Práctica 9: Teorema Central del Límite

Martínez Ostoa Néstor LCD 32

11/12/2020

1. Simulación de una variale N(0,1) a partir de binomiales Bin(n,p)

Utilizando el teorema del límite central

$$\frac{\sum_{i=1}^{k} X_i - k\mu}{\sqrt{k\sigma^2}}$$

generamos ocho histogramas de 10,000 variables aleatorias normales con los parámetros mostrados en las figuras siguientes.

El código utilizado para generar una variable Z fue el siguiente:

```
Z <- function(n, p, k) {
  bin <- rbinom(n, k, p)
  mu_k <- k*n*p
  sigma_k <- sqrt(k*n*p*(1-p))
  z <- (sum(bin) - mu_k) / sigma_k
  return (z);
}</pre>
```

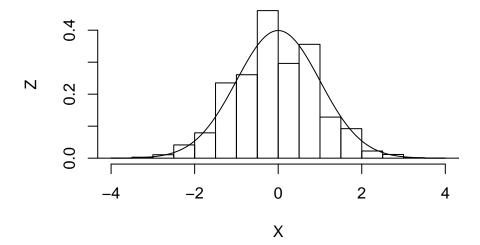
El código utilizado para hacer la comparación entre la distribución normal y la aproximación por medio de la binomial fue el siguiente:

Los histogramas son los siguientes, todos consideran N = 10000: n = 10, p = 0.5, k = 10

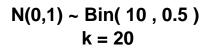
```
N = 10000
bin_vs_norm(N,10, 0.5, 10)
```

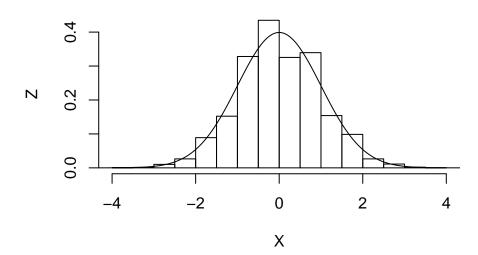
$$N(0,1) \sim Bin(10, 0.5)$$

k = 10

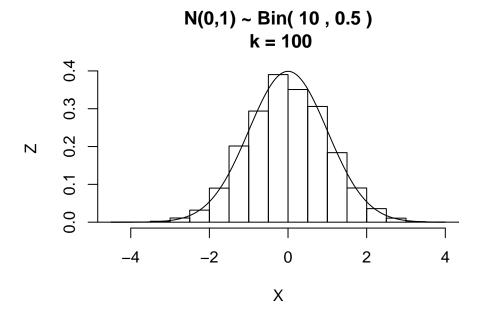


$$n = 10, p = 0.5, k = 20$$



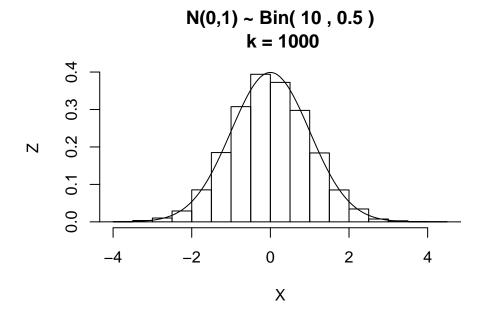


$$n = 10, p = 0.5, k = 100$$



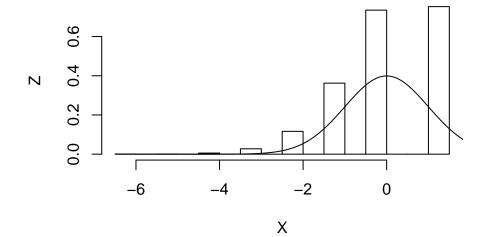
$$n = 10, p = 0.5, k = 1000$$

bin_vs_norm(N,10, 0.5, 1000)



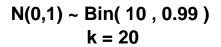
$$n = 10, p = 0.99, k = 10$$

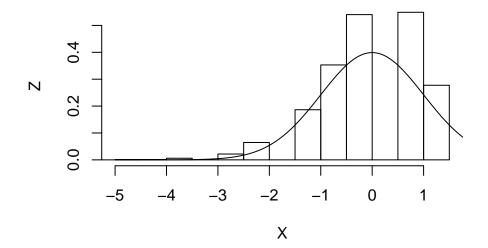
bin_vs_norm(N,10, 0.99, 10)



$$n = 10, p = 0.99, k = 20$$

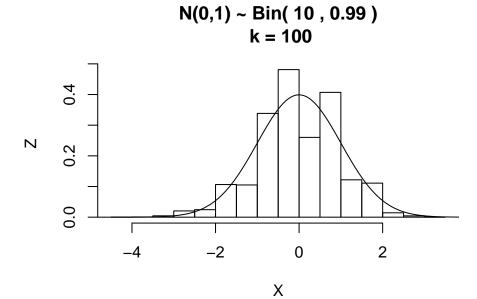
bin_vs_norm(N,10, 0.99, 20)



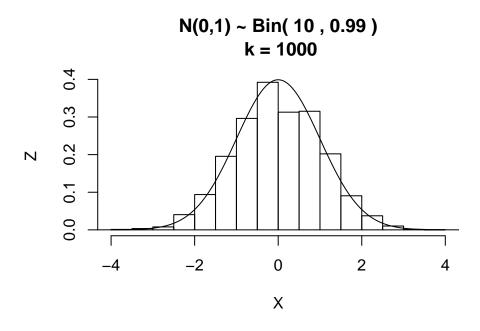


$$n = 10, p = 0.99, k = 100$$

bin_vs_norm(N,10, 0.99, 100)



$$n=10, p=0.99, k=1000\,$$



2. Velocidad de convergencia

Como se puede apreciar en las gráficas anteriores, convergen mucho más rápido las simulaciones con p=0.5 que las simulaciones con p=0.99. Esto se debe a que