

UNIVERZA V LJUBLJANI
FAKULTETA ZA MATEMATIKO IN FIZIKO

Finančna matematika – 1. stopnja

Neža Kržan

STATISTIKA V KAZENSKEM PRAVU

Delo diplomskega seminarja

Mentor: izr. prof. dr. Jaka Smrekar

Ljubljana, 2023

Kazalo

1	Uvod	9
2	Statistika v kazenskem pravu	10
3	Uporaba statistike pri pravnem postopku	11
4	Raziskovalni proces	12
5	Vrednotenje dokazov	13
6	Koncept verjetnosti	15
7	Bayesova statistika	16
7.1	Opredelitev	16
7.2	Bayesovo pravilo	16
7.3	Bayesovo posodabljanje	17
7.4	Primer - Taksi podjetja	17
7.5	Bayesova teorija v kazenskem pravu	18
7.6	Predhodna verjetnost in določitev aposteriorne verjetnosti	19
8	Predstavitev sodnega procesa - medicinska sestra Lucia De Berk	21
8.1	Podatki in uporabljena metoda	21
8.2	Pristop z Bayesovo teorijo	23
9	Bayesova analiza	24
9.1	Poenostavljena Bayesova analiza	24
9.2	Izpopolnjena Bayesova analiza	24
10	Frekvence	26
11	Metoda verjetnosti naključnega ujemanja	28
12	Razmerje verjetij	29
12.1	Opredelitev	29
12.2	Razmerje verjetij v kazenskem pravu	30
12.3	Utemeljitev uporabe razmerju verjetij	31
12.4	Bayesov faktor in razmerje verjetij	33
13	Nadaljevanje sodnega procesa - medicinska sestra Lucia De Berk: Pristop z razmerjem verjetij	33
14	Zmote v kazenskem pravu	35
14.1	Tožilčeva zmota	36
14.1.1	Primer - Tožilčeva zmota	37

15 Načini za izogib zmotam	39
15.1 Izogib zmotam z uporabo razmerja verjetij	39
15.2 Učinkovitost Bayesove teorije pri zmanjšanju zmote obrambnega od- vetnika	39
15.3 Učinkovitost Bayesove teorije pri zmanjšanju zasliševalčeve zmote . .	40
16 Nadaljevanje sodnega procesa - medicinska sestra Lucia de Berg: Interpretacija verjetnosti na sodišču	43
17 Izogib zmotam z uporabo Bayesovih omrežij	43
17.1 Opredelitev	43
17.2 Uporaba Bayesovih omrežij na sodišču	44
18 Zaključek	45
Literatura	47

Statistika v kazenskem pravu

POVZETEK

Diplomsko delo opisuje uporabo verjetnosti in statistike v kazenskem pravu. Statistične metode so temelj kazenskega pravosodja in kriminologije, pa ne le za raziskave, pri katerih so podlaga statistični podatki in analize, ampak tudi za vrednotenje hipotez in dokazov sodnega procesa. Čedalje pogosteje je, da velik del zaključka sodnega procesa temelji na verjetnostnem izračunu vpliva dokazov na začetno in vmesne hipoteze. Koncept verjetnosti temelji na primerjavi verjetnosti dokazov na podlagi dveh konkurenčnih predlogov, in sicer predloga tožilstva in predloga obrambe in je ključen pri ocenjevanju dokazov, saj nam zagotovi objektivno oceno njihovega vpliva na verjetnost določene domneve oziroma hipoteze. Pri presoji dokazov se uporablja različne metode in nekatere izmed njih sem opisala v diplomskem delu.

Najpogosteje uporabljena metoda in tudi ena izmed najbolj razvitih temelji na Bayesovi statistiki. Bayesova statistika je statistična veja, ki nam s pomočjo matematičnih pristopov omogoča posodabljanje predhodnih oziroma apriornih verjetnosti dokazov v aposteriornu verjetnost. Težave se pojavijo pri določitvi predhodnih verjetnosti, saj je deljeno mnenje, kdo naj določi te verjetnosti in na kakšen način. Različne metode za določitev lahko dajejo različne rezultate, kar pa je problematično, saj celotna Bayesova teorija temelji ravno na teh začetnih izračunih. Zaradi verjetnostne oblike Bayesovega izreka za merilo vrednosti dokazov uporabljamo razmerje verjetij.

Ker pa je statistika v kazenskem pravu še v razvoju in je znanje ter razumevanje verjetnosti precej omejeno pri odvetnikih, sodnikih in poroti, se pojavlja mnogo zmot. Najbolj znana primera takih zmot sta tožilčeva zmota, ki je dobro znan statistični problem, druga, večja, ki pa izhaja iz prve, pa je zmota obrambnega odvetnika in ker zmoti največkrat nista prepoznani, je posledica lahko tudi napačen zaključek sodnega procesa. Tožilčeva zmota temelji na zamenjavi dveh različnih pogojnih verjetnosti, ki imata zelo različni vrednosti. Pri zmoti obrambnega odvetnika pa dokaze obtoženca, ki se ujema z dokazi kaznivega dejanja, štejejo za nepomembne. Večina ostalih zmot prav tako izhaja iz napačnega razumevanja pogojne verjetnosti.

Ker so zmote velik problem, opišem tudi nekatere ustrezne pristope za izogib zmotam, pri čemer je po mojem mnenju najbolj učinkovit pristop uporaba Bayesovih omrežij, ker nam pomagajo določiti ustrezne verjetnostne formule v grafičnih modelih, ne da bi prikazali njihovo popolno algebrsko obliko. Bistveno izboljšajo vrednotenje verjetnostnih razmerij, ki se uporabljajo za ocenjevanje dokazov in omogočajo kompleksnejše analize. Za njihovo izdelavo je potreben dosleden okvir, sicer lahko pridemo do različnih rezultatov. Ker pa izračun verjetnosti hipotez in dokazov ponovno temelji na Bayesovi teoriji, se pomanjkljivost Bayesove statistike prenese tudi na Bayesova omrežja.

Math. Subj. Class. (2020): 62P99, 62C10, 60A99

Ključne besede: bayesova statistika, apriorna verjetnost, aposteriorna verjetnost, razmerje verjetij, frekvence, tožilčeva zmota, Bayesova omrežja

Criminal justice statistics

ABSTRACT

In this Bachelor's thesis we describe the use of probability and statistics in criminal justice. Statistical methods are base of criminal justice and criminology, not only for research based on statistical data and analysis, but also for evaluating hypotheses and evidence in the judicial process. Increasingly, a significant portion of the conclusion of legal proceedings is based on probabilistic calculations of the impact of evidence on initial and intermediate hypotheses. The concept of probability relies on comparing the probability of evidence based on two competing propositions, namely the prosecution's proposition and the defence's proposition, and it is very important in assessing evidence as it provides an objective evaluation of their impact on the probability of a particular assumption or hypothesis. In this Bachelor's thesis we also describe methods that are used in the evidence assessment.

The most frequently used method, and also one of the most developed ones, is based on Bayesian statistics. Bayesian statistics is a statistical branch that employs mathematical approaches to update prior probabilities of evidence into posterior probabilities. Challenges arise in determining prior probabilities, as there is a divided opinion on who should establish these probabilities and in what manner. Different methods of determination can yield different results, which is problematic since the entire Bayesian theory relies on these initial calculations. Due to the probabilistic nature of the Bayesian theorem, the measure of the evidential value uses the likelihood ratio.

As statistics in criminal law is still evolving and the knowledge and understanding of probability are quite limited among lawyers, judges, and juries, numerous fallacies arise. The most well-known examples of such fallacies are the Prosecutor's Fallacy, which is a well-known statistical problem, and a more significant fallacy stemming from it, known as the Defence Attorney's Fallacy. Because these fallacies often go unrecognized, their consequence can be an incorrect conclusion in the judicial process. The Prosecutor's Fallacy is based on the confusion of two different conditional probabilities with vastly different values. In the Defence Attorney's Fallacy, evidence presented by the accused that matches evidence of the criminal act is considered insignificant. Most other fallacies also arise from a misunderstanding of conditional probability.

Because fallacies are a significant issue, I also describe some appropriate approaches to avoid them. In my opinion, the most effective approach is the use of Bayesian networks, as they help us determine appropriate probability formulas within graphical models without displaying their complete algebraic form. They significantly enhance the evaluation of likelihood ratios used for evidence assessment and enable more complex analyses. Constructing them requires a consistent framework, as inconsistent approaches can yield different results. However, since the computation of hypotheses and evidence probabilities once again relies on Bayesian theory, the imperfections of Bayesian statistics are also transferred to Bayesian networks.

Math. Subj. Class. (2020): 62P99, 62C10, 60A99

Keywords: bayesian statistics, priori probability, posterior probability, likelihood

ratio, frequencies, prosecutor's fallacy, bayesian networks

1 Uvod

Statistične metode za vrednotenje dokazov v sodnih procesih so se začele uporabljati že v prejšnjem stoletju. Iz znanih teorij verjetnosti in statistike so se razvile metode za čim boljše ocenjevanje in vrednotenje dokazov na podlagi začetnih hipotez. Zaradi pomanjkanja znanja teorije verjetnosti so se hitro začele pojavljati zmote statističnih analiz dokazov. Ker do večine zmot pride pri napačnem razumevanju končnega rezultata statistične analize, so danes v razvoju novi načini za predstavitev le teh. Poleg tega se problema zavedajo tudi pravne fakultete, ki v ta namen v svoje učne programe že vključujejo teorijo statistike in verjetnosti. Težava pa ni le pri razumevanju končnega poročila, ampak tudi pri analizi in vrednotenju dokazov. Statistiki se srečujejo s problemi metod vrednotenja in upoštevanjem pravnih zakonov in teorije. V diplomskem delu poskušam čim boljše predstaviti nekatere metode za vrednotenje dokazov, njihove pomanjkljivosti in prednosti. Poleg tega pa poskušam najti način čim hitrejša analize dokazov in hkrati tudi najboljši prikaz končnega poročila analize poroti, sodnikom in odvetnikom v skladu s pravnimi pravili.

Diplomsko delo je razdeljeno v več razdelkov. Najprej so opredeljeni osnovni koncepti statistike v kazenskem pravu in predstavljen je raziskovalni proces za preučevanje problemov kriminologije. Nato sledi opis vrednotenja dokazov in koncept verjetnosti v kazenskem pravu. V glavnem delu diplomske naloge predstavim metode vrednotenja dokazov in se osredotočim na podroben opis Bayesove statistike v kazenskem pravu in njene uporabe pri ugotavljanju, ali je obtoženec vir sledi DNK-ja s kraja zločina. Ker je Bayesova statistika na neki način tehtanje dokazov opredelim tudi razmerje verjetij, ki je potrebno za določitev vrednosti dokaza oziroma dokazov. Za primerno predstavbo prednosti in slabosti Bayesove teorije v kazenskem pravu opišem še metodo frekvenc in njeno uporabo pri DNK dokazih ter metodo verjetnosti naključnega ujemanja. V zadnjem delu sledi predstavitev zmot, ki nastanejo zaradi napačnega razumevanja verjetnosti in možni pristopi za odpravo oziroma izogib le teh. Opis statistike v kazenskem pravu podkrepim s predstavitevjo kazenskega primera medicinske sestre Lucie De Berg, v katerem prikažem glavne težave s katerimi se srečujejo statistični analitiki. Tudi vmesni pojmi, poleg teoretične opredelitve, so podprti s primerljivimi primeri za lažjo predstavbo.

Cilj dela diplomskega seminarja je spoznavanje uporabnosti statistike in verjetnosti na manj znanem področju, kot je kazensko pravo. Ker je koncept verjetnosti v kazenskem pravu še v razvoju, me zanimajo predvsem napake in pomanjkljivosti. Želela bi ugotoviti, katere metode vrednotenja dokazov in ocenjevanja verjetnosti hipotez so najboljše in kako se najlažje izogniti tožilčevi zmoti in zmoti obrambnega odvetnika. Namen naloge ni predstaviti vseh metod, ki jih uporabljajo za vrednotenje dokazov, ker se ravno zaradi razvoja vede to hitro posodablja. Zanimajo pa me tudi možne napake in težave, ki se zgodijo pred predstavitevjo rezultatov statističnih analiz na sodišču. Osredotočila se bom predvsem na evropsko kazensko pravo in evropske kazenske primere, ter svoje zaključke napisala na podlagi teh.

2 Statistika v kazenskem pravu

Statistične metode so temelj kazenskega pravosodja in kriminologije. Omogočajo oblikovanje in širjenje znanja o kriminaliteti in kazenskoopravnem sistemu. Raziskave, ki preverjajo teorije ali preučujejo pojave v kazenskem pravosodju ter so objavljene v znanstvenih revijah in knjigah, so podlaga za večino tega, kar vemo o kaznivih dejanjih in sistemu, ki je bil oblikovan za njihovo obravnavanje. Večina teh raziskav ne bi bila mogoča brez statističnih podatkov.

Raziskave na področju kazenskega pravosodja in kriminologije so različne po naravi in namenu. Velik del raziskav vključuje preverjanje teorije in hipotez.

Definicija 2.1. *Teorija* je niz predlaganih in preverljivih razlag realnosti, ki jih povezujejo logika in dokazi.

Definicija 2.2. *Hipoteza* je posamezna trditev, izpeljana iz teorije, ki mora biti resnična, da bi bila teorija veljavna.

Teorije so predlagane razlage določenih dogodkov. Hipoteze so majhni deli teorij, ki morajo biti resnični, da bi celotna teorija držala. Teorijo si lahko predstavljamo kot verigo, hipoteze pa kot člene, ki sestavljajo to verigo.

Statistiki si na področju kazenskega pravosodja in kriminologije običajno prizadevajo preučiti razmerja med dvema ali več spremenljivkami. Opazovani ali empirični pojavi pa sprožajo vprašanja. Vzemimo za primer umor. Empirični pojavi so umori. Vendar pa statistiki običajno želijo več kot le zapisati empirične ugotovitve - želijo vedeti, zakaj so stvari takšne, kot so. Poskušajo ugotoviti dejavnike, ki so prisotni, zato morajo določiti odvisne in neodvisne spremenljivke.

Definicija 2.3. *Odvisna spremenljivka* je pojav, ki ga želi statistik preučiti, razložiti ali napovedati.

Definicija 2.4. *Neodvisna spremenljivka* je dejavnik ali značilnost, s katero se poskuša pojasniti ali napovedati odvisno spremenljivko.

Odvisne spremenljivke so empirični dogodki, ki jih želi statistik pojasniti. Statistiki skušajo opredeliti spremenljivke, ki pomagajo napovedati ali pojasniti dogodke. Neodvisne spremenljivke so dejavniki, za katere statistik meni, da bi lahko vplivali na odvisne spremenljivke. Glede na naravo raziskovalne študije določijo neodvisne in odvisne spremenljivke.

Pomembno je razumeti, da neodvisno in odvisno nista sinonima za vzrok in posledico. Določene neodvisne spremenljivke so lahko povezane z določenimi odvisnimi spremenljivkami, vendar to še zdaleč ni dokončen dokaz, da so prve vzrok drugih. Za dokazovanje vzročnosti morajo statistiki dokazati, da njihove študije izpolnjujejo tri merila. Prvo je časovno zaporedje, kar pomeni, da se mora neodvisna spremenljivka pojaviti pred odvisno spremenljivko. Druga zahteva glede vzročnosti je, da obstaja empirična povezava med neodvisno in odvisno spremenljivko. Zadnja zahteva je, da je razmerje med neodvisno spremenljivko in odvisno spremenljivko nepristransko. Nepristranskost je v kriminologiji in kazenskoopravnih raziskavah pogosto najtežje dokazati, saj je človeško vedenje zapleteno in ima vsako dejanje, ki

ga oseba stori, več vzrokov. Razmejitev teh vzročnih dejavnikov je lahko težavna ali nemogoča. Razlog, zakaj je nepristranskost problem, je, da lahko obstaja tretja spremenljivka, ki pojasnjuje odvisno spremenljivko enako dobro ali celo bolje kot neodvisne spremenljivke. Ta tretja spremenljivka lahko delno ali v celoti pojasni razmerje med neodvisno in odvisno spremenljivko. Nenamerna izključitev ene ali več pomembnih spremenljivk lahko privede do napačnih zaključkov, saj lahko statistik zmotno verjame, da neodvisna spremenljivka močno napoveduje odvisno spremenljivko, medtem ko je v resnici razmerje dejansko delno ali v celoti posledica posrednih dejavnikov. Drug izraz za to težavo je pristranskost izpuščenih spremenljivk. Kadar je pristranskost izpuščenih spremenljivk prisotna v razmerju neodvisne spremenljivke - odvisne spremenljivke, vendar se ne prepozna, lahko pridemo do napačnega sklepa o zločinu.

