Bài 1. ABK.cpp

Hãy trả lời Q truy vấn, mỗi truy vấn cho bởi bộ ba số A, B, K ($1 \le A \le B < 10^{12}$, $1 \le K \le 10^{12}$). Hỏi rằng có bao nhiều số chia hết cho số tự nhiên K trong các số tự nhiên từ A đến B.

Input:

- Dòng đầu ghi số Q ($1 \le Q \le 10^6$).
- Q dòng tiếp theo, mỗi dòng ghi 3 số thể hiện Q truy vấn

Output:

- Ghi ra Q dòng là đáp số cho Q truy vấn tương ứng

Example:

Input	Ouput	Giải thích
1	3	Có 3 số chia hết cho 2 là
162		2, 4, 6
2		
384	2	
3 99 3	33	

Subtask 1: 30% test có $Q = 1, 1 \le A, B, K \le 10^6$;

Subtask 2: 30% test có $Q \le 100, 10^3 \le A, B, K \le 10^6$;

Subtask 3: 40% test còn lại không có thêm giới hạn gì.

Bài 2. SUMQ.cpp

Cho một dãy gồm N số nguyên 32 bit $a_1, a_2, \dots a_N$. Có Q câu hỏi, mỗi câu hỏi cho bởi 2 số L, R, yêu cầu hãy tính tổng một đoạn các số từ a_L đến a_R .

Input:

Dòng đầu tiên ghi số N,Q $(1 \le N,Q \le 10^5)$ là số lượng phần tử của dãy và số câu hỏi phải trả lời.

Dòng tiếp theo ghi N số nguyên $a_1, a_2, ... a_N (1 \le a_i \le 10^9)$

Q dòng tiếp theo thể hiện các truy vấn, dòng thứ i ghi hai số L_i , R_i là đoạn chỉ số cần tính tổng.

Ouput:

Q dòng là câu trả lời cho các truy vấn tương ứng

Example:

Input	Output	Giải thích
7 2	11	2+3+2+4=11
1 2 3 2 4 1 5	18	1+2+3+2+4+1+5=18
2 5		
1 7		

Subtask 1: 20% test có Q = 1;

Subtask 2: 40% test có $1 \le Q \le 10^3$;

Subtask 3: 40% test còn lại không có thêm giới hạn gì.

Bài 3. CNTP.cpp

Số nguyên tố là số tự nhiên lớn hơn 1 và chỉ có đúng 2 ước tự nhiên. Hãy trả lời Q câu hỏi, mỗi câu hỏi là đếm xem có bao nhiêu số nguyên tố có trong đoạn [A, B]. Cho biết $1 \le Q \le 10^6$, $1 \le A \le B \le 10^7$.

Input:

- Dòng đầu tiên ghi số Q là số câu hỏi cần trả lời.
- Q dòng tiếp theo, mỗi dòng ghi 2 số A, B thể hiện truy vấn *Quput:*
- Ghi ra Q số là đáp số cho Q câu hỏi tương ứng

Example:

Input	Output	Giải thích
3	4	
1 10	16	
25 100	5	
31 50		

Subtask 1: 30% test có Q = 1; $1 \le A \le B \le 10^5$;

Subtask 2: 30% test có $Q \le 10^3$; $1 \le A \le B \le 10^5$;

Subtask 3: 40% test có $Q \le 10^5$; $1 \le A \le B \le 10^7$.

Bài 4. SUMP.cpp

Số nguyên tố là số tự nhiên lớn hơn 1 và chỉ có đúng 2 ước tự nhiên. Hãy trả lời Q câu hỏi, mỗi câu hỏi là tính tổng các số nguyên tố xuất hiện trong đoạn [A, B]. Cho biết $1 \le Q \le 10^6$, $1 \le A \le B \le 10^6$.

Input:

- Dòng đầu tiên ghi số Q là số câu hỏi cần trả lời.
- Q dòng tiếp theo, mỗi dòng ghi 2 số A, B thể hiện truy vấn *Qunut*:
- Ghi ra Q số là đáp số cho Q câu hỏi tương ứng

Example:

Input	Output	Giải thích
3	17	
1 10	960	
25 100	199	
31 50		

Subtask 1: 30% test có Q = 1; $1 \le A \le B \le 10^5$;

Subtask 2: 30% test có $Q \le 10^3$; $1 \le A \le B \le 10^5$;

Subtask 3: 40% test có $Q \le 10^5$; $1 \le A \le B \le 10^6$.

