

# **LECTURE 06**

## BREADTH FIRST SEARCH ALGORITHM







Phạm Nguyễn Sơn Tùng

Email: sontungtn@gmail.com



## Thuật toán BFS là gì?

Thuật toán **Breadth First Search** (BFS) là thuật toán tìm kiếm theo chiều rộng trên đồ thị **vô hướng** hoặc **có hướng**, **không** trọng số, giải quyết bài toán:

- Tìm kiếm đường đi ngắn nhất từ một đỉnh bất kỳ tới tất cả các đỉnh khác trong đồ thị (nếu 2 đỉnh thuộc cùng thành phần liên thông với nhau).
- Luôn tìm được đường đi ngắn nhất.



## Độ phức tạp thuật toán BFS

#### Độ phức tạp: O(V + E)

- Tập hợp V (Vertices) những phần tử gọi là đỉnh của đồ thị.
- Tập hợp E (Edges) những phần tử gọi là cạnh của đồ thị.



# Ý tưởng thuật toán

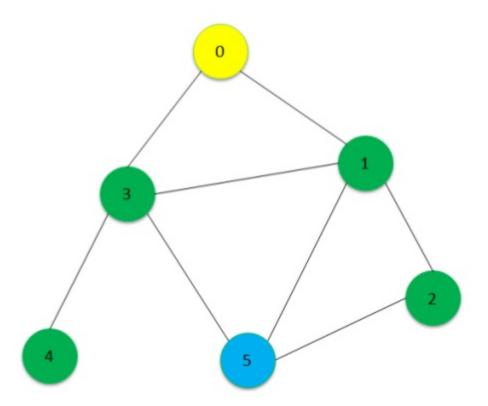
Mô tả: Xuất phát từ 1 đỉnh bất kỳ, đi tới tất các đỉnh kề của nó, lưu các đỉnh này lại. Tiếp tục đem 1 đỉnh khác (từ tập đỉnh đã được lưu) ra xét và đi cho đến khi không còn đỉnh nào có thể đi.

Trong quá trình đi từ đỉnh này sang đỉnh kia, tiến hành lưu lại đỉnh cha của đỉnh kề, để khi đi ngược lại từ đỉnh **Kết Thúc** đến đỉnh **Xuất Phát**, ta có được đường đi ngắn nhất.



## Bài toán minh họa

Cho đồ thị vô hướng như hình vẽ. Tìm đường đi ngắn nhất từ đỉnh 0 đến đỉnh 5.





# Bước 0: Chuẩn bị dữ liệu

Dữ liệu đầu vào là ma trận kề, danh sách kề hoặc định dạng dữ liệu khác.

#### Adjacency Matrix

#### Adjacency List

0 5 3



## Bước 0: Chuẩn bị dữ liệu

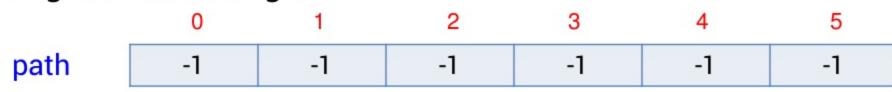
Chuyển danh sách cạnh kề vào graph.

	0	1	2	3	4	5
graph	1,3	0, 2, 3, 5	1, 5	0, 1, 4, 5	3	1, 2, 3

Mảng đánh dấu các đỉnh đã xét.

	0	1	2	3	4	5
visited	false	false	false	false	false	false

Mảng lưu vết đường đi.



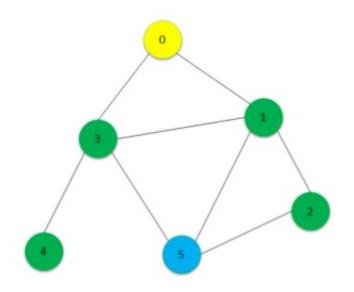
Tạo hàng đợi lưu các đỉnh đang xét.

queue ...



# Bước 0: chuẩn bị dữ liệu (tiếp theo)

Đỉnh 0 là đỉnh bắt đầu đi. Bỏ đỉnh 0 vào hàng đợi và đánh dấu đã xét đỉnh 0.



Mảng đánh dấu các đỉnh đã xét.

