



Berner Fachhochschule
Haute école spécialisée bernoise
Bern University of Applied Sciences

FS24 CAS PML - Python

Niklaus Johner

niklausbernhard.johner@bfh.ch

FS24 CAS PML - Python

15. numpy

numpy basics

- ▶ *numpy* stellt die Basisobjekte für technisches Rechnen in python zur Verfügung
 - ▶ arrays (*ndarray*)
 - ▶ matrices (*matrix*)
- ▶ es wird meistens als *np* importiert

```
import numpy as np
```

- ▶ enthält auch
 - ▶ mathematische Funktionen
 - ▶ Statistik
 - ▶ linear algebra

numpy array

► Klassen Initialisierung

```
l1d = [1, 2, 3, 4, np.nan, 6]  
a1d = np.array(l1d)
```

1D

```
l2d = [[1, 2], [3, 4], [np.nan, 6]]  
a2d = np.array(l2d)
```

2D

► Vektoren Dimensionen

```
In [10]: print("dim=", a1d.ndim, "shape=", a1d.shape)  
        ...: print("dim=", a2d.ndim, "shape=", a2d.shape)  
        ...:  
dim= 1 shape= (6,)  
dim= 2 shape= (3, 2)
```

numpy array

► Andere Initialisierungen

```
a1d = np.zeros(12) # array of 0s with 12 elements  
a2d = np.ones((3, 4)) # array of 1s with 3x4 elements  
np.arange(0.0, 1.01, 0.1) # from 0 to 1 with step 0.1
```

► Array slicing

```
a2d[0, :] # first line  
a2d[:, 0] # first column  
a2d[0, 0] # first element of first column  
a2d[0:2, 0] # first two elements of first column
```

numpy array operations

- Alle Operationen auf *np.arrays* sind element-wise

```
a1d = np.array([1, 2, 3, 4, np.nan, 6])  
a2d = np.array([[1, 2], [3, 4], [np.nan, 6]])
```

```
[In [54]: a1d + 3
```

```
Out[54]: array([ 4.,  5.,  6.,  7., nan,  9.])
```

```
[In [55]: a2d / 3
```

```
Out[55]:  
array([[ 0.33333333,  0.66666667],  
       [ 1.          ,  1.33333333],  
       [          nan,  2.          ]])
```

numpy array operations

- ▶ Alle Operationen auf *np.arrays* sind element-wise

```
a1d = np.array([1, 2, 3, 4, np.nan, 6])  
a2d = np.array([[1, 2], [3, 4], [np.nan, 6]])
```

```
In [56]: a1d * a1d  
Out[56]: array([ 1.,  4.,  9., 16., nan, 36.])
```

```
In [57]: a2d * a2d  
Out[57]:  
array([[ 1.,  4.],  
       [ 9., 16.],  
       [ nan, 36.]])
```

