МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)

Кафедра математического обеспечения и применения ЭВМ

ОТЧЕТ

по практической работе №4 по дисциплине «Построение и Анализ Алгоритмов» Тема: Алгоритм Кнута-Морриса-Пратта

Студент гр. 8382	 Вербин К.М.
Преподаватель	Фирсов М.А

Санкт-Петербург 2020

Цель работы.

Ознакомиться с алгоритмом Кнута-Морриса-Пратта для поиска подстроки в строке и реализовать его.

Задание 1

Реализуйте алгоритм КМП и с его помощью для заданных шаблона P (P \leq 15000) и текста T ($T \leq$ 5000000) найдите все вхождение P в T.

Входные данные

Первая строка - Р.

Вторая строка - Т.

Выходные данные

индексы начал вхождений P в T, разделенных запятой, если P не входит в T, то вывести -1.

Пример входных данных

ab

abab

Соответствующие выходные данные

0,2

Задание 2

Заданы две строки A A(≤ 5000000) и B B(≤ 5000000) . Определить, является ли A циклическим сдвигом B (это значит, что A и B имеют одинаковую длину и A состоит из суффикса B, склеенного с префиксом B). Например, defabc является циклическим сдвигом abcdef.

Входные данные

Первая строка - А.

Вторая строка - В.

Выходные данные

Если A является циклическим сдвигом B, индекс начала строки B в A, иначе вывести -1. Если возможно несколько сдвигов, вывести первый индекс

Пример входных данных

defabc

abcdef

Соответствующие выходные данные

3

Вариант 1

Подготовка к распараллеливанию: работа по поиску разделяется на k равных частей, пригодных для обработки k потоками (при этом длина образца гораздо меньше длины строки поиска).

Описание алгоритма

Префикс функция

Префикс-функция для і-го символа возвращает значение, равное максимальной длине совпадающих префикса и суффикса подстроки (префикс длинны п для строки а — это подстрока а[0, n-1], суффикс длинны п для строки а — это подстрока а[len(a) - 1 - n, len(a) - 1]), которая заканчивается і-м символом (максимальная длинна равных префикса и суффикса для строки [0,i]).

Работа функции: заводится 2 индекса i — индекс символа который проверят алгоритм, j — индекс последнего символа префикса, который сравнивается с i-тым символом, массив p — в котором хранятся значения префикс функции.

- 1) Если символы совпадают то p(i) = j, j=j+1
- 2) Если символы не совпадают то j = p(j-1)

Поиск образа в строке

Алгоритм считывает две строки: образец и текст для поиска. Для полученной строки рассчитывается префикс-функция. После получения 2 строк вызывается префикс функция для строки образца. На выходе мы получаем массив чисел равный длине образца.

После вызывается функция поиска подстроки в строке:

- i индекс символа текста, который обрабатывается на шаге i, k индекс символа образца с которым мы сравниваем i-тый символ текста.
- 2) Если k равен длине образца, значит мы нашли вхождение образца в текста и выводим символ начала вхождения.
- 3) Проходим по всей строке, проверяя каждый символ: если і-тый и ктый символы совпадают, то і = і + 1 , k = k + 1. Если символы не совпадают, то k = prefix(k-1). Это позволяет нам проверять строку за время равное сумме длин двух строк.
- 4) Если ни одного вхождение не было найдено, то выводится -1.

Сложность алгоритма по памяти

Сложность алгоритма по памяти будет O(P+T), т.к. программа хранит 2 строки.

Временная сложность алгоритма

Сложность по времени алгоритма будет O(P + T), т.к. вычисление префикс-функции для образца будет O(P), а поиск подстроки в строке будет выполнятся за O(T) тогда весь алгоритм выполняется за O(P+T).

Определение циклического сдвига

В начале алгоритма считываются две строки одинаковой длины А и В, если длины не совпадают, то алгоритм сразу завершает работу и выводит -1, т.к. в таком случае А не является циклическим сдвигом. Затем с помощью той же функции вычисляется префикс-функция для строки В. После этого строка А удваивается, чтобы найти индекс строки В в строке А (если является циклическим сдвигом). После алгоритм заводит два индекса, которые указывают на символы в удвоенной строке А и строке В, после чего алгоритм проходит и сравнивает символы. Если произошло очередное совпадения, то

индексы увеличиваются, если происходит несовпадение, то с помощью вектора префикс-функций для В осуществляется "сдвиг" образа (не на 1, как в "наивном" алгоритме, т.к. по префикс-функции можно определить, что часть символов уже совпала). Когда индекс указывающий на символ в образе В равен длине этого образа, это значит, что вхождение найдено. Т.к. А - это удвоенная строка, то мы определили что исходная строка А является циклическим сдвигом В и алгоритм завершает работу. В противном случае выводится -1.

