Giảng viên ra đề:	$(Ng\grave{a}yrad\grave{\hat{e}})$	Người phê duyệt:	(Ngày duyệt đề)	
(Chữ ký và Họ tên)		$(Ch\tilde{u}\ k\acute{y}\ v\grave{a}\ ho\ t\hat{e}n)$		

BK TVACU
TRƯỜNG ĐH BÁCH KHOA - ĐHQG-HCM

ÔN GIỮA KỲ		Học kỳ / Năm học	1	2023-2024
		Ngày thi	06-03-2024	
Môn học	Cấu trúc	rời rạc cho KHMT		
Mã môn học	CO1007			
Thời lượng	60 phút	Mã đề		2010
• 4	1	1		

Ghi chú: - Sinh viên được phép đem theo một tờ A4 viết tay và được dùng máy tính cầm tay.

- Sinh viên nộp lại đề sau khi thi.

KHOA KH & KT MÁY TÍNH

1. (L.O.1.1) Có 4 chàng trai khiệm tốn An, Bình, Cường, Dũng. Họ tuyên bố như sau:

An: "Bình là người khiệm tốn nhất."

Bình: "Cường là người khiệm tốn nhất."

Cường: "Tôi không là người khiệm tốn nhất."

Dũng: "Tôi không là người khiêm tốn nhất."

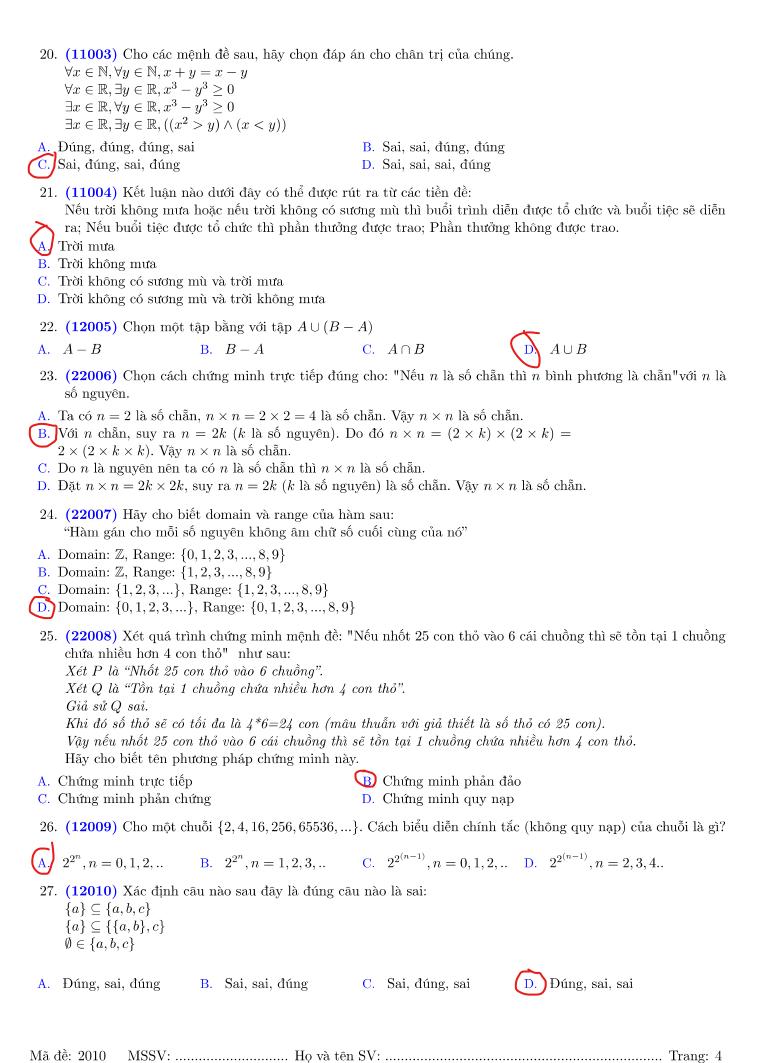
Hóa ra, chỉ có một tuyên bố của 4 chàng trai khiệm tốn trên là đúng. Vây ai là người khiệm tốn nhất.