Torej vse vrste spremenljivk so med seboj povezane, vendar je pomembno, da na podlagi statističnih povezav ne sklepamo prehitro o vzročnih posledicah, kar pa bi lahko bila težava.

Statistiki se že na začetku sodnega procesa soočajo s prvimi težavami - določitvijo odvisnih in neodvisnih spremenljivk za modeliranje. V proces določanja spremenljivk pa pogosto v preveliki meri posegajo odvetniki, ki se sklicujejo na pravne zakone in načela. To lahko postane sporno, saj lahko takšni pretirani posegi ovirajo statistične znanstvenike pri izračunu verjetnostnega vpliva spremenljivk. Odvetniki sicer imajo pomembno vlogo pri zagovarjanju strank v sodnih procesih, vendar je njihovo znanje o statistiki in verjetnostnih izračunih pomanjkljivo. Po mojem mnenju zato odvetniki lahko napačno opredelijo odvisne in neodvisne spremenljivke ter s tem vplivajo na kakovost modeliranja, kar lahko privede do napačnih zaključkov in nepravilnih odločitev v sodnih procesih. Zagotovo določitev spremenljivk ne sme biti naloga le odvetnikov ali le statističnih znanstvenikov, ampak menim, da je sodelovanje med statistiki in odvetniki pomembno, saj vsak prispeva svoj del poznavanja teorije, ki je v ozadju. S tem se lahko zagotovi pravilno opredelitev spremenljivk in pravilne verjetnostne izračune, ki bodo prispevali k pravičnim odločitvam v sodnih postopkih.

3 Uporaba statistike pri pravnem postopku

Sodišča ne potrebujejo statističnega strokovnega znanja le za rezultat statističnega postopka, temveč tudi za zagotovitev, da je metodologija primerna za podatke in da analiza razreši pravni problem. Pri skoraj vseh uporabah podatkov se sodni proces zanaša na razlago statističnih znanstvenikov, ki ocenijo zanesljivost podatkovne baze in pravilno razlagajo rezultate statistične analize. Pred pričanjem na sodišču moramo vedeti, na kaj točno se podatki nanašajo, kako so bili zbrani in kakšen del manjka ali je neuporaben, da se lahko odločimo za ustrezen postopek analize podatkov. Potrebujemo osnovne informacije odvetnika in drugih strokovnjakov, da lahko oblikujemo ustrezne primerjalne skupine. Ta postopek vključuje določitev ustrezne populacije (populacij), ki jo (jih) je treba preučiti, parametrov, ki nas zanimajo, in statističnega postopka, ki ga je treba uporabiti. Statistiki ne morejo določiti, katere vrednosti parametra so pravno pomembne, ker je parameter pravno določen.

Statistične informacije, ki jih dobi sodnik, so filtrirane prek odvetnikov. Odvetnik avtorju statistične analize postavlja vprašanja z namenom razlage statistične analize poroti, sodniku in drugim v sodni dvorani. Vprašanja so s strani odvetnikov seveda premišljeno postavljena, zato se lahko zgodi, da do temeljite razlage analize ne pride, ker statistik ne dobi primernih vprašanj. Kasneje so v delu obrazložene zmote, ki nastanejo zaradi pomanjkanja znanja verjetnosti pri sodnikih, poroti in odvetnikih, ampak mogoče pa nekatere izmed njih nastanejo tudi zaradi nepopolne razlage statistične analize. Do neke točke statistik sicer sam predstavi analizo, potem pa mora biti tudi on previden z razlago, zaradi porote, kajti poroti se predvidoma ne narekuje, kako naj si razlaga dokaze, kar pa ponavadi preučujemo s statistično analizo. Mogoče bi moralo biti določeno, kaj vse mora statistik predstaviti in razložiti, da bi se lahko izognili zmotam.

Uporaba statističnih analiz na sodiščih prinaša tudi nove težave za statistiko. Temelj dobre statistične analize je dober pregled predpostavk, na katerih morajo temeljiti naše metode in upoštevanje pravil prava. Pomembne so tudi baze podatkov in velikosti vzorcev, kar lahko predstavlja težavo. Potrebno je kombiniranje različnih postopkov za pridobivanje informacij iz podatkov in razlago rezultatov, kar sem zasledila, da statistiki velikokrat izkoriščajo, se ne poglobijo dovolj in predstavljena analiza postane nepopolna.

4 Raziskovalni proces

Raziskovalni proces v kazenskem pravosodju je običajno namenjen preučevanju problemov kriminala. Proces se izvaja po naslednjih točkah.

1. Identifikacija problema.

Na tej stopnji je treba navesti, zakaj je raziskava potrebna oziroma kakšen problem je potrebno razrešiti. Problem je treba jasno opredeliti in opisati. Navesti je potrebno hipotezo(e), dokaz(e) in spremenljivko(e), ki jih preučujejo.

Koncepti so posebne vrste spremenljivk (npr. socialno-ekonomski status), ki jih ni mogoče neposredno opazovati, vendar jih želijo izmeriti. Meritve morajo biti veljavne in zanesljive. Veljavnost je stopnja, do katere merilo natančno meri spremenljivko in njen osnovni koncept. Po mojem mnenju bi se na tem mestu že lahko vprašali oziroma soočili s problemom, ali je izbrana mera jasen kazalnik zadevnega koncepta. Zanesljivost je stopnja, do katere je spremenljivka dosleden in zanesljiv kazalnik koncepta. Spremenljivka je namenjena merjenju teh opazovanj ali konceptov. Običajno ima več kot eno možno vrednost. Merjenje spremenljivke mora biti jasno opredeljeno oziroma mora imeti operativno opredelitev. Hipoteza je izražena v obliki odnosa med spremenljivkami. V smislu reševanja problemov hipoteza opisuje način, na katerega je mogoče rešiti problem. V raziskavi neodvisna spremenljivka (X) povzroča učinek ali vpliv na odvisno spremenljivko (Y). Odvisna spremenljivka (Y) se lahko spremeni zaradi prisotnosti neodvisne spremenljivke. Hipoteza je torej napoved. Pričakujemo, da bo neodvisna spremenljivka povzročila učinek na odvisno spremenljivko.

2. Zasnova raziskave.

Več elementov raziskovalnega procesa se nanaša na postopek statistične analize. Vsi imajo ključno vlogo v logiki statistike. Zasnova raziskave nam pomaga ugotoviti, ali je metoda učinkovita, če bi jo poskušali izvajati na drugih mestih in v drugih časih. To opazimo s t.i. klasičnim eksperimentom. Cilj raziskave je dokazati, ali je imela spremenljivka želeni učinek ali ne. Da bi to ugotovili, poskušamo z raziskovalno zasnovo izolirati učinek ukrepa na problem. Klasični eksperiment vključuje razvrstitev udeležencev v eksperimentalno in kontrolno skupino. Ključni element postopka je naključna izbira, ki zagotavlja, da sta skupini primerljivi v vseh pomembnih vidikih. V statističnem smislu naključna dodelitev pomeni, da ima vsak član ciljne populacije enake možnosti, da bo izbran v eksperimentalno skupino. Drugi element je verjetnostno vzorčenje. Statistiki običajno ne more preučiti vseh elementov populacije. Večina raziskav se izvaja z izbiro vzorca iz populacije. Zbiranje podatkov vključuje opredelitev in izbiro virov podatkov. Vir podatkov je lahko raziskava, uradne evidence ali uradni statistični podatki.

3. Analiza podatkov.

Po zbiranju podatkov se začne analiza, ki vključuje pravilno izbiro in uporabo statističnih metod. Toda interpretacija in predstavitev rezultatov raziskave sta prav tako ključna vidika celotnega procesa. Kot je že bilo omenjeno, je pomembno, da statistiki upoštevajo ciljno občinstvo, ki jim bodo raziskovalni rezultati namenjeni. Pri neustrezni predstavitvi lahko pride do napačnega razumevanja rezultatov in posledično do napačnih sklepov. Vendar pa se pri predstavitvi rezultatov pojavijo največje težave, ko gre za področje kazenskega pravosodja. Statistiki morajo biti pozorni na posledice svojih rezultatov, zato svoje ugotovitve predstavijo na način, ki izraža resnico, hkrati pa je razumljiv in nepristranski. Poleg tega je treba upoštevati, da so posledice raziskav lahko dolgoročne in se lahko pojavijo šele v prihodnosti.

5 Vrednotenje dokazov

Ena od najbolj obravnavanih in kontroverznih tem med pravniki je vloga verjetnosti pri ocenjevanju pravnih dokazov, pridobljenih v sodnem procesu ugotavljanja dejstev in preiskave, ki je značilen za sodišča. Na mednarodnih kazenskih sodiščih je vodilno načelo prosta ocena dokazov, kar pomeni, da sodniki niso dolžni spoštovati pravil, kako ocenjevati dokaze, in zato lahko izberejo pristop, ki naj bi bil najprimernejši za oceno.

Postopek ugotavljanja dejstev zahteva oceno vseh dokazov, ki jih predložijo sodišču, da se določi, ali je obtoženec kriv ali ne. Uvedeta se pojma dokazni standard in vrednotenje dokazov.

Dokazni standard je pravno vprašanje. Gre za abstraktno normo, ki je opredeljena s pravnim pravilom; podobno kot obstoj določenih predpostavk za določeno kaznivo dejanje.

Vrednotenje dokazov pa je pravni problem. Gre za odločitev, kako se dokazi v določenem sodnem procesu oziroma kazenskem primeru nanašajo na abstraktno

normo.

Matematični pristopi za ocenjevanje dokazov določajo odstotke za dokazni standard, ki so manjši od popolne gotovosti, zato se predložene informacije (ali njihovo pomanjkanje) pretvorijo v številčne vrednosti (običajno približno 90-95-odstotna stopnja verjetnosti), ki se nato primerjajo z zahtevanim dokaznim standardom. Matematična tradicionalna verjetnost je opredeljena kot povezava med verjetnostjo nastanka dogodka s trenutno številčno vrednostjo. Po tem je možnost nastanka dogodka bolj verjetna, če spada med večino opazovanih dogodkov. Nasprotno pa možnost dogodka manj verjetna, če spada v manjšino opazovanih dogodkov. Verjetnost dogodka je torej razmerje med številom primerov, v katerih se je dogodek zgodil in število relevantnih primerov, tj.

$$P(\text{dogodek}) = \frac{\text{število primerov, v katerih se je dogodek zgodil}}{\text{število relevantnih primerov}}$$

Najpogostejši uporabljeni metodi za ocenjevanje dokazov sta metoda dokazne vrednosti in model verjetnosti hipoteze.

Metoda dokazne vrednosti temelji na vrednosti, ki jo ima dokaz za dokazno temo, njen namen pa je ugotoviti, ali med dokazom in zadevno dokazno temo obstaja nalključna povezava, pri čemer je dokazna tema glavna obtožba v kazenskem primeru. S to metodo dokazujemo določen omejen nabor dokazov, njen cilj pa je oceniti verjetnost, da dokazi dokazujejo hipotezo.

Z modelom verjetnosti hipoteze pa ocenjujemo verjetnost hipoteze glede na dokaze. Cilj je ugotoviti, kako verjetno je, da je hipoteza, za katero dokazi zagotavljajo določeno stopnjo podpore, resnična. Glavna razlika z metodo dokazne vrednosti je, da predpostavlja, da obstaja začetna verjetnost za hipotezo pred obravnavo dokazov, t.i. predhodna verjetnost.

V kazenskem pravu pa lahko zelo hitro pride do posebnih, edinstvenih predpostavk oziroma hipotez, ki pa predstavljajo težave pri vrednotenju oziroma merjenju v statističnih modelih. Zato so dokazi razdeljeni na tri različne, vendar delno se prekrivajoče kategorije:

1. dokaz je usmerjen na pojav ali neobstoj dogodka, dejanja ali vrste ravnanja, na katerem temelji sodni spor;
2. dokaz je usmerjen na identiteto posameznika, odgovornega za določeno dejanje ali niz dejanj;
3. dokaz je usmerjen v namero ali kakšen drug element odgovornosti, kot je znanje ali provokacija.

Pomen, ustreznost in nevarnosti dokaza so močno odvisni od tega, ali naj bi takšen dokaz vplival na dogodek, identiteto ali miselnost.

6 Koncept verjetnosti

Definicija 6.1. Naj bo H nek dogodek in \bar{H} negacija oziroma komplement dogodka H . Dogodka H in \bar{H} sta znana kot komplementarna dogodka.

Pogosto se opravlja primerjava verjetnosti dokazov na podlagi dveh konkurenčnih predlogov, in sicer predloga tožilca in predloga obrambe.

$H_p \dots$ trditev, ki jo predlaga tožilstvo;
 $H_d \dots$ trditev, ki jo predlaga obramba;

Hipoteze se lahko dopolnjujejo na enak način kot dogodki - ena in samo ena je lahko resnična, med seboj se izključujejo. Ni nujno, da so izbrane tako, da zajemajo vse možne razlage dokazov. Dve hipotezi lahko označujeta komplementarne dogodke (npr. resnično kriv in resnično nedolžen), vendar pa se lahko zgodi, da se določena dogodka ne dopolnjujeta.

Koncept verjetnosti je ključen pri ocenjevanju dokazov, saj omogoča objektivno oceno njihovega vpliva na verjetnost določene domneve o interesni osebi (v nadaljevanju PoI) ali obtožencu. Pri presoji dokazov se uporablja različne metode in tehnike, ki temeljijo na statistični verjetnosti. Te metode omogočajo oceno, kako verjetno je, da so dokazi resnični in zanesljivi. Pri presoji dokazov se najprej analizira njihova verjetnost, pri čemer je pomembno, da se upošteva tudi kontekst. Dokazi se namreč ne presojujejo izolirano, ampak v kontekstu celotnega primera. To pomeni, da se pri presoji dokazov upošteva tudi druge dokaze in okoliščine primera. Na ta način se lahko izvede bolj objektivna presoja dokazov in ugotovi, kako vplivajo na določeno domnevo o interesni osebi ali obtožencu.

V skladu s konceptom verjetnosti se pri presoji dokazov upošteva tudi verjetnost napake. Ta se nanaša na verjetnost, da so dokazi napačni ali zavajajoči.

V splošnem nas zanima vpliv dokazov na verjetnost krivde (H_p) in nedolžnosti (H_d) osumljenca. Gre za dopolnjujoča se dogodka in razmerje verjetij teh dveh dogodkov,

$$\frac{P(H_p)}{P(H_d)}, \quad (6.1)$$

je verjetnost proti nedolžnosti ali verjetnost za krivdo. Ob upoštevanju dodatnih informacij E oziroma dokazov, je razmerje

$$\frac{P(H_p|E)}{P(H_d|E)}, \quad (6.2)$$

verjetnost v prid krivdi ob upoštevanju dokazov E .

Ali je obtoženec kriv glede na znan doka E , je glavna stvar, ki nas pri sojenju zanima. Če imamo torej na voljo dokaz E , nas zanima pogojna verjetnost

$$P(kriv|E),$$

pri čemer nam je lahko v pomoč Bayesovo pravilo. To v teoriji drži, čeprav je v praksi izračun verjetnostne krivde lahko preveč zapleten. Ampak z Bayesovim pravilom lahko ocenimo verjetnosti vmesnih trditev oziroma dokazov, ki so ključnega pomena za ugotavljanje obtoženčeve krivde.

7 Bayesova statistika

7.1 Opredelitev

Bayesova statistika je statistična veja, ki s pomočjo matematičnih pristopov omogoča uporabo verjetnosti pri reševanju statističnih problemov. V svoje modele vključuje pogojno verjetnost, katero izračunamo z uporabo Bayesovega pravila.

