Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

Cơ bản về đô thi

Cài đặt đồ t

Phép duyệt đ

Cấu trúc Đồ thị Phần 1: Các khái niệm cơ bản

Nguyễn Thanh Bình

Viên ĐTVT - ĐHBK Hà Nôi

2020

Nội dung chính

Cấu trúc Đồ

① Cơ bản về đồ thi

Cài đặt đồ thi

Phép duyệt đồ thị

Cấu trúc Đồ thi

Nguyễn Thanh Bình

Cơ bản về đồ thị

Cài đặt đồ th

Phép duyệt đị

Đồ thị (Graph)

Đồ thị G là một cấu trúc gồm hai thành phần:

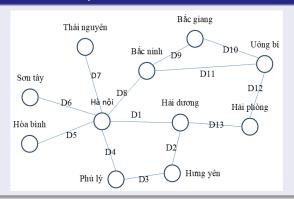
- $V = \{v_0, v_1, ..., v_{m-1}\}$: tập hữu hạn gồm m đỉnh (nút, hay điểm).
- $E = \{e_0, e_1, ..., e_{n-1}\}$, với $e_i = (v_j, v_k)$: tập hữu hạn gồm n cạnh (hay cung) nối các cặp đỉnh.

Kí hiệu đầy đủ cho đồ thị G là G(V, E).

Cấu trúc Đồ

Cơ bản về đồ thi

Ví du: Bản đồ giao thông là một đồ thị, trong đó các thành phố biểu diễn các đỉnh, còn các đường giao thông nối giữa chúng biểu diễn các canh.



Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

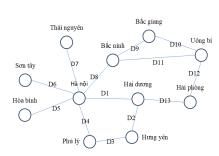
Cơ bản về đồ thị

Cài đặt đồ th

Phép duyệt đi thị

Đỉnh kề và canh kề

Giả sử v_i là một đỉnh của đồ thị G(V,E). Khi đó, ta gọi v_j là đỉnh $k\hat{e}$ của v_i nếu $(v_i,v_j)\in E$. Đồng thời, bản thân (v_i,v_j) cũng là cạnh $k\hat{e}$ của v_i và v_i .



Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

Cơ bản về đồ thị

Cái đặt đô th

Phép duyệt đ thị

Đường đi (path)

Đường đi giữa hai đỉnh v_b, v_e , ký hiệu $P(v_b, v_e)$, của đồ thị G(V,E) là tập các cạnh liên tiếp nhau nối liền hai đỉnh đó. Tức là, tồn tại tập đỉnh $v_1=v_b, v_2, ..., v_k=v_e$, sao cho $\forall i=1..(k-1), (v_i, v_{i+1}) \in E$. Ta có:

$$P(v_b, v_e) = [(v_1, v_2), (v_2, v_3), ..., (v_{k-1}, v_k)].$$

 v_b và v_e lần lượt được gọi là *đỉnh đầu* và *đỉnh cuối* của đường đi P. Để cho ngắn gọn, đường đi sẽ được biểu diễn bằng một dãy các đỉnh như sau:

$$P(v_b, v_e) = (v_1, v_2, v_3, ..., v_{k-1}, v_k).$$

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

Cơ bản về đồ thị

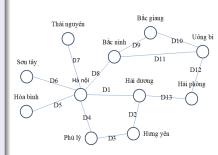
Cài đặt đổ thị

Phép duyệt đề thị

Ví dụ về Đường đi

Ở đồ thị hình bên, để nối hai thành phố Sơn tây và Uông bí ta có thể có một số đường đi như:

 $P_1 = (D6, D8, D11),$ $P_2 = (D6, D1, D13, D12).$ Hoặc nếu biểu diễn dưới dạng dãy các đỉnh như sau: $P_1 = (Son tây, Hà nội, Bắc$ ninh, Uông bí), $P_2 = (Son tây, Hà nội, Hải$ dương, Hải phòng, Uông bí).



Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

Cơ bản về đồ thị

Cài đặt đồ thị

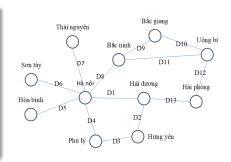
Phép duyệt đi thị

Chu trình (circuit)

Chu trình là một đường đi khép kín (tức là đỉnh đầu và đỉnh cuối của nó trùng nhau) và không có cạnh nào xuất hiện quá một lần.

Ví du

Trong đồ thị hình bên có một số chu trình như: C1= (Hà nội, Phủ lý, Hưng yên, Hải dương, Hà nội), C2 = (Bắc giang, Uông bí, Bắc ninh, Bắc giang).



Các loại đồ thị

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

Cơ bản về đồ thị

Car dat do tri

Đồ thị vô hướng (undirected graph)

Là đồ thị mà chiều của mỗi cạnh không quan trọng, mỗi cạnh là một tập hợp của hai đỉnh (tức là cạnh (u, v) trùng với cạnh (v, u)).

Ví dụ như đồ thị sơ đồ giao thông ở trên là đồ thị vô hướng.

Đồ thị có hướng (directed graph)

Là đồ thị mà mỗi cạnh đều có một chiều nhất định, hay nói cách khác mỗi cạnh là một tập có thứ tự của hai đỉnh (tức là cạnh (u, v) khác cạnh (v, u)). Khi đó, mỗi cạnh còn được gọi là một *cung* (arc).

Các loại đồ thị

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

Cơ bản về đồ thị

Cài đặt đồ thị

Phép duyệt đị

Đồ thị có trọng số (weighted graph)

Là đồ thị mà mỗi cạnh mang một giá trị nào đó mà được gọi là *trọng số* của cạnh đó. Còn ngược lại, nếu các cạnh của đồ thị không mang trọng số nào thì đồ thị đó được gọi là *không có trọng số*.

Các loại đồ thị

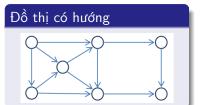
Cấu trúc Đồ thị

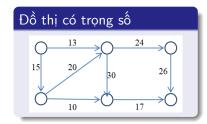
Nguyên Thanh Bình

Cơ bản về đồ thi

Cài đặt đồ thi

Phép duyệt để





Một số thao tác cơ bản

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

Cơ bản về đồ thị

Cài đặt đồ thị

Phép duyệt đ thi • Duyệt: tương tự như phép duyệt cây, phép duyệt đồ thị cũng muốn truy nhập tất cả các đỉnh của đồ thị, mỗi đỉnh đúng một lần. Có hai phương pháp duyệt đồ thị mà sẽ được trình bầy sau này là duyệt theo chiều sâu và duyệt theo chiều rộng.

Một số thao tác cơ bản

Cấu trúc Đồ thi

Nguyễn Thanh Bình

Cơ bản về đồ thị

Cài đặt đồ thị

Phép duyệt để thi

- Duyệt: tương tự như phép duyệt cây, phép duyệt đồ thị cũng muốn truy nhập tất cả các đỉnh của đồ thị, mỗi đỉnh đúng một lần. Có hai phương pháp duyệt đồ thị mà sẽ được trình bầy sau này là duyệt theo chiều sâu và duyệt theo chiều rộng.
- Tìm kiếm một đính hoặc một cạnh: là thao tác muốn tìm một đỉnh hay một cạnh thỏa mãn một điều kiện nào đó, ví như tìm đỉnh có giá trị cho trước, hay tìm cạnh có trọng số cho trước. Các giải thuật tìm kiếm này thường dựa vào các phương pháp duyệt cây.

