

Zufallsvariable	Bernoulli-Variable	Diskrete Variable	Stetige Variable
<div>X</div> <p>(Ausgangsvariable; Variable der Grundgesamtheit)</p>	<p>Verteilung: $P(X=k_i) = \begin{cases} p & X=1 \\ q & X=0 \end{cases}$ (Bernoulli-Variable)</p> <p>$\mu_X = p$ $\sigma_X^2 = pq$ $\sigma_X = \sqrt{p \cdot q}$</p> <p>Intervall-WS: $P(a \leq X \leq b) = \sum p_i$ durch Addition der Einzel-WS</p>	<p>Verteilung: $P(X=x_i) = p_i$ ($i=1,2,\dots,k$) (z.B. idealer oder realer Würfel)</p> <p>$\mu_X = \sum x_i p_i$ $\sigma_X^2 = \sum (x_i - \mu_X)^2 p_i$</p> <p>Intervall-WS: $P(a \leq X \leq b) = \sum p_i$ durch Addition der Einzel-WS</p>	<p>Verteilung: Normalverteilung $N(\mu_X, \sigma_X)$ $P(X \leq a) = \Phi\left(\frac{a - \mu_X}{\sigma_X}\right)$</p> <p>$\mu_X$ σ_X (gegeben)</p> <p>Intervall-WS: $P(a \leq X \leq b) = \Phi\left(\frac{b - \mu_X}{\sigma_X}\right) - \Phi\left(\frac{a - \mu_X}{\sigma_X}\right)$</p>
<div>$Y = X_1 + X_2 + \dots + X_n$</div> <p>(Summenvariable) (X_i unabhängig Kopien von X)</p>	<p>Verteilung: $P(Y=k) = \binom{n}{k} p^k q^{n-k} = B_{n,p}(k)$ (Bernoulli-V.)</p> <p>$\mu_Y = np$; $\sigma_Y^2 = npq$; $\sigma_Y = \sqrt{npq}$</p> <p>Approximative Verteilung: $B_{n,p}(k) \approx \frac{1}{\sigma} \varphi\left(\frac{k - \mu_Y}{\sigma_Y}\right)$ ($n > \frac{9}{pq}$)</p> <p>Intervall-WS: exakt: $P(a \leq Y \leq b)$ durch Addition der WS aus <u>Tafel III</u>. näherungsweise: ($n > 30$) $P(a \leq Y \leq b) \approx \Phi\left(\frac{b + \frac{1}{2} - \mu_Y}{\sigma_Y}\right) - \Phi\left(\frac{a - \frac{1}{2} - \mu_Y}{\sigma_Y}\right)$</p>	<p>Verteilung: nicht exakt angegeben</p> <p>$\mu_Y = n\mu_X$; $\sigma_Y^2 = n\sigma_X^2$; $\sigma_Y = \sqrt{n} \cdot \sigma_X$</p> <p>Approximative Verteilung: Normalverteilung: $N(\mu_Y, \sigma_Y) = N(n\mu_X, \sqrt{n}\sigma_X)$ (zentraler Grenzwertsatz)</p> <p>Intervall-WS: exakt: — näherungsweise: $P(a \leq Y \leq b) \approx \Phi\left(\frac{b - \mu_Y}{\sigma_Y}\right) - \Phi\left(\frac{a - \mu_Y}{\sigma_Y}\right)$</p>	<p>Verteilung: exakt: $N(\mu_Y, \sigma_Y)$ mit $\mu_Y = n\mu_X$; $\sigma_Y^2 = n\sigma_X^2$; $\sigma_Y = \sqrt{n} \cdot \sigma_X$</p> <p>Intervall-WS: exakt: $P(a \leq Y \leq b) = \Phi\left(\frac{b - \mu_Y}{\sigma_Y}\right) - \Phi\left(\frac{a - \mu_Y}{\sigma_Y}\right)$ näherungsweise: —</p>
<div>$\bar{X} = \frac{1}{n} (X_1 + X_2 + \dots + X_n)$</div> <p>(Stichprobenmittelwert) (X_i unabhängige Kopien von X)</p>	<p>($X_n = \frac{1}{n} (x_1 + x_2 + \dots + x_n) = h$ relat. Häufigk.)</p> <p>Verteilung: exakt angebar (für uns uninteressant)</p> <p>$\mu_{\bar{X}} = \mu_X$; $\sigma_{\bar{X}}^2 = \frac{1}{n} \sigma_X^2$; $\sigma_{\bar{X}} = \frac{\sigma_X}{\sqrt{n}}$ $\mu_{\bar{X}} = p$; $\sigma_{\bar{X}}^2 = \frac{pq}{n}$; $\sigma_{\bar{X}} = \sqrt{\frac{pq}{n}}$</p> <p>Approximative Verteilung: $N(\mu_{\bar{X}}, \sigma_{\bar{X}}) = N\left(p, \sqrt{\frac{pq}{n}}\right)$</p> <p>Intervall-WS: exakt: — näherungsweise: $P(a \leq \bar{X} \leq b) \approx \Phi\left(\frac{b - \mu_{\bar{X}}}{\sigma_{\bar{X}}}\right) - \Phi\left(\frac{a - \mu_{\bar{X}}}{\sigma_{\bar{X}}}\right)$ $= \Phi\left(\frac{b - \mu_X}{\sigma_X / \sqrt{n}}\right) - \Phi\left(\frac{a - \mu_X}{\sigma_X / \sqrt{n}}\right)$</p>	<p>Verteilung: exakt schwierig angebar (für uns uninteressant)</p> <p>$\mu_{\bar{X}} = \mu_X$; $\sigma_{\bar{X}}^2 = \frac{1}{n} \sigma_X^2$; $\sigma_{\bar{X}} = \frac{\sigma_X}{\sqrt{n}}$</p> <p>Approximative Verteilung: $N(\mu_{\bar{X}}, \sigma_{\bar{X}}) = N\left(\mu_X, \frac{\sigma_X}{\sqrt{n}}\right)$</p> <p>Intervall-WS: exakt: — näherungsweise: $P(a \leq \bar{X} \leq b) \approx \Phi\left(\frac{b - \mu_{\bar{X}}}{\sigma_{\bar{X}}}\right) - \Phi\left(\frac{a - \mu_{\bar{X}}}{\sigma_{\bar{X}}}\right)$ $= \Phi\left(\frac{b - \mu_X}{\sigma_X / \sqrt{n}}\right) - \Phi\left(\frac{a - \mu_X}{\sigma_X / \sqrt{n}}\right)$</p>	<p>Verteilung: exakt: $N(\mu_{\bar{X}}, \sigma_{\bar{X}})$</p> <p>$\mu_{\bar{X}} = \mu_X$; $\sigma_{\bar{X}}^2 = \frac{1}{n} \sigma_X^2$; $\sigma_{\bar{X}} = \frac{\sigma_X}{\sqrt{n}}$</p> <p>Approximative Verteilung: —</p> <p>Intervall-WS: exakt: $P(a \leq \bar{X} \leq b) = \Phi\left(\frac{b - \mu_{\bar{X}}}{\sigma_{\bar{X}}}\right) - \Phi\left(\frac{a - \mu_{\bar{X}}}{\sigma_{\bar{X}}}\right)$ $= \Phi\left(\frac{b - \mu_X}{\sigma_X / \sqrt{n}}\right) - \Phi\left(\frac{a - \mu_X}{\sigma_X / \sqrt{n}}\right)$ näherungsweise: —</p>