Bài 5. SUM.cpp

Cho một dãy gồm N số nguyên 32 bit $a_1, a_2, \dots a_N$. Có Q câu hỏi, mỗi câu hỏi cho bởi 2 số L, R, yêu cầu hãy đếm số số chẵn xuất hiện trong dãy từ chỉ số L đến R.

Input:

Dòng đầu tiên ghi số N, Q ($1 \le N$, $Q \le 10^5$) là số lượng phần tử của dãy và số câu hỏi phải trả lời.

Dòng tiếp theo ghi N số nguyên $a_1, a_2, ... a_N \ (1 \le a_i \le 10^9)$

Q dòng tiếp theo thể hiện các truy vấn, dòng thứ i ghi hai số L_i , R_i là đoạn chỉ số cần tính tổng.

Ouput:

Q dòng là câu trả lời cho các truy vấn tương ứng

Example:

Input	Output	Giải thích
7 2	3	Có 3 số chẵn trong trong đoạn a[2] đến
1 2 3 2 4 1 6	4	a[5]. Có 4 số chẵn trong đoạn a[1] đến a[7]
2 5		
1 7		

Bài 6. MINARRAY.cpp

Cho một dãy N số nguyên $a_1, a_2, \dots a_N$ có Q câu hỏi, mỗi câu hỏi là tìm giá trị nhỏ nhất từ a_1 đến a_M .

Input: Dòng đầu ghi số N, Q

 $\overline{\text{Dòng}}$ tiếp theo ghi N_{S} số $a_1, a_2, \dots a_N$

Q dòng tiếp theo, mỗi dòng ghi một số M $(M \le N)$.

Output: Trả lời Q câu hỏi tìm min

Ví dụ:

Input	Ouput	Giải thích
5 4	2	Câu hỏi 1 tìm min trong
3 2 1 4 -5	1	đoạn a_1 , a_2 là 2
2	1	Câu hỏi 2, tìm min trong
3	-5	đoan a_1 , a_2 , a_3 là 1
4		
5		

Subtask 1: 30% test có N, $Q \le 10^4$;

Subtask 2: 60% test có $N, Q \le 10^5$;

Subtask 3: 10% test có $N, Q \le 10^6$.

Bài 7. MAXARRAY.cpp

Cho một dãy N số nguyễn $a_1, a_2, \dots a_N$ có Q câu hỏi, mỗi câu hỏi là tìm giá trị lớn nhất từ a_1 đến a_M .

Input: Dòng đầu ghi số N, Q

Dòng tiếp theo ghi N số $a_1, a_2, ... a_N$

Q dòng tiếp theo, mỗi dòng ghi một số M $(M \le N)$.

Ouput:

Q dòng là câu trả lời cho các truy vấn tương ứng

Ví du:

Input	Ouput	Giải thích
5 4	3	Câu hỏi 1 tìm max trong
3 2 1 4 -5	3	đoạn a_1 , a_2 là 3
2	4	Câu hỏi 3, tìm mã trong
3	4	đoan a_1, a_2, a_3, a_4 là 4
4		
5		

Subtask 1: 30% test có N, $Q \le 10^4$;

Subtask 2: 60% test có $N, Q \le 10^5$;

Subtask 3: 10% test có N, $Q \le 10^6$.

Bài 8. MAX3.cpp

Cho một dãy N số nguyên $a_1, a_2, \dots a_N$ tìm giá trị lớn nhất của $S = a_i + a_j - a_k$ với bộ 3 chỉ số i < j < k.

Input	Ouput	Giải thích
5	12	Giá trị lớn nhất khi chọn
3 2 1 4 -5		3+4-(-5) = 12

Subtask 1: 30% test có N < 400;

Subtask 2: 60% test có $N < 10^4$;

Subtask 3: 10% test có $N \le 10^6$.

Bài 9. MAXGCD.cpp

Cho một dãy N ($1 \le N \le 10^5$) số nguyên dương $a_1, a_2, ... a_N$ ($1 \le a_i \le 10^9$). Được phép thay đổi không quá một lần một số trong đó. Hãy tìm giá trị lớn nhất có thể của ước chung lớn nhất của dãy.