Bayesova analiza je standardna metoda za posodabljanje verjetnosti po opazovanju več dokazov, zato je zelo primerna za obravnavo in vrednotenje dokazov. Vsakdo, ki mora presoditi o hipotezi, kot je »krivda« (vključno s preiskovalci pred sojenjem, sodniki, porotami), neformalno začne z nekim predhodnim prepričanjem o hipotezi in ga posodablja, ko se dokazi ponovno pojavijo. Včasih lahko obstajajo celo objektivni podatki, na katerih temelji predhodna verjetnost. Pri uporabi Bayesovega sklepanja morajo statistiki utemeljiti predhodne predpostavke, kadar je to mogoče, na primer z uporabo zunanjih podatkov; v nasprotnem primeru morajo uporabiti razpon vrednosti predpostavk in analizo občutljivosti, da preverijo zanesljivost rezultata glede na te vrednosti.

7.2 Bayesovo pravilo

Bayesovo sklepanje temelji na Bayesovem pravilu, ki izraža verjetnost nekega dogodka z verjetnostjo dveh dogodkov in obrnjene pogojne verjetnosti. Pogojna verjetnost predstavlja verjetnost dogodka glede na drug dogodek.

Definicija 7.1. Pogojna verjetnost dogodka H glede na dogodek E je

$$P(H|E) = \frac{P(H \cap E)}{P(E)}, \quad (7.1)$$

ob predpostavki, da je $P(E) > 0$.

Formula (7.1) pove, da je verjetnost dogodka H ob pogoju, da se je zgodil dogodek E , enaka razmerju verjetij, da se zgodita oba dogodka in verjetnosti, da se je zgodil dogodek E . Potem pogojno verjetnost uporabimo še v števcu formule (7.1) in dobimo Bayesovo pravilo.

Izrek 7.2. (*Bayesovo pravilo*)

$$P(H|E) = \frac{P(E|H) \times P(H)}{P(E)}. \quad (7.2)$$

Verjetnost dogodka E lahko še razpišemo

$$P(H|E) = \frac{P(E|H) \times P(H)}{P(E|H)P(H) + P(E|\neg H)P(\neg H)}. \quad (7.3)$$

Obstaja še ena formulacija Bayesovega pravila, ki olajša izračune in je pogosto uporabljena pri Bayesovi analizi DNK dokazov

$$\frac{P(H|E)}{P(\neg H|E)} = \frac{P(E|H)}{P(E|\neg H)} \times \frac{P(H)}{P(\neg H)}. \quad (7.4)$$

7.3 Bayesovo posodabljanje

Bayesovo pravilo se razlikuje od Bayesovega posodabljanja. Prvo je matematični izrek, drugo pa logična trditev, kako se sčasoma posodablja apriorne oziroma predhodne verjetnosti dokazov glede na novo zbrane dokaze oziroma prepričanja.

Definicija 7.3. (Bayesovo posodabljanje) Če se dogodek E zgodi ob času $t_1 > t_0$, potem je $P_1(H) = P_0(H|E)$.

Ob času t_0 dogodku H dodelimo verjetnost $P_0(H)$; to se imenuje predhodna verjetnost oziroma apriorna verjetnost. Ko se zgodi dogodek E ob času t_1 , ki vpliva na naša prepričanja o dogodku H, Bayesovo posodabljanje pravi, da je potrebno apriorno verjetnost dogodka H v času t_1 enačiti s pogojno verjetnostjo dogodka H glede na dogodek E v času t_0 .

Recimo, da je dogodek H neka hipoteza oziroma prepričanje o zločinu in dogodek E dokazi, zbrani za ta zločin. Pri Bayesovem posodabljanju je videti, kot da je dokaz E za to hipotezo nesporno resničen. Z drugimi besedami, predpostavka je, da moramo imeti po zbiranju dokazov E stopnjo zaupanja v E enako 1, torej če so dokazi zbrani v času t_1 , je $P_1(E) = 1$.

7.4 Primer - Taksi podjetja

Za lažje razumevanje Bayesovega pravila sem pripravila spodnji primer.

Obstajata dve taksi podjetji, Zeleni taksi in Modri taksi, katerih vozila so pobarvana zeleno oziroma modro. Podjetje Zeleni taksi pokriva 85 odstotkov trga, podjetje Modri taksi pa preostanek. Predpostavimo še, da v okolici ni drugih taksi podjetij. V meglenem dnevu taksi trči v mimoidočega pešca in ga poškoduje, vendar odpelje s kraja nesreče. Priča nesreče poroča, da je bilo vozilo modre barve. Priča ima prav le v 80 odstotkih primerov, kar pomeni, da je njena zanesljivost enaka 0,8. Kolikšna je verjetnost, da je bil taksi, ki je povzročil nesrečo, modre barve glede na poročilo priče?

Vpeljimo oznake:

Z ... hipoteza, da je bil taksi zelen,

M ... hipoteza, da je bil taksi moder,

W_m ... dokaz, t.j. poročanje priče, da je bil taksi moder,

$W_z \dots$ dokaz, t.j. poročanje priče, da je bil taksi zelen.

Problem je določiti pogojno verjetnost hipoteze M , ob pogoju, da je dokaz W_m resničen, torej $P(M|W_m)$.

Za uporabo Bayesovega pravila potrebujemo tri elemente: verjetnost dokazov glede na hipotezo, verjetnost dokazov in verjetnost hipoteze. Podjetje Zeleni taksi pokriva 85 odstotkov trga, zato je verjetnost $P(Z) = 0,85$. Po definiciji verjetnosti je potem $P(M) = 1 - P(Z) = 0,15$. Vemo tudi, da ima priča v 80 odstotkih primerov prav, torej $P(W_m|M) = 0,8$ in $P(W_m|Z) = 0,2$, ker se priča v 20 odstotkih primerov moti, torej je $P(W_z|Z) = 0,8$ in $P(W_m|Z) = 1 - P(W_z|Z) = 1 - 0,8 = 0,2$.

Izračunajmo še verjetnost dokaza $P(W_m)$:

$$P(W_m) = P(W_m|M)P(M) + P(W_m|Z)P(Z) = 0,8 \times 0,15 + 0,2 \times 0,85 = 0,29.$$

Sedaj lahko uporabimo Bayesovo pravilo:

$$P(M|W_m) = \frac{P(W_m|M)P(M)}{P(W_m|M)P(M) + P(W_m|Z)P(Z)} = \frac{0,8 \times 0,15}{0,29} = \frac{12}{29} \approx 0,41.$$

Verjetnost, da je bil taksi glede na pričanje dejansko modre barve, je precej majhna, tudi če ima priča v 80 odstotkih primerov prav. Razlog za to je, da je verjetnost M , ne glede na dokaze, majhna ($P(M) = 0,15$). Spodnja tabela kaže, da lahko s spreminjanjem verjetnosti M dobimo različne pogojne verjetnosti $P(M|W_m)$, pri čemer je zanesljivost priče nespremenjena:

$P(M)$	$P(Z)$	$P(W_m M)$	$P(M W_m)$
0,15	0,85	0,8	0,41
0,25	0,75	0,8	0,57
0,35	0,65	0,8	0,68
0,45	0,55	0,8	0,76
0,50	0,50	0,8	0,80
0,55	0,45	0,8	0,83
0,65	0,35	0,8	0,88
0,75	0,25	0,8	0,92
0,85	0,15	0,8	0,95

Tabela 1: Rezultati pogojne verjetnosti $P(M|W_m)$ pri spreminjanje verjetnosti M .

7.5 Bayesova teorija v kazenskem pravu

Bayesova teorija razlaga verjetnost kot merilo verjetnosti ali zaupanja, ki ga lahko ima posameznik glede nastanka določenega dogodka. Daje nam matematične modele za vključevanje naših apriornih prepričanj in dokazov, ki jih že lahko že imamo o nekem dogodku, za ustvarjanje novih prepričanj oziroma za pridobitev aposteriornih prepričanj, ki se lahko uporabijo za kasnejše odločitve, ko se pojavijo novi dokazi.

Sodniki ali porotniki, ki ugotavljajo sklep sodnega procesa, imajo na voljo vrsto dokazov. Njihova naloga je ocena, kako te informacije oziroma dokazi vplivajo na tožilčevo domnevo o obtožencu oziroma storilcu kaznivega dejanja. Pri Bayesovi teoriji moramo upoštevati vsak dokaz posebej, kar je še posebej pomembno pri začetku sodnega procesa.

Gre za postopek posodabljanja verjetnosti tožilčeve hipoteze na podlagi predhodnih oziroma apriornih verjetnosti. Pretvorimo predhodno verjetnost, tj. verjetnost hipoteze pred upoštevanjem določenega dokaza (dokazov), v aposteriorno verjetnost, tj. verjetnost hipoteze po upoštevanju določenega dokaza (dokazov).

Pomembno je tudi, da razlikujemo med dokazi pri Bayesovi teoriji in dokazi na sodišču. V Bayesovi teoriji je vsaka informacija dokaz, če je pomembna za verjetnost hipoteze. V kazenskem postopku pa je dokaz informacija, ki je bila predložena sodišču za podporo določeni izjavi na sodišču in je sprejeta kot pravno dopustna, kar pomeni, da je ta informacija znana sodniku, ki presoja tožilčevo domnevo o obtožencu in je pomembna za verjetnost hipoteze.

7.6 Predhodna verjetnost in določitev aposteriorne verjetnosti

Definicija 7.4. Predhodna verjetnost, ki je uporabljena v vsaki posodobitvi verjetnosti s pomočjo Bayesove teorije, je začetna verjetnost hipoteze oziroma tožilčeve domneve o obtožencu oziroma storilcu kaznivega dejanja.

Razjasniti je potrebno, da ko odvetniki govorijo o predhodni verjetnosti, pogosto mislijo na verjetnost začetne hipoteze oziroma tožilčeve domneve o obtožencu, preden so bili predloženi dokazi, kar je v skladu z opredelitvijo predhodne verjetnosti v Bayesovi teoriji. Po končni posodobitvi dobimo verjetnost hipoteze glede na vse dokaze, predložene na sojenju.

Recimo, da je statistik naprošen opraviti analizo profila DNK krvi, najdene na kraju kaznivega dejanja, in rezultat primerjati s profilom DNK obtoženca. O krivdi ali nedolžnosti obtoženca bo odločala porota. Odločitev porotnikov bo delno odvisna od njihove ocene dveh interesnih hipotez

H_1 ... vir krvi je obtoženec,

H_2 ... vir krvi je druga oseba.

Porotniki bodo morda želeli, da jim statistik dokončno pove, katera hipoteza je resnična, ali da jim navede verjetnosti. Za oceno verjetnosti vira mora upoštevati tudi druge dokaze v kazenskem primeru oziroma kontekst celotnega primera.

Recimo, da je statistik ugotovil, da imata obtoženec in kri s kraja zločina skupen niz t.i. genetskih označevalcev, ki jih najdemo pri eni osebi na 1 milijon prebivalcev v zadevni populaciji. Ne da bi upošteval druge dokaze, lahko statistik poda izjavo o pogojni verjetnosti ugotovitve teh rezultatov pri dveh hipotezah o medsebojni povezanosti. Lahko na primer tudi izjavi, da so skupni genetski označevalci skoraj zagotovo najdeni v primeru H_1 (vir je bil obtoženec), vendar imajo le 1 možnost na milijon, da bodo najdeni v primeru H_2 (vir je bil nekdo drug). Na podlagi te ocene lahko statistik poroti predloži razmerje verjetij - na primer, da so rezultati profila

DNK 1 milijonkrat bolj verjetni, če je bil vir krvi obtoženec in ne neka druga oseba. Vendar razmerje verjetij ni isto kot verjetnost vira.

Edini skladen način, kako na podlagi forenzičnih dokazov sklepati o verjetnosti virov, je uporaba Bayesovega pravila, ki zahteva, da začnemo s pripisom predhodnih verjetnosti za hipoteze, ki nas zanimajo, pri čemer bo Bayesov pristop deloval le, če bo statistik lahko začel s predhodno oziroma apriorno verjetnostjo.

Določitev predhodnih oziroma apriornih verjetnosti je resen problem pri Bayesovemu pristopu v kazenskih postopkih. Različne metode za določitev in izračun teh verjetnosti lahko dajejo rezultate, ki se med seboj precej razlikujejo, kar pa je problematično, ker celotna Bayesova teorija temelji ravno na teh začetnih izračunih. Bistveno vprašanje, ki se postavlja, je, ali naj statistik sploh poskušajo določiti predhodne verjetnosti in če ja, kako naj jih določijo. Nekateri strokovnjaki predlagajo, da bi morali predpostaviti enake predhodne verjetnosti za vse hipoteze v primeru, kar se imenuje nevtralno stanje. To pomeni, da se statistik ne opredeli za nobeno od hipotez, preden zbere kakršne koli dokaze ali informacije, ampak predpostavlja enako verjetnost za vse hipoteze. Torej predpostavljajo, da sta predhodni verjetnosti H_1 in H_2 enaki, nato pa ju v skladu z Bayesovim pravilom pomnožijo z razmerjem verjetij, da določijo aposteriorno verjetnost. To bi se lahko izkazalo za praktičen pristop, saj se lahko statistik s tem izogne vplivu lastnih in odvetniških predsodkov ter mnenj, ki bi lahko vplivali na predpostavke o verjetnosti. Na ta način se lahko zagotovi objektivnost analize, saj ne poskušamo prikazati ene hipoteze bolj verjetne od druge. Kljub temu pa mislim, da moramo biti do tega pristopa nekoliko kritični, saj je predpostavljanje enake verjetnosti za vse možnosti problematično - v realnosti se različne hipoteze razlikujejo po svoji verjetnosti.

Mnenje in poročila statističnih znanstvenikov naj bi bila ključni vir informacij, ki lahko prispevajo k objektivnemu in strokovnemu vrednotenju dokazov in verjetnosti v sodnih postopkih. Zato sem mnenja, da je potrebno zagotoviti njihovo neodvisnost in strokovnost ter jih zaščititi pred morebitnim poseganjem odvetnikov ali drugih udeležencev sodnega postopka v njihov proces dela, tako kot morajo to zagotoviti oni. Po mojem mnenju je pri določanju apriorne verjetnosti hipotez in dokazov zelo pomembno, da smo natančni in korektni, kajti vsi naslednji verjetnostni računi in statistične analize temeljijo ravno na tem. Zato naj statistik uporabi svoje strokovno znanje za izračun apriorne verjetnosti na podlagi razpoložljivih podatkov in brez nepotrebnega vplivanja odvetnikov ali drugih udeležencev postopka.

Poleg tega sem ugotovila, da za statistiko v kazenskem pravu obstajajo pravila in smernice, kako upoštevati zakonodajo, pravila in postopke sodnega procesa, ki jih po mojem mnenju dosledno upoštevajo, torej načeloma zagotovijo ustrezne predhodne verjetnosti. Tako bi dobili dovolj objektivno oceno verjetnosti krivde ali nedolžnosti obtoženca in zagotovili pravično sodno odločitev. Glavni očitke temu pristopu v okviru sodnega procesa bi lahko bil, da lahko statistiki presežejo svoje znanstveno znanje in si prisvojijo vlogo tistega, ki ugotavlja dejstva.

Ko le določijo predhodne oziroma apriorne verjetnosti tožilčeve hipoteze in dokazov, sledi posodabljanje le teh. Tekom sodnega procesa se v realnosti vedno pojavljajo nove domneve o obtožencu in skoraj vedno se najdejo novi dokazi s kraja zločina. Smiselno je, da vse to v postopku izračuna tudi upoštevamo. Zasledila sem, da

se tekom sodnega procesa marsikateri dokaz najprej prizna in je znan sodniku, ki presoja tožilčevo domnevo o obtožencu, torej ga upoštevajo v svojih izračunih za posodobitve predhodnih verjetnosti hipotez. Potem pa dokaz iz sodnega procesa umaknejo, ampak presnetilo me je, da dokaz največkrat ni umaknjen iz verjetnostnih računov. Mnenja sem, da bi morali statistiki, ko se določen dokaz iz sodnega procesa, zaradi tehtnega razloga, umakne, posodobiti vse račune za nazaj in nato nadaljevati posodabljanje verjetnosti. Tako bi dobili primeren izračun posteriornih verjetnosti, na katerih bi potem lahko temeljil zaključek sodnega procesa.