- A. An.
- B. Bình.
- C. Cường.
- D. Dũng.
 - 2. (L.O.1.1) Let p, q, r be three propositions. Which of the following is tautology:
- A. $(p \to \neg q) \leftrightarrow (p \leftrightarrow q)$
- B. $(p \oplus q) \lor (p \oplus \neg q)$
- C. $[(p \rightarrow q) \rightarrow (q \rightarrow r)] \rightarrow (p \rightarrow r)$
- - 3. (L.O.1.1) Cho phát biểu: "Nếu bạn đủ tư cách làm tổng thống Mỹ thì bạn ít nhất 35 tuổi, sinh ra ở Mỹ hoặc tại thời điểm sinh bạn cả ba và mẹ bạn đều là công dân Mỹ và bạn sống ít nhất 14 năm ở Mỹ". Hãy diễn đạt pháp biểu trên theo các biểu diễn sau:
 - e: Bạn đủ tư cách làm tổng thống Mỹ
 - a: Bạn ít nhất 35 tuổi.
 - b: Ban sinh ra ở Mỹ.
 - p: tại thời điểm sinh bạn cả ba và mẹ bạn đều là công dân Mỹ.
 - r: bạn sống ít nhất 14 năm ở Mỹ.
 - A. $(a \land (b \lor p) \land r) \rightarrow e$
- B. $e \to (a \land (b \lor p) \land r)$
- C. $e \to (a \land b \land p \land r)$
- $D. e \rightarrow (a \wedge b) \vee (p \wedge r)$

Mã đề: 2010 MSSV: Họ và tên SV: Trang: 1

```
4. (L.O.1.1) Chỉ ra lỗi sai trong tranh luận: Nếu \forall x (P(x) \lor Q(x)) đúng thì \forall x P(x) \lor \forall x Q(x) đúng.
       (1). \forall x (P(x) \lor Q(x)) giả thiết
       (2). P(c) \vee Q(c) Cụ thể hóa phổ quát từ (1).
       (3). P(c) rút gọn từ (2)
       (4). \forall x P(x) tổng quát hóa phổ quát từ (3)
       (5). Q(c) rút gọn từ (2)
       (6). \forall x Q(x) tổng quát hóa phổ quát từ (5)
       (7). \forall x P(x) \lor \forall x Q(x) kết họp (4) và (6)
 A. Bước (2) và bước (6)
B. Bước (3) và bước (5)
 C. tất cả các bước đều đúng
 D. Bước 5
   5. (L.O.1.1) Biểu diễn nào sau đây KHÔNG tương đương logic với \neg \exists x (\forall y(\alpha) \land \forall z(\beta))
 A. \forall x(\exists z(\neg \beta) \lor \exists y(\neg \alpha))
 B. \forall x(\forall z(\beta) \to \exists y(\neg \alpha))
 C. \forall x(\forall y(\alpha) \to \exists z(\neg \beta))
 D. \forall x(\exists y(\neg \alpha) \to \exists z(\neg \beta))
   6. (L.O.1.1) Cho S(x):x là một sinh viên; C(x):x là một máy tính; O(x,y):x có y.
      Hãy phát biểu vị từ sau:
                                \exists x (S(x) \land \exists y \exists z (y \neq z \land ((C(y) \land O(x,y)) \land (C(z) \land O(x,z)))))
 A. Có một vài sinh viên có chính xác 2 máy tính.
 (B) Có một vài sinh viên có nhiều hơn một máy tính.
 C. Có một vài sinh viên chỉ có duy nhất một máy tính.
 D. Tất cả sinh viên không có máy tính.
   7. (L.O.1.1) Mệnh đề (p \lor q \lor r) \land (\neg p \lor \neg q \lor \neg r) đúng khi nào?
 A. Ít nhất một trong số p, q, r đúng.
(B) Ít nhất một trong số p, q, r đúng và có ít nhất một trong số p, q, r sai.
 C. Ít nhất một trong số p, q, r sai.
 D. p, q, r sai.
   8. (L.O.2.2) Xét quá trình chứng minh cho mệnh đề: Nếu n là số nguyên không âm và 7n + 9 là số chẵn thì
      n là số lẻ.
       Gi\mathring{a} s\mathring{u} 7n + 9 ch \tilde{a}n v an ch \tilde{a}n.
       Vi \ n \ ch\tilde{a}n \ n\hat{e}n \ n = 2k, (k \in \mathbb{Z})
       Ta \ co, 7n + 9 = 7(2k) + 9 = 14k + 9 = 2(7k + 4) + 1
       do đó 7n + 9 lẻ, điều này trái với giả thiết 7n + 9 chẵn.
       Vây nếu n là số nguyên không âm và 7n + 9 là số chẵn thì n là số lẻ.
 A. Chứng minh trực tiếp.
 B Chứng minh phản chứng.
 C. Chứng minh phản đảo.
 D. Chứng minh quy nap.
   9. (L.O.2.2) Cho phát biểu: Nếu n là số nguyên khổng lẻ thì tổng của n với một số nguyên không lẻ là số
      nguyên không lẻ.
       Với P(n): n là số nguyên không lẻ.
      Q(n): tổng của n với một số nguyên không lẻ là số nguyên không lẻ.
      Khi đó, theo phương pháp chứng minh phản đảo ta cần chứng minh:
 A. \forall n(P(n) \rightarrow Q(n)).
 B. \exists n(\neg Q(n) \rightarrow \neg P(n)).
 C. \forall n \neg (P(n) \rightarrow Q(n)).
 D. \forall n(\neg Q(n) \rightarrow \neg P(n))
                  MSSV: ...... Họ và tên SV: ..... Trang: 2
Mã đề: 2010
```