Input: Dòng đầu ghi số N

Dòng tiếp theo ghi N số nguyên dương

Output: Ghi ra ước chung lớn nhất có thể có của dãy

Ví dụ:

Input	Output	Giải thích
3	2	Có thể thay số 7 bằng số 10, khi đó
768		UCLN(10,6,8)=2
3	6	Thay 15 bằng số 12
12 15 18		
2	1000	Không cần thay số nào
1000 1000		

Dạng kết hợp bài toán đếm:

Bài 10. SumS.cpp

Cho dãy n số nguyên dương a_1, a_2, \ldots, a_n $(1 \le n \le 10^6, a_i \le 10^3)$ và số nguyên dương S $(S \le 10^6)$. Hãy đếm xem có bao nhiều cặp (a_i, a_j) thỏa mãn $a_i + a_j = S$. Chú ý: cặp chỉ số (i, j) và (j, i) được tính là một.

Ví du:

Input	Output
5 2	10
11111	

Bài 11. SumS2.cpp

Cho một dãy số gồm n $(1 \le n \le 10^6)$ số nguyên dương $a_i \le 10^3$, hãy xác định xem tồn tại bao nhiều dãy con liên tiếp có tổng bằng S $(S \le 10^6)$? Cho biết tổng $a_1 + a_2 + \dots + a_N \le 10^8$.

Ví du:

Input	Output
5 3	3
11111	

Sub1: 30% test có N<=1000;

Sub2: 30% test có N<=10000;

Sub3: 40% test có N<=10^6

Bài 12. DIVN.cpp

Cho dãy gồm N số nguyên a_1, a_2, \ldots, a_n . Hãy đếm số dãy con liên tiếp mà có tổng chia hết cho S.

Input:

Dòng đầu tiên ghi hai số nguyeen N, S $(1 \le N, S \le 10^5)$

Dòng tiếp theo ghi N số nguyên $a_1, a_2, ..., a_n (|a_i| \le 10^9)$

Output: Ghi ra số dãy con liên tiếp mà chia hết cho S.

Ví du:

Input	Output
5 3	4
12131	

Sub1: 30% test có N<=1000; Sub2: 30% test có N<=10000;

Sub3: 40% test có N<=10^5

Bài 13. Dance.cpp

Lớp học múa khiêu vũ dạ hội của giáo sư Padegras có *n* học sinh nam và nữ ghi tên. Giáo sư cho tất cả học sinh xếp thành một hàng dọc và chọn một nhóm các học sinh liên tiếp nhau cho buổi học đầu tiên với yêu cầu là số học sinh nam và nữ phải bằng nhau.

Hãy xác định, giáo sư Padegras có bao nhiều cách lựa chọn khác nhau cho buổi học đầu tiên.

Input:

- Dòng đầu tiên chứa số nguyên n ($1 \le n \le 10^6$),
- Dòng thứ 2 chứa xâu độ dài n bao gồm các ký tự từ tập {a, b}
 xác định dòng xếp hàng, a là nam, b nữ.

Output: Một số nguyên – số cách lựa chọn.

Example:

Input:	Output:
8	13
abbababa	

Subtask 1: 30% test có $n \le 200$

Subtask 2: 40% test có $200 < n \le 3000$

Subtask 3: 30% test có $3000 < n \le 1000.000$

Bài 14. GoodArray.cpp

Một dãy gồm N số $a_1, a_2, \dots a_N$, chỉ gồm các số từ 0 đến 9. Một dãy con gồm các phần tử liên tiếp $a_l, a_{l-1}, \dots, a_{r-1}, a_r$ được gọi là dãy tốt nếu tổng các phần tử của dãy bằng số phần tử của dãy. Hay là: $a_l + a_{l-1} + \dots + a_{r-1} + a_r = r - l + 1$

Hãy đếm số dãy con tốt của dãy đã cho?