8 Predstavitev sodnega procesa - medicinska sestra Lucia De Berk

Primer je povzet po [12].

Marca 2003 je bila medicinska sestra Lucia de Berk (v nadaljevanju osumljenka) v Haagu na Nizozemskem obsojena na dosmrtni zapor zaradi obtožbe uboja več bolnikov (v nadaljevanju je zadevni dogodek smrt bolnika) v dveh bolnišnicah, v katerih je delala v bližnji preteklosti (bolnišnici JZK in RKZ). V bolnišnici JKZ se je med Lucijinimi izmenami pojavilo nenavadno veliko zadevnih dogodkov, kar je sprožilo vprašanja glede njene morebitne vpletenosti v te dogodke. Razmišljalo se je, ali bi lahko bila Lucijina prisotnost pri toliko zadevnih dogodkih zgolj naključje. Na zahtevo državnega tožilca je statistično analizo podal statistik Henk Elffers. V grobem je bila njegova ugotovitev naslednja: ob predpostavkah, da

1. je verjetnost, da osumljenka doživi zadevni dogodek med izmeno, enaka verjetnosti za katero koli drugo medicinsko sestro in
2. da so pojavi zadevnih dogodkov neodvisni za različne delovne izmene,

potem je verjetnost, da je osumljenka doživela toliko zadevnih dogodkov, kot jih je dejansko doživela, manjša od 1 proti 342 milijonom. Henk Elffers je mnenja, da je verjetnost naključja tako majhna, da standardna statistična metodologija zavrne ničelno hipotezo o naključju. Vendar je poudaril, da to ne pomeni nujno, da je osumljenka kriva. Prvi problem, ki sem ga zasledila je, da Henk Elffers in sodišče nista upoštevala subjektivnega elementa pri izbiri verjetnostnega modela in s tem možnosti za obstoj več modelov z različnimi napovedmi ali celo različnimi odgovori na različna vprašanja.

8.1 Podatki in uporabljena metoda

Henk Elffers je temeljil na podatkih o izmenah osmuljenke in drugih medicinskih sester ter smrti bolnikov, ki so se zgodili v teh izmenah, da bi utemeljil svoj model v celoti.

Tekom sodbe je bilo ugotovljeno, da je osumljenka v RKZ dejansko opravila tri izmene in ne le ene, zato v kasnejših izračunih uporabimo to pravilno število.

Ime bolnišnice (in številka izmene)	JKZ	RKZ-1	RKZ-2
Število vseh izmen	1029	336	339
Število izmen osumljenke	142	1	58
Število vseh zadevnih dogodkov	8	5	14
Število smrti v času izmene osumljenke	8	1	5

Tabela 2: Podatki o izmenah in zadevnih dogodkih, ki jih je uporabil Henk Elffers (za določeno obdobje).

Najprej bi se lahko odločili za izdelavo modela na podlagi epidemioloških podatkov o verjetnosti smrti med različnimi vrstami izmen; tako bi lahko izračunali verjetnost, da bi bila osumljenka naključno prisotna pri toliko smrtih, kolikor jim je bila dejansko priča. Težava tega pristopa pa je, da nimamo potrebnih podatkov. Zato je Henk Elffers poskušal sestaviti model, kjer uporabimo samo zgoraj navedene podatke. Predpostavil je, da

1. obstaja verjetnost p za nastanek smrti bolnika med določeno izmeno (torej p ni odvisen od tega, ali gre za dnevno ali nočno izmeno),
2. smrti bolnikov se pojavljajo neodvisno drug od drugega.

Izračunajmo pogojno verjetnost dogodka, da se (recimo v JKZ) vse smrti zgodijo med izmenami osumljenke, ob upoštevanju skupnega števila zadevnih dogodkov in skupnega števila izmen v preučevanem obdobju. Naj bo

$n \dots$ skupno število izmen,

$r \dots$ število izmen osumljenke,

potem je pogojna verjetnost, da je bila osumljenka priča x zadevnim dogodkom, če se je zgodilo k smrti bolnikov, naslednja

$$\frac{\binom{r}{x} p^x (1-p)^{r-x} \binom{n-r}{k-x} p^{k-x} (1-p)^{n-r-k+x}}{\binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k}} = \frac{\binom{r}{x} \binom{n-r}{k-x}}{\binom{n}{k}}. \quad (8.1)$$

Ta porazdelitev je znana kot hipergeometrijska porazdelitev. S to formulo lahko enostavno izračunamo (pogojno) verjetnost, da je bila osumljenka priča vsaj takšnemu številu zadevnih dogodkov, kot jih je dejansko doživela.

Po Elffersovem mnenju naj izračun ne bi bil povsem pošten do osumljenke. Bolj smiselno naj bi bilo, da se ne bi izračunavala verjetnost, da je bila osumljenka priča toliko smrtim, temveč verjetnost, da je bila neka medicinska sestra priča toliko smrtim bolnikov. V JKZ je za izmene skrbelo 27 medicinskih sester, zato je Henk Elffers domnevno, da bi dobil zgornjo mejo te verjetnosti, svoj rezultat pomnoži s 27, kar je imenovano naknadni popravek. Popraveknaj bi bil potreben le za bolnišnico JKZ; v RKZ to ni potrebno, saj je bila osumljenka že opredeljen kot osumljenka na podlagi podatkov za bolnišnico JKZ. Prej omenjeni končni podatek, 1 proti 342 milijonom, je izračunal tako, da je pomnožil rezultate za vse tri bolnišnice.

Najbolj izpostavljena težava pri metodi, ki jo je uporabil Elfferson, je dvojna uporaba podatkov o JZK - uporabi jih za identifikacijo osumljenca in sum, da je prišlo do kaznivega dejanja, nato pa še pri izračuni verjetnosti. Gre za problem, ko se na

podlagi določenih podatkov določi hipotezo, nato pa ta isti podatek uporabimo za preverjanje te hipoteze. Menim, da se je Henk Elfferson zavedal problema, saj je uvedel naknadni popravek glede tega.

8.2 Pristop z Bayesovo teorijo

Bayesov pristop bi rešil težave ponovne uporabe podatkov.

Naj bo

H_d ... Lucia de Berk je nedolžna;

H_p ... Lucia de Berk je kriva;

E ... razpoložljivi dokazi.

Z uporabo Bayesovega pravila dobimo

$$\frac{P(H_p|E)}{P(H_d|E)} = \frac{P(E|H_p)}{P(E|H_d)} \times \frac{P(H_p)}{P(H_d)}$$

oziroma

$$\text{aposteriorna verjetnost} = \text{razmerje verjetij} \times \text{predhodna verjetnost}$$

Verjetnost $P(H_d|E)$ je verjetnost hipoteze H_d po ovrednotenju dokazov E . Ob vsakih na novo pridobljenih dokazih lahko posodobimo verjetnosti na naslednji način. Naj bodo E' novi dokazi in

$$\text{stare aposteriorne verjetnosti} = \frac{P(E|H_p)}{P(E|H_d)} \times \frac{P(H_p)}{P(H_d)},$$

potem, po pridobitvi novih dokazov, izračunamo nove aposteriorne verjetnosti

$$\begin{aligned} \frac{P(H_p|E, E')}{P(H_d|E, E')} &= \frac{P(E' \cap E|H_p)}{P(E' \cap E|H_d)} \times \frac{P(H_p)}{P(H_d)} \\ &= \frac{P(E'|H_p, E)}{P(E'|H_d, E)} \times \text{stare aposteriorne verjetnosti}. \end{aligned}$$

Menim, da imamo tudi tukaj podobne težave kot sem jih že opisala zgoraj - določitev verjetnosti hipotez $P(H_p)$ in $P(H_d)$, za katere dokaze je mogoče izračunati razmerje verjetij ter kako izračunamo verjetnost

$$\frac{P(E'|H_p, E)}{P(E'|H_d, E)},$$

saj ne vemo, kako so različni dokazi med seboj povezani. Z določitvijo predhodnih verjetnosti lahko pridemo do zelo različnih rezultatov, nimamo pa več težav s ponovno uporabo podatkov in naknadnimi popravki.

9 Bayesova analiza

Najbolj pogosta uporaba Bayesovega pravila je pri ugotavljanju, ali je obtoženec vir sledi DNK-ja s kraja zločina. V ta namen sem opisala poenostavljeno in izpopolnjeno Bayesovo analizo, v primeru, ko je dokaz DNK sled.

9.1 Poenostavljena Bayesova analiza

Naj bo:

S ... dogodek, da je obtoženec vir sledi DNK s kraja zločina;

M ... dogodek, da se obtoženec DNK ujema z DNK-jem s kraja zločina;

f ... funkcija pogostosti ujemanja DNK z DNK-jem s kraja zločina.

Želimo vedeti, kakšna je verjetnost S glede na M , tj. $P(S|M)$.

Bayesovo pravilo lahko uporabimo na naslednji način:

$$\frac{P(S|M)}{P(\neg S|M)} = \frac{P(M|S)}{P(M|\neg S)} \times \frac{P(S)}{P(\neg S)}.$$

Verjetnosti $P(S)$ in $P(\neg S)$ je težko oceniti, ker ne vemo, kakšna je množica osumljencev. Smiselno bi bilo, da zanju upoštevamo interval predhodnih verjetnosti in ocenimo njihov vpliv na verjetnost dogodka S in njegove negacije. Nato moramo določiti vrednost $P(M|S)$, ki je običajno enaka ena - če bi obtoženec dejansko pustil sledove, bi laboratorijske analize pokazale ujemanje, kar imenujemo lažni negativni rezultat; to je sicer poenostavitev, saj se lahko zgodi, da analize ne pokažejo ujemanja, čeprav je obtoženec pustil sledi.

Potrebujemo še verjetnost $P(M|\neg S)$, tj. verjetnost, da se bo našlo ujemanje, če obtoženec ni vir sledi na kraju zločina. To je običajno enakovredno pogostosti ujemanja DNK-ja z DNK-jem s kraja zločina, tj. f ; tudi to je poenostavitev, saj se lahko zgodi, da obtoženec nima enakega DNK profila, vendar so laboratorijske analize pokazale, da ga ima, kar imenujemo lažni pozitivni rezultat.

Sledi:

$$\frac{P(S|M)}{P(\neg S|M)} = \frac{1}{f} \times \frac{P(S)}{P(\neg S)}.$$

Ker poenostavljena Bayesova analiza ne upošteva možnosti lažnih pozitivnih in negativnih rezultatov laboratorijske analize, sem si pogledala še izpopolnjeno Bayesovo analizo.

9.2 Izpopolnjena Bayesova analiza

Da upoštevam možnosti laboratorijskih napak, namesto M uvedem spremenljivko M_p .

M_p ... poročano ujemanje laboratorijske analize;

M_t ... trditev, da obstaja dejansko ujemanje v DNK-ju;

$\neg M_t$... trditev, da obstaja neujemanje v DNK-ju.

Sledi:

$$P(M_p|\neg S) = P(M_p|M_t)P(M_t|\neg S) + P(M_p|\neg M_t)P(\neg M_t|\neg S).$$

Sedaj je

$$P(M_t|\neg S) = f$$

in zato

$$P(\neg M_t|\neg S) = 1 - f.$$

$P(M_p|\neg M_t)$ opisuje verjetnost lažno pozitivnih rezultatov laboratorijske analize (oznaka FP) in $P(M_p|M_t)$ verjetnost resničnih pozitivnih rezultatov laboratorijske analize (oznaka FN).

Sledi:

$$P(M|\neg S) = [(1 - FN) \times f] + [FP \times (1 - f)].$$

Formula pokaže, da za pravilno oceno verjetnosti $P(M_p|\neg S)$ potrebujemo statistično oceno pogostosti profila DNK in stopnje napak laboratorijskih analiz, ki pa so redko na voljo.

S predpostavko $P(M_p|S) = 1$ dobimo poenostavitev, kjer ni upoštevana možnost lažnega negativnega rezultata laboratorijske analize.

Kot zgoraj, imamo:

$$P(M_p|S) = P(M_p|M_t)P(M_t|S) + P(M_p|\neg M_t)P(\neg M_t|S).$$

Če je $P(M_p|S) = 1$, je $P(\neg M_p|S) = 0$ in $P(M_p|S) = 1 - FN$. Potem sledi, da je:

$$\frac{P(M_p|S)}{P(M_p|\neg S)} = \frac{1 - FN}{[(1 - FN) \times f] + [FN \times (1 - f)]}.$$

Za predstavo, kako stopnje napak vplivajo na razmerje verjetij, predpostavim, da je pogostost profila DNK 1 proti milijardi. Predpostavim tudi, da sta stopnji lažno pozitivnih in negativnih laboratorijskih rezultatov (tj. FP in FN) enaki 0,01. Če je razmerje verjetij enako $\frac{1}{f}$, je to milijarda. S formulo pa dobimo:

$$\frac{P(M_p|S)}{P(M_p|\neg S)} = \frac{1 - 0,01}{[(1 - 0,01) \times 0,000000001] + [0,01 \times (1 - 0,000000001)]} \approx 99.$$

Relativno majhne stopnje napak lahko bistveno zmanjšajo dokazno vrednost DNK dokazov, saj močno zmanjšajo razmerje verjetij; v našem primeru smo iz milijarde prišli na približno 100.

Vpliv stopnje laboratorijskih napak kaže, da ne glede na to, kako nizka je pogostost profila, bo ta relativno nepomembna, če pogostosti ne spremlja ocena stopnje laboratorijskih napak. Bayesovo pravilo nam omogoča, da ta vidik upoštevamo.

Ker profil DNK predstavlja del naše genetske zasnove in imajo ljudje, ki so v sorodu, večjo verjetnost, da bodo imeli enak profil DNK, kot ljudje, ki niso v sorodu, morajo forenzični strokovnjaki svoje izjave vedno opredeliti z navedbo, da njihove ocene pogostosti veljajo za populacijo nepovezanih posameznikov. To spremenljivost pogostosti profila lahko v Bayesovem okviru upoštevamo na dva načina: s spremembo predhodne verjetnosti in s spremembo pogostosti profila. Izvedli bi lahko tudi različne izračune: enega za populacijo nepovezanih posameznikov in drugega za populacijo sorodnih posameznikov.

10 Frekvence

Da lahko ocenim moč Bayesove analize dokazov DNK, jo v nadaljevanju primerjam z nekaterimi drugimi pristopi. Ker je bilo predlagano s strani mnogih avtorjev, da je bolj naraven način za obravnavo verjetnosti uporaba naravnih frekvenc, sledi opis tega pristopa.

Definicija 10.1. Frekvenca f je posamezno število diskretnih statističnih enot iste vrednosti. Če je diskretnih podatkov zelo veliko ali če so podatki zvezni, jih združujemo v frekvenčne razrede.

Definicija 10.2. Absolutna frekvenca je število vrednosti statistične spremenljivke v k -tem razredu. Označimo jo z f_k za k -ti razred.

Definicija 10.3. Relativna frekvenca pa je delež absolutne frekvence f_k glede na celoto. Označimo jo z f'_k . Če je N število enot v populaciji ali morda vzorcu, je

$$f'_k = \frac{f_k}{N}.$$

V forenzičnem kontekstu se navedene frekvence običajno nanašajo na pojavljanje dokazov za posamezen primer, medtem ko se frekvence za vrednotenje dokazov običajno opisujejo kot osnovne stopnje. Sklepanje o krivdi je lahko podprto s statistično analizo ustreznih podatkov in verjetnostnim sklepanjem z uporabo absolutnih ali relativnih frekvenc, pri čemer je verjetnost, da bi določene podatke (dokaze) pridobili zgolj po naključju, izjemno majhna.

Relativne frekvence vedno navajajo ali predpostavljajo, da obstaja nek referenčni vzorec, na podlagi katerega se lahko oceni pogostost zadevnega dogodka. Nadaljnja predpostavka je, da je ta primerjava poučna in pomembna za obravnavano zadevo. V okviru kazenskega postopka relativna frekvenca lahko podpre vmesno sklepanje o moči dokazov, ki se nanašajo na sporna dejstva, kar vodi do končnega sklepa, ali je obtoženec nedolžen ali kriv. Relativne frekvence so rutinsko vključene v znanstvene dokaze, ki se predložijo v kazenskih postopkih.

