RĐ:Nguyễn Xuân Mỹ Ngày:	PD:Nguyễn Tiến Dũng Ngày
Ký tên	Ký tên

BK

Đại học Bách khoa-ĐHQG **TPHCM**

THI GIỮA KỲ	Kỳ/năm học	I	2022-2023			
	Ngày thi 25/11/2022					
Môn học	Đại Số Tuyến Tính - CA 1					
Mã môn học	MT1007					
Thời gian	45 phút Mã	đề Gá	ốc -			
1:0 370 1 : 30 11 :	> 16 17 1					

Khoa Khoa học Ứng dụng Notes: - Sinh viên không được dùng tài liệu. Nộp lại đề thi và giấy nháp cho giám thị.

- Đề thi trắc nghiệm gồm có 20 câu/4 trang.

 $X \left[\begin{array}{cc} 2 & 9 \\ 1 & 4 \end{array} \right] = \left[\begin{array}{cc} 4 & 2 \\ 5 & -6 \\ -1 & 7 \end{array} \right].$ Câu 1. Tìm ma trận X thỏa mãn

A.
$$\begin{bmatrix} -14 & 32 \\ -26 & 57 \\ 11 & -23 \end{bmatrix}$$
D.
$$\begin{bmatrix} 20 & 14 \\ 11 & 12 \\ -21 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{B}. \begin{bmatrix} 10 & 44 \\ 4 & 21 \\ 5 & 19 \end{bmatrix}.$$

$$\mathbf{C}. \begin{bmatrix} 64 & 266 \\ 29 & 120 \\ 29 & 121 \end{bmatrix}.$$

$$\mathbf{D.} \ \left[\begin{array}{cc} 20 & 14 \\ 11 & 12 \\ -21 & 3 \end{array} \right].$$

E. Các câu kia sai.

A.
$$x = \frac{16}{3}, y = \frac{8}{3}$$
.

B.
$$x = \frac{8}{3}, y = \frac{16}{3}$$
.

C.
$$x = 2, y = -5.$$

D.
$$x = -1, y = 10.$$

Câu 2. Cho $A = \begin{pmatrix} 1 & y \\ x & 5 \end{pmatrix}$ và $B = \begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 4 & 2 \end{pmatrix}$. Tìm x và y sao cho AB = BA.

A. $x = \frac{16}{3}, y = \frac{8}{3}$.

B. $x = \frac{8}{3}, y = \frac{16}{3}$.

C. x = 2, y = -5.

Câu 3. Cho hai ma trận $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 3 & 2 \\ 2 & 2 & 6 \end{bmatrix}$ và $B = \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 2 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$.

A.
$$-\frac{1}{4}$$
.

B.
$$\frac{-1}{2^{4046}}$$
.

C.
$$\frac{1}{4}$$

D.
$$-4^{2023}$$

Tính $\det(A^{-1} \cdot B^{2023})$.

A. $-\frac{1}{4}$.

B. $\frac{-1}{2^{4046}}$.

C. $\frac{1}{4}$.

D. -4^{2023} .

E. -4Câu 4. Tìm m để ma trận $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -2 & 1 & 1 \\ 1 & +3 & m+1 \end{pmatrix}$ khả nghịch.

A. $m \neq -3$.

B. m > -2.

C. $m \neq -1 \land m \neq -3$.

A.
$$m \neq -3$$
.

B.
$$m > -2$$
.

C.
$$m \neq -1 \land m \neq -3$$
.

D.
$$m = 3$$

E.
$$m = -3$$

Câu 5. Trong \mathbb{R}^3 , cho cơ sở $E = \{(1;2;1), (1;1;2), (2;3;4)\}$ và x = (3;2;-4). Tìm $[x]_E$.

$$\mathbf{A.} \quad \begin{pmatrix} 10 \\ 15 \\ -11 \end{pmatrix}.$$

$$\mathbf{B.} \begin{pmatrix} -3 \\ -4 \\ -9 \end{pmatrix}.$$

C.
$$\begin{pmatrix} -25 \\ -37 \\ -47 \end{pmatrix}$$
.

$$\mathbf{D}. \ \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

E. Các câu kia sai.

Câu 6. Tìm tất cả các giá trị thực của m để hệ phương trình sau có nghiệm không tầm thường:

$$\begin{cases} x+y-z+t & = & 0 \\ 3x+4y-8z+6t & = & 0 \\ 5x+5y-6z+7t & = & 0 \\ 4x+9y-11z+mt & = & 0. \end{cases}$$

A.
$$m = -17$$
.

B.
$$m \neq 17$$
.

C.
$$m \neq -13$$
.

D.
$$m = -13$$
.

 ${f E}$. Các câu kia sai.

