Mutilobjective Evolutionary Optimization

TaskOverflow

Ngày 12 tháng 12 năm 2018

Introduction

Định nghĩa

Thế nào là bài toán tối ưu đa mục tiêu?



Mục tiêu 1: Quãng đường

Mục tiêu 2: Thời gian



• Với nhiều liệu có trước, công sinh A sinh ra là cố định.



- Với nhiều liệu có trước, công sinh A sinh ra là cố định.
- Thời gian t giảm khi vận tốc v tăng.

- Với nhiều liệu có trước, công sinh A sinh ra là cố định.
- Thời gian t giảm khi vận tốc v tăng.
- Vận tốc v tăng thì lực cản tăng, công hao phí tăng.



- Với nhiều liệu có trước, công sinh A sinh ra là cố định.
- Thời gian t giảm khi vận tốc v tăng.
- Vận tốc v tăng thì lực cản tăng, công hao phí tăng.
- Công hao phí tăng, quãng đường có thể đi được giảm.

• Không gian nghiệm: Với các điều kiện rằng buộc của x sẽ xác định một không gian $\Omega \subset R^n$

- Không gian nghiệm: Với các điều kiện rằng buộc của x sẽ xác định một không gian $\Omega \subset R^n$
- Hàm mục tiêu:

$$\begin{cases} y = f(x) = (f_1(x), ..., f_m(x)) \\ x \in \Omega \end{cases}$$



- Không gian nghiệm: Với các điều kiện rằng buộc của x sẽ xác định một không gian $\Omega \subset R^n$
- Hàm mục tiêu:

$$\begin{cases} y = f(x) = (f_1(x), ..., f_m(x)) \\ x \in \Omega \end{cases}$$

• **Không gian mục tiêu:** $f: \Omega \to \Theta \subset R^m$ xác định không gian mục tiêu Θ

• Cho 2 nghiệm $x, y \in \Omega$, x trội hơn y nếu như $\forall i \in 1, 2, ..., m, f_i(x) \leq f_i(y)$ và $\exists j \in 1, 2, ..., m, f_j(x) < f_j(y)$.



- Cho 2 nghiệm $x, y \in \Omega$, x trội hơn y nếu như $\forall i \in 1, 2, ..., m, f_i(x) \leq f_i(y)$ và $\exists j \in 1, 2, ..., m, f_j(x) < f_j(y)$.
- Một nghiệm $x^* \in \Omega$ là nghiệm tối ưu Pareto nếu không tồn tại $x \in \Omega$ trôi hơn nó.

- Cho 2 nghiệm $x, y \in \Omega$, x trội hơn y nếu như $\forall i \in 1, 2, ..., m, f_i(x) \leq f_i(y)$ và $\exists j \in 1, 2, ..., m, f_j(x) < f_j(y)$.
- Một nghiệm $x^* \in \Omega$ là nghiệm tối ưu Pareto nếu không tồn tại $x \in \Omega$ trôi hơn nó.
- Tập hợp nghiệm tối ưu Pareto được gọi là tập Pareto.



- Cho 2 nghiệm $x, y \in \Omega$, x trội hơn y nếu như $\forall i \in 1, 2, ..., m, f_i(x) \leq f_i(y)$ và $\exists j \in 1, 2, ..., m, f_j(x) < f_j(y)$.
- Một nghiệm $x^* \in \Omega$ là nghiệm tối ưu Pareto nếu không tồn tại $x \in \Omega$ trôi hơn nó.
- Tập hợp nghiệm tối ưu Pareto được gọi là tập Pareto.
- Các vector mục tiêu tương ứng của tập Pareto được gọi là Biên Pareto (PF).

Mục tiêu tối ưu

Mục tiêu tối ưu là đạt được một tập xấp xỉ S với tập biên Pareto thỏa mãn:

Mục tiêu tối ưu

Mục tiêu tối ưu là đạt được một tập xấp xí S với tập biên Pareto thỏa mãn:

Độ hội tụ

Mọi nghiệm thuộc S là gần nhất có thể với P.



Mục tiêu tối ưu

Mục tiêu tối ưu là đạt được một tập xấp xí S với tập biên Pareto thỏa mãn:

Độ hội tụ

Mọi nghiệm thuộc S là gần nhất có thể với P.

Độ đa dạng

Mọi nghiệm thuộc S phân bố đa dạng trên không gian mục tiêu.

 Sau lần chạy thứ t, duy trì một quần thể solution P_t có kích thước N cố định qua mọi lần chạy.

- Sau lần chạy thứ t, duy trì một quần thể solution P_t có kích thước N cố định qua mọi lần chạy.
- Trong lần chạy thứ t+1:
 - ① Sử dụng các toán tử selection, crossover và mutation để tạo ra quần thể con cháu Q_t từ P_t .
 - ② Chọn ra N phần tử tốt nhất từ $P_t \cup Q_t$ để tạo ra P_{t+1} .