Recimo, da je pogostost profila DNK f 1 proti 10 milijonov, predpostavimo tudi, da ima obtoženec enak DNK in da je začetna populacija osumljencev 100 milijonov ljudi. Zanima nas, kakšna je verjetnost, da je obtoženec vir DNK-ja s kraja zločina.

Naj bo
 f ... pogostost profila DNK;
 m ... velikost populacije osumljencev;
 n ... število ljudi, ki imajo ustrezen DNK profil.

Po metodah, ki temeljijo na naravnih frekvencah, je potrebno izračunati, koliko ljudi z zadevnim profilom DNK je v populaciji osumljencev, tako da se f pomnoži z m .

Če je posameznikov s takim profilom $n \geq 1$, je verjetnost, da je obtoženi vir, $\frac{1}{n}$. V primeru, ko je $n < 1$ in so frekvence še posebej majhne, je bolje raziskovati, ali je profil DNK edinstven ali ne - ali poleg obtoženca obstajajo še drugi posamezniki z enakim profilom DNK. Temu pravimo metoda edinstvenosti.

S binomsko porazdelitvijo lahko izračunamo verjetnost, da se bo dogodek X , na primer profil DNK, pojavil k - krat v s - kratnem številu neodvisnih ponovitev, pri čemer ima dogodek X frekvenco f . Želimo vedeti, kolikšna je verjetnost, da ima točno en posameznik ustrezen DNK profil, ob pogoju da ga ima vsaj en posameznik, torej:

$$P(n = 1 | n \geq 1) = \frac{P(n = 1 \cap n \geq 1)}{P(n \geq 1)} = \frac{m \times f \times (1 - f)^{m-1}}{1 - (1 - f)^m}.$$

m	f	$P(n = 1 n \geq 1)$	$P(S M)[\text{Bayes}]$
10 milijonov	1 v 100 milijonov	0,9	0,9
100 milijonov	1 v 100 milijonov	0,62	0,5
1 milijarda	1 v 100 milijonov	0	0,09
10 milijonov	1 v 1 milijardi	1	0,99
100 milijonov	1 v 1 milijardi	0,9	0,9
1 milijarda	1 v 1 milijardi	0,62	0,5
10 milijonov	1 v 10 milijardah	1	0,999
100 milijonov	1 v 10 milijardah	1	0,99
1 milijarda	1 v 10 milijardah	0,9	0,9

Tabela 3: Primerjava rezultatov, dobljenih z frekvenčno metodo in Bayesovim pravilom.

Tabela vsebuje primerjavo rezultatov z rezultati, ki jih daje Bayesovo pravilo. Vidimo lahko, da so razlike zelo majhne, neke pa jih celo ni. Obe metodi se lahko uporablja za reševanje določenih problemov, vendar se razlikujeta v načinu delovanja. Tako pri metodi edinstvenosti ni mogoče enostavno upoštevati številnih zapletov, kot je vpliv stopnje laboratorijskih napak. Bayesovo pravilo namreč omogoča upoštevanje različnih dejavnikov in zapletov, ki vplivajo na verjetnost določenega dogodka, s tem pa omogoča tudi bolj natančne izračune in posledično bolj zanesljive rezultate. Kljub temu pa ima tudi Bayesovo pravilo svoje omejitve, saj je odvisno od predpostavk in podatkov, ki jih uporabimo za izračun verjetnosti. V vsakem primeru je izbira metode odvisna od specifičnih zahtev problema in od tega, katera metoda je najbolj primerna za njegovo reševanje.

Res je, da so frekvenčni modeli pomembni v primerih, kjer so na voljo DNK ali druge vrste dokazov, in jih je mogoče uporabiti za prikaz, kako verjetno je, da bi se naključno izbrana oseba ujemala z vzorcem ali v primerih z velikim številom žrtev za izbiro statistično ustreznih vzorcev celotne populacije žrtev. Kljub temu imajo ti modeli notranje pomanjkljivosti, ki jih ni mogoče zanemariti.

Bistvena teoretična pomanjkljivost frekvenčnih modelov je, da zahtevajo statistične dokaze, ki sodišču niso na voljo. Sodišča ne morejo številčno ovrednotiti nekega dejanskega dokaza, saj se ne zavedajo možnih anomalij pri uporabi drugih sredstev in storitev. Na primer, če priča trdi, da je videla osumljenca na kraju zločina, sodišče ne more oceniti verjetnosti, da je opazovanje določene priče v skladu s tem, kar se je dejansko zgodilo. To je zato, ker sodišče ponavadi nima na vseh voljo informacij o tem, koliko drugih ljudi bi lahko bilo na kraju zločina ob istem času. Poleg tega frekvenčni modeli temeljijo na predpostavki, da visoka vrednost verjetnosti, ki opisuje razmerje med obstoječimi dokazi in primerom, pomeni, da je vrednost tega dokaza visoka. Vendar to ni nujno vedno res. Merjenje skladnosti med predloženimi dokazi in tistim, kar se je resnično zgodilo, temelji na predpostavki, da obstajata reprezentativna populacija in skladen rezultat. V kazenskem primeru pa ti pogoji niso izpolnjeni, kar pomeni, da je uporaba frekvenčnih modelov lahko omejena.

11 Metoda verjetnosti naključnega ujemanja

Metoda verjetnost naključnega ujemanja izraža možnost, da bi imel naključni posameznik, ki ni povezan z obdolžencem, ustrezni DNK profil. Ta verjetnost je enaka pogostosti profila DNK. Težava tega pristopa je, da verjetnost naključnega ujemanja lahko predstavljena oziroma razumevana narobe.

Pogosto se to verjetnost interpretira na slednji način:

1. če je verjetnost naključnega ujemanja na primer 1 proti 100 milijonov, potem je verjetnost, da ima profil DNK drug posameznik in ne obtoženec 1 proti 100 milijonov;
2. ker je to zelo majhna verjetnost, mora biti tudi verjetnost, da je sled DNK pustil nekdo drug na kraju zločina in ne obtoženec, zelo majhna;
3. zato mora biti verjetnost, da je vir sledi DNK s kraja zločina obtoženec zelo velika, ampak znaša 1 proti 100 milijonov.

Takšno sklepanje je napačno in je znano kot tožilčeva zmota.

Sestavlja jo enačba

$$1 - f = P(S|M). \quad (11.1)$$

Zmota se pojavi v koraku (2.), ko je zamenjano $P(M|\neg S)$ s $P(\neg S|M)$ in predpostavljeno, da sta obe verjetnosti enaki f .

Namesto verjetnosti naključnega ujemanja forenzični strokovnjaki pogosto pričajo o razmerju verjetij dokazov DNK, in sicer kot:

$$P(M|S) = P(M|\neg S).$$

12 Razmerje verjetij

Občasno se zgodi, da predloga tožilstva in obrambe nista komplementarna in v takih primerih ni mogoče določiti $P(H_p)$ ali $P(H_d)$ (poglavje 1), ampak samo vpliv statistike, znane kot razmerje verjetij.

12.1 Opredelitev

V Bayesovi formuli (7.2) nadomestim H z \bar{H} in enakovredna različica Bayesovega izreka je

$$P(\bar{H}|E) = \frac{P(E|\bar{H})P(\bar{H})}{P(E)}, \quad (12.1)$$

kjer $P(E) \neq 0$.

Če prvo enačbo delim z drugo, dobim verjetnostno obliko Bayesovega izreka

$$\frac{P(H|E)}{P(\bar{H}|E)} = \frac{P(E|H)}{P(E|\bar{H})} \times \frac{P(H)}{P(\bar{H})}. \quad (12.2)$$

Leva stran je verjetnost dogodka H ob pogoju, da se je zgodil dogodek E . Pogojna verjetnost na desni strani dogodka, H in \bar{H} , sta v števcu in imenovalcu različna, medtem ko je dogodek E , katerega verjetnost nas zanima, enak. Na koncu pa imamo verjetnost v korist dogodka H brez kakršnihkoli informacij o dogodku E .

Definicija 12.1. Razmerje

$$\frac{P(E|H)}{P(E|\bar{H})} \quad (12.3)$$

se imenuje razmerje verjetij.

Oglejmo si dogodka E in H , ter njuni dopolnitvi. Razmerje verjetij je tu razmerje verjetij E , ko je H resničen in verjetnosti E , ko je H neresničen. Da bi upoštevali učinek E na verjetnost H , tj. da bi

$$\frac{P(H)}{P(\bar{H})}$$

spremenili v

$$\frac{P(H|E)}{P(\bar{H}|E)},$$

prvo pomnožimo z razmerjem verjetij. Verjetnost

$$\frac{P(H)}{P(\bar{H})}$$

je znana kot predhodna verjetnost v korist H , verjetnost

$$\frac{P(H|E)}{P(\bar{H}|E)}$$

pa je znana kot aposteriorna verjetnost v korist H .

Razlika med $P(E|H)$ in $P(H|E)$ je bistvena. Pri proučevanju vpliva E na H je treba upoštevati tako verjetnost E , ko je H resničen in ko je H neresničen. Pogosta napaka, tj. zmeta prenesene pogojne verjetnosti, je, da dogodek E , ki je malo verjeten, če je \bar{H} resničen, pomeni dokaz v prid H . Da bi bilo tako, je treba dodatno zagotoviti, da E ni tako malo verjeten, če je H resničen. Razmerje verjetij je potem večje od 1 in pozitivna verjetnost je večja od predhodne verjetnosti. Torej iz Bayesovega izreka neposredno izhaja, da če je razmerje verjetij večje od 1, potem dokaz povečuje verjetnost krivde (pri čemer višje vrednosti pomenijo večjo verjetnost krivde), če pa je manjše od 1, zmanjšuje verjetnost krivde (in bolj ko se približuje ničli, manjša je verjetnost krivde).

12.2 Razmerje verjetij v kazenskem pravu

Če sedaj pogledamo obliko Bayesovega izreka o verjetnosti v forenzičnem kontekstu, tj. ocenjevanje vrednosti nekaterih dokazov.

Naj bo:

H_p ... interesna oseba (PoI) oz. obtoženec je resnično kriv - nadomestimo H ;

H_d ... interesna oseba (PoI) je resnično nedolžen - nadomestimo \bar{H} ;

Ev ... obravnavani dokaz - nadomestimo dogodek E ;

Oblika Bayesovega izreka nato omogoča, da se predhodne verjetnosti, tj. pred predstavitvijo obravnavanih dokazov Ev , v korist krivde posodobijo v aposteriorne verjetnosti ob upoštevanju Ev , na naslednji način:

$$\frac{P(H_p|Ev)}{P(H_d|Ev)} = \frac{P(Ev|H_p)}{P(Ev|H_d)} \times \frac{P(H_p)}{P(H_d)}.$$

Ob upoštevanju informacij o ozadju I , dobimo zapis

$$\frac{P(H_p|Ev, I)}{P(H_d|Ev, I)} = \frac{P(Ev|H_p, I)}{P(Ev|H_d, I)} \times \frac{P(H_p|I)}{P(H_d|I)}.$$

Pri vrednotenju dokazov Ev sta potrebni dve verjetnosti - verjetnost dokazov, če je PoI kriv in glede na informacije o ozadju, ter verjetnost dokazov, če je PoI nedolžen in glede na informacije o ozadju. Informacije o ozadju so včasih znane kot okvir okoliščin ali pogojne informacije.

Da lahko ocenimo oziroma določimo vrednost dokaza potrebujemo razmerje verjetij.

Definicija 12.2. Naj bosta H_p in H_d dve konkurenčni hipotezi ter I informacije o ozadju. Vrednost V dokaza Ev je podana z

$$V = \frac{P(Ev|H_p, I)}{P(Ev|H_d, I)},$$

razmerje verjetij, ki pretvori predhodne verjetnosti

$$\frac{P(H_p|I)}{P(H_d|I)}$$

v aposteriorne verjetnosti

$$\frac{P(H_p|Ev, I)}{P(H_d|Ev, I)}.$$

1	$< V \leq$	2	brez podpore
2	$< V \leq$	10	šibka podpora prvi hipotezi
10	$< V \leq$	100	zmerna podpora prvi hipotezi
100	$< V \leq$	1000	srednje močna podpora prvi hipotezi
1000	$< V \leq$	10000	močna podpora prvi hipotezi
10000	$< V \leq$	1000000	zelo močna podpora prvi hipotezi
1000000	$< V$		izjemno močna podpora prvi hipotezi

Tabela 4: Kvalitativna lestvica za poročanje o vrednosti V podpore dokazov za H_p proti H_d .

Pri uporabi takšnih tabel moramo biti previdni, če so hipoteze prelagane na podlagi podatkov; v tem primeru postanejo smiselne le če podamo predhodne verjetnosti za obravnavane hipoteze.

12.3 Utemeljitev uporabe razmerju verjetij

Verjetnostna oblika Bayesovega izreka predstavlja prepričljiv argument za uporabo razmerja verjetij kot merila vrednosti dokazov. Obstaja tudi matematična razlaga, ki opravičuje njegovo uporabo.

Denimo, da želimo izmeriti vrednost V dokazov E v prid krivdi H_p . Pri tem naj obstajala odvisnost od osnovnih informacij I , vendar ta ni izrecno navedena. Predpostavimo, da je vrednost V odvisna samo od verjetnosti dokazov E ob pogoju, da je interesna oseba kriva (H_p), in od verjetnosti dokazov E ob pogoju, da je interesna oseba nedolžna (H_d). Naj bo $x = P(E|H_p)$ in $y = P(E|H_d)$. Zgornja predpostavka pravi, da je $V = f(x, y)$ za neko funkcijo f . Vzemimo še en dokaz T , ki je neodvisen od dokazov E in H_p (in s tem H_d) in je tak, da je $P(T) = \theta$. Nato

$$P(E, T|H_p) = \tag{12.4}$$

$$= P(E|H_p)P(T|H_p) \tag{12.5}$$

$$= P(E|H_p)P(T) \tag{12.6}$$

$$= \theta x, \tag{12.7}$$

pri čemer iz (13.4) v (13.5) upoštevamo neodvisnost dokaza E in T ter iz (13.5) v (13.6) neodvisnost dokaza T in H_p . Podobno

$$P(E, T|H_d) = \theta y.$$

Vrednost kombiniranih dokazov (E, T) je enaka vrednosti E , saj je bil T predpostavljen kot nepomemben. Vrednost (E, T) je $f(\theta x, \theta y)$ in vrednost $E = V = f(x, y)$. Tako je $f(\theta x, \theta y) = f(x, y)$ za vsako θ na intervalu $[0, 1]$ možnih vrednosti $P(T)$. Razmerje med x in y v funkciji f ima lahko eno od štirih oblik, odvisno od štirih matematičnih operatorjev $+$, \times , $-$ in $/$.

Če pogledamo $\frac{x}{y}$ sledi

$$f(x, y) = f\left(\frac{x}{y}\right)f(\theta x, \theta y) = f\left(\frac{\theta x}{\theta y}\right) = f\left(\frac{x}{y}\right).$$

To je enako $f(x, y)$ za vsako θ na intervalu $[0, 1]$. Iz tega sledi, da je f funkcija $\frac{x}{y}$ in torej, da je V funkcija

$$\frac{P(E|H_p)}{P(E|H_d)},$$

kar je razmerje verjetij.

Verjetnost hipoteze H na podlagi nekega dokaza E je verjetnost, da najdemo E , če je H resnična. Za alternativno hipotezo je razmerje verjetij razmerje obeh verjetnosti.

Razmerje verjetij nam pove, katera hipoteza je boljše podprta z dokazi. Kadar sta hipotezi medsebojno izključujoči, nam pa pove še več. V tem primeru, če je verjetnost H večja od verjetnosti alternative, lahko sklepamo tudi, da se verjetnost H zaradi najdbe E poveča, medtem ko se verjetnost alternative zmanjša.

Če je le mogoče, je treba upoštevati verjetnosti za vse razumne alternativne hipoteze (tako da je nabor hipotez izčrpen). Če se obravnavajo samo nekatere hipoteze, je treba pojasniti, da so predstavljena samo razmerja verjetij za pare teh hipotez. V primerih, ko je treba združiti več hipotez in/ali več dokazov, se lahko razmerje verjetij bolje uporablja v povezavi z drugimi metodami.