10. (L.O.1.2) Cho các tập hợp $A, B, C, D \subset S$. A. $P(A) \subseteq P(B) \iff A \subseteq B$	Phát biểu nào sau đây SAI	?
$\textcircled{B} A \times B \neq B \times A \text{ if } A, B \neq \emptyset$		
C. $A \times B \times C \neq (A \times B) \times C$ D. Nếu $A \subseteq C$ và $B \subseteq D$ thì $A \times B \subseteq C \times D$		
11. (L.O.1.2) Cho các tập hợp $A = \{a, b\}; B =$	Sa h el Tìm chân trị của	các mônh đồ sau:
11. (E.O.1.2) Cho cae tạp họp $A = \{a, b\}, B = A \times B \neq B \times A$	$\{a, b, c\}$. Tim chan trị của t	cac mẹmi de sau.
$\emptyset \times A = A$		
$\{a\} \in A$ $A \subseteq B$		
A. Đúng, sai, sai, sai.		
B. Dúng, đúng, sai, đúng.C. Sai, sai, sai , sai.		
Dúng, sai, sai, đúng.		
12. (L.O.1.2) Với $P(S)$ là tập lũy thừa (power A. 1. B. 0. C. 2. D. 3.	set) của S . Số lượng phần t	tử (cardinality) của $P(\emptyset)$ là:
13. (L.O.1.2) Cho $A, B,$ và C là các tập hợp. K	Khẳng định nào sau đây đún	ng?
A. $A \oplus B = (A \cup B) - (A \cap B)$.		
B. $A \cap B$) \cup $(A \cap \overline{B}) = A$. C. $(B - A) \cup (C - A) = (B \cup C) - A$.		
D. Tất cả phương án đều đúng.		
14. (L.O.3.1) Let $m, n \in N$, the recursive funct	tion A(m,n) is defined as for	llows:
A(0,n)=n	*	
	1(m-1,1), m > 0;	. 0
A(m,n) = A	A(m-1, A(m, n-1)), m, n	> 0
FInd $A(2,3)$?		
A. 8 B 9 15. (L.O.3.1) There are 5 types of batteries incl	C. 10	D. 11 F. How many wave can 20 betteries
be selected so that at least 4 are of type E?	uding AAA, AA, C, D, and	E. How many ways can 20 batteries
A. 4056 B 4845	C. 10626	D. All other answers are wrong
16. (L.O.2.2) The number of partitions of $X =$		the same block is?
A. 4. C. 6.	B. 5. D. 7.	
17. (L.O.2.2) Cho $f(x) = \frac{1}{x^2 + 2x - 3}$ từ $\in \mathbb{R} \setminus$	$[-3,1]$ vào $\mathbb R$. Điều nào sau	đây đúng?
A. f chỉ là toàn ánh.		
C. f là song ánh.	B. f chỉ là đơn ánh. D. f không là đơn ánh	và không là toàn ánh.
18. (11001) Chọn kết luận hợp lệ (valid) từ các Nếu bạn không làm việc quá sức thì bạn kh manh.		làm việc quá sức thì bạn thấy khỏe
A. Nếu bạn không đi ngủ sớm thì bạn không làn B. Nếu bạn không thấy khỏe mạnh thì bạn không C. Nếu bạn thấy khỏe mạnh thì bạn đi ngủ sớm D. Không có câu nào trong 3 câu này.	ng đi ngủ sớm.	
19. (11002) Mệnh đề nào là hằng đúng		()1
A. $(\neg p \to q) \to \neg q$ C. $\neg (p \land \neg q) \lor \neg r$	B. $[(p \lor q) \land (p \to r) \land D. [(q \to p) \land (q \to r)]$	(q o r)] $ o ro (p o r)$
*		
Mã đề: 2010 MSSV: Họ và t	ân SV:	Trang: 3