Một số thao tác cơ bản

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

Cơ bản về đồ thị

Cài đặt đồ thị

Phép duyệt để

- Duyệt: tương tự như phép duyệt cây, phép duyệt đồ thị
 cũng muốn truy nhập tất cả các đỉnh của đồ thị, mỗi đỉnh
 đúng một lần. Có hai phương pháp duyệt đồ thị mà sẽ
 được trình bầy sau này là duyệt theo chiều sâu và duyệt
 theo chiều rộng.
- Tìm kiếm một đỉnh hoặc một cạnh: là thao tác muốn tìm một đỉnh hay một cạnh thỏa mãn một điều kiện nào đó, ví như tìm đỉnh có giá trị cho trước, hay tìm cạnh có trọng số cho trước. Các giải thuật tìm kiếm này thường dựa vào các phương pháp duyệt cây.
- Tìm đường đi ngắn nhất: bài toán này thực ra có thể lại bao gồm một số bài toán con như:
 - Tìm đường đi ngắn nhất giữa hai điểm.
 - Tìm đường đi ngắn nhất giữa một điểm và tất cả các điểm còn lai.



Cài đặt đồ thị

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

thị .

Cài đặt đồ thị

Phép duyệt đ thi Theo cấu trúc lưu trữ, có hai phương pháp cài đặt chính cho cấu trúc đồ thị:

 Sử dụng cấu trúc lưu trữ tuần tự: phương pháp này sử dụng cấu trúc mảng để lưu trữ các đỉnh và các cạnh của đồ thị.

Cài đặt đồ thị

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

tni

Cài đặt đồ thị

Phép duyệt đ thi Theo cấu trúc lưu trữ, có hai phương pháp cài đặt chính cho cấu trúc đồ thi:

- Sử dụng cấu trúc lưu trữ tuần tự: phương pháp này sử dụng cấu trúc mảng để lưu trữ các đỉnh và các cạnh của đồ thi.
- Sử dụng cấu trúc lưu trữ móc nối: phương pháp này dùng cấu trúc lưu trữ móc nối mà gồm các nút để biểu diễn các đỉnh, và các mối nối để biểu diễn các cạnh/cung của đồ thi.

So sánh hai phương pháp cài đặt

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

Cơ bản về đồ thi

Cài đặt đồ thị

Phép duyệt đ thị

- Sử dụng cấu trúc lưu trữ tuần tự:
 - Ưu điểm: Tổ chức lưu trữ khá đơn giản. Các thao tác cài đặt có tốc độ khá nhanh do khả năng truy nhập trực tiếp của cấu trúc mảng.
 - Nhược điểm: Thường chỉ thích hợp khi kích thước đồ thị nhỏ (trong khoảng vài chục đỉnh và cạnh). Gây ra sự lãng phí kích thước lưu trữ lớn khi kích thước đồ thị lớn.

So sánh hai phương pháp cài đặt

Cấu trúc Đồ thị

Nguyên Thanh Bình

Cơ bản về đồ thi

Cài đặt đồ thị

Phép duyệt đ thị

- Sử dụng cấu trúc lưu trữ tuần tự:
 - Ưu điểm: Tổ chức lưu trữ khá đơn giản. Các thao tác cài đặt có tốc độ khá nhanh do khả năng truy nhập trực tiếp của cấu trúc mảng.
 - Nhược điểm: Thường chỉ thích hợp khi kích thước đồ thị nhỏ (trong khoảng vài chục đỉnh và cạnh). Gây ra sự lãng phí kích thước lưu trữ lớn khi kích thước đồ thị lớn.
- Sử dụng cấu trúc lưu trữ móc nối:
 - Ưu điểm: Giải quyết các nhược điểm của cách sử dụng cấu trúc tuần tự.
 - Nhược điểm: Các thao tác thường có độ phức tạp cao, do cơ chế truy nhập tuần tự của cấu trúc móc nối. Để giảm thiểu hạn chế này, việc tăng cường các điểm truy nhập đôi khi là cần thiết, nhưng cũng cần phải cân bằng với mức độ phức tạp và lãng phí bộ nhớ mà biện pháp này gây ra.

Sử dụng cấu trúc lưu trữ tuần tự

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

thị Cài đặt đồ thi

Phép duyệt đồ thi Giả sử cần cài đặt đồ thị G(V, E), với $V = (v_0, v_1, ..., v_{M-1})$, và $E = (e_0, e_1, ..., e_{N-1})$. Để lưu trữ các đỉnh, ta sử dụng một mảng một chiều AV[M]. Còn để lưu trữ các cạnh, lại có thể có một trong hai cách:

 Sử dụng ma trận đỉnh kề: trong cách này, sử dụng mảng hai chiều AE[MxM] để lưu trữ các cạnh.

