#### Sistemas de Comunicación Analógicos

#### Fundamentos de Sistemas de Comunicación

Facultad de Ingeniería y Tecnología

29 de abril de 2021







#### Multiplexación

#### Definición

La multiplexación o acceso múltiple a un medio es una forma de compartir el mismo medio o canal de comunicación para su uso por varios transmisores o sistemas de comunicación sin interferir mutuamente.

#### Multiplexación

#### Definición

La multiplexación o acceso múltiple a un medio es una forma de compartir el mismo medio o canal de comunicación para su uso por varios transmisores o sistemas de comunicación sin interferir mutuamente.

#### Ejemplos:

- Medios de comunicación: radios, TV, cable
- Telefonía celular
- Redes inalámbricas
- Redes de datos cableadas

# Estrategias de multiplexación

- 1. Espectral o en frecuencia
- 2. Temporal
- 3. Espacial
- 4. Cuadratura
- 5. Por código

# Frequency-division multiplexing (FDM) o frequency-division multiple-access (FDMA)

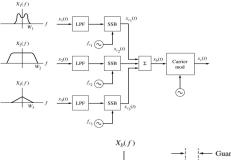
**Concepto:** separar transmisiones/sistemas en distintas bandas en frecuencia.

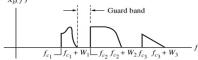
- múltiples transmisores operando en paralelo (ej. emisores de FM)
- un emisor transmitiendo múltiples señales (ej. TV que transmite imagen y sonido)

Ejemplo: separación del espectro en bandas FM

# Emisión simultánea de múltiples señales

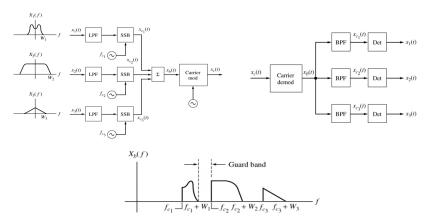
Ejemplo de arquitectura transmisor y receptor para múltiples señales en una única emisión:



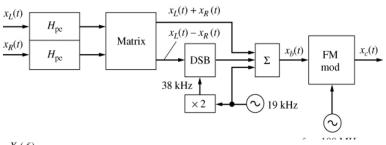


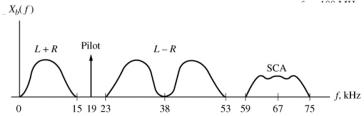
# Emisión simultánea de múltiples señales

Ejemplo de arquitectura transmisor y receptor para múltiples señales en una única emisión:

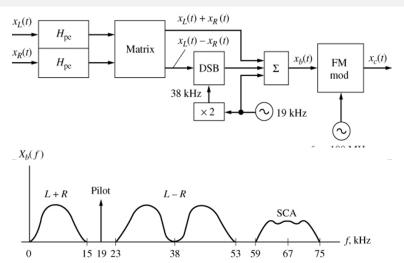


#### Ejemplo: FM esterofónica





#### Ejemplo: FM esterofónica

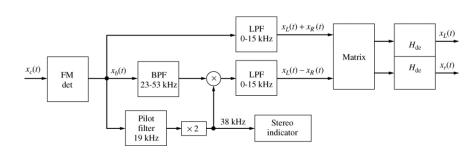


#### Ejercicio

Realizar el diagrama de bloques de un receptor FM estéreo.



# Ejemplo: FM esterofónica, recepción



FDM: aspectos prácticos

**Cross-talk:** interferencia entre las distintas bandas por no-linealidades o filtrado insuficiente.

FDM: aspectos prácticos

**Cross-talk:** interferencia entre las distintas bandas por no-linealidades o filtrado insuficiente.

Se puede minimizar su impacto mediante el uso de **bandas de guarda**, que son espacios del espectro que quedan sin uso y separan a las distintas señales.

FDM: aspectos prácticos

**Cross-talk:** interferencia entre las distintas bandas por no-linealidades o filtrado insuficiente.

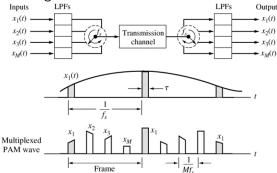
Se puede minimizar su impacto mediante el uso de **bandas de guarda**, que son espacios del espectro que quedan sin uso y separan a las distintas señales.

