



# CẤU TRÚC DỮ LIỆU CÂY

Nguyen Thien Luong

# NỘI DUNG

**1** CẤU TRÚC  
DỮ LIỆU CÂY

**2** CÂY NHỊ PHÂN

**3** CÂY NHỊ PHÂN  
TÌM KIẾM

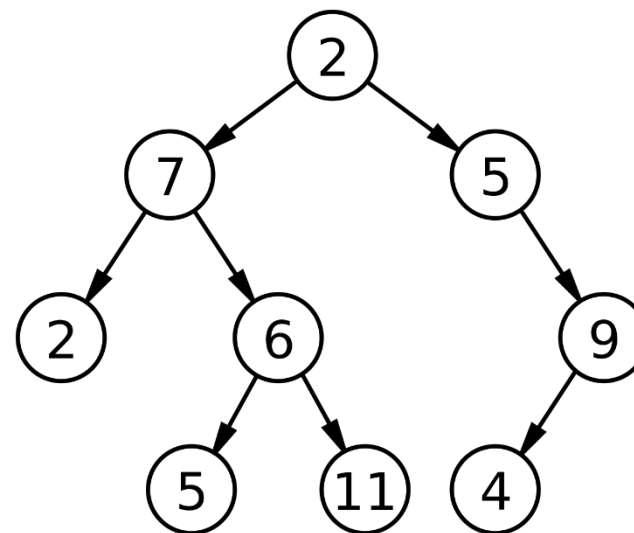
**4** CÀI ĐẶT





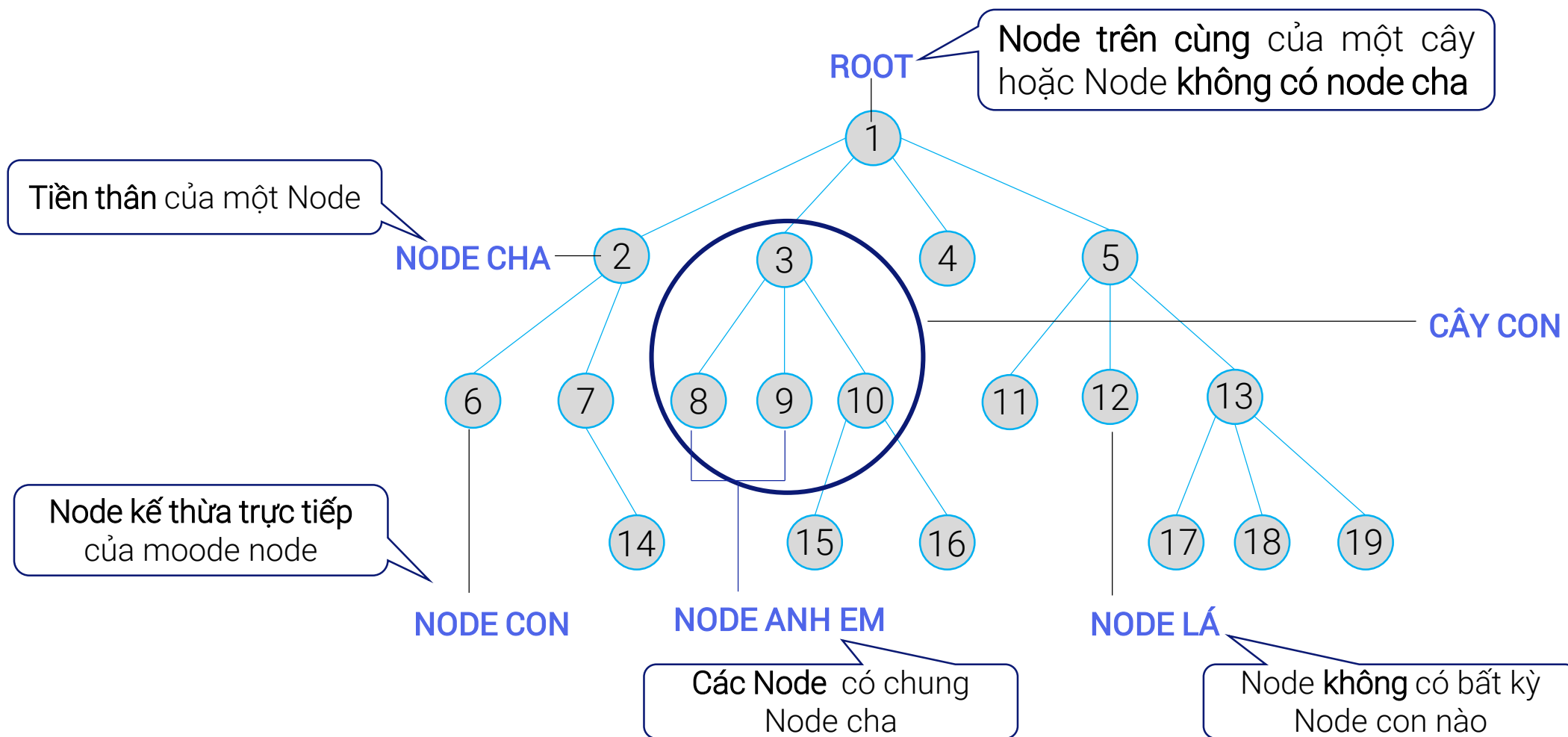
# CÂY – TREE

- Cây là một đồ thị liên thông và không có chu trình
- Cấu trúc dữ liệu cây gồm một tập hợp các **node** được liên kết với nhau theo quan hệ cha-con