Câu 7. Trong không gian vecto \mathbb{R}^3 cho ba vecto $x_1 = (1;1;1), x_2 = (0;2;2), x_3 = (0;2;m)$. Với giá trị nào của m thì x_3 là tổ hợp tuyến tính của x_1 và x_2 ?

A.
$$m = 2$$
.

B.
$$m = -2$$
.

C.
$$m \neq -2$$
.

D.
$$m \neq 2$$
.

 ${\bf E}.~$ Các câu kia sai.

Câu 8. Cho $V = \langle x, y \rangle$		à tổ hợp tuyến	tính của x ,	y, z. Khẳng	định nào luôn đúng?
A . $\{x; 2y; 3z\}$ là tập B . $2x - y + 4t$ khôn					
C. $\{3x, 2y, t\}$ độc lậ					
D . $\dim(V) = 4$.	F 13.7 1				
E. Các câu kia sai.					
					cho tập V là tập tất cả các $M_2(R)$. Hãy tìm số chiều của
A . 1.	B . 2.	C . 3.		D . 4.	E. Đáp án khác.
Câu 10. Cho $M = \{x, A. \text{ Hạng của } \{x, y, 2 C. \text{ Các câu kia sai.} \}$		В.	$\{2x, 3y, x +$	z } phụ thuậ	oc tuyến tính.
Câu 11. Cho $M = \{x, $ luôn đúng? A. $\{x+y, x-2y, z, $ B. y là tổ hợp tuyến C. Các câu kia sai.	t } có hạng bằng c	4.	t không là t	ổ hợp tuyến	tính của M . Khẳng định nào
D. $\{x, 2y, z + t, z - E. \{3x, y, z + t, z - C\}\}$	-		Chi		
dây. Để có sự luân phiế hộ nông dân trồng nông	èn trong sản xuất g sản này sang trồ	, mỗi năm hợp ông một nông s	o tác xã đều sản khác. Vi	chuyển một ệc chuyển để	hoai mì, khoai lang và củ sắn tử lệ nhất định số lượng các li đó được thể hiện ở ma trận lang và củ sắn dây lần lượt là
$\sqrt{0.1}$ 0.3 100, 250, 200. Hỏi 1 năm	,				Ç ,
A . 170.	P	3 . 175.		C . 2	05.
tan trong nước một cách là thể tích dung dịch tươ A với tỷ lệ $1.5g/cm^3$ với ra $25.43g$ hợp chất hóa	n riêng biệ <mark>t</mark> t rước l ơng ứng của <i>A, B</i> i dung dịch chứa học. Nếu tỷ lệ củ o chất hóa học. C ấp xỉ thể tích của	khi chúng kết l và C khi kết h B với tỷ lệ 3,6, ta A, B, C thay Cuối cùng, nếu ta dung dịch ch $1,5cm^3$.	hợp lại với nhượp lại với nh g/cm^3 và du $_V$ đổi thành thể tương	ng chất hóa nau để tạo ra nau. Biết rằn ng dịch chứa tương ứng th ứng là 2,7; C. 3,1	học. A, B và C phải được hòa a hợp chất hóa học. Gọi x, y, z g nếu kết hợp dung dịch chứa a C với tỷ lệ $5,3g/cm^3$ thì tạo nành $2,5;\ 4,3;\ 2,4(g/cm^3)$, khi $5,5;\ 3,2(g/cm^3)$, thì sẽ tạo ra cm^3 .
(từ 1 đến 10 tuổi), chưa III (từ 21 đến 30 tuổi) sang lớp II , 30% sống s lượng con cái ở lớp I là	sinh sản. Lớp II , mỗi con cái sinh sát từ lớp II sang bao nhiêu?	(từ 11 đến 20 n trung bình 2 g lớp <i>III</i> . Giả	tuổi), mỗi c con cái khá	on cái sinh t c. Khoảng 5 ở mỗi lớp c	tia con cái thành 3 lớp. Lớp I trung bình 3 con cái khác. Lớp 50% con cái sống sót từ lớp I ó 100 con cái, sau 20 năm số
A. 210.D. 200.	В.	30.	Các câu kia	C. 250).
	.:1. ∡≦ T				\$
Cau 15. Aet mo mmn i	$\langle 0.1 0.3 0.2 \rangle$	ut-Output gon	i 3 ngann co	ng ngmẹp, n	ông nghiệp và dịch vụ với ma
_		Tìm cầu cuối	của ngành	kinh tế, biết	tổng giá trị sản phẩm của 3
ngành trên lần lượt là 1		(220, 420, 500)	C (49	on. 520. 280)
A . (430; 380; 520). D . (380; 520; 430).	В.	(380; 430; 520) E .). Các câu kha	`	50; 520; 380).
· 					
MSSV:H	ọ và tên SV:				