Compromiso: el uso de bandas de guarda implica un uso menos eficiente del espectro.

# Time-division multiplexing (TDM) o time-division multiple-access (TDMA)

**Concepto:** separar transmisiones/sistemas permitiendo el uso del canal en distintos intervalos temporales.

Muy usado en comunicaciones digitales, pero también puede usarse en sistemas analógicos:



• Requiere poder enviar "muestras" (pulsos) al menos a una tasa de  $M \cdot 2W$ 

• Requiere poder enviar "muestras" (pulsos) al menos a una tasa de  $M \cdot 2W$ 

Esto además implica:  $B_T \ge MW$  (y usualmente mucho mayor)

• Requiere poder enviar "muestras" (pulsos) al menos a una tasa de  $M \cdot 2W$ 

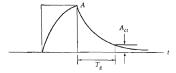
Esto además implica:  $B_T \ge MW$  (y usualmente mucho mayor)

 Problema principal: sincronización para poder distinguir señales apropiadamente en Rx.

 Requiere poder enviar "muestras" (pulsos) al menos a una tasa de M · 2W
Esto además implica: B<sub>T</sub> ≥ MW (y usualmente mucho mayor)

7 – (3

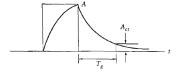
- Problema principal: sincronización para poder distinguir señales apropiadamente en Rx.
- Otro problema: cross-talk (inter-symbol interference).



• Requiere poder enviar "muestras" (pulsos) al menos a una tasa de  $M \cdot 2W$ 

Esto además implica:  $B_T \ge MW$  (y usualmente mucho mayor)

- Problema principal: sincronización para poder distinguir señales apropiadamente en Rx.
- Otro problema: cross-talk (inter-symbol interference).



Se puede ameliorar utilizando tiempos/intervalos de guarda.

Concepto: separar transmisiones/sistemas en el espacio.

#### Ejemplos:

- Usar distintos cables para distintas señales (ej. canal izq./der en los parlantes)
- Focalización de emisiones inalámbricas mediante antenas direccionales.
- Utilización de múltiples antenas en simultáneo para Tx (una antena distinta para c/señal) y Rx (al menos tantas como señales transmitidas), explotando las diferencias de fase en recepción para su separación (ej. sistemas MIMO, radar, wi-fi).

# Multiplexación por división de código (CDM/CDMA)

Lo veremos junto con comunicaciones digitales.

**Intuición:** 'codificar' los bits a enviar (1 o 0) como secuencias distintas para cada transmisor. Si los códigos son ortogonales, será sencillo separarlos en recepción.

# Mutiplexación por cuadratura (QAM)

**Intuición:** señal pasabanda con  $B_T = 2W$  admite la representación:

$$x_{bp}(t) = x_i(t)\cos(2\pi f_c t) + x_q(t)\sin(2\pi f_c t)$$

Donde  $x_i(t)$  y  $x_q(t)$  son señales bandabase con  $B_T = W$ .

### Mutiplexación por cuadratura (QAM)

**Intuición:** señal pasabanda con  $B_T = 2W$  admite la representación:

$$x_{bp}(t) = x_i(t)\cos(2\pi f_c t) + x_q(t)\sin(2\pi f_c t)$$

Donde  $x_i(t)$  y  $x_q(t)$  son señales bandabase con  $B_T = W$ .

Es posible modular dos señales mediante DSB/AM si las portadoras se desfasan

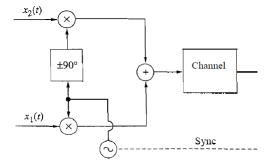
#### Mutiplexación por cuadratura (QAM)

**Intuición:** señal pasabanda con  $B_T = 2W$  admite la representación:

$$x_{bp}(t) = x_i(t)\cos(2\pi f_c t) + x_q(t)\sin(2\pi f_c t)$$

Donde  $x_i(t)$  y  $x_q(t)$  son señales bandabase con  $B_T = W$ .

# Es posible modular dos señales mediante DSB/AM si las portadoras se desfasan



#### Demodulación QAM

#### Ejercicio

Demostrar que la demodulación puede hacerse mediante el filtrado pasabajo de las siguientes señales:

$$\hat{x}_i(t) = x_{bp}(t)\cos(2\pi f_c t)$$

$$\hat{x}_q(t) = x_{bp}(t)\sin(2\pi f_c t)$$

¿Cuál debe ser la frecuencia de corte del filtro? Realizar un diagrama de bloques del conjunto Tx+Rx.