Сложность алгоритма по памяти

Сложность по памяти будет O(B+A), т.к. в этом случае алгоритм строит префикс-функцию для строки B и на ее хранение требуется B памяти, а удвоение строки требует дополнительно A памяти

Временная сложность алгоритма

Сложность по времени будет O(2|A| + |B|) = O(3|A|) = O(|A| + |B|) т.к. для заполнения префикс-функции нужно |B| операций, а при поиске цикл проходит за линейное время по удвоенной строке A.

Распараллеливание алгоритма

Разделим строку s, в которой осуществляется поиск на n равных (или почти равных) участков. Эти участки пересекаются, причём ширина пересекающихся частей равна |t|-1 (t- образец). Тогда мы получим n участков, на которых можно независимо запустить алгоритм, и получить все вхождения, причём каждое вхождение будет найдено ровно 1 раз. Поскольку алгоритм находит вхождение, когда доходит до его конца, ему нужно пройти |t|-1 символов прежде, чем он найдёт хотя бы одно вхождение. В нашем разбиении, вхождения, заканчивающиеся на одном из этих |t|-1 символов, будут найдены экземпляром, обрабатывающим предыдущий участок, поэтому

вхождения не теряются. Разумеется, в первых |t|-1 символах исходной строки s вхождения t заканчиваться не могут.

Естественно, что каждый участок не может быть короче, чем образец, поэтому наибольшее число участков, на которые можно разбить строку, будет $|\mathbf{s}| - (|\mathbf{t}| - 1)$. В этом случае длина каждого участка будет равна $|\mathbf{t}|$.

Описание структур данных

- void prefixFunction(std::string& sample, std::vector<int>& prefix)вычисляет префикс-функцию для каждого символа переданной строки и сохраняет значения в векторе prefix.
 - o std::string& sample строка, которая обрабатывается префикс функцией.
 - o std::vector<int>& prefix массив, хранящий результат работы префикс функции.
- bool findEntry(std::string& text, std::string& sample, std::vector<int>& prefix)- получает на вход текст, образец, вектор префикс-функции, число переданных потоков и вычисляет индексы вхождений образца.
 - o std::string& text текст, в котором ищется образец.
 - o std::string& sample образец, искомый в тексте.
 - o std::vector<int>& prefix массив, хранящий результат работы префикс функции.
 - Функция возвращает true если образец (сдвиг) был найден хотя бы раз или false если не был найден образец (сдвиг)
- void printInterInfo (std::string& splice, std::vector<int> vect, int n) выводит промежуточные данные состояние префикс-функции для текущей части строки (часть строки передается через n).
 - o std::string& splice строка, которая обрабатывается префикс функцией.

- o std::vector<int>& prefix массив, хранящий результат работы префикс функции.
- int n индекс, до которого обработала префикс функция.
- std::vector< std::pair<std::string, int >> toFlows(std::string text, const int uFlow, int maxFlow) функция разбивает строку text на uFlow потоков.
 - o std::string text текст, который разделяется на потоки.
 - o const int uFlow количество потоков.
 - o int maxflow максимально возможное количество потоков.
 - о Функция возвращает вектор, хранящий в себе потоки

Тестирование

Input	Output	
Поиск подстроки		
ab	Индексы: 0,2	
abab		
1		
a	Индексы:	
ababfaabfaaabaafhaaa	0,2,5,6,9,10,11,13,14,17,18,19	
5		
aaa	Индексы: 0, 1, 2	
aaaaa		
asd	Индексы: 5	
fsasfasdsafasrewefv		
Определение сдвига		
qwerty	Найден циклический сдвиг! позиция:	
ertyqw	2	
2		

qweqweqwe	Найден циклический сдвиг! позиция:	
weqweq	1	
4	Найден циклический сдвиг! позиция:	
	4	
	Найден циклический сдвиг! позиция:	
	7	
adadadad	Найден циклический сдвиг! позиция:	
dadadada	1	
1		
qwertyuiop	Не является циклическим сдвигом: -1	
rtyuiopqwr		
3		

Вывод

В ходе работы был разобран и реализован алгоритм Кнута-Морриса-Пратта для поиска вхождений подстроки в строку

