

Zufallsvariable

X

(AusgangsvARIABLE;
Variable der Grundgesamtheit
mit)

Bernoulli-Variable

Verteilung: $P(X=x_i) = \begin{cases} p & x=1 \\ q & x=0 \end{cases}$
(Bernoulli-Variable)
(z.B. Idealer oder realer Wurf)

Intervall-WS: $P(a \leq X \leq b) = \sum p_i$
durch Addition der Einzel-WS
 $\mu_x = p$ $\sigma_x^2 = pq$ $\sigma_x = \sqrt{p \cdot q}$

Diskrete Variable

Verteilung: $P(X=x_i) = p_i \quad (i=1, 2, \dots, n)$
(z.B. Idealer oder realer Wurf)

Intervall-WS: $P(a \leq X \leq b) = \sum p_i$
durch Addition der Einzel-WS
 $\mu_x = \sum x_i p_i$ $\sigma_x^2 = \sum (x_i - \mu_x)^2 p_i$

Stetige Variable

Verteilung: Normalverteilung $N(\mu_x, \sigma_x^2)$
 $P(X \leq a) = \Phi\left(\frac{a - \mu_x}{\sigma_x}\right)$

Intervall-WS: $P(a \leq X \leq b) = \Phi\left(\frac{b - \mu_x}{\sigma_x}\right) - \Phi\left(\frac{a - \mu_x}{\sigma_x}\right)$
(gegeben)

$U = X_1 + X_2 + \dots + X_n$
(Summe variable)

(X_i unabhängig
Kopien von X)

Approximative Verteilung:
 $\mu_y = np$ $\sigma_y^2 = npq$ $\sigma_y = \sqrt{npq}$

Intervall-WS: $B_{n,p}(k) \approx \frac{1}{\sigma} \phi\left(\frac{k - \mu_y}{\sigma_y}\right)$
($n > 9$)
exakt: $P(a \leq Y \leq b)$ durch Addition
der WS aus Tafel III.

Näherungsweise: $(n > 30)$
 $P(a \leq Y \leq b) \approx \Phi\left(\frac{b - \frac{n-1}{2} - \mu_y}{\sigma_y}\right) - \Phi\left(\frac{a - \frac{n-1}{2} - \mu_y}{\sigma_y}\right)$

Verteilung: exakt gegeben
(für aus Zufallversuch)
 $(X_n = \frac{n}{2} (x_1 + x_2 + \dots + x_n) = n \cdot \text{sdot} \cdot \text{sdot} \cdot k)$

Approximative Verteilung:
 $\mu_x = n \cdot p$ $\sigma_x^2 = n \cdot p \cdot q$ $\sigma_x = \sqrt{n \cdot p \cdot q}$
exakt: $N(\mu_x, \sigma_x^2) = N(np, npq)$

$X = \frac{n}{2} (X_1 + X_2 + \dots + X_n)$

(Stichproben mit Zurücklegen)

(X_i unabhängig
Kopien von X)

Intervall-WS: exakt:

Approximative Verteilung:
 $\mu_x = n \cdot p$ $\sigma_x^2 = n \cdot p \cdot q$ $\sigma_x = \sqrt{n \cdot p \cdot q}$
exakt: $N(\mu_x, \sigma_x^2) = N(np, npq)$

Näherungsweise: $P(a \leq X \leq b) \approx \Phi\left(\frac{b - \mu_x}{\sigma_x}\right) - \Phi\left(\frac{a - \mu_x}{\sigma_x}\right)$
exakt: $P(a \leq X \leq b) = \Phi\left(\frac{b - \mu_x}{\sigma_x}\right) - \Phi\left(\frac{a - \mu_x}{\sigma_x}\right)$

Intervall-WS: exakt:

Approximative Verteilung:
 $\mu_x = n \cdot p$ $\sigma_x^2 = n \cdot p \cdot q$ $\sigma_x = \sqrt{n \cdot p \cdot q}$
exakt: $N(\mu_x, \sigma_x^2) = N(np, npq)$

Näherungsweise: $P(a \leq X \leq b) \approx \Phi\left(\frac{b - \mu_x}{\sigma_x}\right) - \Phi\left(\frac{a - \mu_x}{\sigma_x}\right)$
exakt: $P(a \leq X \leq b) = \Phi\left(\frac{b - \mu_x}{\sigma_x}\right) - \Phi\left(\frac{a - \mu_x}{\sigma_x}\right)$

Intervall-WS: exakt:

Approximative Verteilung:
 $\mu_x = n \cdot p$ $\sigma_x^2 = n \cdot p \cdot q$ $\sigma_x = \sqrt{n \cdot p \cdot q}$
exakt: $N(\mu_x, \sigma_x^2) = N(np, npq)$

Näherungsweise: $P(a \leq X \leq b) \approx \Phi\left(\frac{b - \mu_x}{\sigma_x}\right) - \Phi\left(\frac{a - \mu_x}{\sigma_x}\right)$
exakt: $P(a \leq X \leq b) = \Phi\left(\frac{b - \mu_x}{\sigma_x}\right) - \Phi\left(\frac{a - \mu_x}{\sigma_x}\right)$