#### Sincronismo en QAM

Principal problema de QAM: sincronismo.

#### Ejercicio

Hallar las señales demoduladas en función de las señales transmitidas si el oscilador del Rx tiene un desfasaje  $\Phi_0$  respecto de la portadora. Interprete el resultado.

¿Qué pasa si la frecuencia del oscilador en Rx es ligeramente distinta a la del transmisor?

#### Multiplexación: resumen

Cada una de las técnicas de multiplexación tiene sus ventajas y desventajas (hardware necesario/complejidad del sistema, ancho de banda, sincronismo). La decisión de usar uno u otro sistema dependerá de la aplicación.

#### Multiplexación: resumen

Cada una de las técnicas de multiplexación tiene sus ventajas y desventajas (hardware necesario/complejidad del sistema, ancho de banda, sincronismo). La decisión de usar uno u otro sistema dependerá de la aplicación.

Es posible combinar sistemas, usualmente de forma jerárquica.

**Ejemplo:** wi-fi usa FDM para asignar canales entre distintos routers, TDM para el flujo de datos en un enlace, y en caso de tener routers con múltiples antenas se puede utilizar multiplexación espacial.

#### El receptor debe:

Demodular

#### El receptor debe:

- Demodular
- Filtrar

#### El receptor debe:

- Demodular
- Filtrar
- Sintonizar

#### El receptor debe:

- Demodular
- Filtrar
- Sintonizar
- Amplificar

# Arquitecturas de receptores

- Receptor sincrónico/producto (homodino o conversión directa)
- Receptor de envolvente
- Receptor super-heterodino

# Receptor super-heterodino

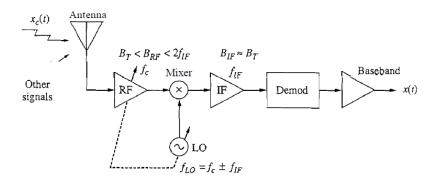
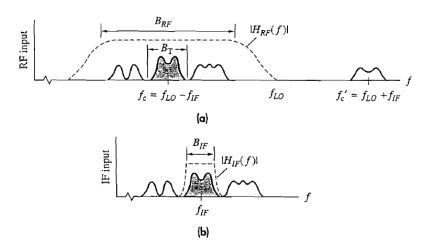


Diagrama de bloques receptor superheterodino.

Figura 7.1-1, Communication Systems, 4th ed.

## Receptor superheterodino: funcionamiento



Espectros de señales intermedias en receptor superheterodino.

Figura 7.1-2, Communication Systems, 4th ed.

### Receptor superheterodino: ¿por qué?

La ventaja del receptor superheterodino radica en la disociación entre sintonización y filtrado:

- La porción sintonizable tiene requisitos laxos de filtrado, lo que hace sencillo su diseño.
- La porción de la frecuencia intermedia tiene requisitos estrictos de filtrado PERO con características no variables, lo que también simplifica su diseño.

### Receptor superheterodino: ¿por qué?

La ventaja del receptor superheterodino radica en la disociación entre sintonización y filtrado:

- La porción sintonizable tiene requisitos laxos de filtrado, lo que hace sencillo su diseño.
- La porción de la frecuencia intermedia tiene requisitos estrictos de filtrado PERO con características no variables, lo que también simplifica su diseño.

#### Etapas intermedias múltiples

Es posible diseñar receptores superheterodinos con múltiples etapas intermedias, para mejorar aún más el desempeño del receptor.

# Superheterodino: ejemplo (1/2)

Se desea diseñar un receptor superheterodino con frecuencia intermedia 500kHz, que se usa para recibir señales contenidas en la banda de 3 a 3.5MHz.

- Determine el rango de frecuencias debe poder cubrir el oscilador local
- Determine la región de frecuencias imagen relevantes en este diseño.
- Establezca las características necesarias para el filtro pasabanda en la etapa de RF.

# Superheterodino: ejemplo (1/2)

Se desea diseñar un receptor superheterodino con frecuencia intermedia 500*kHz*, que se usa para recibir señales contenidas en la banda de 3 a 3,5*MHz*.