	0	1	2	3	4	5
visited	true	false	false	false	false	false

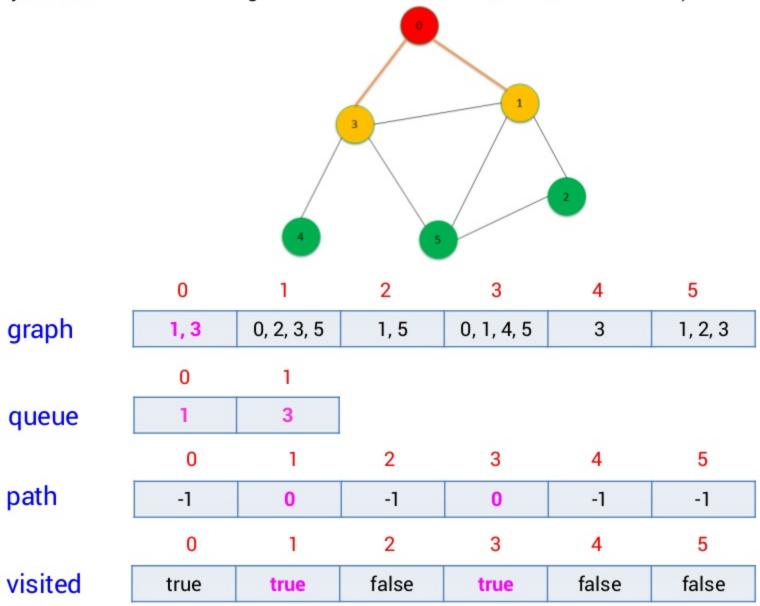
Hàng đợi lưu các đỉnh đang xét.

queue 0



# Bước 1: Chạy thuật toán lần 1

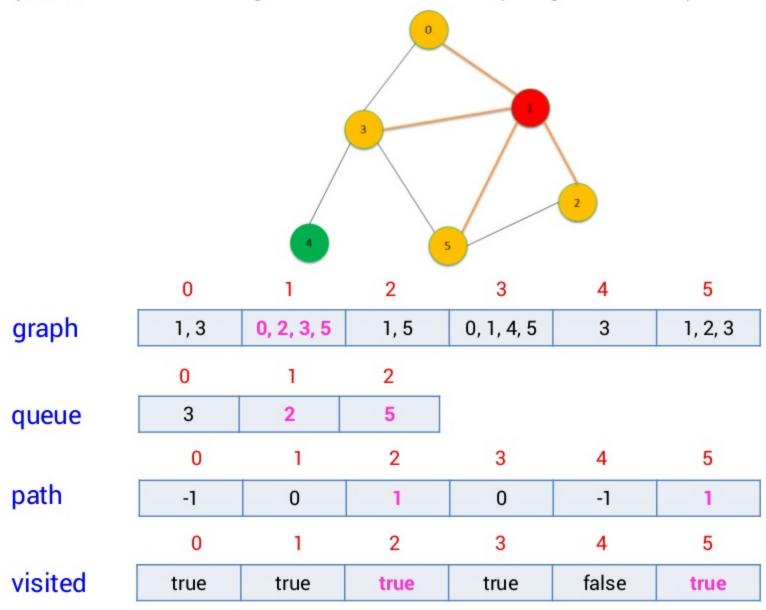
Lấy đỉnh 0 ra xét và tìm những đỉnh có kết nối với đỉnh 0 (những đỉnh chưa xét) bỏ vào queue.





# Bước 2: Chạy thuật toán lần 2

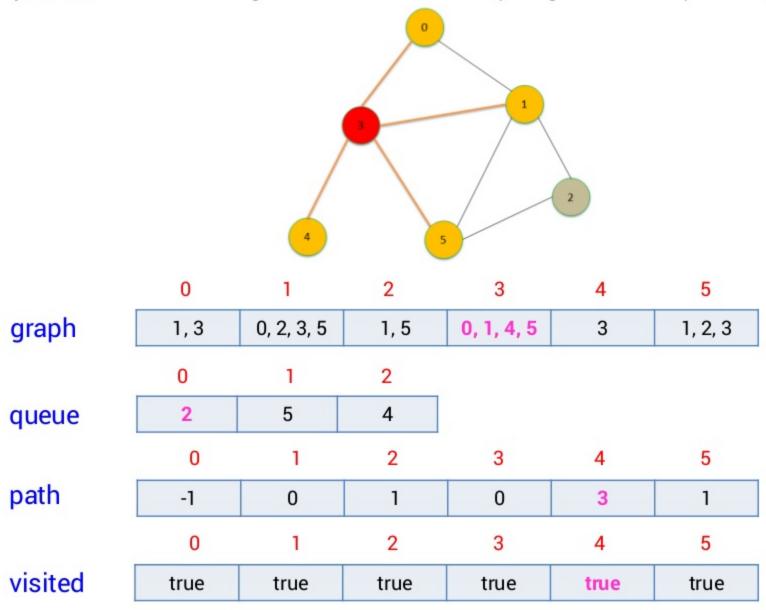
Lấy đỉnh 1 ra xét và tìm những đỉnh có kết nối với đỉnh 1 (những đỉnh chưa xét) bỏ vào queue.