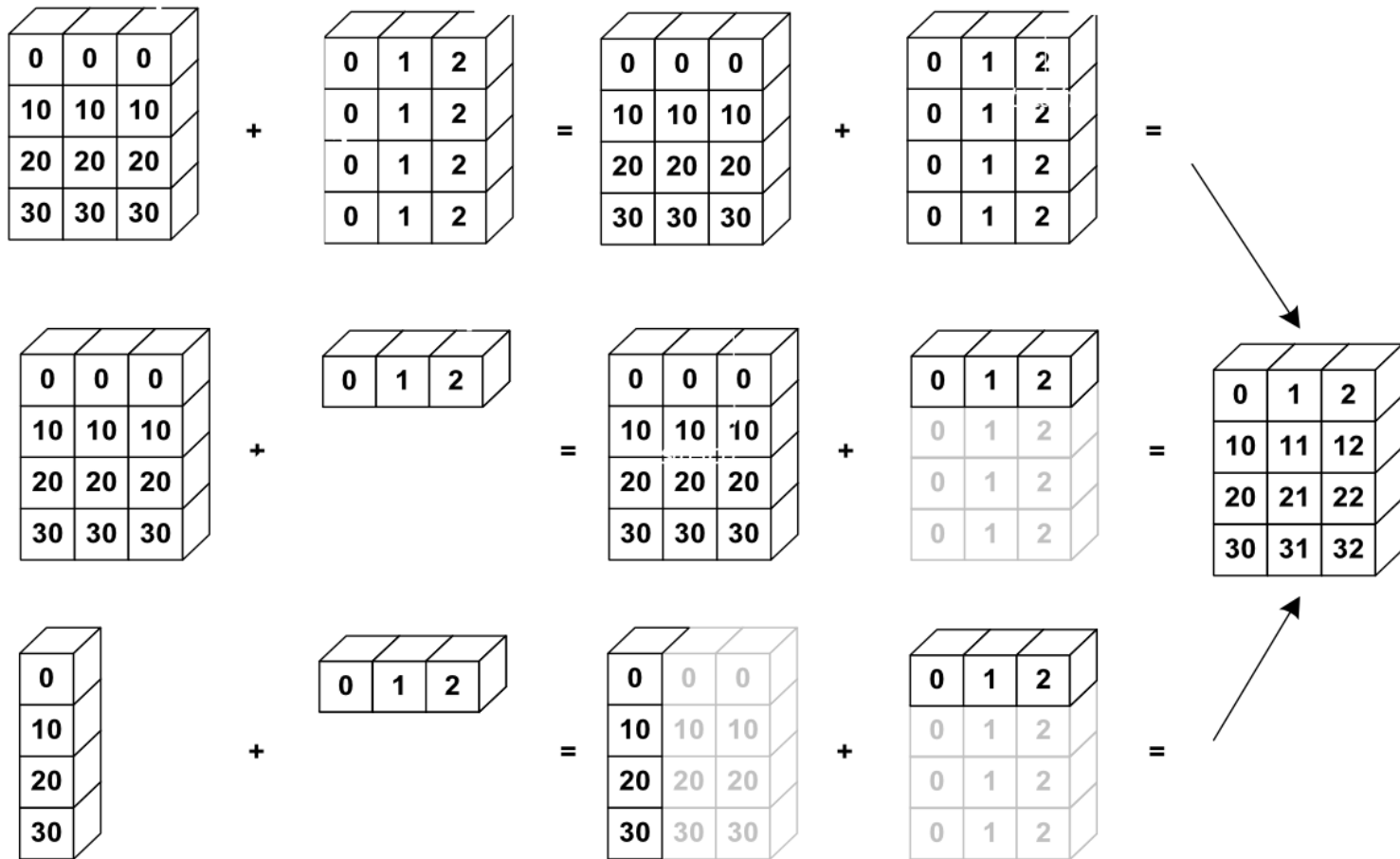
numpy array operations

- ▶ Alle Operationen auf *np.arrays* sind element-wise

```
a1d = np.array([1, 2, 3, 4, np.nan, 6])  
a2d = np.array([[1, 2], [3, 4], [np.nan, 6]])
```

```
In [59]: a1d[:2] * a2d  
Out[59]:  
array([[ 1.,  4.],  
       [ 3.,  8.],  
       [ nan, 12.]])
```


Broadcasting



http://www.scipy-lectures.org/_images/numpy_broadcasting.png

Statistische Funktionen

- ▶ Die meisten Funktionen gibt es als Methoden von *np.array* und als Funktionen in *np*

```
[In [68]: a2d = np.array([[1, 2], [3, 4], [5, 6]])
```

```
[In [69]: np.mean(a2d)
```

```
Out[69]: 3.5
```

```
[In [70]: a2d.mean()
```

```
Out[70]: 3.5
```

- ▶ Sie nehmen auch ein fakultatives *axis* argument, die Achse auf welcher die Funktion gerechnet wird.

```
[In [106]: np.mean(a2d, axis=0)
```

```
Out[106]: array([ 3.,  4.])
```

Statistische Funktionen

► Als Funktionen in *np*

```
np.mean(a2d, axis=0)    # mean  
np.std(a2d, axis=0)     # standard deviation  
np.min(a2d, axis=0)     # min value  
np.max(a2d, axis=0)     # max value  
np.sort(a2d, axis=0)    # return sorted array
```

```
np.corrcoef(a2d)        # correlation coefficients
```

Statistische Funktionen

► Als Methoden von *np.array*

```
a2d.mean(axis=0)      # mean
a2d.std(axis=0)       # standard deviation
a2d.min(axis=0)       # min value
a2d.max(axis=0)       # max value
a2d.sort(axis=0)      # sorted array in place
```

Vergleiche sind auch element-wise

- ▶ Vergleich generiert ein boolean array

```
[In [3]: a1d = np.array([1, 2, 3, 4, 5, 6])
```

```
[In [4]: a1d < 3
```

```
Out[4]: array([ True,  True, False, False, False, False], dtype=bool)
```

- ▶ Boolean arrays kann man als Masken verwenden

```
[In [5]: a1d[a1d < 3]
```

```
Out[5]: array([1, 2])
```

Undefinierte Elemente

▶ Das undefinierte Element:

```
np.nan
```

▶ Test für undefinierte Elemente:

```
np.isnan(a1d)
```

▶ Wird auch Element-wise
angewendet

```
In [6]: a1d = np.array([1, 2, 3, 4, np.nan, 6])
...: np.isnan(a1d)
...:
Out[6]: array([False, False, False, False,  True, False], dtype=bool)
```

Zusätzliche Folien

numpy Matrizen Multiplikation

```
a2d = np.array([[1, 2], [3, 4], [np.nan, 6]])  
m2d = np.matrix(a2d)
```

► Für Matrizen Multiplikation

► Entweder np.dot

```
In [64]: np.dot(a2d, a2d.T)  
Out[64]:  
array([[ 5., 11., nan],  
       [ 11., 25., nan],  
       [ nan, nan, nan]])
```

► Oder mit *matrix* Objekten arbeiten

```
In [65]: m2d * m2d.T  
Out[65]:  
matrix([[ 5., 11., nan],  
        [ 11., 25., nan],  
        [ nan, nan, nan]])
```


Zufallszahlengenerator

- ▶ Mit numpy kann man arrays von Zufallszahlen generieren
 - ▶ Zahlen zwischen 0 und 1:

```
In [22]: np.random.random(3) #3 random numbers in [0,1)  
Out[22]: array([ 0.02142362,  0.40388068,  0.75375359])
```

- ▶ Zahlen aus einer normalen Verteilung

```
In [23]: np.random.normal(loc=0.0, scale=1.0, size=3)  
Out[23]: array([ 0.1979848 ,  1.08893364,  1.75919085])
```

- ▶ Auswahl aus einem array

```
In [24]: np.random.choice([1,3], 5)  
Out[24]: array([3, 1, 3, 3, 3])
```

Logische Funktionen

- ▶ *np.any* Funktion testet ob irgend ein Element *True* ist

```
In [9]: a2d = np.array([[1, 2], [3, 4], [np.nan, 6]])
```

```
In [11]: np.any(np.isnan(a2d))  
Out[11]: True
```

- ▶ Es nimmt auch *axis* als keyword argument

```
In [13]: np.any(np.isnan(a2d), axis=1)  
Out[13]: array([False, False,  True], dtype=bool)
```

- ▶ Ein Array von boolean kann man invertieren

```
In [9]: np.logical_not(np.isnan(a1d))  
Out[9]: array([ True,  True,  True,  True, False,  True], dtype=bool)
```