Sử dụng cấu trúc lưu trữ tuần tự

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

thị Cài đặt đồ thi

Phép duyệt đồ

Giả sử cần cài đặt đồ thị G(V, E), với $V = (v_0, v_1, ..., v_{M-1})$, và $E = (e_0, e_1, ..., e_{N-1})$. Để lưu trữ các đỉnh, ta sử dụng một mảng một chiều AV[M]. Còn để lưu trữ các cạnh, lại có thể có một trong hai cách:

- Sử dụng ma trận đỉnh kề: trong cách này, sử dụng mảng hai chiều AE[MxM] để lưu trữ các cạnh.
- Sử dụng ma trận cạnh kề: Trong cách này lại cần có thêm hai cấu trúc mảng: mảng thứ nhất một chiều E[N] để lưu các cạnh, và mảng thứ hai hai chiều AE[MxN] là mảng kiểu logic để lưu trạng thái các cạnh kề. Cụ thể là nếu đỉnh v_i kề với cạnh e_j thì AE[i, j] = True (T). Còn trái lại thì AE[i, j] = False (bỏ trống). Trong trường hợp đặc biệt, nếu đồ thị G là đồ thị không có trọng số, tức là giá trị các cạnh là không quan trọng, thì mảng E có thể bỏ đi được.

Sử dụng cấu trúc lưu trữ tuần tự

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

Cơ bản về đồ

Cài đặt đồ thị

Phép duyệt đ

Ví dụ: Giả sử với đồ thị



Ma trận đỉnh kề

	A	В	С	D	E	F
A		T	T		T	
В	T			T	T	
С	Т				T	
D		T				T
Е	Т	T	T			T
F				Т	T	

Ma trận cạnh kề

		_						_
	a	b	с	d	e	f	g	h
A	Т	T		T				
В	Т		T		T			
С		Т				Т		
D			T				T	
E				T	T	T		T
F							T	T

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

Cơ bản về đồ :hị

Cài đặt đồ thị

Phép duyệt đ thi

Ý tưởng chung:

• Tập các đỉnh được biểu diễn bằng một danh sách móc nối: Tổ chức móc nối cũng có nhiều cách như: móc nối đơn, móc nối kép, móc nối thẳng, móc nối vòng, v.v. trong đó, cấu trúc móc nối đơn luôn là lựa chọn đầu tiên.

Cấu trúc Đồ thị

Thanh Bình

Cơ bản về đồ thị

Cài đặt đồ thị Phép duyệt đồ

Ý tưởng chung:

- Tập các đỉnh được biểu diễn bằng một danh sách móc nối: Tổ chức móc nối cũng có nhiều cách như: móc nối đơn, móc nối kép, móc nối thẳng, móc nối vòng, v.v. trong đó, cấu trúc móc nối đơn luôn là lựa chọn đầu tiên.
- Tập các cạnh cũng được biểu diễn bằng danh sách móc nối: do bản thân mỗi cạnh lại cần có thông tin của cặp đỉnh kề nó và bản thân thông tin của cạnh đó (như trọng số của cạnh đó nếu đồ thị có trọng số), nên biểu diễn các cạnh này cũng lại có thể có nhiều cách khác nhau như sau:

Cấu trúc Đồ thị

Thanh Bình

Co ban ve do thị

Cài đặt đồ thị
Phép duyệt đồ

Ý tưởng chung:

- Tập các đỉnh được biểu diễn bằng một danh sách móc nối: Tổ chức móc nối cũng có nhiều cách như: móc nối đơn, móc nối kép, móc nối thẳng, móc nối vòng, v.v. trong đó, cấu trúc móc nối đơn luôn là lựa chọn đầu tiên.
- Tập các cạnh cũng được biểu diễn bằng danh sách móc nối: do bản thân mỗi cạnh lại cần có thông tin của cặp đỉnh kề nó và bản thân thông tin của cạnh đó (như trọng số của cạnh đó nếu đồ thị có trọng số), nên biểu diễn các cạnh này cũng lại có thể có nhiều cách khác nhau như sau:
 - Tổ chức danh sách đỉnh kề: trong cách tổ chức này, các đỉnh kề với một đỉnh sẽ nằm trong một danh sách móc nối.