28.	(12011)	Dinh n	ghĩa đê	quy của	chuỗi {a	$\{a_n\}, n=0$	$0, 1, 2, 3, \dots $ là
	(,		0	90.,	0440104	~1117.0	, -, - , -,

$$f(0) = 3, f(n+1) = f(n)^2 - 2f(n) - 2$$



Phần tử f(5) của dãy là:

19597

B. 2762

C. 19579

D. 141

13287

29. (12012) Một quan hệ tương đương R trên tập $\{1,2,3,4,5,6\}$ được thể hiện bởi ma trận 0-1,

Có bao nhiêu lớp tương đương của quan hệ

A. 1

B. 2



D. 4

30. (12013) Khẳng định nào sau đây là đúng cho tập A, B, C?

A.
$$A - B = A \cup \neg B$$

B.
$$A - (B \cup C) = (A - B) \cup (A - C)$$

A.
$$A - B = A \cup \neg B$$

C. $(A - B) - (B - C) = (A - B)$

D. Nếu
$$A \cap C = B \cap C$$
 thì $A = B$

- 31. (12014) Đặt R là quan hệ trên tập hợp các cặp số thực sao cho $((a,b)) \in R$ khi và chỉ khi $ab \geq 0$. Quan hệ R có tính:
- A. Phản xạ, không đối xứng, không phản đối xứng, bắc cầu
- B. Không phản xạ, đối xứng, phản đối xứng, bắc cầu
- (C) Phản xạ, đối xứng, không phản đối xứng, không bắc cầu
- D. Phản xạ, đối xứng, không phản đối xứng, bắc cầu
- 32. **(12015)** Đặt $A = R \{3\}, B = R \{1\}, g : A \to B$ biết

$$g(x) = \frac{x-2}{x-3}$$

Hàm g là

Đơn ánh, toàn ánh

B. Không đơn ánh, toàn ánh

C. Đơn ánh, không toàn ánh

- D. Không đơn ánh, không toàn ánh
- 33. (12016) Giả sử $A = \{2, 4, 5, 6, 7, 10, 18, 20, 24, 25\}$ và R là quan hệ thứ tự từng phần $(a, b) \in R$ nếu và chỉ nếu a|b. Số thành phần cực tiểu và số thành phần cận trên của $\{6\}$ là:

A. 3, 3

C. 4, 2

D. 0, 0

34. (12017) Đặt $R = \{(a,c),(b,b),(b,c),(c,a)\}$ và $S = \{(a,a),(a,b),(b,c),(c,a)\}$ là các quan hệ trên A = $\{a,b,c\}$ Quan hệ hợp thành $S \circ R$ là

A. $\{(a,a), (b,a), (b,b), (b,c), (c,c)\}$

B. $\{(c,a), (b,b), (c,b), (a,c)\}$

(c.) {(a,a), (b,a), (b,c), (c,a), (c,b)}

D. $\{(a,b), (a,c), (b,a), (b,c)\}$

35. (12018) Định nghĩa quan hệ tương đương R trên các số nguyên dương $A = \{2, 3, 4, \dots, 20\}$ bởi mRn nếu ước số nguyên tố lớn nhất của m giống với ước số nguyên tố lớn nhất của n. Số lượng các lớp tương đương của R là:

A.)

