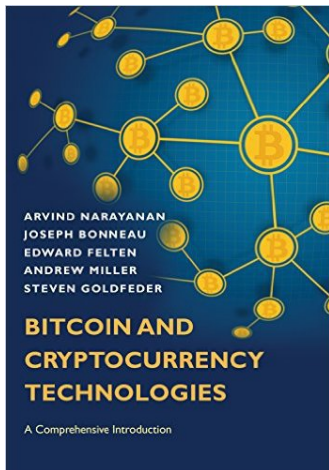


# Nhập môn An toàn thông tin

## Giới thiệu sơ lược về Mật mã và Tiền mật mã

Ngày 3 tháng 6 năm 2021

## Tài liệu tham khảo



# Nội dung

1 Hàm băm và Chữ ký số

2 Tiền mật mã

# Hàm băm mật mã

Hàm băm là một hàm thỏa mãn ba tính chất:

- Đầu vào là một chuỗi độ dài **bất kỳ**.
- Đầu ra là một chuỗi độ dài **cố định**. Ta sẽ dùng 256 bit.
- Đây là một hàm tính được một cách **hiệu quả**.

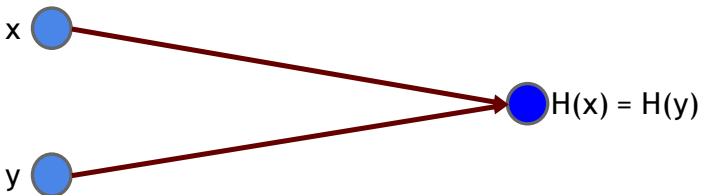
Tính an toàn

- collision-free (kháng xung đột)
- hiding
- puzzle-friendly

## Tính chất 1: Kháng xung đột

Vô cùng khó để tìm hai xâu  $x$  và  $y$  sao cho

$$x \neq y \text{ và } H(x) = H(y).$$



# Ứng dụng của hàm băm kháng xung đột

## 15.04

(Vivid Vervet): April 2015 (Supported until January 2016)

*md5 Hash*

*Version*

53c869eba8686007239a650d903847fd ubuntu-15.04-desktop-amd64.iso

6ea04093b767ad6778aa245d53625612 ubuntu-15.04-desktop-i386.iso

487f4a81f22f8597503db3d51a1b502e ubuntu-15.04-server-amd64.iso

49de7a0ed202d11456126589e2d1db22 ubuntu-15.04-server-i386.iso

fcfba8de8848944705cd200ff76c53cf ubuntu-15.04-snappy-amd64-generic.img.xz

ef2a4951a2e889908a55c980d2bea475 ubuntu-15.04-snappy-armhf-bbb.img.xz

## Tính chất 2: Hiding

- Ta mong muốn tính chất:  
*Cho  $H(x)$ , không thể tìm được  $x$ .*
- Điều này không khả thi khi không gian input nhỏ!



$H(\text{"heads"})$

$H(\text{"tails"})$

## Tính chất 2: Hiding

Một hàm băm gọi là **hiding** nếu

*khi giữ bí mật giá trị  $r$  được chọn ngẫu nhiên, thì cho  $H(r \mid x)$  ta không thể tìm được  $x$ .*

**Ứng dụng:** Sơ đồ ủy thác

- Mô phỏng: "Giấu một giá trị trong phong bì dán kín" và "Mở phong bì" sau này.
- Ủy thác một giá trị và tiết lộ nó sau này.



## Sơ đồ ủy thác

API:

- $(com, key) := \text{commit}(msg)$
- $match := \text{verify}(com, key, msg)$

Giấu msg trong phong bì:

- $(com, key) := \text{commit}(msg)$
- sau đó công khai com

Mở phong bì:

- Công khai key, msg
- Ai cũng có thể dùng hàm  $\text{verify}()$  để kiểm tra tính hợp lệ.