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

Cơ bán vê đô thi

Cài đặt đồ thị
Phép duyệt đồ

Ý tưởng chung:

- Tập các đỉnh được biểu diễn bằng một danh sách móc nối: Tổ chức móc nối cũng có nhiều cách như: móc nối đơn, móc nối kép, móc nối thẳng, móc nối vòng, v.v. trong đó, cấu trúc móc nối đơn luôn là lựa chọn đầu tiên.
- Tập các cạnh cũng được biểu diễn bằng danh sách móc nối: do bản thân mỗi cạnh lại cần có thông tin của cặp đỉnh kề nó và bản thân thông tin của cạnh đó (như trọng số của cạnh đó nếu đồ thị có trọng số), nên biểu diễn các cạnh này cũng lại có thể có nhiều cách khác nhau như sau:
 - Tổ chức danh sách đỉnh kề: trong cách tổ chức này, các đỉnh kề với một đỉnh sẽ nằm trong một danh sách móc nối.
 - Tổ chức danh sách cạnh kề: trong cách tổ chức này, các canh kề với một đỉnh sẽ nằm trong một danh sách móc nối.

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

Cơ bản về đồ

Cài đặt đồ thi

Phép duyệt đ

Ví dụ: Giả sử với đồ thị Móc nối đỉnh kề Móc nối canh kề G • G. A

Phép duyệt đồ thị

Cấu trúc Đồ

Bài toán duyệt đồ thị

thi

Phép duyêt đồ

Cho trước đồ thị G(V, E) và nút xuất phát $v_s \in V$. Tìm cách duyệt tất cả các đỉnh của G, mỗi đỉnh đúng một lần, bắt đầu từ nút vs.

Phép duyệt đồ thị

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

đồ

Cài đặt đồ th

Cài đặt đô th

Phép duyệt đồ thi

Bài toán duyệt đồ thị

Cho trước đồ thị G(V,E) và nút xuất phát $v_s \in V$. Tìm cách duyệt tất cả các đỉnh của G, mỗi đỉnh đúng một lần, bắt đầu từ nút v_s .

Hai phương pháp duyệt cơ bản:

- Duyệt theo chiều sâu
- Duyệt theo chiều rộng

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

....

Cài đặt đồ thị

Phép duyệt đồ thi

Ý tưởng giải thuật

$$\bullet \quad \text{Dặt } v = v_s.$$

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

tni

Cài đặt đồ thị

Phép duyệt đồ thị

Ý tưởng giải thuật

- 2 Thăm nút v.

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

Phép duyệt đồ thi Ý tưởng giải thuật

- Thăm nút v.
- 3 Với mỗi nút v_a là kề của v mà chưa được thăm, lặp lại bước 2 cho v_a .

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

thi

Cài đặt đồ th

Phép duyệt đồ thị

Ý tưởng giải thuật

- 2 Thăm nút v.
- **3** Với mỗi nút v_a là kề của v mà chưa được thăm, lặp lại bước 2 cho v_a .
- (Điểm dừng): giải thuật kết thúc khi đồ thị không còn nút nào cần phải thăm nữa.