- Sau lần chạy thứ t, duy trì một quần thế solution P_t có kích thước N cố định qua mọi lần chạy.
- Trong lần chạy thứ t+1:
 - ① Sử dụng các toán tử selection, crossover và mutation để tạo ra quần thể con cháu Q_t từ P_t .
 - ② Chọn ra N phần tử tốt nhất từ $P_t \cup Q_t$ để tạo ra P_{t+1} .
- Tính chất đặc trưng: Để đánh giá các solution trong bước (2), thuật toán sử dụng:
 - Sắp xếp bất thống trị (fast nondominated sorting) để chọn ra phần tử thống trị các phần tử khác.
 - khoảng cách quần thể (crowding distance) để đảm bảo sự đa dạng của quần thể.

- Sau lần chạy thứ t, duy trì một quần thế solution P_t có kích thước N cố định qua mọi lần chạy.
- Trong lần chạy thứ t+1:
 - ① Sử dụng các toán tử selection, crossover và mutation để tạo ra quần thể con cháu Q_t từ P_t .
 - ② Chọn ra N phần tử tốt nhất từ $P_t \cup Q_t$ để tạo ra P_{t+1} .
- Tính chất đặc trưng: Để đánh giá các solution trong bước (2), thuật toán sử dụng:
 - Sắp xếp bất thống trị (fast nondominated sorting) để chọn ra phần tử thống trị các phần tử khác.
 - khoảng cách quần thể (crowding distance) để đảm bảo sự đa dạng của quần thể.
- Độ phức tạp: $O(mN^2)$ mỗi lần chạy, với m là số mục tiêu.



• Khởi tạo một quần thể gồm N cá thể. Mỗi cá thể gồm λ_i được khởi tạo ngẫu nhiên. B(i) chứa T chỉ số cá thể hàng xóm có khoảng các Euclid theo λ gần với i nhất.

- Khởi tạo một quần thể gồm N cá thể. Mỗi cá thể gồm λ_i được khởi tạo ngẫu nhiên. B(i) chứa T chỉ số cá thể hàng xóm có khoảng các Euclid theo λ gần với i nhất.
- Sau mỗi lần chạy duy trì một một tập quần thể *EP* (External Population) để lưu lại các cá thể tốt nhất tính đến hiện tại.

• Trong lần chạy thứ t:



- Trong lần chạy thứ t:
- Duyệt ∀ i:
 - Chọn 2 chỉ số ngẫu nhiên k, l từ trong các hàng xóm của i.
 - 2 Dùng các toán tử crossover, mutation để tạo ra cá thể con cháu/
 - Nếu cá thể con cháu vi phạm ràng buộc thì dùng một thuật toán sửa chữa để tao thành một cá thể con cháu mới thỏa mãn ràng buộc.

- Trong lần chạy thứ t:
- Duyệt ∀ i:
 - Chọn 2 chỉ số ngẫu nhiên k, l từ trong các hàng xóm của i.
 - 2 Dùng các toán tử crossover, mutation để tạo ra cá thể con cháu/
 - Nếu cá thể con cháu vi phạm ràng buộc thì dùng một thuật toán sửa chữa để tạo thành một cá thể con cháu mới thỏa mãn ràng buộc.
 - So sánh cá thể con cháu với các hàng xóm của i.
 - 5 So sánh với các cá thể trong EP.

- Trong lần chạy thứ t:
- Duyệt ∀ i:
 - Chọn 2 chỉ số ngẫu nhiên k, l từ trong các hàng xóm của i.
 - 2 Dùng các toán tử crossover, mutation để tạo ra cá thể con cháu/
 - Nếu cá thể con cháu vi phạm ràng buộc thì dùng một thuật toán sửa chữa để tạo thành một cá thể con cháu mới thỏa mãn ràng buộc.
 - So sánh cá thể con cháu với các hàng xóm của i.
 - So sánh với các cá thể trong EP.
- Độ phức tạp: O(mNT).

Thực nghiệm: Bài toán ZTD3

- Hàm mục tiêu:
 - $f_1(x) = x_1$

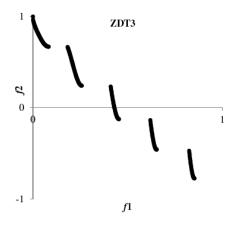
•
$$f_2(x) = g(x) \left[1 - \left(\frac{f_1(x)}{g(x)} \right)^2 \right]$$
, với

$$g(x) = 1 + \frac{9\left(\sum_{i=2}^{n} x_i\right)}{(n-1)}$$

- Miền tìm kiếm: $x = (x_1, ..., x_n)^T \in [0, 1]^T$.
- Biên Pareto: Không liên tục, lồi.



