## BÀI TẬP TUẦN 9

## Bài tập 1: Cho

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 4 & \frac{5}{2} \\ -\frac{3}{4} & 2 & \frac{1}{4} \\ \frac{1}{4} & \frac{1}{2} & 2 \end{bmatrix} \qquad B = \begin{bmatrix} 1 & -\frac{1}{2} & \frac{3}{4} \\ \frac{3}{2} & \frac{1}{2} & -2 \\ \frac{1}{4} & 1 & \frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

- a. Tính  $A^{-1}B^{-1}$ ,  $(AB)^{-1}$ ,  $(BA)^{-1}$ . Nhận xét về kết quả.
- **b.** Tính  $(A^{-1})^T$ ,  $(A^T)^{-1}$ . Nhận xét về kết quả.

## Bài tập 2:

2.1 Cho hệ phương trình sau:

$$x -2y +3z = 9$$
  
 $-x +3y = -4$   
 $2x -5y +5z = 17$ 

Dùng lệnh help rref tìm hiểu về lệnh rref và dùng lệnh này giải hệ trên.

2.2 Viết hệ phương trình tuyến tính sau dưới AX = B, và giải hệ bằng lênh X = A\B

$$3x +3y +4z = 2$$
  
 $x +y +4z = -2$   
 $2x -5y +4z = 3$ 

Kiểm tra kết quả lại với lệnh rref

Bài tập 3: Vẽ đồ thì, xác định giao điểm và đánh dấu vào hình của :

- a. Hai đồ thị  $f(x) = x \sin(x), g(x) = x \cos(x)$
- b. Đồ thị sau

$$\begin{cases} x = 5(\cos(t) + t\sin(t)) \\ y = 5(\sin(t) - t\cos(t)) \end{cases}$$

và đường thẳng y=x , với  $t\in[-20,20]$ 

Bài tập 4: Cho các điểm

 $A(1,3),B(-3,5),\,C(2,-4),D(-1,-3)$  và O(0,0). hãy vẽ trên cùng một khung hình mỗi yêu cầu sau

- a. Vẽ điểm A bởi đường tròn đỏ, điểm B bởi đường hình vuông xanh dương, điểm C bởi đường hình tam giác trái tím, điểm D bởi đường hình tam giác phải vàng và điểm O bởi đường hình thoi đen.
- b. Vẽ các đoạn thẳng AB, OC, DB, CB, OA có độ dày 2pt.
- c. Vẽ các tam giác *ABC*, *ABD* và *ACD* và các tứ giác *ABCD*, *AOCD* có màu sắc và độ dày tự chọn.

**Bài tập 5:** Sử dụng quy tắc Cramer để giải hệ Ax = b. Cho

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -2 \\ 3 & -5 \end{bmatrix} \qquad b = \begin{bmatrix} 10 \\ 11 \end{bmatrix}$$

Dùng những câu lệnh sau:

$$x = zeros(2,1);$$
  
 $A1 = A;$   
 $A1(:,[1]) = b;$   
 $x(1) = det(A1)/det(A);$   
 $A2 = A;$   
 $A2(:,[2]) = b;$   
 $x(2) = det(A2)/det(A);$ 

$$3x +3y +4z = 2$$
  
 $x +y +4z = -2$   
 $2x -5y +4z = 3$ 

**Bài tập 6:** Ta có thể tìm ma trận khả nghịch bằng cách biến đổi sơ cấp  $(A|I) \longrightarrow (I|A^{-1})$ . Áp dụng tìm ma trận khả nghịch của ma trận sau:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 2 & 5 & 4 & 7 \\ 3 & 7 & 8 & 12 \\ 4 & 8 & 14 & 19 \end{bmatrix}$$

**Bài tập 7:** Tạo ngẫu nhiên ma trận A là ma trận vuông có 25 phần tử thuộc  $\mathbb R$ 

- a. Kiểm tra ma trận A có khả nghịch hay không, nếu không thì cho lại ma trận ngẫu nhiên khác.
- b. Xác định ma trận nghịch đảo của A bằng phép biến đổi sơ cấp trên dòng.
- c. Xác định ma trận nghịch đảo của A bằng hàm inv

Bài tập 8: Áp dụng lệnh ở Bài tập 5(có thể biến đổi lệnh áp dụng cho ma trận A cấp n bất kỳ thì càng tốt) giải hệ sau:

a.

$$x_1$$
  $+3x_2$   $+3x_3$   $-2x_4$  = 6  
 $2x_1$   $-x_2$   $-2x_3$   $-3x_4$  = 4  
 $3x_1$   $+2x_2$   $-x_3$   $+2x_4$  = 4  
 $2x_1$   $-3x_2$   $+2x_3$   $+x_4$  = -8

b.

$$x_1 +3x_2 +5x_3 -4x_4 = 1$$
  
 $x_1 +3x_2 +2x_3 -2x_4 +x_5 = -1$   
 $x_1 -2x_2 +x_3 -x_4 -x_5 = 3$   
 $x_1 -4x_2 +x_3 +x_4 -x_5 = 3$   
 $x_1 +2x_2 +x_3 -x_4 +x_5 = -1$ 

## Bài tập 9: Vẽ các mặt tham số sau:

- **a.**  $r(R, \theta) = (R\cos(\theta), R\sin(\theta), r^2 + 1), \quad 0 \le R \le 4, 0 \le \theta \le 2\pi$
- **b.**  $\mathbf{r}(u, v) = (\sqrt{1 + 4v^2} \cos(u), v, \sqrt{1 + 4v^2} \sin(u)), \quad -1 \le v \le 1, 0 \le u \le 2\pi$
- c.  $\mathbf{r}(y,t) = ((2+\sin(y))\cos(t), y, (2+\sin(y))\sin(t)), \quad 0 \le y \le 4\pi, 0 \le t \le 2\pi$
- **d.**  $\mathbf{r}(u, v) = (\frac{\cos(u)}{4} + \cos(v), \frac{\sin(u)}{4} + \sin(v), v), \quad 0 \le u \le 2\pi, 0 \le v \le 4\pi$
- **e.**  $\mathbf{r}(u, v) = (\cos(u), \sin(u), u + \frac{v}{4}), \quad 0 \le u \le 4\pi, 0 \le v \le 2\pi$
- **f.**  $\mathbf{r}(u, v) = (u \cos(v), u \sin(v), uv), \quad 0 \le u \le 2\pi, 0 \le v \le 4\pi$

**Bài tập 10:** Tạo ngẫu nhiên ma trận A là ma trận vuông có 10000 phần tử thuộc  $\mathbb R$ 

- a. Kiểm tra ma trận A có khả nghịch hay không, nếu không thì cho lại ma trận ngẫu nhiên khác.
- b. Xác định ma trận nghịch đảo của A bằng phép biến đổi sơ cấp trên dòng.
- c. Xác định ma trận nghịch đảo của A bằng hàm inv

Bài tập 11: Viết function có dạng sau:

function  $[x] = He_PT(A, b)$ 

dùng quy tắc Cramer để giải hệ Ax = b. Với A là ma trận vuông cấp n bất kỳ.

Lưu ý: Trong function cần kiểm tra xem ma trận A có vuông không, nếu không vuông thì không thể giải được theo quy tắc Cramer