Kadar je treba količinsko ovrednotiti skupni učinek več dokazov, ki vključujejo različne povezane hipoteze, poenostavljene rešitve, ki predpostavljajo neodvisnost, niso ustrezne.

Grafični prikazi dokazov so lahko v veliko pomoč pri modeliranju odvisnosti. Obstaja interaktivna programska oprema za izvajanje izračunov na grafičnih modelih (Bayesovih mrežah), ki uporabnikom omogoča, da raziščejo vplive različnih predpostavk in dokazov. Čeprav je takšne metode težko uvesti neposredno na sodišču, so koristne za sintezo dokazov v katerikoli fazi preiskave pred sodnim procesom.

Ocena vrednosti razmerja verjetij je lahko podvržena številnim virom negotovosti, vključno s kakovostjo podatkov, pridobljenih z analizami, ki jih opravijo forenzični znanstveniki, izbiro kontrolnega vzorca in najdenih predmetov, ki jih lahko vzamejo različni preiskovalci ali analizirajo različni analitiki ali laboratoriji. Ocena znanstvenih dokazov na sodišču pogosto zahteva kombinacijo podatkov o pojavu ciljnih

značilnosti skupaj z osebnim poznavanjem okoliščin iz določenega primera. Jasno je, da vsaka ocena verjetnosti, ki se nanaša na določen primer, tudi če jo obravnavamo v obliki frekvenca, temelji na poznavanju primera. Drugi viri negotovosti vključujejo pridobivanje predhodnih verjetnosti, pogojenih z razpoložljivim znanjem, ali celo izvajanje numeričnih postopkov za razreševanje računskih težav. Zato poročilo o vrednosti razmerja verjetij vključuje merilo njegove natančnosti, na primer z navedbo številčnega razpona vrednosti za verjetnost dokazov na podlagi konkurenčnih predlogov in s tem številčnega razpona vrednosti za razmerje verjetij. Vendar sta vrednost dokaza in moč posameznikovega prepričanja o vrednosti različna pojma in se ne smeta združevati ali povzročiti spremembe vrednosti dokaza. V praksi je za kriminalistično preiskavo na voljo en niz podatkov o ozadju, ki so značilni za člane določene relevantne populacije, en niz kontrolnih podatkov in en niz izterjanih podatkov. Zato je za vrednotenje dokazov z določenim statističnim modelom na voljo ena sama vrednost V za povezano razmerje verjetij. Ponovno je treba upati, da so vsi različni kontrolni vzorci in pridobljeni podatki dovolj reprezentativni za populacije, iz katerih so bili izbrani, tako da se bodo razmerja verjetij po vrednosti le malo razlikovala.

Metoda razmerja verjetij je koristna v državah kot sta na primer Velika Britanija in Združene države Amerike, kjer se lahko Bayesovo pravilo šteje kot poseg v pravico porote do previdnosti: poroti naj ne bi bilo potrebno govoriti, kako naj razmišlja in presoja dokaze; Bayesovo pravilo pa je natanko metoda za tehtanje dokazov.

12.4 Bayesov faktor in razmerje verjetij

V forenziki se ta dva pojma, kljub pogostejši uporabi Bayesovega faktorja (BF), pogosto obravnavata kot sinonima. Bayesov faktor je glavni element Bayesove metodologije za primerjavo konkurenčnih predlogov oziroma, v našem primeru, dokazov. Opredeljen je kot sprememba, ki jo povzročijo novi podatki ali dokazi v verjetnosti pri prehodu od predhodne k aposteriorni porazdelitvi v korist enega predloga k drugemu. Da se pokazati, da je razmerje verjetij poseben primer Bayesovega faktorja, kadar so konkurenčne hipoteze parametrizirane z enim samim parametrom (tj. preprosta hipoteza). Vendar pa lahko pride do primerov, ko se primerjajo sestavljene hipoteze. V takem primeru je Bayesov faktor razmerje dveh mejnih verjetnosti pri konkurenčnih hipotezah in se zdi, da ni več odvisen samo od podatkov.

13 Nadaljevanje sodnega procesa - medicinska sestra Lucia De Berk: Pristop z razmerjem verjetij

Primeren pristop bi bil tudi, da je verjetnostna porazdelitev slučajne spremenljivke X , ki predstavlja število zadevnih dogodkov, ki jim je bila priča določena medicinska sestra, podana s Poissonovo porazdelitvijo

$$P(X = k) = \frac{(\mu r)^k}{k!} e^{-\mu r},$$

kjer je r število izmen medicinske sestre, $\mu > 0$ pa je parameter, ki predstavlja pogostost zadevnih dogodkov.

Ponovno bi lahko temu pristopu ugovarjali z vprašanjem ali je stopnja zadevnih dogodkov lahko konstantna in če so zadevni dogodki ob različnih časih med seboj neodvisni, ker je binomska porazdelitev z majhno verjetnostjo p zelo blizu Poissonovi. Hipoteze lahko formuliramo na malo drugačen način, in sicer vsaka medicinska sestra naj bi imela enak parameter pogostosti, da so priče zadevnemu dogodku, μ . Tudi tožilčevo hipotezo H_p lahko zapišemo na več načinov. Ena oblika je, da je število zadevnih dogodkov v Luciini izmeni porazdeljeno Poissonovo s parametrom μ_L in potem je tožilčeva hipoteza H_p : $\mu_L > \mu$.

Izračunamo lahko razmerje verjetij za H_p glede na H_d . Naj bo:

I ... število vseh medicinskih sester;

k_i ... število zadevnih dogodkov, katerim je bila priča i -ta medicinska sestra, $i = 1, \dots, I$;

r_i ... število izmen medicinske sestre i ;

E ... dogodek, da je bila medicinska sestra i priča k_i zadevnim dogodkom, $i = 1, \dots, I$.

Potem je

$$P(E|H_d) = \prod_{i=1}^I \frac{(\mu r_i)^{k_i}}{k_i!} e^{-\mu r_i},$$

in če upoštevamo, da je osumljenec medicinska sestra l

$$P(E|H_p) = \frac{(\mu_L r_l)^{k_l}}{k_l!} e^{-\mu_L r_l} \prod_{i \neq l, i=1}^I \frac{(\mu r_i)^{k_i}}{k_i!} e^{-\mu r_i}.$$

Potem je razmerje verjetij

$$V = \frac{P(E|H_p)}{P(E|H_d)} = e^{\mu r_l - \mu_L r_l} \left(\frac{\mu_L r_l}{\mu r_l} \right)^{k_l}. \quad (13.1)$$

Za oceno izida katerega koli izračuna s tem razmerjem, lahko iz tabele 3 izpeljemo naslednjo lestvico za opis višine razmerja verjetij.

$V = 1$	Dokazi enako podpirajo H_p kot H_d .
$1 < V \leq 100$	Dokazi nekoliko bolj podpirajo H_p kot H_d .
$100 \leq V < 1000$	Dokazi bolj podpirajo H_p kot H_d .
$1000 \leq V < 10000$	Dokazi veliko bolj podpirajo H_p kot H_d .
$V > 10000$	Dokazi v večini podpirajo H_p .

Tabela 5: Kvalitativna lestvica za poročanje o vrednosti V iz enačbe (13.1) podpore dokazov za H_p proti H_d .

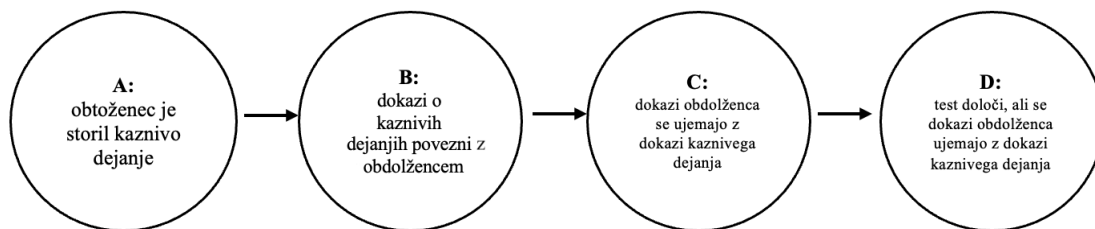
14 Zmote v kazenskem pravu

Ker večina ljudi pri razmišljanju o verjetnosti dela osnovne napake, obstaja mnogo zmot, ki izhajajo iz osnovnega razumevanja pravil teorije verjetnosti. Številne od teh zmot so zlasti posledica napačnega razumevanja pogojne verjetnosti. Bolj znana primera takih zmot sta tožilčeva zmota in zmotaoobravnega odvetnika. Čeprav so posledice tožilčeve zmote lahko hujše kot posledice zmote obravnega odvetnika, so porote morda bolj dovzetne za slednjo kot za prvo.

Če upoštevamo vzročno verigo dokazov, predstavljeno na sliki 1, lahko razvrstitev zmot posplošimo na večino vrst dokazov. Ta shema nam omogoča klasifikacijo napak v sklepanju.

Ta analiza je močno odvisna od pojma *pogostost ujemačih se lastnosti*, označenega kot F (lastnosti). Ta se včasih imenuje tudi *verjetnost naključnega ujemanja*. V našem vzročno-posledičnem okviru je F (lastnosti) enakovreden bolj formalno opredeljeni verjetnosti $P(C|\neg B)$, t.j. verjetnost, da oseba, ki ni vpletena v kaznivo dejanje, po naključju zagotovi dokaze, ki se ujemajo.

S tem vzročno-posledičnim okvirom lahko opišemo vrsto različnih pogostih zmot, ki so posledica napačnega razumevanja pogojne verjetnosti:



Slika 1: Vzorčna veriga dokazov

Tožilčeva zmota: pri tem enačimo verjetnost, da oseba, ki ni vpletena v kaznivo dejanje, po naključju zagotovi dokaze, ki se ujemajo, tj. $P(C|\neg B)$, s $P(\neg A|C)$. Presega napako predhodne verjetnosti, saj si jo lahko predstavljamo kot dopolnitev te napake z dodatno napačno predpostavko $P(A) = P(B)$.

Napaka verjetnosti $P(\text{drugo ujemanje})$: gre za zmoto, ko verjetnost, da oseba, ki ni vpletena v kaznivo dejanje, po naključju zagotovi dokaze, ki se ujemajo, tj. $P(C|\neg B)$, enačimo z verjetnostjo (imenujmo jo q), da ima vsaj en nedolžen član populacije ustreza dokazom. Posledica te napake je običajno močno pretiravanje z vrednostjo dokaza C .

Zanemarjanje predhodnih verjetnosti: to pomeni preprosto neupoštevanje predhodnih vrednosti, kot sta $P(A)$ in $P(B)$. Na splošno se za zmoto zanemarjanja osnovne stopnje šteje, kadar je verjetnost dogodka podcenjena, ker dogodek ni tako nenavaden, kot se zdi, ali precenjena, ker je dogodek bolj nenavaden, kot se zdi.

Napaka pri številčnem preračunavanju: pri tem gre za zamenjavo verjetnost, da oseba, ki ni vpletena v kaznivo dejanje, po naključju zagotovi dokaze, ki se ujemajo, tj. $P(C|\neg B)$ s pričakovanim številom drugih oseb, ki bi jih bilo treba testirati, preden bi našli ujemanje. Ta zmota prav tako pretirava z vrednostjo dokaza C .

Pričakovane vrednosti, ki pomenijo edinstvenost: če je velikost populacije približno enaka $1/P(\neg B|C)$, potem mora biti obtoženec edini primerek.

Zmota obrambnega odvetnika: to se zgodi, ko se dokaz C šteje za nepomembnega, ker visoka predhodna verjetnost $P(\neg A)$ (kar se zgodi, če je na primer potencialno število osumljencev zelo veliko) še vedno povzroči visoko verjetnost $P(\neg B|C)$.

Napaka baze podatkov obrambnega odvetnika: za to napako gre, kadar verjetnost $P(\neg B|C)$ temelji na drugačni populaciji, kot jo določata verjetnosti $P(B)$ ali $P(A)$.

Zasliševalčeva zmota: v tem primeru je dokaz neposredno priznanje krivde. Če to ni potrjeno, to pomeni, da uporabljamo verjetnost $P(D|A)$ za informiranje verjetnosti $P(A|D)$. Napaka je, da ne upoštevamo $P(D|\neg A)$. Če je $P(D|A) \leq P(D|\neg A)$, potem dokaz nima vrednosti.

Poleg zmot, ki izhajajo iz osnovnega nerazumevanja pogojne verjetnosti, se druge zmote pojavijo zaradi neustreznega združevanja vpliva več dokazov:

Zmota odvisnih dokazov: ta zmota, ki se včasih imenuje tudi dvojno štetje, se kaže v tem, da se dva ali več dokazov, ki so odvisni, obravnava, kot da bi bili neodvisni, zaradi česar je izjava o njihovi skupni verjetnosti manjša, kot bi morala biti. Poseben primer te zmote je *logično odvisna dokazna zmota*, pri kateri en dokaz ni preprosto odvisen od drugega, ampak dejansko logično izhaja iz njega.

Napaka konjunkcije: ta zmota se pojavi, kadar preiskovalec ne upošteva dejstva, da je dokaz sestavljen iz več kot enega negotovega dogodka, in mu posledično pripiše večjo verjetnost, kot bi jo moral.

14.1 Tožilčeva zmota

Verjetnostno utemeljevanje pravnih dokazov se torej skrči na preprost vzročni scenarij: začnemo z neko hipotezo H in opazujemo nek dokaz E . Poznavanje pogojne verjetnosti $P(E|H)$ nam omogoča, da spremenimo svoje prepričanje o verjetnosti H , če poznamo E . Veliko najpogostejših napak v sklepanju izhaja iz osnovnega nerazumevanja pogojne verjetnosti. Še posebej pogost primer je zamenjava verjetnost dokaza E glede na hipotezo H z verjetnost hipoteze H glede na dokaze E oziroma $P(E|H)$ z $P(H|E)$, torej ko napačno verjamemo, da je verjetnost naključnega znanstvenega ujemanja enaka verjetnosti, da je obtoženec nedolžen. To se pogosto imenuje napaka prenesenega pogojnika oziroma tudi tožilčeva zmota.

Tožilčeva zmota se pogosto pojavlja v kazenskem pravu, vendar jo pogosto ne prepoznaajo, deloma zato, ker preiskovalci nimajo močne intuicije o tem, kaj zmota sploh

pomeni. Tožilčeva zmota je dobro znana statistična zmota, ki izhaja iz napačnega razumevanja pogojnih verjetnosti in vprašanj večkratnega testiranja. Napaka temelji na predpostavki, da je $P(H|E) = P(E|H)$, pri čemer H predstavlja primer, da se najdejo dokazi o obtožencu, E pa primer, da je obtoženec nedolžen. Vendar ta enakost ne drži: čeprav je $P(H|E)$ običajno zelo majhen, je lahko $P(E|H)$ še vedno veliko večji.

Za lažjo predstavo si oglejmo primer. Naj se kri obtoženca ujema s krvjo storilca kaznivega dejanja. Ta krvna skupina je tako redka, da je verjetnost, da jo ima nekdo, le 1 proti 1000. Če si to statistiko razlagate tako, da obstaja le 1 proti 1000 možnosti, da je obtoženec nedolžen, ste žrtev tožilske zmote. Verjetnost naključnega ujemanja (pogostost krvnega profila) ste napačno združili z verjetnostjo vira (verjetnost, da je vir krvi nekdo drug kot obtoženec). V mestu z milijon prebivalci bi bilo približno 1000 ljudi z redkim krvnim profilom. Čeprav je torej res, da obstaja le verjetnost 1 proti 1000, da se kri naključne osebe ujema s krvjo zločinca, je verjetnost, da je oseba, ki ustreza redkemu profilu krvi, nedolžna, in sicer izključno na podlagi ujemanja dokazov, dejansko 999 proti 1000.

Do tožilčeve zmote lahko pride zaradi večkratnega testiranja, na primer pri primerjanju dokazov z veliko podatkovno bazo. Velikost podatkovne zbirke povečuje verjetnost, da bo ujemanje ugotovljeno zgolj po naključju.

Če je E dokaz in H trditev, da je obtoženi nedolžen, upoštevamo pogojne verjetnosti:

$P(E|H)$... verjetnost resničnosti dokaz E , kljub temu da je obtoženi nedolžen;

$P(H|E)$... verjetnost, da je obtoženi nedolžen kljub dokazu E .