36. (31019) Với P(C) là tập lũy thừa của C. Cho $X = \{1, 2\}, Y = \{2, 3\}$. Lượng số (cardinality) $P(X \times Y)$ là:

A. 8

B. 9

C. 20

37. (12020) Đ	$ \text{ ăt } f:X\to$	Y và $g:Y\to Z$	nếu hàm f ,	glần lượt là	hàm gì thì $(g \circ f)(x)$	$X \to Z$ là đơn ánh?
A) đơn ánh, đo D. toàn ánh, to		3. đơn ánh, toàn	ánh C.	Các đáp án	khác đều sai	
M(x): " x là $U(x)$: " x đu $B(x, y)$: " M Dùng biểu	một cuốn so cợc phát hàn ục tham kh thức lượng toán học đượt $\exists y(U(y) \wedge B)$	ảo của x có y" cừ thể hiện mệnh ợc xuất bản năm	đề "Có mộ 2021".		nà xuất hiện trong m $\wedge U(x) o B(x,y)))$ $\exists y B(x,y))$	ục tham khảo của mọi
39. (31022) C	$ho A = \{0$	(1, 2, 3, 4), B =	$\{0, 1, 2, 3, 4\}$	5, 6, 7, 8, 9},	$f:A\to B$ đồ thị	của hàm f là G_f =
$\{(0,0),(1,2)$), (2,4), (3,6)	(3), (4,8), và g :	$B \rightarrow A$	biết g(x) =	$\left \frac{x}{2}\right $. Cho $(g \circ f)(x)$	$)^{-1}$ như một tập hợp
các cặp có $(g \circ f)(x)^{-1}$ C. $(g \circ f)(x)^{-1}$	thứ tự. Chọ: = $\{(0,0),(1)\}$ = $\{(0,0),(1)\}$	n đáp án đúng: 1,1),(2,2),(3,3), 1,1),(3,3),(4,4)	(4,4)} B. D.	$(g \circ f)(x)^{-1}$ $(g \circ f)(x)^{-1}$	$f = \{(1,1), (2,2), (3,3) \}$ $f = \{(0,0), (1,1), (2,2) \}$), (4, 4)})}
CTRR. Câi A. Mọi sinh viê B. Có sinh viên	ı nào thể hi n trong lớp trong lớp (inh viên tro	ện phủ định của CTRR đã không CTRR đã học mô	mệnh đề: ; học môn đ n đại số 1 n	ại số 1 và đạ nhưng đã khô	i số 2	a là sinh viên trong lớp đại số 2
41. (31024) C	hỉ ra bước lễ	ỗi trong tranh lua	ận sau:			
1. $\exists x P(x)$	$(x) \wedge \exists x Q(x)$					
$2. \exists x P(x)$	x)					
P(c)						
$4. \exists xQ(.$	x)					
5. $Q(c)$						
6. $P(c)$	$\setminus Q(c)$					
7. $\exists x (P)$	$(x) \wedge Q(x)$					
(A.)3, 5	В	3. 2, 4, 7	C.	5, 7	D. 3, 5, 6	•
42. (31025) Vo						P(x) ta rút ra kết luận
A. $\exists x \neg R(x)$	В	$8. \ \forall x \neg R(x)$	C.	$\exists x R(x)$	D. $\forall x R(x)$)
43. (L.O.1.1) tifiers?	How can you	ı convert a propo	osition with	quantifiers in	nto an equivalent prop	position without quan-
A. By using domain enumeration C. By using logical equivalences			B. By using truth tablesD. By using De Morgan's laws			
A. $\lceil xy \rceil = \lceil x \rceil \lceil y \rceil$ B. $ 2x = 2 x $	y for all real whenever x	e following states a numbers x and is a real number or 1 whenever x numbers x .	y.			

Mã đề: 2010 MSSV: Họ và tên SV: Trang: 6