ПРИЛОЖЕНИЕ

КОД ПРОГРАММЫ

Поиск подстроки

```
#include <iostream>
      #include <string>
      #include <vector>
      #include <map>
      #include <cmath>
      #include <climits>
      bool INTER = true;
      //перегруженны оператор вывода вектора в поток
      std::ostream& operator<<(std::ostream& std::vector<int> vect) {
        stream << vect[0];
        for (int i = 1; i < \text{vect.size}(); i++) {
           stream << "," << vect[i];
        }
        return stream;
      }
      void printInterInfo(std::string& splice, std::vector<int> vect, int n) {
        std::cout << "\nСостояние префикс-функции для строки: " <<
std::endl:
        for (int i = 0; i \le n; i++)
           std::cout << splice[i] << " ";
        std::cout << std::endl;
        for (int i = 0; i \le n; i++)
           std::cout << vect[i] << " ";
        std::cout << std::endl;
      void prefixFunction(std::string& sample, std::vector<int>& prefix) {
        prefix[0] = 0;
        std::cout << "Начало рассчета префикс-функции" << std::endl;
        int n = 1;
        for (int i = 1; i < \text{sample.length}(); i++)
        { // поиск какой префикс-суффикс можно расширить
           int k = prefix[i - 1];
                                          // длина предыдущего префикса
           while (k > 0 \&\& sample[i] != sample[k]) // этот нельзя расширить,
                                          // берем ранее рассчитанное значение
             k = prefix[k - 1];
```

```
if (sample[k] == sample[i])
                                        // расширяем найденный префикс-
             k = k + 1;
суффикс
           prefix[i] = k;
           if (INTER)
             printInterInfo(sample, prefix, n++);
         }
      }
      std::vector< std::pair<std::string, int >> toFlows(std::string text, const int
uFlow, int maxFlow) {
        std::vector< std::pair<std::string, int >> tmp;
        int step = maxFlow / uFlow;
         int ind = 0;
         int freeSize = text.length() - ( step * uFlow + text.length() - maxFlow );
         for (int i = 0; i < uFlow; i++) {
           int len;
           if (uFlow - i == 1) {
             len = text.length() - ind;
           else {
              len = step + text.length() - maxFlow;
             if (freeSize > 0) {
                len++;
              }
           tmp.push back(std::make pair(text.substr(ind, len), ind));
           if (freeSize > 0) {
              ind++; freeSize--;
           ind += step;
           std::cout << "Добавлен поток: " << tmp[tmp.size() - 1].first << "
Начальный индекс: " << tmp[tmp.size() - 1].second << std::endl;
         }
        return tmp;
      //функция определения сдвига
```

```
bool findEntry(std::string& text, std::string& sample, std::vector<int>&
prefix) {
         int k = 0; //индекс сравниваемого символа в sample
        bool flag = false;
        if (text.length() <= sample.length()) {
           std::cout << "\nНе может быть образов: ";
           std::cout << "-1":
           return false;
        int maxFlow = text.length() - (sample.length() - 1);
        std::cout << "Максимальное колличество потоков: " << maxFlow << "
Введите колличество потоков: ";
        int uFlow;
        std::cin >> uFlow;
        if (uFlow > maxFlow || uFlow < 0) {
           std::cout << "Ошибка в вводе! | Введите колличество потоков: ";
           std::cin >> uFlow;
         }
        else {
           std::vector< std::pair<std::string, int >> flows = toFlows(text, uFlow,
maxFlow);
           for (int j = 0; j < flows.size(); j++) {
             std::cout << "\nПоиск образа в потоке: " << flows[j].first << ";";
             for (int i = 0; i < flows[i].first.length(); i++) {
                while (k > 0 \&\& sample[k] != flows[j].first[i])
                  k = prefix[k - 1];
                if (sample[k] == flows[j].first[i])
                  k = k + 1;
                else if (k != 0) k = prefix[k - 1];
                if (k == sample.length()) {
                  std::cout << "\n\n\tНайден образ! позиция: " <<
flows[j].second + i - sample.length() + 1 \leq std::endl;
                  flag = true;
                }
              }
           if (!flag) std::cout << "\nНет образовм: " << -1;
           return flag;
      }
```

```
int main()
        setlocale(LC ALL, "Russian");
        std::string text;
        std::string sample;
        std::cin >> sample; std::cin >> text;
        std::vector<int> prefix(sample.length());
        prefixFunction(sample, prefix);
        findEntry(text, sample, prefix);
        return 0;
      }
      Циклический сдвиг
      #include <iostream>