Input: Dòng đầu ghi số nguyên dương N là số phần tử của dãy ban đầu Dòng tiếp theo ghi N số có một chữ số $a_1, a_2, ... a_N$

Output: Số dãy con đẹp

Ví du:

Input	Output	Giải thích
3	3	Có 3 dãy con tốt là:
1 2 0		{1}; {1,2,0}; {2,0}
6	1	Có một dãy con tốt là
600005		$\{0,0,0,0,5\}$

Subtask 1: 30% test có $N \le 400$; Subtask 2: 30% test có $N \le 10000$;

Subtask 3: 40% test có $N \leq 5.10^5$.

Kết hợp dãy hiệu

Bài 15. DiffArray.cpp

Cho dãy gồm N phần tử 0. Thực hiện Q truy vấn, mỗi truy vấn cho bởi bộ ba số L, R, d là tăng tất cả các số từ a_L , a_{L+1} , ... a_R lên d đơn vị.

Hãy in ra các phần tử của dãy sau Q truy vấn đó.

Input: Dòng đầu ghi số N, Q $(1 \le N, Q \le 10^5)$

Q dòng tiếp theo, mỗi dòng ghi ba số L, R, d ($1 \le L \le R \le N$; $d \le 100$).

Ouput: In ra dãy nhận được sau cùng.

Ví du:

Input	Output	Giải thích
5 4	36865	
1 4 1		
1 3 2		
3 5 2		
3 5 2 2 5 3		

Subtask 1: 50% test có $Q \le 10^3$;

Subtask 2: 50% test có $10^4 \le Q \le 10^5$.

Bài 16. DiffArray2.cpp

Cho dãy gồm N phần tử $a_1, a_2, ..., a_N$. Thực hiện Q truy vấn, mỗi truy vấn cho bởi bộ ba số L, R, d là tăng tất cả các số từ $a_L, a_{L+1}, ... a_R$ lên d đơn vị.

Hãy in ra các phần tử của dãy sau Q truy vấn đó.

Input: Dòng đầu ghi số N, Q $(1 \le N, Q \le 10^5)$

Dòng tiếp theo ghi N số của dãy ban đầu

Q dòng tiếp theo, mỗi dòng ghi ba số L, R, d ($1 \le L \le R \le N; d \le 100$).

Ouput: In ra dãy số nhận được sau cùng.

Ví dụ:

Input	Output	Giải thích
5 4	4 8 11 10 10	
1 2 3 4 5		
1 4 1		
1 3 2		
3 5 2		
2 5 3		

Subtask 1: 50% test có $Q \le 10^3$;

Subtask 2: 50% test có $10^4 \le Q \le 10^5$.

Bài 17. NQK.cpp

Cho một dãy số A ban đầu toàn bộ các số là số 0.

Có N truy vấn cập nhật, mỗi truy vấn là cập nhật toàn bộ các phần tử từ L đến R lên X đơn vi.

Sau đó có Q truy vấn, mỗi truy vấn đếm xem trong đoạn chỉ số từ A đến B có bao nhiều số lớn hơn hoặc bằng K.

Giới hạn: $1 \le N, Q, K, A, B, L, R \le 2.10^5$. Tất cả các số nguyên dương và không quá 2.10^5 . Dữ liệu đảm bảo $A \le B, L \le R$.

Input: Dòng đầu ghi hai số N, Q, K

N dòng tiếp theo mô tả các truy vấn cập nhật cho bởi ba số L, R, X

Q dòng tiếp theo thể hiện truy vấn hỏi xem có bao nhiều số trong đoạn A, B lớn hơn hoặc bằng K.

<u>Output:</u> Ghi Q số tương ứng Q câu hỏi đếm Ví du:

Input	Output	Giải thích
2 2 2	1	Dãy sau khi cập nhật tăng: 1, 2, 1, 0, 0
1 2 1	0	Đoạn $[a_1, a_2, a_3]$ có 1 số ≥ 2.
2 3 1		Đoạn $[a_3, a_4]$ có 0 số ≥ 2 .
1 3		
3 4		

Subtask 1: 30% test có $1 \le N, Q, K, A, B, L, R \le 10^3$.

Subtask 2: Còn lai

Cộng dồn trên mảng 2 chiều

Bài 18. HARDWORKING.cpp

Deep muốn trở thành lập trình viên hạng 7* trên CodeChef. Để đạt được mục tiêu này, mỗi ngày anh ấy phải làm được nhiều bài nhất có thể. Nhưng lần đầu tiên kể từ khi anh ấy mới làm quen với lập trình, anh ấy không thể làm được một bài và bắt đầu mất tư tin.

