_train)
          y_test_pred = classifier.predict(X_test)
          results.append((precision_score(y_test, y_test_pred), criterion, max_depth))
  sorted(results)
[(0.08, 'entropy', 10),
(0.08, 'log_loss', 10),
(0.15294117647058825, 'gini', None),
(0.16216216216216217, 'entropy', None),
 (0.16216216216216217, 'log_loss', None),
 (0.1694915254237288, 'gini', 15),
```

```
(0.17142857142857143, 'entropy', 20),
(0.17142857142857143, 'log_loss', 20),
(0.17307692307692307, 'entropy', 15),
(0.17307692307692307, 'log_loss', 15),
(0.17647058823529413, 'entropy', 5),
(0.17647058823529413, 'log_loss', 5),
(0.18181818181818182, 'gini', 20),
(0.2272727272727277, 'gini', 10),
(0.2857142857142857, 'gini', 5),
(0.375, 'gini', 3)]
 classifier = DecisionTreeClassifier(criterion='entropy', max_depth=3, random_state=42)
 classifier.fit(X_train, y_train)
 y_test_pred = classifier.predict(X_test)
 confusion_table(y_test_pred, y_test)
```

Truth	0	1
Predicted	1005	
0	$\frac{1085}{2}$	76
1	<u> </u>	1

On a certes un bon score, mais très peu de valeurs sélectionnées. Pour réussir à vendre nos contrats d'assurance, c'est pas terrible.

Si on veut que nos commerciaux aient un nombre suffisant de prospects à appeler il faudrait contraindre notre solution a choisir un algorithme qui renvoit un nombre suffisant de résultats prédits positifs.

Disons au minium 19, ce qu'on avait avec knn.

Quelle est dans ce cas la meilleur combinaison d'hyperparamètres?

```
criterions =['gini', 'entropy', 'log_loss']
max_depths = [3, 5, 10, 15, 20, None]

results = []
for criterion in criterions:
    for max_depth in max_depths:
        classifier = DecisionTreeClassifier(criterion=criterion,
```

```
max_depth=max_depth,
                                               random_state=42)
          classifier.fit(X_train, y_train)
          y_test_pred = classifier.predict(X_test)
          if sum(y_test_pred) >= 19:
              results.append((precision_score(y_test, y_test_pred), criterion, max_depth))
  sorted(results)
[(0.08, 'entropy', 10),
(0.08, 'log_loss', 10),
(0.15294117647058825, 'gini', None),
(0.16216216216216217, 'entropy', None),
 (0.16216216216216217, 'log_loss', None),
 (0.1694915254237288, 'gini', 15),
(0.17142857142857143, 'entropy', 20),
 (0.17142857142857143, 'log_loss', 20),
(0.17307692307692307, 'entropy', 15),
 (0.17307692307692307, 'log_loss', 15),
(0.181818181818182, 'gini', 20),
 (0.227272727272727, 'gini', 10)]
```

6.3 Meilleur résultat

```
classifier = DecisionTreeClassifier(criterion='gini', max_depth=10, random_state=42)
classifier.fit(X_train, y_train)

y_test_pred = classifier.predict(X_test)
confusion_table(y_test_pred, y_test)
```

0	1
1053	67
34	10
	1053

precision_score(y_test, y_test_pred)

0.22727272727272727

6.4 Affinons la solution

Est-il possible d'améliorer le résultat obtenu?

```
criterion='gini'
  max_depths = list(range(7,15))
  results = []
  for max_depth in max_depths:
      classifier = DecisionTreeClassifier(criterion=criterion,
                                          max_depth=max_depth,
                                          random_state=42)
      classifier.fit(X_train, y_train)
      y_test_pred = classifier.predict(X_test)
      if sum(y_test_pred) >= 19:
          results.append((precision_score(y_test, y_test_pred), criterion, max_depth))
  sorted(results)
[(0.2222222222222, 'gini', 11),
(0.2222222222222, 'gini', 14),
(0.22448979591836735, 'gini', 12),
(0.227272727272727, 'gini', 10),
 (0.24528301886792453, 'gini', 13),
 (0.25, 'gini', 7),
 (0.25, 'gini', 9),
(0.27272727272727, 'gini', 8)]
  classifier = DecisionTreeClassifier(criterion='gini', max_depth=8, random_state=42)
  classifier.fit(X_train, y_train)
  y_test_pred = classifier.predict(X_test)
  print('valeur prédictive positive: {0:0.0f} %'.format(precision_score(y_test,
                                                                         y_test_pred)*100))
  confusion_table(y_test_pred, y_test)
```

valeur prédictive positive: 27 %

Truth Predicted	0	1
0	1071	71
1	16	6