      #include <string>
      #include <vector>
      #include <map>
      #include <cmath>
      #include <climits>
      bool INTER = true;
      //перегруженны оператор вывода вектора в поток
      std::ostream& operator<<(std::ostream& std::vector<int> vect) {
        stream << vect[0];
        for (int i = 1; i < \text{vect.size}(); i++) {
           stream << "," << vect[i];
        return stream;
      }
      void printInterInfo(std::string& splice, std::vector<int> vect, int n) {
        std::cout << "\nСостояние префикс-функции для строки: " <<
std::endl;
        for (int i = 0; i \le n; i++)
           std::cout << splice[i] << " ";
        std::cout << std::endl;
        for (int i = 0; i \le n; i++)
           std::cout << vect[i] << " ";
        std::cout << std::endl;
      }
```

```
void prefixFunction(std::string& sample, std::vector<int>& prefix) {
        prefix[0] = 0;
        std::cout << "Начало рассчета префикс-функции" << std::endl;
        int n = 1;
        for (int i = 1; i < \text{sample.length}(); i++)
         { // поиск какой префикс-суффикс можно расширить
           int k = prefix[i - 1];
                                            // длина предыдущего префикса
           while (k > 0 \&\& sample[i] != sample[k]) // этот нельзя расширить,
                                           // берем ранее рассчитанное значение
             k = prefix[k - 1];
           if (sample[k] == sample[i])
             k = k + 1;
                                       // расширяем найденный префикс-
суффикс
           prefix[i] = k;
           if (INTER)
             printInterInfo(sample, prefix, n++);
         }
      }
      std::vector< std::pair<std::string, int >> toFlows(std::string text, const int
uFlow, int maxFlow) {
        std::vector< std::pair<std::string, int >> tmp;
        int step = maxFlow / uFlow;
        int ind = 0:
        int freeSize = text.length() - ( step * uFlow + text.length() - maxFlow );
        for (int i = 0; i < uFlow; i++) {
           int len:
           if (uFlow - i == 1) {
             len = text.length() - ind;
           else {
             len = step + text.length() - maxFlow;
             if (freeSize > 0) {
                len++;
              }
           tmp.push back(std::make pair(text.substr(ind, len), ind));
           if (freeSize > 0) {
```

```
ind++; freeSize--;
           ind += step;
           std::cout << "Добавлен поток: " << tmp[tmp.size() - 1].first << "
Начальный индекс: " << tmp[tmp.size() - 1].second << std::endl;
        return tmp;
      //функция определения сдвига
      bool findEntry(std::string& text, std::string& sample, std::vector<int>&
prefix) {
        int k = 0; //индекс сравниваемого символа в sample
        bool flag = false;
        if (text.length() != sample.length()) {
           std::cout << "\nНе является циклическим сдвигом: ";
           std::cout << "-1";
           return false;
         }
        text = text + text;
        int maxFlow = text.length() - (sample.length() - 1);
        std::cout << "Максимальное колличество потоков: " << maxFlow << " |
Введите колличество потоков: ";
        int uFlow;
        std::cin >> uFlow;
        if (uFlow > maxFlow || uFlow < 0) {
           std::cout << "Ошибка в вводе! | Введите колличество потоков: ";
           std::cin >> uFlow;
        }
        else {
           std::vector< std::pair<std::string, int >> flows = toFlows(text, uFlow,
maxFlow):
           std::cout << std::endl;
           for (int i = 0; i < flows.size(); i++) {
             std::cout << "Поиск циклического сдвига в потоке: " <<
flows[i].first << ";" << std::endl;
             for (int i = 0; i < flows[i].first.length(); i++) {
                while (k > 0 \&\& sample[k] != flows[j].first[i])
                  k = prefix[k - 1];
                if (sample[k] == flows[j].first[i])
                  k = k + 1;
                else if (k != 0) k = prefix[k - 1];
```

```
if (k == sample.length()) {
                  std::cout << "\n\tНайден циклический сдвиг! позиция: " <<
flows[j].second + i - sample.length() + 1 \leq std::endl;
                  flag = true;
                }
           if (!flag) {
             std::cout << "\nНе является циклическим сдвигом: ";
             std::cout << "-1";
        return flag;
      int main()
        setlocale(LC ALL, "Russian");
        std::string text;
        std::string sample;
        std::cin >> sample; std::cin >> text;
        std::vector<int> prefix(sample.length());
        prefixFunction(sample, prefix);
        findEntry(text, sample, prefix);
        return 0;
```