

DSP II Übungsblatt 2

Aufgabe 1

Gegeben:

$$y[n] = 6x[n] - 5x[n-1] + x[n-2]$$

Gesucht:

Pol- und Nullstellen

$$b_k = \{6, -5, 1\}$$

$$H(z) = \sum_{k=0}^M b_k z^{-k}$$

$$H(z) = 6z^{-0} - 5z^{-1} + 1z^{-2}$$

$$H(z) = 1 - \frac{5}{z} + \frac{1}{z^2}$$

$$H(z) = 1 - \frac{5(z^2)}{z^3} + \frac{1(z)}{z^3}$$

$$H(z) = \frac{z^3 - 5z^2 + z}{z^3}$$

$$H(z) = \frac{z^2 - 5z + 1}{z^2}$$

Polstellen:

0 doppelt

Nullstellen:

$$1 - 5z + z^2 = 0$$

$$\Rightarrow x_{1,2} = \frac{5 \pm \sqrt{5^2 - 4}}{2}$$

$$x_{1,2} = \frac{5 \pm \sqrt{21}}{2}$$

$$x_{1,2} = \{4.793, 0.209\}$$

Aufgabe 2

Gegeben:

$$H(z) = 4(1 - z^{-1})(1 + z^{-1})(1 + 0.8z^{-1})$$

Gesucht:

$$\text{Impulsantwort } h[n] = \sum_{k=0}^M b_k \delta[n - k]$$

$$b_k = \{-1, 1, 0.8\}$$

$$h[n] = -1\delta[n] + 1\delta[n - 1] + 0.8\delta[n - 2]$$

Aufgabe 3

Ausgangssignal $y[n]$:

$$y[n] = x[n] * h[n]$$

$$y[n] = \sum_{m=0}^{N-1} x[m]h[n - m]$$

$$y[n] = x[0]h[n - 0] + x[1]h[n - 1] + x[2]h[n - 2] + x[3]h[n - 3]$$

z-Transformierte $Y(z)$:

$$Y(z) = X(z)H(z)$$

$$Y(z) = \left(\sum_{n=-\infty}^{\infty} x[n]z^{-n}\right)\left(\sum_{n=-\infty}^{\infty} h[n]z^{-n}\right)$$