Câu 16. Cho ma trận $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -1 & 2 \\ 2 & 1 & 1 & -1 \\ 1 & -4 & m & -8 \\ 4 & 5 & -1 & m-2 \end{pmatrix}$. Tìm tất cả các giá trị của m để hạng của ma trận A

bằng 3.

$$\mathbf{A}$$
. $m = 5$.

B.
$$m \neq 5$$

C.
$$m = 3$$
.

D.
$$m \neq 0$$
.

E. các câu khác sai.

Câu 17. Cho ma trận $A=\begin{pmatrix}1&1&2&1&0\\2&-1&1&3&4\end{pmatrix}$. Tìm vết của ma trận $B=A.A^T$

D.
$$-7$$
.

E. Đáp án khác.

Câu 18. Trong \mathbb{R}^3 , cho không gian con $F = \left\{ (x_1; x_2; x_3) \in \mathbb{R}^3 \middle| \begin{cases} x_1 + 2x_2 - x_3 = 0 \\ 3x_1 + x_2 + 2x_3 = 0 \\ x_1 - 3x_2 + 4x_3 = 0 \end{cases} \right\}$. Một cơ sở của F

là

A.
$$\{(2;2;-2)\}.$$

B.
$$\{(1;2;-1)\}.$$

$$\mathbf{C}. \{(0;-1;1)\}.$$

D.
$$\{(1;2;-1);(0;-1;1)\}.$$

E. Đáp án khác.

Câu 19. Cho số thực m và đa thức $f(x) = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 & 1 \\ -1 & 1 & 2 & x \\ 3 & 2 & m & x^2 \\ 4 & 1 & 3 & x^3 \end{bmatrix}$. Tìm tất cả các giá trị của m để bậc của đa

thức bằng 2.

A.
$$m = 0$$

$$\mathbf{B}. \ m \neq 0.$$

C.
$$m = 3$$
.

 $x_1 + 2x_2 + (3m - 1)x_3 = 3m + 5.$

m để hệ vô số nghiệm.