# Tính an toàn của Sơ đồ ủy thác

API:

- $(com, key) := \text{commit}(msg)$
- $\text{match} := \text{verify}(com, key, msg)$

Tính an toàn:

- Hiding: Chỉ cho com, ta không thể tìm được msg.
- Binding: Ta không thể tìm được  $msg \neq msg'$  sao cho  $\text{verify}(\text{commit}(msg), msg') == \text{true}$

## Sơ đồ ủy thác

Cài đặt:

- $\text{commit}(\text{msg}) := (\text{H}(\text{key} \mid \text{msg}), \text{H}(\text{key}))$   
với  $\text{key}$  là một giá trị ngẫu nhiên 256 bit.
- $\text{verify}(\text{com}, \text{key}, \text{msg}) := (\text{H}(\text{key} \mid \text{msg}) == \text{com})$

Tính an toàn dựa trên:

- Hiding: Chỉ cho  $\text{H}(\text{key} \mid \text{msg})$ , không thể tìm được  $\text{msg}$ .
- Binding: Không thể tìm được  $\text{msg} \neq \text{msg}'$  such that  $\text{H}(\text{key} \mid \text{msg}) == \text{H}(\text{key} \mid \text{msg}')$

## Tính chất 3: Puzzle-friendly

Puzzle-friendly:

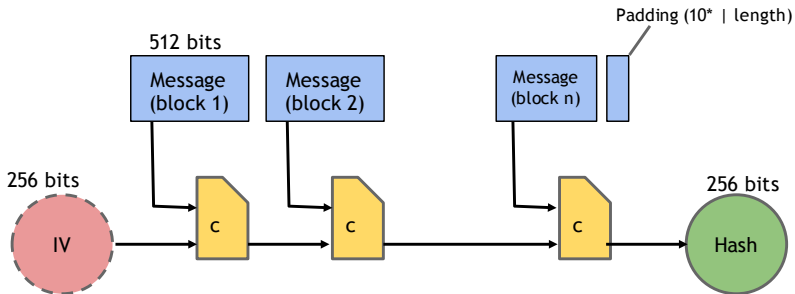
- Với mọi giá trị  $y$  cho trước và  $k$  được chọn ngẫu nhiên, thì vô cùng khó để tìm được  $x$  sao cho  $H(k \mid x) = y$ .

Ứng dụng: Search puzzle

- Cho một “puzzle ID”  $id$ , và một tập giá trị  $Y$ .
- Hãy tìm một “nghiệm”  $x$  thỏa mãn  $H(id \mid x) \in Y$ .

Tính chất Puzzle-friendly chỉ ra rằng không có chiến lược nào tốt hơn việc thử một cách ngẫu nhiên giá trị cho  $x$ .

# Hàm băm SHA-256



## Thảo luận

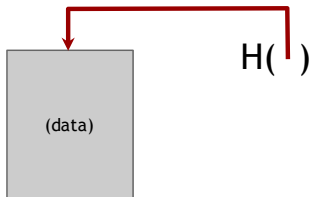
Thiết kế giao thức để chơi trò chơi dân gian **Oẳn tù tì** qua điện thoại.



## Con trỏ băm

Con trỏ băm là

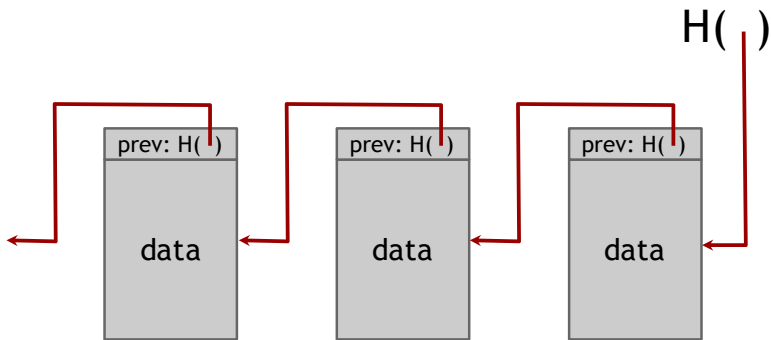
- một con trỏ tới dữ liệu, và
- mã băm của dữ liệu.