# Bước 3: Chạy thuật toán lần 3

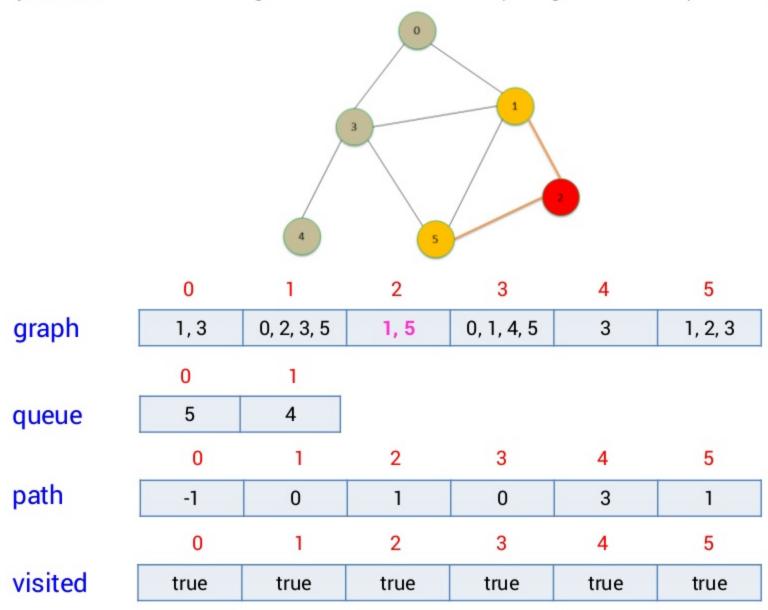
Lấy đỉnh 3 ra xét và tìm những đỉnh có kết nối với đỉnh 3 (những đỉnh chưa xét) bỏ vào queue.





# Bước 4: Chạy thuật toán lần 4

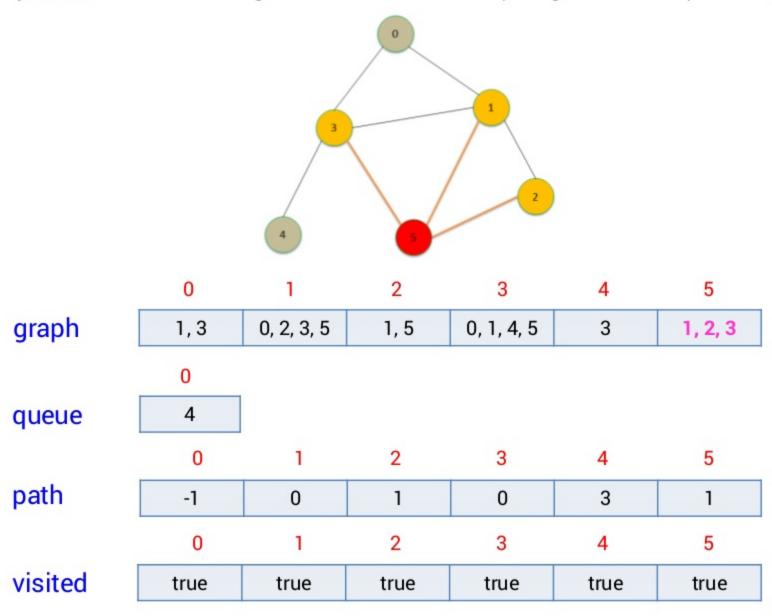
Lấy đỉnh 2 ra xét và tìm những đỉnh có kết nối với đỉnh 2 (những đỉnh chưa xét) bỏ vào queue.