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

thị

Cài đặt đồ th

Phép duyệt đồ thị

Thủ tuc

Gọi thủ tục cài đặt cho giải thuật là FullDepthSearch(G, vs), với vs là đỉnh bắt đầu mà thuộc tập các đỉnh V của đồ thị G.

```
void FullDepthSearch(G, vs)
{
    v = vs;
    DepthFirstSearch(G, v);
}
```

Thủ tục DepthFirstSearch(G, v)

Cấu trúc Đồ

DepthFirstSearch(G, v) là thủ tục đệ quy duyệt theo chiều sâu có dạng như sau:

Phép duyêt đồ thi

```
void DepthFirstSeach(G, v)
    if (v == NULL) return; //Diểm dừng
    visit(v);
    for each unvisited adjacent va to v
       DepthFirstSearch(G, va);
```

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

thị

Cài đặt đồ thị

Phép duyệt đồ thi **Lưu ý:** đối với giải thuật trên, có hai trường hợp đặc biệt cần lưu ý:

 Đồ thị có tồn tại chu trình: cần cập nhật đúng các trạng thái đã thăm/chưa thăm của từng nút trong quá trình duyệt để tránh rơi vào vòng lặp vô hạn.

Cấu trúc Đồ thi

Nguyễn Thanh Bình

thị

Cai dặt do thị

Phép duyệt đồ thi **Lưu ý:** đối với giải thuật trên, có hai trường hợp đặc biệt cần lưu ý:

- Đồ thị có tồn tại chu trình: cần cập nhật đúng các trạng thái đã thăm/chưa thăm của từng nút trong quá trình duyệt để tránh rơi vào vòng lặp vô hạn.
- Đồ thị có các nút cô lập: các nút này có thể bị bỏ quên khi duyệt, nên trong giải thuật cần cân nhắc để đưa thêm các nút này vào.

Duyệt theo chiều sâu - Ví dụ

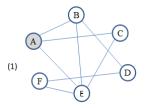
Cấu trúc Đồ thị

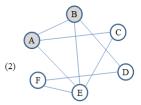
Nguyễn Thanh Bình

Cơ bản về đồ thi

Cài đặt đồ t

Phép duyệt đồ thi Các hình dưới đây minh họa hoạt động của giải thuật trên, trong đó các nút xám là nút đã được thăm, còn các nút trắng là chưa được thăm.





Duyệt theo chiều sâu - Ví dụ

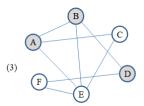
Cấu trúc Đồ thị

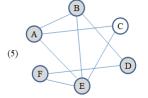
Nguyễn Thanh Bình

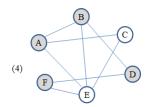
thị

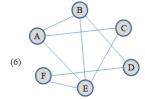
Cai dạt do tr

Phép duyệt đồ









Cấu trúc Đồ

Bài toán duyệt đồ thị

Cho trước đồ thị G(V, E) và nút xuất phát $v_s \in V$. Tìm cách duyệt tất cả các đỉnh của G, mỗi đỉnh đúng một lần, bắt đầu từ nút vs.

Phép duyêt đồ

Ý tưởng của giải thuật duyệt theo chiều rộng

1 Thăm nút v_s .

Cấu trúc Đồ

Bài toán duyệt đồ thị

Cho trước đồ thị G(V, E) và nút xuất phát $v_s \in V$. Tìm cách duyệt tất cả các đỉnh của G, mỗi đỉnh đúng một lần, bắt đầu từ nút vs.

Phép duyêt đồ thi

Ý tưởng của giải thuật duyệt theo chiều rộng

- **1** Thăm nút v_s .
- 2 Tìm VA là tập các nút kề của v_s mà chưa được thăm.

Cấu trúc Đồ

Bài toán duyệt đồ thị

Cho trước đồ thị G(V, E) và nút xuất phát $v_s \in V$. Tìm cách duyệt tất cả các đỉnh của G, mỗi đỉnh đúng một lần, bắt đầu từ nút vs.

Phép duyêt đồ

Ý tưởng của giải thuật duyệt theo chiều rộng

- **1** Thăm nút v_s .
- 2 Tìm VA là tập các nút kề của v_s mà chưa được thăm.
- 3 Thăm lần lượt các nút trong VA.

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

Bài toán duyệt đồ thị

Cho trước đồ thị G(V,E) và nút xuất phát $v_s \in V$. Tìm cách duyệt tất cả các đỉnh của G, mỗi đỉnh đúng một lần, bắt đầu từ nút v_s .