Nếu ta có một con trỏ băm, ta có thể

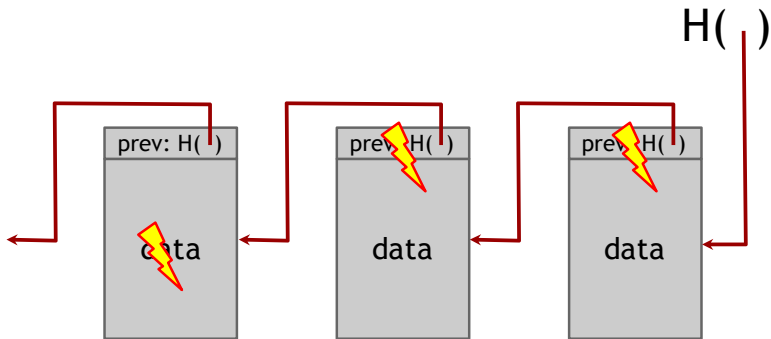
- lấy dữ liệu, và
- kiểm tra xem liệu dữ liệu có bị sửa đổi.

## Danh sách liên kết với con trỏ băm = "blockchain"

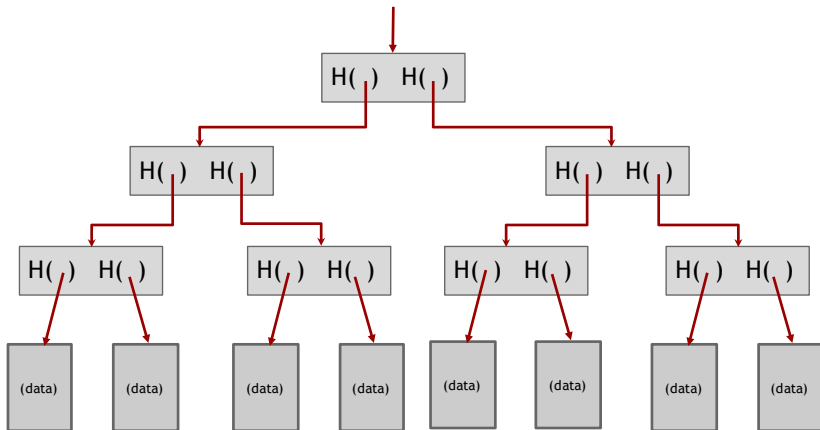




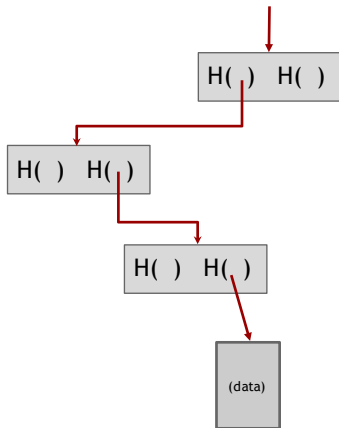
## Phát hiện sửa đổi



# Cây nhị phân với con trỏ băm = “Merkle tree”



## Là thành viên của cây?



Trong  $O(\log n)$

# Chữ ký số

Ý tưởng:

- Chỉ bạn có thể ký, nhưng ai cũng có thể kiểm tra
- Chữ ký được gắn với một tài liệu cụ thể:  
không thể copy và paste cho tài liệu khác.

API:

- $(sk, pk) := \text{generateKeys}(\text{keysize})$
- $\text{sig} := \text{sign}(sk, \text{message})$
- $\text{isValid} := \text{verify}(pk, \text{message}, \text{sig})$