Để có thể tạo sự tự tin ngay từ đầu, Deep được các anh khoá trên gợi ý là hãy chăm chỉ, dành thật nhiều thời gian để suy nghĩ cách làm bài mà mình chưa làm được, sau đó luyện tập code thật nhiều.

Sau 7x7=49 ngày đêm, cuối cùng Deep cũng giải được bài: Cho một bảng 2 chiều kéo dài vô hạn sang phải và xuống dưới, chứa đầy các giá trị theo quy luật như hình bên.

Gọi (x, y) biểu thị ô trong hàng thứ x thứ và cột thứ y. Ô phía trên bên trái (1, 1) chứa số nguyên 1. Bạn bắt đầu tại ô (x_1, y_1) và phải đi đến ô (x_2, y_2) bằng cách

1	2	4	7	•••
3	5	8	:	
6	9	•••		
10	•••			

chỉ di chuyển sang phải và xuống dưới. Tức là, từ ô (x,y), trong một bước, bạn có thể di chuyển đến ô (x+1,y) hoặc (x,y+1). Giá trị của một đường đi là tổng các giá trị trong tất cả các ô mà nó đi qua, bao gồm cả (x_1,y_1) và (x_2,y_2) . Bạn cần tính giá trị lớn nhất có thể trên đường đi của một đường từ (x_1,y_1) đến (x_2,y_2)

<u>Input:</u> Dòng đầu tiên ghi số test T là số câu hỏi tìm tổng lớn nhất trên các đường đi. T dòng tiếp theo, mỗi dòng ghi bốn số nguyên dương x_1, y_1, x_2, y_2 là toạ độ các ô bắt đầu và ô kết thúc, biết $x_1 \le x_2$; $y_1 \le y_2$.

<u>Output:</u> Ghi T số tương ứng cho T câu hỏi

Ví dụ:

Input	Output	Giải thích
1	32	Đi qua các ô có giá trị là
1133		1→3→6→9

Bài 19. Bonus.cpp

Tuấn là người chiến thắng trong một cuộc thi "tìm hiểu kiến thức vũ trụ" và được nhận các phần thưởng do công ty XYZ tài trợ. Các phần thưởng được bố trí trên một bảng hình vuông kích thước n * n có dạng một lưới ô vuông kích thước đơn vị. Các dòng của bảng được đánh số từ 1 đến n, từ trên xuống dưới và các cột của bảng được đánh số từ 1 đến n, từ trái qua phải. Ô nằm trên giao của dòng \mathbf{i} và cột \mathbf{j} được gọi là ô (\mathbf{i}, \mathbf{j}) và trên ô đó chứa một món quà có giá trị là $\mathbf{a}[\mathbf{i}, \mathbf{j}]$.

Để nhận phần thưởng, Tuấn được chọn một hình vuông k * k chiếm trọn trong một số ô của bảng và nhận tất cả các phần quà có trong các ô nằm trong đó.

Yêu cầu: Hãy xác định tổng giá trị quà lớn nhất mà Tuấn có thể nhận được.

 $D\tilde{w}$ liệu vào: Dòng thứ nhất chứa hai số nguyên dương n, k $(n \le 10^3, \frac{n}{3} \le k \le n)$. Dòng thứ i trong số n dòng tiếp theo chứa n số nguyên dương, số thứ j là a[i,j] $(a[i,j] \le 1000)$

Kết quả ra: Ghi ra một số nguyên duy nhất là tổng giá trị lớn nhất của các món quà mà Tuấn có thể nhân được.

Ví	du	•
Vι	uu	•

BONUS.INP	BONUS.OUT	Giải thích
4 3	86	Chọn vùng 3x3 như sau:
1 9 1 1		1 9 1 1
9 9 9 9		9 <mark>9 9 9</mark>
1 9 9 9		1 <mark>9 9 9</mark>
1 9 9 14		1 <mark>9 9 14</mark>

Bài 20. BONUS2.cpp

Sau khi thi HSG cấp tỉnh đạt giải KK, Tý bị thầy giáo của mình gọi đến để giải trình về kết quả không như mong đợi ban đầu với mục tiêu phải đạt giải Nhất. Lúc này, Tý không có cách nào để biện minh nên phải khai thật với thầy các tội lỗi mắc phải của mình trong khi thi như sau:

- 1. Đặt tên tệp vào, ra không đúng.
- 2. Khai báo mảng có kích thước nhỏ hơn giới hạn của đề bài.
- 3. Sử dụng kiểu dữ liệu không phù hợp (sử dụng int thay vì long long).
- 4. Không debug chương trình cẩn thận.
- 5. Vân vân và mây mây.