# Bước 5: Chạy thuật toán lần 5

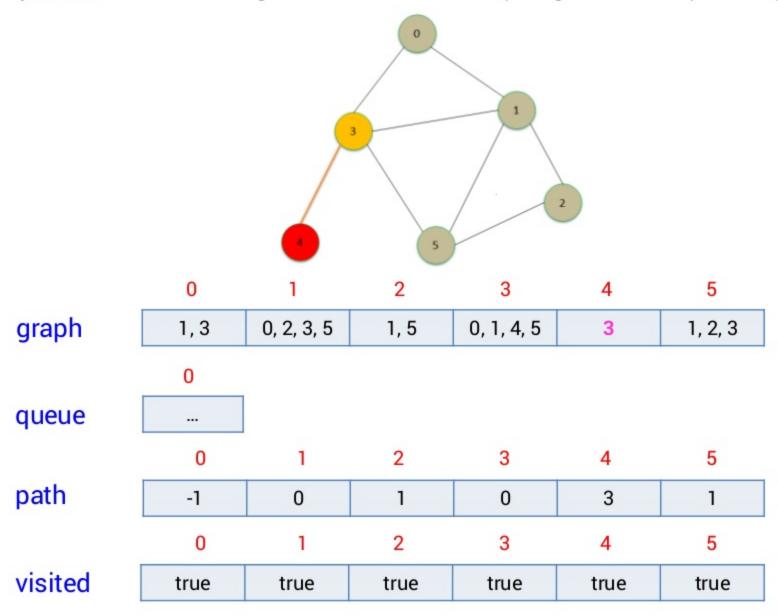
Lấy đỉnh 5 ra xét và tìm những đỉnh có kết nối với đỉnh 5 (những đỉnh chưa xét) bỏ vào queue.





# Bước 6: Chạy thuật toán lần 6

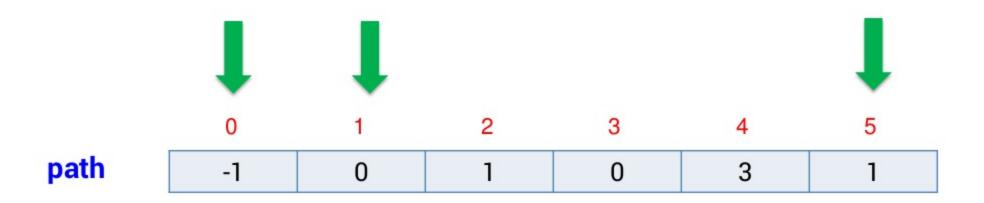
Lấy đỉnh 4 ra xét và tìm những đỉnh có kết nối với đỉnh 4 (những đỉnh chưa xét) bỏ vào queue.





## Dùng thuật toán

Tất cả các đỉnh đều được xét → dừng thuật toán.



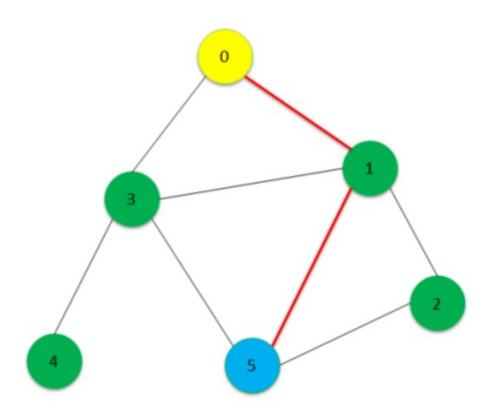


Thứ tự duyệt BFS là 0, 1, 3, 2, 5, 4.



# Đáp án bài toán

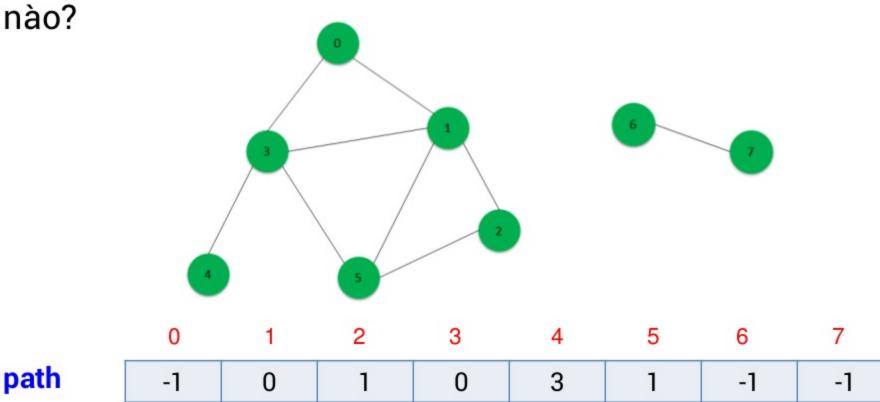
Đường đi ngắn nhất từ đỉnh 0 đến đỉnh 5 như hình vẽ.