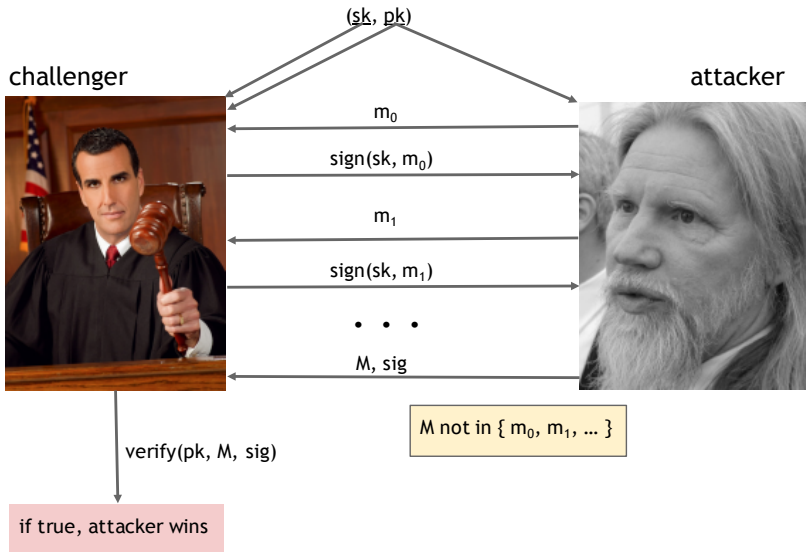
# Tính an toàn của chữ ký số

Kiểm tra đúng chữ ký hợp lệ

$$\text{verify}(\text{pk}, \text{message}, \text{sign}(\text{sk}, \text{message})) == \text{true}$$

Không thể giả mạo chữ ký:

- Dù kẻ tấn công Evil biết pk và có được chữ ký hợp lệ của một số tài liệu (Evil muốn)
- Evil cũng không thể tạo ra chữ ký hợp lệ cho tài liệu mới.



## Thực tế

- Bitcoin sử dụng sơ đồ chữ ký số ECDSA (Elliptic Curve Digital Signature Algorithm)
- Cụ thể, Bitcoin sử dụng đường cong chuẩn secp256k1: có mức an toàn 128 bit
- Kích thước khóa và chữ ký:

Khóa bí mật:	256 bit
Khóa công khai, chưa nén:	512 bit
Khóa công khai, đã nén:	257 bit
Thông điệp được ký:	256 bit
Chữ ký:	512 bit

## Dùng khóa công khai như định danh

- Nếu có sig thỏa mãn

$\text{verify}(\text{pk}, \text{msg}, \text{sig}) == \text{true}$

thì ta có thể xem như

pk "thông báo" msg

- Để có thể thông báo trong vai trò pk, ta phải biết khóa bí mật sk.



# Làm thế nào để tạo ra một định danh mới?

Sinh ra một cặp khóa ngẫu nhiên  $sk, pk$ :

$$(sk, pk) := \text{generateKeys}(\text{keysize})$$

- $pk$  là tên "công khai" mà bạn có thể dùng. Hoặc tốt hơn nếu dùng  $\text{hash}(pk)$  làm tên công khai.
- $sk$  cho phép tạo ra thông báo.

Bạn hoàn toàn kiểm soát định danh của bạn vì chỉ có bạn biết  $sk$ .

# Hệ thống quản lý định danh phi tập trung

- Ai cũng có thể tạo ra định danh mới: bất cứ lúc nào và bao nhiêu cũng được!
- Không cần có hệ thống quản lý trung tâm.
- Trong Bitcoin, định danh được gọi là "địa chỉ".

## Tính riêng tư

- Các địa chỉ không trực tiếp liên kết với định danh trong thế giới thực.
- Nhưng nếu quan sát theo thời gian ta có thể liên kết các hoạt động từ các địa chỉ, và từ đó suy ra mối liên hệ giữa các địa chỉ với đối tượng trong thế giới thực.

# Nội dung

① Hàm băm và Chữ ký số

② Tiền mật mã

# GoofyCoin



Goofy có thể tạo ra coin mới

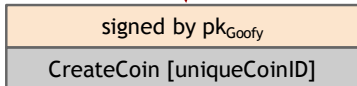
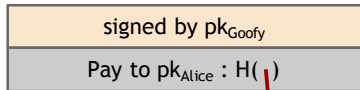
signed by  $pk_{Goofy}$

CreateCoin [uniqueCoinID]