Thầy giáo thấy vô cùng thất vọng vì các lỗi sơ đẳng này của Tý, nhưng tin rằng cậu học trò cưng của mình sẽ trưởng thành hơn rất nhiều sau kì thi. Thầy vẫn đặt niềm tin vào cậu.

Để động viên tinh thần của học trò, thầy giáo vẫn thưởng cho cậu, thầy viết ra một bảng hình vuông NxN (có những ô có giá trị dương và những ô có giá trị âm) rồi yêu cầu Tý chọn cho mình một hình chữ nhật trong đó. Tý sẽ nhận được món quà có tổng giá trị bằng tổng các số ghi trong hình chữ nhật mà mình chọn.

Để chứng minh mình đã biết rút kinh nghiệm từ những sai lầm trong kì thi HSG vừa qua, Tý đã chọn cho mình một hình chữ nhật có tổng giá trị lớn nhất, thầy giáo rất vui vì điều đó.

Hỏi giá trị lớn nhất mà Tý đã chọn được bằng bao nhiều.

Dữ liệu vào: Từ tệp BONUS2.inp

- Dòng đầu tiên ghi một số nguyên dương là kích thước của bảng.
- N dòng tiếp theo, mỗi dòng ghi N số nguyên thể hiện các số trên bảng. Tất cả các số thuộc đoạn $[-10^5, 10^5]$.

Kết quả ra: Ghi ra tệp BONUS2.out

- Giá trị phần thưởng lớn nhất mà Tý đã nhận được.

Ví du:

BONUS2.inp	BONUS2.out	Giải thích
4	15	Tổng giá trị lớn nhất là 15.
0 -2 -7 0		Chọn như sau:
9 2 -6 2		9 2
-4 1 -4 1		-4 1
-1 8 0 -2		-1 8

Ràng buộc:

40% test có $1 < N \le 10$; 30% test có $10 < N \le 100$; 30% test có $100 < N \le 400$.

Bài 21. Bonus 3.cpp

Tuấn là người chiến thắng trong một cuộc thi "tìm hiểu kiến thức vũ trụ" và được nhận các phần thưởng do công ty XYZ tài trợ. Các phần thưởng được bố trí trên một bảng hình vuông kích thước n * m có dạng một lưới ô vuông kích thước đơn vị. Các dòng của bảng được đánh số từ 1 đến n, từ trên xuống dưới và các cột của bảng được đánh số từ 1 đến m, từ trái qua phải. Ô nằm trên giao của dòng i và cột j được gọi là ô (i,j) và trên ô đó chứa một món quà có giá trị là a[i,j].

Để nhận phần thưởng, Tuấn được chọn **một hình chữ nhật bất kì** chiếm trọn trong một số ô của bảng và nhận tất cả các phần quà có trong các ô nằm trong đó.

Yêu cầu: Hãy xác định tổng giá trị quà lớn nhất mà Tuấn có thể nhận được.

 $D\tilde{w}$ liệu vào: Dòng thứ nhất chứa hai số nguyên dương $n, m \ (1 \le n, m \le 400)$.

Dòng thứ i trong số n dòng tiếp theo chứa m số nguyên dương, số thứ j là a[i,j] ($a[i,j] \le 1000$).

Kết quả ra: Ghi ra một số nguyên duy nhất là tổng giá trị lớn nhất của các món quà mà Tuấn có thể nhận được.

Ví du:

BONUS3.INP	BONUS3.OUT	Giải thích
3 4	13	Chọn từ (1;1) đến (3;3)
<mark>-1 1 -1</mark> -1		
<mark>-2 -2 9</mark> -1		
<mark>9 0 -1</mark> -1		

----còn nữa-----