Thực nghiệm: Bài toán ZTD3



Hình: Nguồn: ResearchGate



• Độ phức tạp mỗi lần chạy của MOEA/D nhỏ hơn NSGA-II.



- Độ phức tạp mỗi lần chạy của MOEA/D nhỏ hơn NSGA-II.
- NSGA-II chỉ cần một hệ số ngoài là mật độ đột biến (mutation rate) khi chạy thuật toán.

- Độ phức tạp mỗi lần chạy của MOEA/D nhỏ hơn NSGA-II.
- NSGA-II chỉ cần một hệ số ngoài là mật độ đột biến (mutation rate) khi chạy thuật toán.
- NSGA-II hôi tu tới biên Pareto nhanh hơn.



- Độ phức tạp mỗi lần chạy của MOEA/D nhỏ hơn NSGA-II.
- NSGA-II chỉ cần một hệ số ngoài là mật độ đột biến (mutation rate) khi chạy thuật toán.
- NSGA-II hội tụ tới biên Pareto nhanh hơn.

- Độ phức tạp mỗi lần chạy của MOEA/D nhỏ hơn NSGA-II.
- NSGA-II chỉ cần một hệ số ngoài là mật độ đột biến (mutation rate) khi chạy thuật toán.
- NSGA-II hội tụ tới biên Pareto nhanh hơn.
- NSGA-II đảm bảo kích cỡ quần thể cố định \implies dễ quản lý và lưu trữ hơn.

Tại sao lại phải nghiên cứu và sử dụng MOEA/D?



Many Objectives Problems (MoAPs)

• Không có định nghĩa chung cho MaOPs.

Many Objectives Problems (MoAPs)

- Không có định nghĩa chung cho MaOPs.
- Động lực chính đằng sau MaOPs là làm nổi bật những thách thức đặt ra bởi một số lượng lớn các mục tiêu cho các thuật toán tiến hóa đa mục tiêu (MOEAs) hiện tại.

Many Objectives Problems (MoAPs)

- Không có định nghĩa chung cho MaOPs.
- Động lực chính đằng sau MaOPs là làm nổi bật những thách thức đặt ra bởi một số lượng lớn các mục tiêu cho các thuật toán tiến hóa đa mục tiêu (MOEAs) hiện tại.
- Hiện tại ta có thể định nghĩa MaOPs là các bài toán đa mục tiêu MOPs với m > 4.

• Phần lớn các cá thể là không trội, không thể sắp xếp được.

- Phần lớn các cá thể là không trội, không thể sắp xếp được.
- Tính toán độ đa dạng thuật toán trở nên khó khăn.

- Phần lớn các cá thể là không trội, không thể sắp xếp được.
- Tính toán độ đa dạng thuật toán trở nên khó khăn.
- Quá trình tái tổ hợp có thể không hiệu quả.

- Phần lớn các cá thể là không trội, không thể sắp xếp được.
- Tính toán độ đa dạng thuật toán trở nên khó khăn.
- Quá trình tái tổ hợp có thể không hiệu quả.
- Việc thể hiện trade-off surface khó khăn.

- Phần lớn các cá thể là không trội, không thể sắp xếp được.
- Tính toán độ đa dạng thuật toán trở nên khó khăn.
- Quá trình tái tổ hợp có thể không hiệu quả.
- Việc thể hiện trade-off surface khó khăn.
- Tốn thời gian để so sánh hiệu suất giữa các thuật toán với nhau (Performance metrics).

- Phần lớn các cá thể là không trội, không thể sắp xếp được.
- Tính toán độ đa dạng thuật toán trở nên khó khăn.
- Quá trình tái tổ hợp có thể không hiệu quả.
- Việc thể hiện trade-off surface khó khăn.
- Tốn thời gian để so sánh hiệu suất giữa các thuật toán với nhau (Performance metrics).
- Rất khó để biểu diễn lời giải một cách trực quan.

Hai ý tưởng cho các thuật toán Tiến hóa Tối ưu Nhiều mục tiêu - EMO

1.

Sử dụng nguyên tắc trội đặc biệt: ϵ -Domination, các chiến lược hạn chế giao phối (Mating Restriction Scheme) hoặc chiến lược tái tổ hợp đặc biệt (Special Recombination Scheme như SBX với distribution index lớn, ...).

Hai ý tưởng cho các thuật toán Tiến hóa Tối ưu Nhiều mục tiêu - EMO

1.

Sử dụng nguyên tắc trội đặc biệt: ϵ -Domination, các chiến lược hạn chế giao phối (Mating Restriction Scheme) hoặc chiến lược tái tổ hợp đặc biệt (Special Recombination Scheme như SBX với distribution index lớn, ...).

2.

Sử dụng nền tảng của các nghiên cứu đa mục tiêu trước.