$$\mathbf{A}. \quad \begin{bmatrix} m=0\\ m=2 \end{bmatrix}.$$

D.
$$\forall m \in \mathbb{R}$$
.

B.
$$m \neq 1$$
.

C.
$$m \neq \frac{3}{2}$$
.

BÓI HCMUT-CNCP

```
Câu 1. Có bao nhiêu cặp số thực (x,y) thỏa: 3 \cdot \begin{pmatrix} x & 3 \\ 1 & y \end{pmatrix} = 2 \cdot \begin{pmatrix} x & -1 \\ -1 & 2y \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -2y & 11 \\ 5 & y+x \end{pmatrix}
    A. Các câu khác sai.
                                              B. Có vô số.
   D. Có một cặp số.
                                                               E. Có hai cặp số.
Câu 2. Cho A, B, C \in M_3, C khả nghịch. Khẳng định nào sau đây không đúng?
    A. CB = CA \Rightarrow B = A.
                                          \mathbf{B}. \ BC = 0 \Rightarrow B = 0.
                                                                                        C. B = AC \Rightarrow A = BC^{-1}.
   D. B = AC \Rightarrow C = A^{-1}B.
                                                              E. BC = AC \Rightarrow B = A.
Câu 3. Cho ma trân A=\begin{pmatrix}1&-2&3\\-1&2&m\\2&-4&5\end{pmatrix}. Tìm m để A khả nghịch.
                                              \mathbf{B}. \ \ m \in \mathbb{R} \setminus \{0; -3\}.
    \mathbf{A}. \not\exists m.
   D. m \neq 0.
                                                               E. Các câu khác sai.
Câu 4. Cho ma trận A \in M_4 khả nghịch và \det(A) = -4. Tính \det(-2 \cdot A^{-1}).
                                              B. 4.
                                                               E. Các câu khác sai.
Câu 5. Cho A = \begin{pmatrix} -2 & 3 \\ -2 & 2 \end{pmatrix}. Biết f(A) = \operatorname{trace}(A). Tính f(A^{14}).
                                                                                        C. 256.
   D. -64.
                                                               E. 128.
Câu 6. Trong \mathbb{R}^3, cho cơ sở E = \{(1,1,0), (1,0,1), (2,1,0)\} và x = (-3,2,-1). Tìm [x]_E.
   A. x = -3\alpha, y = 0, z = \alpha, với mọi số thực \alpha.
   B. x = 2\alpha - 3\beta, y = \alpha, z = \beta, với mọi số thực \alpha, \beta.
   C. x = \alpha - 3\beta, y = \alpha, z = \beta, với mọi số thực \alpha, \beta.
   D. x = 3\alpha, y = 1, z = -\alpha, với mọi số thực \alpha.
   E. Các câu khác sai.
Câu 8. Trong \mathbb{R}^3 cho họ M = \{(1; 2; 3), (-1; 1; 2), (0; 1; -1); (m; 1; -2)\}. Tìm tất cả các giá trị thực của m để
tập M là một tập sinh của \mathbb{R}^3.
    \mathbf{A}. \forall m.
                                              B. ∄m.
                                                                                        C. m \neq 1.
   D. m \neq 3.
                                                               E. Đáp án khác.
Câu 9. Cho V = \langle x, y, z, t \rangle. Giả sử z là tổ hợp tuyến tính của x, y. Khẳng định nào luôn đúng?
                                              B. \{x, y, z\} độc lập tuyến tính. C. \{x, y, z\} là tập sinh của V.
    A. 2x + y \in V.
   D. \{x, y, t\} độc lập tuyến tính.
                                                               E. \dim(V) = 3.
Câu 10. Cho V = <(1; -1; 1), (-2; 1; 0), (1; 3; 1) >. Khẳng định nào luôn đúng?
   A. Các câu kia sai.
   B. \{(1;-1;1),(0;-1;2)\} là cơ sở của V.
   C. \{(1;0;0),(0;1;0),(1;1;0)\} là cơ sở của V.
   D. (1; 2; -4) \notin V.
   E. \dim(V) < 3.
Câu 11. Cho \{x+y; x-y; x; 2z\} là tập sinh của không gian vécto V.
Khẳng định nào sau đây không đúng?
   A. \dim(V) \leq 3.
   B. \{x, y, z\} là cơ sở của V.
   C. V = \langle x, y, z \rangle.
   D. 3x + 2y \in V.
   E. \{x+y; y+z; 2x-y-3z\} phụ thuộc tuyến tính.
```

Câu 12. Năm 2021, dân số thành phố A và vùng ngoại ô lần lượt là 200000 và 60000. Theo nghiên cứu mỗi năm có khoảng 11% dân thành phố A chuyển ra ngoại ô và 14% dân số ngoại ô chuyển vào thành phố A. Theo xu hướng này, hãy dư đoán dân số thành phố A vào năm 2024? Giả sử số dân di cư đến và đi; sinh ra và chết đi không đáng kể.

- A. Giảm 31450 người so với năm 2021.
- B. Có 31450 người chuyển ra ngoại ô.
- C. Giảm 13600 người so với năm 2021.
- D. Số dân chuyển ra ngoại ô ít hơn số dân chuyển vào thành phố.
- E. Các câu khác sai.

Câu 13. Giả sử năm 2020 tình trạng sử dụng đất của một hợp tác xã nông nghiệp X như sau: trồng bông gòn chiếm 25%, trồng dâu tằm chiếm 20% và trồng mì chiếm 55%. Hãy tính % đất được sử dụng để trồng bông gòn trong năm 2025, giả sử rằng xác suất chuyển đổi trong mỗi giai đoan 5 năm được cho bởi ma trân

$$P = \begin{pmatrix} 0.6 & 0.2 & 0.05 \\ 0.2 & 0.7 & 0.15 \\ 0.2 & 0.1 & 0.8 \end{pmatrix}.$$

A. 27.25%.

B. 21.75%. **E**. 43.00%.

C. 22.05%.

A. 27.25%.

D. 34.94%.

E. 43.00%.

E. 43.00%.

Câu 14. Xét mô hình Input-Output gồm 3 ngành kinh tế với ma trận hệ số đầu vào là $\begin{pmatrix} 0.3 & 0.2 & 0.2 \\ 0.2 & 0.2 & 0.1 \\ 0.1 & 0.1 & 0.1 \end{pmatrix}$.

Tìm mức sản lương (hay đầu ra, tổng cầu) của 3 ngành kinh tế trên, biết nhu cầu cho tiêu dùng và xuất khẩu của ba ngành là (200, 200, 100) (triệu USD).