.ni Cài đặt đồ thi

Cài đặt đồ thị .

Phép duyệt đồ thị

Ý tưởng của giải thuật duyệt theo chiều rộng

- 1 Thăm nút v_s .
- ② Tìm VA là tập các nút kề của v_s mà chưa được thăm.
- 3 Thăm lần lượt các nút trong VA.
- 4 Lặp lại giải thuật cho từng nút trong VA.

Cấu trúc Đồ

Phép duyêt đồ thi

Lưu ý:

- Để cài đặt giải thuật trên, ta cần một cấu trúc dữ liệu trung gian để lưu các nút kề mà sau này sẽ lần lượt được thăm. Có thể thấy danh sách kiểu hàng đợi là cấu trúc phù hợp vì các nút được lưu trước sẽ được thăm trước.
- Goi hàng đơi cần dùng là Q, khi đó gọi thủ tục duyệt theo chiều rông là BreathFirstSearch(G, v_s) mà sẽ được cài đặt như sau.

```
Cấu trúc Đồ
thị
```

Nguyễn Thanh Bình

C): +v. +à .i

Cài đặt đồ th

Phép duyệt đồ thị

```
void BreathFirstSearch(G, v_s)
    insert(v_s, Q);
    while (!isEmpty(Q))
       u = remove(Q);
       visit(u);
       for each u_a: (unvisited) and
                 (adjacent to u) and (u_a \notin Q)
          insert(u_a, Q);
```

Duyệt theo chiều rộng - Thủ tục $BreathFirstSearch(G, v_s)$

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

thi

Cài đặt đồ thị

Phép duyệt đồ

Lưu ý

Ta có thể nhận thấy độ phức tạp của thủ tục trên phụ thuộc chủ yếu vào thao tác tìm kiếm các nút kề u_a . Có một kỹ thuật cài đặt giúp giảm độ phức tạp của thao tác trên là bổ sung thêm một trạng thái nữa cho các nút, thay vì chỉ có hai trạng thái là $d\tilde{a}$ được thăm/chưa được thăm như ở giải thuật duyệt theo chiều sâu. Ba trạng thái này thường được biểu diễn ngắn gọn bằng ba màu trắng, xám, và đen cho mỗi nút:

- Nút trắng: là nút chưa được thăm và chưa nằm trong hàng đợi.
- Nút xám: là nút chưa được thăm nhưng đang nằm trong hàng đợi.
- Nút đen: là nút đã được thăm.

Duyệt theo chiều rộng - Ví dụ

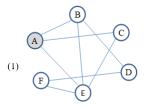
Cấu trúc Đồ thị

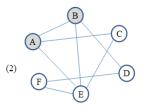
Nguyễn Thanh Bình

Cơ bản về đồ hi

cv. +v. +à .

Phép duyệt đồ thi Các hình dưới đây minh họa hoạt động của giải thuật duyệt theo chiều rộng. Để đơn giản, mỗi nút chỉ có 2 trạng thái đã thăm-chưa thăm, tương ứng với hai màu đen-trắng.





Duyệt theo chiều rộng - Ví dụ

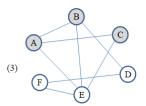
Cấu trúc Đồ thi

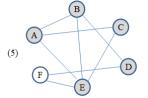
Nguyễn Thanh Bình

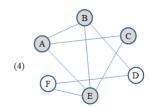
Cơ bản về d thị

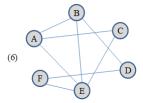
Cài đặt đồ th

Phép duyệt đồ thi









Tham khảo

Cấu trúc Đồ thị

Nguyễn Thanh Bình

Cơ bản về đị

Cài đặt đồ t

Phép duyệt đồ thi "Ngôn ngữ lập trình C và Cấu trúc dữ liệu"; Nguyễn Thanh Bình, Nguyễn Hoài Giang; NXB Giáo Dục Việt Nam, 2017.