BÀI GIẢNG GIẢI TÍCH

GIÁO VIÊN: PHAN THU HÀ KHOA CÔNG NGHỆ THÔNG TIN

Chương 1. Hàm số biến số thực

1. Khái niệm hàm một biến số

a. Định nghĩa.

Cho hai tập hợp X và Y trong $\mathbb R$. Hàm số f là một quy tắc cho tương ứng mỗi phần tử x của tập hợp X với một phần tử f(x) duy nhất của tập hợp Y.

Ký hiệu:
$$f: X \rightarrow Y$$

 $x \in X \mapsto f(x) \in Y$,

hay đơn giản hơn $y = f(x), x \in X$

- Tập hợp X gọi là **tập xác định** của hàm số, f(x) gọi là **giá trị** của hàm f tại x. Tập những giá trị có thể nhận của hàm số được gọi là **tập giá trị** của nó:

$$W = \{f(x) : x \in X\}$$

- Với hàm số y = f(x), $x \in X$, x gọi là biến số độc lập (hay đối số), y gọi là biến phụ thuộc (hay hàm số).

b. Đồ thị hàm số.

Đối với hàm số f với tập xác định X, đồ thị của nó là tập $\{(x,f(x)):x\in X\}$

c. Hàm số chẵn, lẻ

Định nghĩa.

Hàm f(x) được gọi là chẵn nếu: f(-x) = f(x), $x \in X$ và được gọi là lẻ nếu: f(-x) = -f(x), $x \in X$

Đồ thị của hàm chẵn đối xứng qua trục tung.

Đồ thị của hàm lẻ đối xứng qua gốc tọa độ.

Ví dụ. Xét xem mỗi hàm sau đây là chẵn hay lẻ

a)
$$f(x) = 2x - x^5$$
; b) $g(x) = 3 - x^6$;

c)
$$h(x) = 2 - x + 3x^4$$
; d) $k(x) = x^2 - 2x^4$, $x \ge 0$.

d) Hàm hợp.

Cho $X \subset \mathbb{R}$, $Y \subset \mathbb{R}$, $Z \subset \mathbb{R}$; cho hàm số $g: X \to Y$ và hàm số

$$f: Y \to Z$$
; xét hàm số $h: X \to Z$ định nghĩa bởi
$$h(x) = f \left[g(x) \right]; x \in X$$

h được gọi là hàm số hợp của hàm số f và hàm số g.

Ví dụ.

$$X = Y = Z = \mathbb{R}$$
, xét các ánh xạ
$$f: x \to x^2 + 2, \ g: x \to 3x + 1$$

Khi đó
$$f[g(x)] = (3x+1)^2 + 2$$

 $g[f(x)] = 3(x^2 + 2) + 1$

2. Các hàm sơ cấp cơ bản

Hàm lũy thừa: $y = x^{\alpha}$, $(\alpha \in \mathbb{R})$

Hàm số mũ: $y = a^x$ $(0 < a \ne 1)$

Hàm số logarit: $y = log_a x$, x > 0 $(0 < a \ne 1)$

Hàm lượng giác: $y = \sin x$, $y = \cos x$, $y = \tan x$, $y = \cot x$

Hàm lượng giác ngược:

$$y = \arcsin x, \ x \in [-1, 1]$$

 $y = \arccos x, x \in [-1, 1]$

 $y = \arctan x, x \in (-\infty, \infty)$

 $y = \operatorname{arc} \cot x, \ x \in (-\infty, \infty)$