# Lưu ý khi sử dụng BFS

Khi 2 đỉnh cần tìm đường đi ngắn nhất nhưng lại không có đường đi tới nhau được thì kết quả trả về sẽ như thế

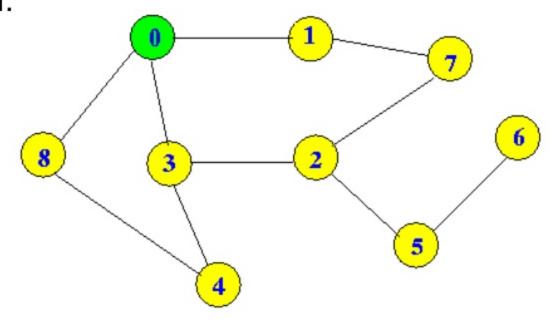


17



## Bài tập luyện tập

Tìm thứ tự duyệt BFS và đường đi ngắn nhất từ 0 đến 5 của đồ thị sau:



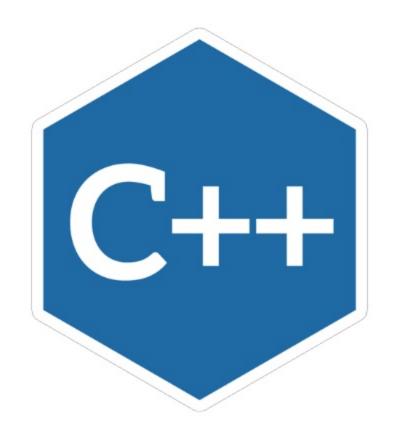


$$0 \rightarrow 3 \rightarrow 2 \rightarrow 5$$

Thứ tự duyệt BFS là 0, 1, 3, 8, 7, 2, 4, 5, 6.



# MÃ NGUỒN MINH HỌA BẰNG C++





Khai báo thư viện và các biến toàn cục:

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <queue>
using namespace std;
#define MAX 100
int V, E;
bool visited[MAX];
int path[MAX];
vector<int> graph[MAX];
```



#### Thuật toán chính BFS (part 1)

```
void BFS(int s) {
    for (int i = 0; i < V; i++) {
        visited[i] = false;
        path[i] = -1;
    }
    queue<int> q;
    visited[s] = true;
    q.push(s);
// to be continued
```



#### Thuật toán chính BFS (part 2)

```
while (!q.empty()) {
     int u = q.front();
    q.pop();
     for (int i = 0; i < graph[u].size(); i++) {
         int v = graph[u][i];
         if (!visited[v]) {
              visited[v] = true;
              q.push(v);
              path[v] = u;
```



In đường đi từ mảng lưu vết (dùng đệ quy):

```
void printPathRecursion(int s, int f) {
    if (s == f)
        cout << f << " ";
    else {
        if (path[f] == -1)
             cout << "No path" <<endl;
        else {
             printPathRecursion(s, path[f]);
             cout << f << " ";
```



In đường đi từ mảng lưu vết (KHÔNG dùng đệ quy):

```
void printPath(int s, int f) {
    int b[MAX];
    int m = 0;
    if (f == s) {
        cout << s;
        return;
    if (path[f] == -1) {
        cout << "No path" << endl;
        return;
   to be continued
```



In đường đi từ mảng lưu vết (KHÔNG dùng đệ quy):

```
while (1) {
   b[m++] = f;
   f = path[f];
    if (f == s) {
        b[m++] = s;
        break;
for (int i = m - 1; i >= 0; i--) {
    cout << b[i] << " ";
```



#### Hàm main để gọi thực hiện:

```
int main() {
    freopen("INPUT.INP", "rt", stdin);
    int u, v;
    cin >> V >> E;
    for (int i = 0; i < E; i++) {
         cin >> u >> v;
         graph[u].push back(v);
         graph[v].push back(u);
     int s = 0;
     int f = 5;
     BFS(s);
     printPath(s, f);
     return 0;
```



# MÃ NGUỒN MINH HỌA BẰNG PYTHON





Khai báo thư viện và các biến toàn cục:

```
from queue import Queue

MAX = 100
V = None
E = None
visited = [False] *MAX
path = [0] *MAX
graph = [[] for i in range(MAX)]
```



#### Thuật toán chính BFS

```
def BFS(s):
    for i in range(V):
        visited[i] = False
        path[i] = -1
    q = Queue()
    visited[s] = True
    q.put(s)
    while q.empty() == False:
        u = q.get()
        for v in graph[u]:
            if visited[v] == False:
                visited[v] = True
                q.put(v)
                path[v] = u
```



In đường đi từ mảng lưu vết (dùng đệ quy):

```
def printPathRecursion(s, f):
    if s == f:
        print(f, end=' ')
    else:
        if path[f] == -1:
            print("No path")
        else:
            printPathRecursion(s, path[f])
            print(f, end = ' ')
```



In đường đi từ mảng lưu vết (KHÔNG dùng đệ quy):

```
def printPath(s, f):
    b = []
    if f == s:
       print(f)
        return
    if path[f] == -1:
        print("No path")
        return
    while True:
        b.append(f)
        f = path[f]
        if f == s:
            b.append(s)
            break
    for i in range(len(b)-1,-1,-1):
        print(b[i], end = ' ')
```



Hàm main để gọi thực hiện:

```
if __name__ == '__main__':
    V, E = map(int, input().split())
    for i in range(E):
        u, v = map(int, input().split())
        graph[u].append(v)
        graph[v].append(u)
    s = 0
    f = 5
    BFS(s)
    printPath(s, f)
```



# MÃ NGUỒN MINH HỌA BẰNG JAVA





Khai báo thư viện và các biến toàn cục:

```
import java.util.Scanner;
import java.util.ArrayList;
import java.util.LinkedList;
import java.util.Queue;
```



In đường đi từ mảng lưu vết (dùng đệ quy):

```
public static void printPathRecursion(int s, int f) {
    if (s == f)
        System.out.print(f + " ");
    else {
        if (path.get(f) == -1)
            System.out.println("No path");
        else {
            printPathRecursion(s, path.get(f));
            System.out.print(f + " ");
```



In đường đi từ mảng lưu vết (KHÔNG dùng đệ quy):

```
public static void printPath(int s, int f) {
    if (s == f) {
        System.out.print(s);
        return;
    if (path.get(f) == -1) {
        System.out.print("No path");
        return;
   to be continued
```



In đường đi từ mảng lưu vết (KHÔNG dùng đệ quy):

```
ArrayList<Integer> b = new ArrayList<Integer> ();
int m = 0;
while (true) {
    b.add(f);
    f = path.qet(f);
    if (s == f) {
        b.add(f);
        break;
for (int i = b.size() - 1; i >= 0; i--) {
    System.out.print(b.get(i));
    System.out.print(" ");
```



#### Thuật toán chính BFS (part 1)

```
public static ArrayList<Integer> BFS(int s, int f, ArrayList<</pre>
ArrayList<Integer>> graph) {
    int V = graph.size();
    Queue<Integer> q = new LinkedList <Integer>();
    ArrayList<Integer> path = new ArrayList <Integer> ();
    ArrayList < Boolean > visited = new ArrayList < Boolean > ();
    for (int i = 0; i < V; i++) {</pre>
        visited.add(false);
        path.add(-1);
    visited.set(s, true);
    q.add(s);
```



Thuật toán chính BFS (part 2)

```
while (q.isEmpty() == false) {
    int u = (int)q.remove();
    for (int i = 0; i < graph.get(u).size(); i++) {</pre>
        int v = graph.get(u).get(i);
        if (visited.get(v) == false) {
            visited.set(v, true);
            path.set(v, u);
            q.add(v);
return path;
```



#### Hàm main để gọi thực hiện:

```
public static void main(String[] args) {
    Scanner sc = new Scanner(System.in);
    int V = sc.nextInt();
    int E = sc.nextInt();
   ArrayList<ArrayList<Integer>> graph = new ArrayList<ArrayList<Integer>> (V);
    for (int i = 0; i < V; i++)
        graph.add(new ArrayList <Integer> (0));
    for (int i = 0; i < E; i++) {
        int u = sc.nextInt();
        int v = sc.nextInt();
        graph.get(u).add(v);
        graph.get(v).add(u);
    int s = 0, f = 5;
    ArrayList <Integer> path = BFS(s, f, graph);
   printPath(s, f);
```



# Hỏi đáp