- Determine el rango de frecuencias debe poder cubrir el oscilador local
- Determine la región de frecuencias imagen relevantes en este diseño.
- Establezca las características necesarias para el filtro pasabanda en la etapa de RF.

**Opción 1**:  $f_{LO} \in [2,5;3]MHz$ ,  $f_{Im} \in [2;2,5]MHz$  y por lo tanto es necesario que en la banda de RF se rechace al menos lo que está por debajo de 2,5MHz.

**Opción 2:**  $f_{LO} \in [3,5;4]MHz$ ,  $f_{Im} \in [4;4,5]MHz$  y por lo tanto es necesario que en la banda de RF se rechace al menos lo que está por encima de 4MHz.

# Superheterodino: ejemplo (2/2)

### Ejercicio

¿Qué pasa si el oscilador local no es bueno y tiene una forma de onda que contiene terceros armónicos?

#### Concepto

Es un dispositivo/bloque que implementa un lazo de control realimentado (loop) para sincronizar la fase de una señal con otra (phase lock).

Es un dispositivo todo-terreno. Algunos ejemplos de usos:

- Resolución del problema del sincronismo (con y sin portadora).
- Demodulación de señales FM.
- Determinación de si un sintonizador está captando una señal o no (sintonzación por barrido).
- Sintetizado de señales (multiplicadores de frecuencia).

## Comparador de fases (PD)

#### Circuito comparador de fases:

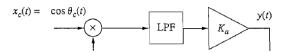


Figura 7.3-2, Communication Systems, 4th ed.

# Comparador de fases (PD)

#### Circuito comparador de fases:

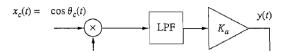


Figura 7.3-2, Communication Systems, 4th ed.

Donde:

$$\epsilon(t) = \theta_c(t) - \theta_v(t) - \frac{\pi}{2}$$
 
$$y(t) = \frac{K_a}{2} \sin(\epsilon(t))$$

### PLL: diagrama de bloques

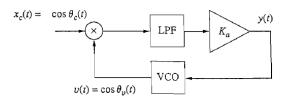


Figura 7.3-2, Communication Systems, 4th ed.

Donde el comportamiento del VCO está dado por:

$$\frac{\theta_{v}(t)}{2\pi} = f_{c} - \Delta f + K_{v} y(t)$$

Mostrar que si  $x_c(t)$  es banda pasante:  $\theta_c(t) = 2\pi f_c + \phi(t)$ 

Entonces se satisface la ecuación diferencial:

$$\dot{\epsilon}(t) + 2\pi K_{\nu} y(t) = 2\pi \Delta f + \dot{\Phi}(t)$$

### PLL: análisis en régimen

De lo anterior surge:

$$\dot{\epsilon}(t) + 2\pi K_v \frac{K_a}{2} \sin(\epsilon(t)) = 2\pi \Delta f + \dot{\phi}(t)$$

Que es una relación entre la señal de entrada  $\phi(t)$  y la salida del lazo  $\epsilon(t)$ .

De lo anterior surge:

$$\dot{\epsilon}(t) + 2\pi K_{\nu} \frac{K_{\mathsf{a}}}{2} \sin(\epsilon(t)) = 2\pi \Delta f + \dot{\phi}(t)$$

Que es una relación entre la señal de entrada  $\phi(t)$  y la salida del lazo  $\epsilon(t)$ .

Para el caso  $\phi(t)=\phi_0$  (entrada es sinusoidal pura), asumiendo solución estacionaria ( $\epsilon$  constante), y definiendo  $K=\frac{K_VK_a}{2}$ :

$$\epsilon_{ss} = \arcsin\left(\frac{\Delta f}{K}\right)$$

De lo anterior surge:

$$\dot{\epsilon}(t) + 2\pi K_{\nu} \frac{K_{a}}{2} \sin(\epsilon(t)) = 2\pi \Delta f + \dot{\phi}(t)$$

Que es una relación entre la señal de entrada  $\phi(t)$  y la salida del lazo  $\epsilon(t)$ .

Para el caso  $\phi(t) = \phi_0$  (entrada es sinusoidal pura), asumiendo solución estacionaria ( $\epsilon$  constante), y definiendo  $K = \frac{K_V K_a}{2}$ :

$$\epsilon_{ss} = \arcsin\left(\frac{\Delta f}{K}\right)$$

#### Error en regimen

El PLL tiene un error de seguimiento  $\epsilon_{ss}$  para entradas sinusoidales.