Coin mới thuộc về tôi



## Goofy chuyển coin cho Alice

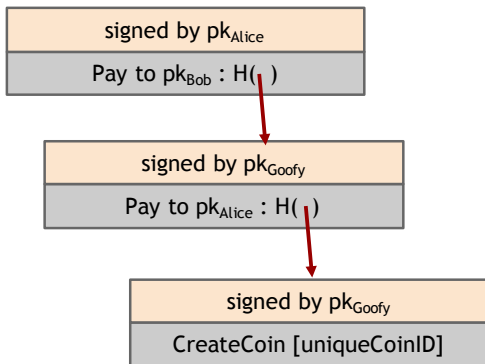


Bây giờ Alice là chủ sở hữu



**Hình:** Alice có thể chứng minh mình sở hữu coin bằng cách đưa ra dữ liệu.

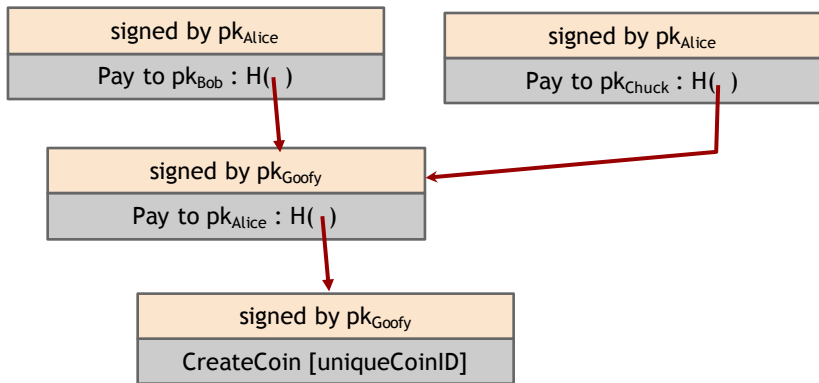
## Và Alice chuyển coin cho Bob



**Hình:** Bob có thể chứng minh mình sở hữu coin bằng cách đưa ra dữ liệu.



## Vấn đề double-spending



Hình: Alice tiêu một coin hai lần.

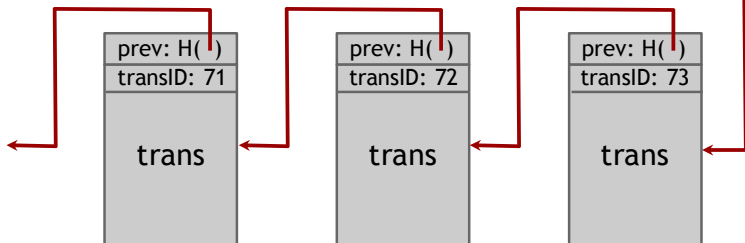
# ScroogeCoin



Scrooge công khai lịch sử của mọi giao dịch  
(một block chain, được ký bởi Scrooge)



H( )



## Giao dịch CreateCoins tạo ra coin mới

transID: 73    type:CreateCoins		
coins created		
<i>num</i>	<i>value</i>	<i>recipient</i>
0	3.2	0x...
1	1.4	0x...
2	7.1	0x...

coinID 73(0)

coinID 73(1)

coinID 73(2)

Đúng, vì tôi tạo ra.



# Giao dịch PayCoin

Tiêu và phá hủy Coin

transID: 73    type:PayCoins		
consumed coinIDs: 68(1), 42(0), 72(3)		
coins created		
<i>num</i>	<i>value</i>	<i>recipient</i>
0	3.2	0x...
1	1.4	0x...
...	...	...
signatures		

Hợp lệ nếu:

- coin được tiêu là hợp lệ,
- vẫn chưa được tiêu,
- tổng giá trị out = tổng giá trị in, và
- được ký bởi người sở hữu các coin được tiêu

## Vấn đề của ScroogeCoin

- ScroogeCoin đảm bảo chống được double-spending vì mọi người đều có thể nhìn vào blockchain và đảm bảo các giao dịch là hợp lệ.
- Scrooge không thể tạo ra giao dịch giả vì anh ta không thể giả mạo chữ ký của người khác.
- Nhưng Scrooge có quá nhiều ảnh hưởng:
  - Có thể từ chối công khai một giao dịch nào đó,
  - tạo nhiều coin, hoặc
  - dừng cập nhật blockchain.

## Thảo luận

- Hệ thống ScroogeCoin là hệ thống tập trung. Nó dựa hoàn toàn vào một bên trung gian tin cậy (Scrooge)!
- Xây dựng tiền mật mã hoạt động giống ScroogeCoin nhưng không cần bên trung gian tin cậy.