A. (455.581; 389.521; 205.011). **B**. (80; 110; 50). **C**. (120; 90; 50). **D**. (110; 90; 70). **E**. (205.011; 389.521; 455.581).

Câu 15. Một cửa hàng hoa tươi bán 3 loại hoa: hoa hồng, hoa ly và hoa lan. Ngày đầu bán được 10kg hoa hồng, 20kg hoa ly và 16kg hoa lan, doanh thu là 7 triệu 420 ngàn VND. Ngày thứ hai bán được 30kg hoa hồng, 24kg hoa ly và 29kg hoa lan, doanh thu là 13 triệu 760 ngàn VND. Ngày thứ ba bán được 20kg hoa hồng, 22kg hoa ly và m kg hoa lan, doanh thu là 10 triệu 040 ngàn VND. Tìm giá trị m biết giá của hoa lan là 220 ngàn VND/kg. B. 25. C. 18.

A. 20. **D**. 8.

Câu 16. Trong không gian véc tơ \mathbb{R}^3 , cho toạ độ của véc tơ x trong cơ sở $\{(1;2;-1),(2;0;1),(2;1;1)\}$ là $(3; -2; -1)^T$. Hãy tìm toạ độ của véc tơ x trong cơ sở $\{(1; 0; 2), (1; -2; 3), (1; 3; 3)\}$.

(3; -2; -1)^T. Hay tim toạ độ của vec tờ
$$x$$
 trong cờ sở $\{(1; 0; 2), (1; -2; 3), (1; 3; 3)\}$.

A. $(3; 2; -1)^T$.

B. $(2; 2; -3)^T$.

C. $(2; -3; 1)^T$.

E. Đáp án khác.

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 + x_4 = 3 \\ 2x_1 + x_2 - x_3 + 2x_4 = 6 \\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 + x_4 = 7 \\ -x_1 + 3x_2 + 6x_3 - 3x_4 = -5 \end{cases}$$
. Khẳng định nào sau đây đúng về nghiệm

của hệ phương trình?

A. Hệ vô nghiệm.

B. Hệ có 1 nghiệm.

C. Hệ có 4 nghiệm.

D. Hệ vô số nghiệm phụ thuộc 1 tham số. **E**. Hệ vô số nghiệm phụ thuộc 2 tham s

Câu 18. Tìm tất cả các giá trị thực của m để hệ phương trình $\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 & = 1 \\ x_1 + x_2 + mx_3 & = 2 + m & \text{có} \\ 3x_1 + 3x_2 + (m+2)x_3 & = m^2 - 2m \end{cases}$

A. $\forall m \in \mathbb{R}$. D. $m \in \mathbb{R} \setminus \{-1, 4\}$. E. $m \in \mathbb{R} \setminus \{-1\}$. C. m = -1 or m = 4. E. $m \in \mathbb{R} \setminus \{-1\}$. Câu 19. Trong \mathbb{R}^4 , cho không gian con $F = \left\{ x \in R^4 : \begin{cases} x_1 + 2x_2 - x_3 + x_4 &= 0 \\ 3x_1 + 3x_2 - 2x_3 + 2x_4 &= 0 \\ 4x_1 + 5x_2 - 3x_3 + mx_4 &= 0 \end{cases} \right\}, m \in \mathbb{R}$. Tìm giá trị của m để F có số nhiều bằng 2

tri của m để F có số nhiều bằng 2.

A. m = -2.

B. m = 2.

D. m = 3.

Câu 20. Trong không gian $P_2[x]$, cho Không gian con $F = \{f \in P_2[x] | f'(1) - f(1) = 0\}$. Một cơ sở của F

- **A**. $\{x^2 + 1; x\}$. **D**. $\{(x-1)^2\}$.
- **B**. $\{x^2; x; 1\}$. **C**. $\{2x^2 3x + 2\}$. **E**. Các câu khác sai.



ĐÁP ÁN đề GỐC CA 1

1 A	3 A	5 A	7 A	9 C	11 A	14 A	16 E	18 A	20 A
2 A	4 A	6 A	8 A	10 A	13 A	15 C	17 A	19 E	
$\mathbf{D}\mathbf{\acute{A}P}\ \mathbf{\acute{A}N}$ đề GỐC CA 2									
1 B	3 A	5 B	7 A	9 A	11 B	13 B	15 A	17 D	19 D
2 D	4 C	6 C	8 A	10 A	12 A	14 A	16 D	18 C	20 A