Naturalmente, se desea  $\epsilon_{ss}$  pequeño.

# PLL: análisis de pequeña señal

Asumiendo  $\epsilon(t) << 1$ :

## PLL: análisis de pequeña señal

Asumiendo  $\epsilon(t) << 1$ :

$$\dot{\epsilon}(t) + 2\pi \frac{K_{\nu}K_{a}}{2} [\epsilon(t) - \epsilon_{ss}] \approx \dot{\phi}(t)$$

Si  $\Phi$  es la entrada y  $\epsilon$  es la salida, tenemos un sistema dinámico de primer orden.

## Aplicaciones de PLL: filtro piloto

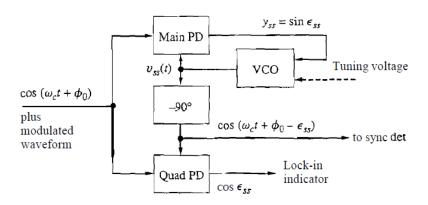


Figura 7.3-3, Communication Systems, 4th ed.

# Aplicaciones de PLL: detector sincrónico (sin portadora)

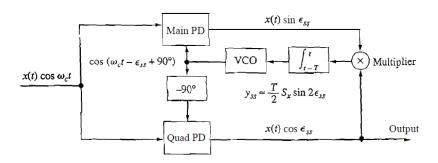


Figura 7.3-4, Communication Systems, 4th ed.

## Aplicaciones de PLL: sintentización de frecuencia

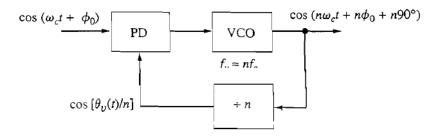


Figura 7.3-6, Communication Systems, 4th ed.

En pequeña señal  $(\epsilon(t) << 1)$  tenemos:

$$\dot{\epsilon}(t) + 2\pi K[\epsilon(t) - \epsilon_{ss}] pprox \dot{\phi}(t)$$

En pequeña señal ( $\epsilon(t) << 1$ ) tenemos:

$$\dot{\epsilon}(t) + 2\pi K[\epsilon(t) - \epsilon_{ss}] pprox \dot{\phi}(t)$$

Pasando a espacio de Fourier:

$$j2\pi f \cdot E(f) + 2\pi K[E(f) - \epsilon_{ss}\delta(f)] \approx j2\pi f \Phi(f)$$

En pequeña señal ( $\epsilon(t) << 1$ ) tenemos:

$$\dot{\epsilon}(t) + 2\pi K[\epsilon(t) - \epsilon_{ss}] pprox \dot{\phi}(t)$$

Pasando a espacio de Fourier:

$$j2\pi f \cdot E(f) + 2\pi K[E(f) - \epsilon_{ss}\delta(f)] \approx j2\pi f \Phi(f)$$

En la región f < W << K tenemos:

$$2\pi K[E(f) - \epsilon_{ss}\delta(f)] \approx j2\pi f\Phi(f)$$

$$2\pi K[\epsilon(t) - \epsilon_{ss}] \approx \dot{\phi}(t)$$

En pequeña señal ( $\epsilon(t) << 1$ ) tenemos:

$$\dot{\epsilon}(t) + 2\pi K[\epsilon(t) - \epsilon_{ss}] pprox \dot{\phi}(t)$$

Pasando a espacio de Fourier:

$$j2\pi f \cdot E(f) + 2\pi K[E(f) - \epsilon_{ss}\delta(f)] \approx j2\pi f \Phi(f)$$

En la región f < W << K tenemos:

$$2\pi K[E(f) - \epsilon_{ss}\delta(f)] \approx j2\pi f\Phi(f)$$

$$2\pi K[\epsilon(t) - \epsilon_{ss}] \approx \dot{\phi}(t)$$

En el caso de FM la entrada satisface  $\dot{\phi}(t) = 2\pi f_{\Delta}x(t)$ , por lo que:

$$y(t) \approx \epsilon(t) \approx c + \frac{f_{\Delta}}{\kappa} x(t)$$

#### Notar que...

K (ganancia del lazo) debe ser mayor al ancho de banda de x(t).