Pri forenzičnih dokazih je ponavadi verjetnost $P(E|H)$ majhna. Tožilec pa potem velikokrat sklepa, da je tudi verjetnost $P(H|E)$ majhna. Zgoraj napisani pogojni verjetnosti pa sta precej različni; uporabimo Bayesovo pravilo:

$$P(H|E) = P(E|H) \times \frac{P(H)}{P(E)},$$

kjer je $P(H)$ verjetnost nedolžnosti in $P(E)$ verjetnost dokaza. Enačba kaže, da majhna pogojna verjetnost $P(E|H)$ ne pomeni majhne pogojne verjetnosti $P(H|E)$ v primeru velike verjetnosti nedolžnosti in majhne verjetnosti dokaza.

Po Bayesovem pravilu je

$$P(E) = P(E|H)P(H) + P(E|\neg H) \times [1 - P(H)]$$

kjer je $P(E|\neg H)$ verjetnost, da bodo dokazi identificirali krivega osumljenca; običajno je ta verjetnost blizu 1.

14.1.1 Primer - Tožilčeva zmota

Primer je povzet po [23].

Za še boljšo predstavo zmote sledi predstavitev zmote na bolj kompleksnem primeru.

Slika 2 prikazuje populacijo 100 moških, starih 50 let, ki se ne zdravijo zaradi hipertenzije in imajo skupni holesterol 235 mg/dl in krvni tlak 120 mmHg. Pričakuje se, da bo 9% teh moških (predstavljeno z devetimi črtastimi kvadrati) čez 10 let imelo miokardni infarkt(MI). Ena četrtnina moških je kadilcev (predstavljeno s 25 sivimi kvadrati); približno 16% naj bi doživelo MI v 10 letih; zato bo $\frac{4}{25}$ kadilcev imelo MI (predstavljeno s črtastimi in sivimi kvadrati).

Število kadilcev, ki imajo MI, je očitno enako številu ljudi, ki imajo MI in so kadilci. Toda ali je delež kadilcev, ki imajo MI, enak deležu ljudi z MI, ki so kadilci? Iz slike 2 je odgovor očitno ne; verjetnost, da ste kadilec glede na to, da ste imeli MI, torej:

$$P(\text{MI}|\text{kadilec}) \neq P(\text{kadilec}|\text{MI}),$$

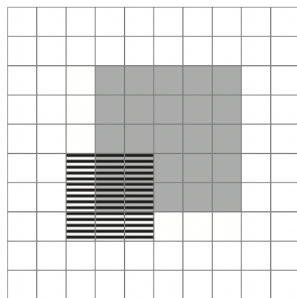
ker

$$P(\text{MI}|\text{kadilec}) = P(\text{črtasto}|\text{sivo}) = \frac{4}{25} = 0,16$$

in

$$P(\text{kadilec}|\text{MI}) = P(\text{sivo}|\text{črtasto}) = \frac{4}{9} = 0,44.$$

Vizualno opazimo, da delež sivih kvadratov, ki se prekrivajo s črtastimi kvadrati, ni enak deležu črtastih kvadratov, ki se prekrivajo s sivimi kvadrati.



Slika 2: Populacija, predstavljena s 100 kvadrati, z 9 črtastimi, 25 sivimi in 4 črtastimi in sivimi.

Slika 3 prikazuje izjeme pri tožilčevi zmoti, predstavljeni na sliki 1. Sedaj imamo 16 črtastih kvadratov, 16 sivih in 4 pikčaste in sive kvadrate, ker je splošna razširjenost črtastih in sivih kvadratov enaka, je

$$P(\text{črtasto}|\text{sivo}) = P(\text{sivo}|\text{črtasto}).$$

Tudi

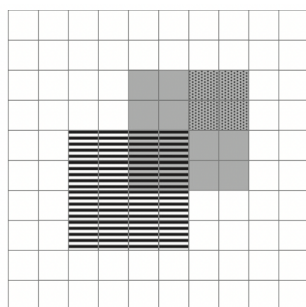
$$P(\text{črtasto}|\text{pikčasto}) = P(\text{pikčasto}|\text{črtasto}),$$

saj sta obe verjetnosti enaki 0. Oboje (podobno velike populacija in populacije brez prekrivanja) je ozka izjema zmote.

Po drugi strani pa so črtkani kvadrati na sliki 2 v celoti zajeti v sivih kvadratih; tako je

$$P(\text{sivo}|\text{črtkano}) = 1, \quad \text{medtem ko je} \quad P(\text{črtkano}|\text{sivo}) = 0,25.$$

Tožilčeva zmota velja, kadar je ena skupina podmnožica druge.



Slika 3: Populacija, predstavljena s 100 kvadrati, z 16 črtastimi, 16 sivimi in 4 pikčastimi in sivimi.

15 Načini za izogib zmotam

V zadnjih letih je statistika in verjetnost v kazenskem pravu napredovala. Sodniki, tožilstvo in porota se zavedajo nerazumevanja te znanosti, zato je statistika čedalje bolj vpletena že v učne programe pravnih fakultet, kar pripomore k boljšemu razumevanju statističnih analiz. Kljub temu so seveda zmote še vedno prisotne. V začetku dela sem omenila, da je razlaga statistične analize odvisna od vprašanj odvetnika, pri čemer veliko za izboljšanje ne moremo storiti. Poleg tega morajo biti statistični oziroma forenzični znanstveniki previdni z razlago, kajti ne smejo poseči v poroto. Torej kako se dejansko izognimo zmotam in s tem ne posežemo v pravna pravila na sodiščih in sodnih procesih.

15.1 Izogib zmotam z uporabo razmerja verjetij

Vsem zgoraj opisanim zmotam je skupno to, da je resnična koristnost dokaza predstavljena na zavajajoč način - bodisi je pretirana bodisi podcenjena. Prednost uporabe razmerja verjetij je, da odpravlja ugovor Bayesovemu izreku, in sicer upoštevanje predhodne verjetnosti za hipotezo, kot je »kriv«. V veliki meri pomiri pomisleke pravnikov, ki bi sicer zavrnil Bayesov argument z utemeljitvijo, da je nedopustno predpostavljati predhodne verjetnosti o krivdi ali nedolžnosti.

Čeprav je uporaba razmerja verjetij kot sredstva za izogibanje zmotam in merjenje uporabnosti dokazov močno podprta, sem vseeno mnenja, da imajo, po prebiranju različnih sodnih poročil, pravniki in laiki pogosto podobne težave pri razumevanju razmerja verjetij kot pri razumevanju Bayesove teorije.

15.2 Učinkovitost Bayesove teorije pri zmanjšanju zmote obrambnega odvetnika

Zmota odvetnika je manj znana različica pogostejše tožilske zmote. Pri zmoti odvetnika je porota spodbujena, da asociativnih dokazov ne upošteva kot nepomembnih, ne glede na to, kako redka je značilnost ujemanja.

Za ponazoritev si predstavljajte sojenje z enakim ujemanjem krvi kot pri tožilčevi

zmoti, vendar z dodatnimi dokazi proti obtožencu, kot sta očividec in posedovanje orodja za kaznivo dejanje. Zagovornik lahko kljub temu poroti pove, da je verjetnost obtoženčeve krivde le 1 proti 1000. To bi bilo sicer pravilno, če bi obtožnica utemeljevala primer samo na podlagi ujemanja krvi, vendar obrambni odvetnik dejansko prosi poroto, naj ne upošteva drugih dokazov razen ujemanja krvi. To je zmota obrambnega odvetnika. Če obrambnemu odvetniku uspe prepričati poroto, da verjame tej napačni logiki, lahko dodatni dokazi o ujemanju krvi napačno zmanjšajo verjetnost krivde pri poroti.

Čeprav so učinki tožilčeve zmote lahko hujši kot učinki zmote odvetnika (krivična obsodba v primerjavi s krivično oprostitevijo), so porote morda bolj dovzetne za slednjo kot za prvo.

15.3 Učinkovitost Bayesove teorije pri zmanjšanju zasliševalčeve zmote

To zmoto opredeljujemo kot zmoto, ki se kaže v tem, da izpovedni dokazi nikoli ne morejo zmanjšati verjetnosti krivde - v določenih okoliščinah lahko priznanje zmanjšal verjetnost krivde. Vprašanje je, kdaj natančno je priznanje znak krivde in kdaj ne. Priznanje poveča verjetnost krivde le, kadar je verjetnost priznanja, če je oseba kriva, večja od verjetnosti priznanja, če je oseba nedolžna. Če se H nanaša na trditev, da je oseba kriva, E pa na trditev, da oseba prizna, velja

$$P(H|E) > P(H|\neg E)$$

velja le pod pogojem, da je

$$P(E|H) > P(E|\neg H).$$

Trditev 15.1. *Obstoj priznanja poveča verjetnost krivde, če in samo če je manj verjetno, da bo nedolžna oseba priznala kot kriva.*

Slednjo trditev je mogoče izpeljati s pomočjo Bayesove teorije:

$$\frac{P(H|E)}{P(\neg H|E)} = \frac{P(H)}{P(\neg H)} \times \frac{P(E|H)}{P(E|\neg H)} \quad (15.1)$$

Na levi strani je

$$\frac{P(H|E)}{P(\neg H|E)},$$

razmerje posteriornih verjetnosti krivde in nedolžnosti (tj. verjetnosti po upoštevanju priznanja). Enak je zmnožku dveh drugih razmerij na desni strani. Razmerje

$$\frac{P(H)}{P(\neg H)}$$

predstavlja razmerje predhodnih verjetnosti krivde in nedolžnosti (to je verjetnosti krivde in nedolžnosti pred upoštevanjem dejstva priznanja). Zadnje razmerje,

$$\frac{P(E|H)}{P(E|\neg H)},$$

se imenuje razmerje verjetij in določa, kakšen vpliv bo imel nov dokaz (priznanje) na verjetnosti krivde in nedolžnosti. Posteriorna verjetnost krivde bo večja od predhodne verjetnosti krivde le, če bo razmerje verjetij večje od 1. Če pa je razmerje verjetij

$$\frac{P(E|H)}{P(E|\neg H)} < 1,$$

priznanje dejansko postane kazalnik nedolžnosti.

Ni nujno, da iz vsega tega sledi, da bi bil obstoj priznanja v tej situaciji dokaz proti krivdi. V nasprotju s tem, bi lahko priznanje še vedno povečalo verjetnost krivde, tudi če je bolj verjetno, da bo nedolžna oseba priznala kot kriva. Takšna zamisel se zdi logično nemogoča, če pogledamo (15.1). Vendar želim povedati, da enačba (15.1) morda ni prava formula za uporabo v tem primeru. Morda obstaja še eno empirično dejstvo, ki je pomembno za verjetnost krivde. V tem primeru bi morali uporabiti bolj zapleteno formulo, ki bi vključevala to dejstvo. Ker tu preučujemo dokazni učinek priznanja, ki je rezultat zaslišanja, verjetnost, ki jo iščemo, v resnici ni verjetnost, da je oseba X kriva, če je priznala, ampak verjetnost, da je oseba X kriva, če je priznala in če je bila zaslišana. Zato je treba razmerje posteriornih verjetnosti izraziti na naslednji bolj celovit način, pri čemer I predstavlja trditev *je bil zaslišan*:

$$\frac{P(H|E, I)}{P(\neg H|E, I)} = \frac{P(H|I)}{P(\neg H|I)} \times \frac{P(E|H, I)}{P(E|\neg H, I)} \quad (15.2)$$

in z nadaljnjo razširitvijo prvega razmerja verjetij na desni strani (15.2)

$$\frac{P(H|E, I)}{P(\neg H|E, I)} = \frac{P(H)}{P(\neg H)} \times \frac{P(I|H)}{P(I|\neg H)} \times \frac{P(E|H, I)}{P(E|\neg H, I)} \quad (15.3)$$

Da bi videli, zakaj je prvo razmerje na desni strani (15.2) enakovredno produktu prvih dveh razmerij na desni strani (15.3), najprej upoštevajmo naslednji dve osnovni verjetnostni resnici:

$$P(H|I) = \frac{P(H) \times P(I|H)}{P(I)}, \quad (15.4)$$

$$P(\neg H|I) = \frac{P(\neg H) \times P(I|\neg H)}{P(I)}. \quad (15.5)$$

Če zdaj (15.4) delim z (15.5) dobim

$$\frac{P(H|I)}{P(\neg H|I)} = \frac{P(H)}{P(\neg H)} \times \frac{P(I|H)}{P(I|\neg H)}. \quad (15.6)$$

Enačba (15.6) dokazuje, da sta (15.2) in (15.3) enakovredni.

Primerjajmo enačbo (15.1) z enačbo (15.3), ki daje popolnejšo sliko stanja. Na levi strani je v vsakem primeru razmerje posteriornih verjetnosti krivde in nedolžnosti, s to razliko, da so v (15.1) te verjetnosti pogojene samo s priznanjem, medtem ko so v (15.3) pogojene tako s priznanjem kot z zaslišanjem. Prvo razmerje na desni strani je enako tako v (15.1) kot (15.3): razmerje predhodnih verjetnosti H in $\neg H$. Tudi

zadnje razmerje na desni strani je v obeh primerih podobno: verjetnost priznanja glede na krivdo (in zaslišanje), deljena z verjetnostjo priznanja glede na nedolžnost (in zaslišanje). V enačbi (15.3) imamo na desni strani razmerje

$$\frac{P(I|H)}{P(I|\neg H)},$$

kar je verjetnost, da vas bo policija zaslišala, če je oseba kriva, deljena z verjetnostjo, da vas bo policija zaslišala, če je oseba nedolžna. To razmerje je večje od 1. Razumno je namreč pričakovati, da bo policija z večjo verjetnostjo izbrala za zaslišanje nekoga, ki je kriv, kot nekoga, ki je nedolžen. Prav to razmerje v (15.3) razkriva, kaj je narobe z zgornjo trditvijo, da se lahko verjetnost krivde po priznanju poveča le, če je $P(E|H) > P(E|\neg H)$.

To lahko pokažemo s preprostim proti primerom. Sprejmemo domnevo, da kriminalci pod policijskim nadzorom redkeje priznajo kot nedolžni ljudje. Recimo, da prizna le 40 odstotkov krivcev, medtem ko prizna 60 odstotkov nedolžnih. Ker je zaradi tega verjetnost priznanja glede na krivdo manjša od verjetnosti priznanja glede na nedolžnost, se zdi, da sledi, da zdaj obstoj priznanja ne more povečati verjetnosti krivde od tiste, ki je bila pred priznanjem. Toda predpostavimo še, da je verjetnost, da bo policija zaslišala krivega, devetkrat večja kot verjetnost, da bo zaslišala nedolžnega posameznika. Nazadnje predpostavimo, da je predhodna verjetnost, da je oseba X kriva, na podlagi vseh dokazov pred priznanjem, 0,75.

Verjetnosti, ki veljajo za opisano situacijo:

$$P(E|H, I) = 0,4$$

$$P(E|\neg H, I) = 0,6$$

$$P(H) = 0,75$$

$$P(\neg H) = 0,25$$

$$\frac{P(I|H)}{P(I|\neg H)} = 9.$$

Sledi po enačbi (15.3)

$$\frac{P(H|E, I)}{P(\neg H|E, I)} = \frac{P(H|I)}{P(\neg H|I)} \times \frac{P(E|H, I)}{P(E|\neg H, I)} = \frac{0,75}{0,25} \times 9 \times \frac{0,4}{0,6} = 18 \quad (15.7)$$

Enačba (15.7) nam pove, da je verjetnost, da je oseba X kriva, ob upoštevanju vseh okoliščin, 18-krat večja od verjetnosti, da je nedolžna. Ker mora biti bodisi kriva bodisi nedolžna, lahko to razmerje uporabimo za pridobitev aposteriorne verjetnosti krivde osebe X. Verjetnost, da je kriva, glede na to, da je priznala (in da je bil zaslišana), je 18/19 ali 0,95. Pred priznanjem je bila verjetnost krivde 0,75. Po priznanju se verjetnost krivde poveča na 0,95 kljub temu, da je verjetnost, da bo priznala, če je kriva, manjša od verjetnosti, da bo priznala, če je nedolžna.

