Bài tập 4: DES

Bài tập 1: Một tính chất quan trọng làm cho DES an toàn là các S-box phi tuyến. Trong bài tập này, ta sẽ cùng kiểm tra tính chất này bằng cách tính output của S_1 với một số cặp input/output.

Hãy chứng minh rằng $S_1(x_1) \oplus S_1(x_2) \neq S_1(x_1 \oplus x_2)$, ở đây \oplus ký hiệu phép toán XOR, cho các giá trị:

- 1. $x_1 = 000000$, $x_2 = 000001$
- 2. $x_1 = 1111111, x_2 = 1000000$
- 3. $x_1 = 101010$, $x_2 = 010101$

Bài tập 2: Ta muốn kiểm tra liệu $IP(\cdot)$ và $IP^{-1}(\cdot)$ có thực sự là phép toán nghịch của nhau.

IP										
58	50	42	34	26	18	10	2			
60	52	44	36	28	20	12	4			
						14				
64	56	48	40	32	24	16	8			
57	49	41	33	25	17	9	1			
59	51	43	35	27	19	11	3			
						13				
63	55	47	39	31	23	15	7			

IP^{-1}											
40											
39	7	47	15	55	23	63	31				
38	6	46	14	54	22	62	30				
37	5	45	13	53	21	61	29				
36	4	44	12	52	20	60	28				
35	3	43	11	51	19	59	27				
34	2	42	10	50	18	58	26				
33	1	41	9	49	17	57	25				

Ta xét vector gồm 64 bit $x = (x_1, x_2, ..., x_{64})$. Hãy chỉ ra rằng $IP^{-1}(IP(x)) = x$ với năm bit đầu tiên của x, tức là với x_i , i = 1, 2, 3, 4, 5.

Bài tập 3: Output của vòng đầu tiên của thuật toán DES là gì khi bản rõ và khoá toàn bit 0?

Bài tập 4: Output của vòng đầu tiên của thuật toán DES là gì khi bản rõ và khoá toàn là bit 1?