DSP II Übungsblatt 2

Aufgabe 1

Gegeben:

$$y[n] = 6x[n] - 5x[n-1] + x[n-2]$$

Gesucht:

Pol- und Nullstellen

$$b_k = \{6, -5, 1\}$$

$$H(z) = \sum_{k=0}^{M} b_k z^{-k}$$

$$H(z) = 6z^{-0} - 5z^{-1} + 1z^{-2}$$

$$H(z) = 1 - \frac{5}{z} + \frac{1}{z^2}$$

$$H(z) = 1 - \frac{5(z^2)}{z^3} + \frac{1(z)}{z^3}$$

$$H(z) = \frac{z^3 - 5z^2 + z}{z^3}$$

$$H(z) = \frac{z^2 - 5z + 1}{z^2}$$

$$Polstellen:$$

$$0 \text{ doppelt}$$

$$\frac{\text{Nullstellen:}}{1 - 5z + z^2 = 0}$$

$$\Rightarrow x_{1,2} = \frac{5 \pm \sqrt{5^2 - 4}}{2}$$

$$x_{1,2} = \frac{5 \pm \sqrt{21}}{2}$$

$$x_{1,2} = \{4.793, 0.209\}$$

Aufgabe 2

Gegeben:

$$\overline{H(z)} = 4(1-z^{-1})(1+z^{-1})(1+0.8z^{-1})$$

Gesucht:

Impulsantwort
$$h[n] = \sum_{k=0}^{M} b_k \delta[n-k]$$

 $b_k = \{-1, 1, 0.8\}$
 $h[n] = -1\delta[n] + 1\delta[n-1] + 0.8\delta[n-2]$

Aufgabe 3

Ausgangssignal y[n]:

$$y[n] = x[n] * h[n]$$

$$y[n] = \sum_{m=0}^{N-1} x[m]h[n-m]$$

$$y[n] = x[0]h[n-0] + x[1]h[n-1] + x[2]h[n-2] + x[3]h[n-3]$$

z-Transformierte Y(z):

$$\begin{array}{l} Y(z) = X(z)H(z) \\ Y(z) = (\sum_{n=-\infty}^{\infty} x[n]z^{-n})(\sum_{n=-\infty}^{\infty} h[n]z^{-n}) \end{array}$$

Aufgabe 4

Aufgabe 5

a)

Impulsantwort h[n]:

$$\begin{aligned} b_k &= 3, +2, -3 \\ h[n] &= \sum_{k=0}^{M} b_k \delta[n-k] \\ h[n] &= 3\delta[n-0] + 2\delta[n-1] - 3\delta[n-2] \end{aligned}$$

b)

Gegeben:

$$\overline{x[n] = 3}e^{j(0.4\pi n - \frac{\pi}{2})} \text{ für alle n}$$

Aufgabe 6

Gegeben:

Frequenzgang: $H(\hat{\omega}) = 2jsin(\frac{\hat{\omega}}{2})e^{-j\frac{\hat{\omega}}{2}}$

Gesucht:

Impulsantwort h[n] und Differenzengleichung y[n]

Aufgabe 7

Gegeben:

$$\frac{1}{h[n]} = \sum_{m=0}^{N-1} h_2[m] h_1[n-m]
h_2[0] h_1[n-0] = -1 - 2 - 3 - 4
h_2[1] h_1[n-1] = 1, 2, 3, 4
h_2[2] h_1[n-2] = -1 - 2 - 3 - 4
h[n] h_1[n-0] = -1, -1, -2, -3, 1, -4$$