S tem je dokaz, da je priznanje lahko dokaz krivde le, če je verjetnost priznanja glede na krivdo večja od verjetnosti priznanja glede na nedolžnost, popoln.

16 Nadaljevanje sodnega procesa - medicinska sestra Lucia de Berg: Interpretacija verjetnosti na sodišču

Sodišče je bilo mnenja, da verjetnostni izračun, ki ga je podal Henk Elfferson, pomeni, da je osumljenka vse dogodke, navedene v obtožnici, doživela naključno. Ti izračuni naj bi poseldično prikazovali, da je velika verjetnost, da obstaja povezava med izmeno osumljenke in pojavom incidenta. Te sklepi sodišča bi morali statistikom vzbujati dvome, saj se sodba dvoumna in lahko bi rekla, da je sodišče storilo znano tožilčevo zmoto. Po sklepu sodišča bi lahko rekli, da govorijo o verjetnosti, da se je nekaj zgodilo ob predpostavki, da je vse popolnoma naključno ali pa si sodbo sodišča razlagamo kot verjetnost, da se je nekaj naključno zgodilo. Te dve trditvi pa sta različni, kar lahko pokažem z naslednjimi formulami. Naj bo

F ... opazovani dogodek;

H_0 ... trditev, da se dogodek zgodi naključno.

Henk Elffers je izračunal verjetnost $P(F|H_0) < 342 \times 10^{-6}$, medtem ko je sodišče mislilo, da je Elffersonova izračunana verjetnost v bistvu $P(H_0|F)$, kar pa je definicija tožilčeve zmote.

Torej poleg tega, da je bila uporabljena metoda za izračun verjetnosti nekoliko sporna, kljub kasnejšim popravkom, je na koncu prišlo še do napake na sodišču, zaradi nerazumevanja pogojnih verjetnosti. Če bi hoteli pravično sodbo, bi, po mojem mnenju, seveda morali najprej izbrati ustrezne metode za izračun vseh verjetnosti, predstavitev statistične analize na sodišču pa bi morala biti bolj temeljita in prilagojena razumevanju sodnikom, odvetnikom in poroti. Sodba se je kasneje ponovno odprla, zaradi ugovorov na uporabljene metode Henka Elffersona.

V tem kazenskem primeru lahko vidimo koliko je še pomanjkljivosti pri statistiki v kazenskem pravu. Težave ne nastopijo zgolj pri nerazumevanju verjetnostnih izračunov, ampak očitno je, da je včasih že z izbiro ustrezne metode veliko težav, kar lahko privede do napačnih zaključkov.

17 Izogib zmotam z uporabo Bayesovih omrežij

Ker je največkrat težava v tem, da se večina odvetnikov in sodnikov ob pogledu na verjetnostne izračune in statistično analizo dokazov, ustraši, se mi zdijo Bayesova omrežja dober predlog za predstavitev verjetnostnih izračunov.

17.1 Opredelitev

Bayesova omrežja pomagajo določiti ustrezne verjetnostne formule, ne da bi prikazali njihovo polno algebrsko obliko, in omogočajo skoraj popolno avtomatizacijo potrebnih verjetnostnih izračunov.

Definicija 17.1. Bayesovo omrežje je verjetnostni grafični model, ki predstavlja množico spremenljivk in njihovih pogojnih odvisnosti prek usmerjenega acikličnega

grafa.

Vozlišča teh usmerjenih acikličnih grafov predstavljajo spremenljivke (lahko so opazovane količine, latentne spremenljivke, neznani parametri ali hipoteze). Povezave predstavljajo pogojne odvisnosti; vozlišča, ki niso povezana, predstavljajo spremenljivke, ki so pogojno neodvisne druga od druge. Vsako vozlišče je povezano z verjetnostno funkcijo, ki kot vhodni podatek sprejme določen niz vrednosti za nadrejene spremenljivke vozlišča in kot izhodni podatek poda verjetnost (ali verjetnostno porazdelitev, če je primerno) spremenljivke, ki jo predstavlja vozlišče. Puščice predstavljajo razmerja pomembnosti, ki jih strokovnjak predvideva v okviru zadevnega problema sklepanja. Usmerjena povezava od vozlišča A do vozlišča B pomeni, da ima A neposreden vpliv na B. Povezave med vozlišči se včasih razlagajo kot vzročne povezave, vendar opredelitev Bayesovih omrežij ne zahteva, da povezave predstavljajo vzročni vpliv. Na splošno velja, da povezave v omrežju predstavljajo verjetnostna razmerja pomembnosti. Značilnost Bayesovih omrežij je vključitev verjetnosti v obliki tabel, povezanih z vsakim vozliščem. To omogoča razlago narave in moči odnosov med različnimi grafičnimi komponentami omrežja. Tabele verjetnosti vozlišč lahko torej obravnavamo kot sredstvo za povezovanje modela s podatki.

17.2 Uporaba Bayesovih omrežij na sodišču

Bayesova omrežja, ki temeljijo na Bayesovi teoriji in teoriji grafov, ponujajo forenzičnim znanstvenikom več prefinjenih možnosti. Tem metodam se daje poseben poudarek, kadar je treba med konkurenčnimi hipotezami izbrati najverjetnejšo, izbira pa mora biti podprta z znanstveno utemeljeno argumentacijo. Primerna so za analizo dogodka, ki se je zgodil, in napovedovanje verjetnosti, da je k temu prispeval katerikoli od več možnih znanih vzrokov. Prednosti Bayesovih mrež se najbolj izrazito pokažejo na zapletenih področjih z več spremenljivkami. Kriminalistične aplikacije Bayesovih omrežij segajo od prepoznavanja storilcev, posameznih in kompleksnih konfiguracij različnih vrst sledi ter problemov sklepanja, ki vključujejo rezultate analiz DNK.

Ti grafični modeli verjetnosti bistveno izboljšajo vrednotenje verjetnostnih razmerij, ki se uporabljajo za ocenjevanje znanstvenih dokazov. Omogočajo, da se lotimo kompleksnejših verjetnostnih analiz, kot bi bilo to mogoče s tradicionalnimi pristopi, kar še posebej pride prav pri primerih z ogromno dokazi.

Struktura Bayesovega omrežja v pravnem kontekstu je dovzetna za napačne predpostavke in napake v procesu ustvarjanja. Izbira vozlišč za dokaze je lahko pristranska glede na to, kakšna vrsta argumenta je predstavljena. Argumenti obrambe ali tožilstva lahko na primer poudarjajo nasprotno sklepe in zato vključujejo le podskupino dokazov. Če se za izdelavo ne uporablja dosleden okvir, lahko Bayesovo omrežje, ki jih oblikujejo različne stranke za en primer, kažejo različne rezultate. Pri oblikovanju Bayesovega omrežja za pravno sklepanje ključnega pomena, da se oblikuje omrežje, ki je razumljivo poroti in sodniku.

Prikaz Bayesovega omrežja se mora ujemati z intuitivnim pripisovanjem vzročno-posledičnih povezav med končno hipotezo, kot je »Obtoženec je kriv.«, podhipotezo

»Obtoženec je bil na kraju zločina.« in dokazi primera. Poleg težav, ki se pojavijo med postopkom strukturiranja, je problematično tudi sklepanje iz omrežja, če se izvaja ob napačnih predpostavkah. Verjetnosti, tudi če temeljijo na strokovni presoji, so lahko pristranske zaradi dejavnikov motenj v postopku pridobivanja podatkov. Metode za sklepanje morajo zato zagotoviti, da se verjetnosti omrežij ne razlagajo napačno kot dejstva in da se izpostavi dejavnik negotovosti. Primerjati morajo verjetnosti za nasprotujoče si hipoteze in morajo zagotoviti okvir za pravnike, da iz mreže sklepajo na argumente.

18 Zaključek

Statistika v kazenskem pravu je zelo razširjena veda, ki jo v prihodnosti čaka še veliko napredka. Njeni temelji se razlikujejo glede na države in pravno ureditev tamkajšnjih sodišč. Zahteva pa tudi dobre temelje koncepta verjetnosti, statistik, ki se ukvarja z analizo in vrednotenjem dokazov, pa mora poznati osnove prava.

V diplomski nalogi ugotovim, na podlagi pregleda nekaterih drugih metod, da je Bayesov pristop na splošno najboljši za vrednotenje dokazov, še posebej v primeru, ko se dokazi nanašajo na DNK ali laboratorijske analize. Koncept Bayesove metode je posodabljanje predhodnih oziroma apriornih verjetnosti začetnih hipotez in dokazov v aposteriorne s pomočjo razmerja verjetnosti in Bayesovega pravila. Težava pristopa se pojavi pri določanju predhodnih verjetnosti, ker lahko različne metode za izračun teh verjetnosti, dajejo na koncu različne rezultate. V delu pridem do ugotovitve, da je mogoče najbolje, da za določitev in izračun prehodnih verjetnosti poskrbijo statistiki, saj znajo v svoje modele vključevati tudi pravno teorijo. Težave pa nastanejo tudi pri vključevanju novih dokazov, ki so sodišču priloženi tekom sodnega procesa in izključevanju nepomembnih oziroma nepotrebnih dokazov za sodni proces. Te dokaze vedno upoštevajo na drugačen način in jih drugače vpeljejo oziroma izključijo iz svojih izračunov, kar bi v nekaterih primerih lahko bilo sporno. In ker se nekateri sodni procesi zaključijo na podlagi statistične analize, bi po mojem mnenju tu morali biti malenkost bolj previdni in natančni. Torej do napačnih rezultatov lahko pridemo še pred predstavitvijo analize na sodišču, kar je dobro prikazano tudi v primeru sodbe medicinski sestri Lucii de Berk, kjer je prišlo do problema, da je statistik na podlagi določenih podatkov določil hipotezo, nato pa ta isti podatek uporabil za preverjanje te hipoteze.

Ko pa statistik predstavi analizo in rezultate na sodišču pa se lahko zgodijo tudi druge zmote. Podrobno sem opredelila Tožilčevo zmoto, ki je tudi najpogostejša. Največkrat se verjetno zgodi, zaradi pomankljive predstavitve in razlage analize in, po mojih ugotovitvah, nezanimanja porote in sodnika, ko se predstavi nek algebrski zapis izračuna. Zaradi zamenjave dveh različnih pogojnih verjetnosti, se zgodijo tudi napačni zaključki sodnih procesov. Zmotam, ki izhajajo iz napačnega razumevanja pogojnih verjetnosti, se lahko izognemo z uporabo razmerja verjetij in Bayesove teorije, vendar sem prišla do sklepa, da je tudi pri tem razumevanju formulacij in izračunov veliko težav.

Glavna ugotovitev dela je, da se lahko s pomočjo Bayesovih omrežij izognemo zmotam, saj ne prikažejo polno algebrsko obliko verjetnostne formule, omogočajo skoraj

popolno avtomatizacijo potrebnih verjetnostnih izračunov in več prefinjenih možnosti. Ponovno pa je pomembno, da se za izdelavo uporablja dosleden okvir, saj lahko Bayesovo omrežje, ki jih oblikujejo različne stranke za en primer, kaže različne rezultate. Ker pa je v praksi ponavadi v sodni proces vključeno ogromno dokazov, ki jih težko analiziramo s tradicionalnimi pristopi, nam pridejo Bayesova omrežja prav, saj omogočajo kompleksnejše analize.

Slovar strokovnih izrazov

priori probability predhodna verjetnost

posterior probability aposteriorna verjetnost

likelihood ratio razmerje verjetij

fallacy zmota

prosecutor's fallacy tožilčeva zmota

defense attorney's fallacy zmota obrambnega odvetnika

network omrežje

prosecution's proposition predlog tožilstva

defense's proposition predlog obrambe

Literatura

- [1] C. Aitken, S. Bozza in F. Taroni, *Evidence for Forensic Scientists*, Wiley, West Sussex, 2021.
- [2] C. Aitken, G. Jackson in P. Roberts, *1. fundamentals of probability and statistical evidence in criminal proceedings*, Guidance for Judges, Lawyers, Forensic Scientists and Expert Witnesses, Communicating and Interpreting Statistical Evidence in the Administration of Criminal Justice (2010).
- [3] C. Aitken in Y. McDermott, *Analysis of evidence in international criminal trials using bayesian belief networks*, Law, Probability and Risk (16) (2017) 111–129.
- [4] C. Aitken, W. C. Thompson in F. Taroni, *How the probability of a false positive affects the value of dna evidence*, Journal Forensic Science (48) (2003) 47–54.
- [5] J. Balaba, *Statistical analysis in criminal justice research*.
- [6] D. Balding in dr., *Twelve guiding principles and recommendations for dealing with quantitative evidence in criminal law*, Probability and Statistics in Forensic Science (2017).
- [7] M. D. Bello, *Statistics and probability in criminal trials*, doktorska disertacija, Univerza Stanford, 2013.
- [8] D. Berger, N. Fenton in M. Neil, *Bayes and the law*, Annu Rev Stat Appl Author manuscript (3) (2016) 51–77.
- [9] A. Biedermann in dr., *The role of prior probability in forensic assessments*.
- [10] M. B. Blankenship in G. F. Vito, *Statistical analysis in criminal justice and criminology: a user's guide*, Prentice Hall, Upper Saddle River, 2002.
- [11] B. Byers in J. McKean, *Data analysis for criminal justice and criminology: practice and applications*, Allyn and Bacon, Boston, 2000.
- [12] M. Collins in dr., *On the abuse of statistics in the legal case against the nurse lucia de berk*, Probability and Risk (5) (2007) 233–250.
- [13] M. Conklin, *The effectiveness of bayesian jury instructions in mitigating the defense attorney's fallacy*, Hous Law Rev (73) (2019) 21–30.
- [14] C. Dahlman in E. Kolflaath, *The problem of the prior in criminal trials*, Lund University in University of Bergen (2021).
- [15] C. de Macedo, *Guilt by statistical association: revisiting the prosecutor's fallacy and the interrogator's fallacy*, The Journal of Philosophy (105) (2008) 320–332.
- [16] N. Fenton in M. Neil, *The "jury observation fallacy" and the use of bayesian networks to present probabilistic legal arguments* (2000).

- [17] N. Fenton in M. Neil, *Avoiding probabilistic reasoning fallacies in legal practice using bayesian networks*, RADAR (2008).
- [18] M. O. Finkelstein in B. Levin, *Statistics for Lawyers – Statistics for Social and Behavioral Sciences*, Springe, New York, 2015.
- [19] J. L. Gastwirth, *Statistical reasoning in the legal setting*, The American Statistician (46) (1992) 55–69.
- [20] A. Giannini, *Theories of evaluation of evidence and the international criminal court practice* (2017).
- [21] D. A. Glover in V. Ramakrishnan, *The use of statistics in legal proceedings: a primer for courts*.
- [22] P. D. Hoff, *A First Course in Bayesian Statistical Methods*, Springe, New York, 2009.
- [23] N. Iliinsky in D. Westreich, *Epidemiology visualized: The prosecutor’s fallacy*, American Journal of Epidemiology (179) (2014) 1125–1127.
- [24] T. interrogator’s fallacy, *R. a. matthews* (1995).
- [25] S. Maddan in J. T. Walker, *Statistics in criminology and criminal justice: analysis and interpretation*, Jones and Bartlett Publishers, Sudbury, 2009.
- [26] B. Marcot, P. Naim in O. Pourret, *Bayesian Networks – A Practical Guide to Applications*, John Wiley and Sons, West Sussex, 2008.
- [27] J. Orbán, *Bayesian networks in law enforcement* (2022).
- [28] E. L. Schumann in W. C. Thompson, *Interpretation of statistical evidence in criminal trials*, Law and Human Behavior (11) (1987) 167–187.
- [29] E. L. Schumann in W. C. Thompson, *Interpretation of statistical evidence in criminal trials – the prosecutor’s fallacy and the defense attorney’s fallacy*, Law and Human Behavior (11) (1987) 167–187.
- [30] N. Scurich, *Interpretative arguments of forensic match evidence: An evidentiary analysis* (2010).
- [31] W. P. Skorupski in H. Wainer, *The bayesian flip: Correcting the prosecutors fallacy*.
- [32] R. Tarling, *Statistical applications in criminology*, The Statisticia (35) (1986) 369–388.