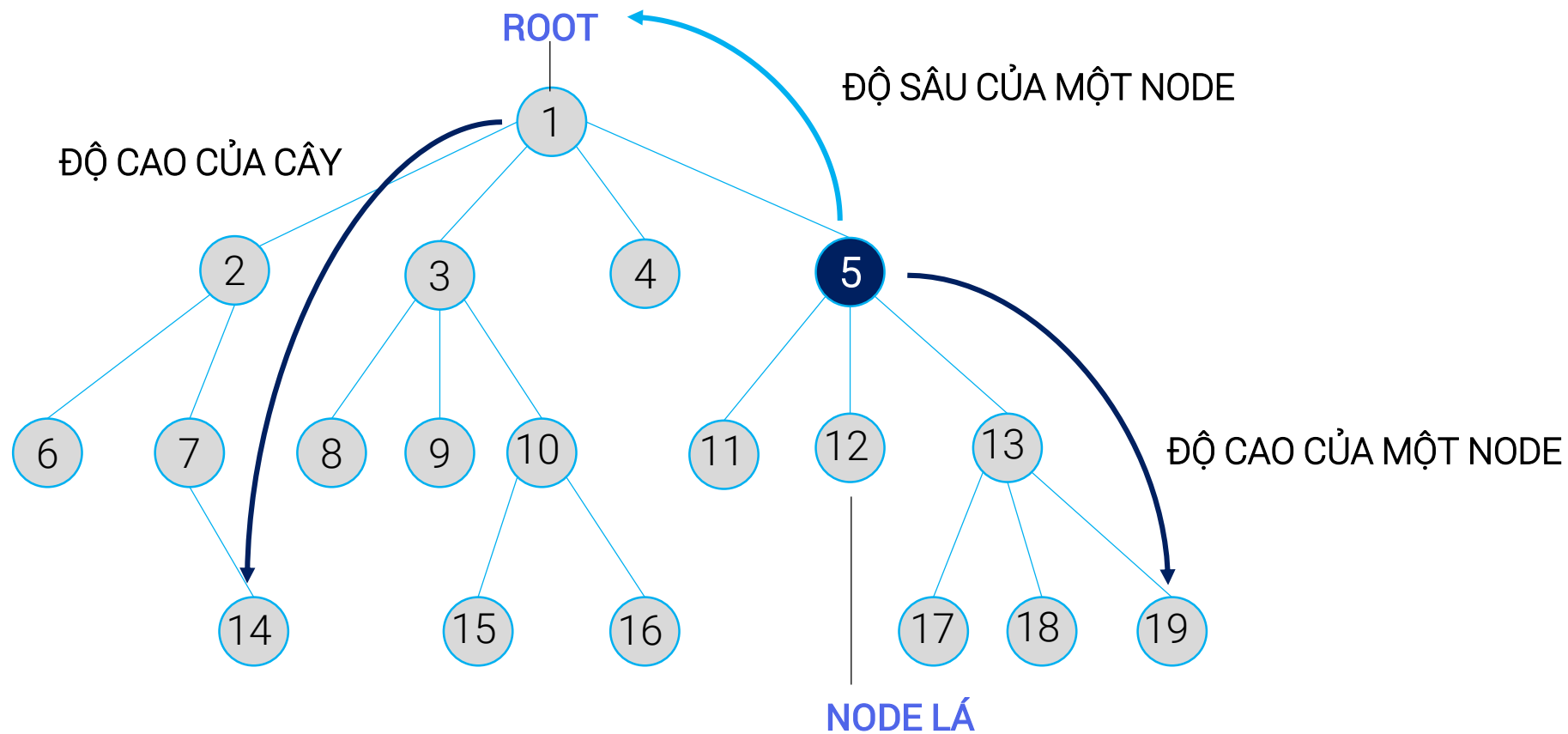


CẤU TRÚC DỮ LIỆU  
CÂY LÀ GÌ?

# CÂY – TREE



# CÂY – TREE



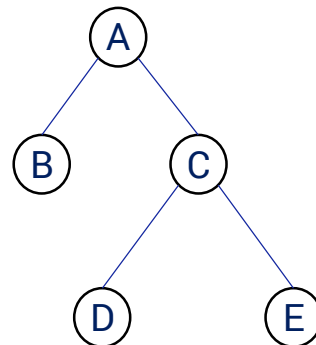
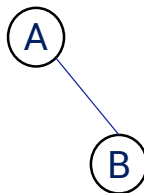
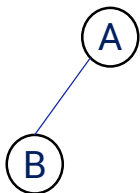
# CÂY NHỊ PHÂN – BINARY TREE

Cây nhị phân là gì?

Một dạng cây đặc biệt mà tại tất cả các node chỉ có thể có tối đa hai cây con

Một cây với mỗi node có tối đa hai node con:

- Node con trái
- Node con phải

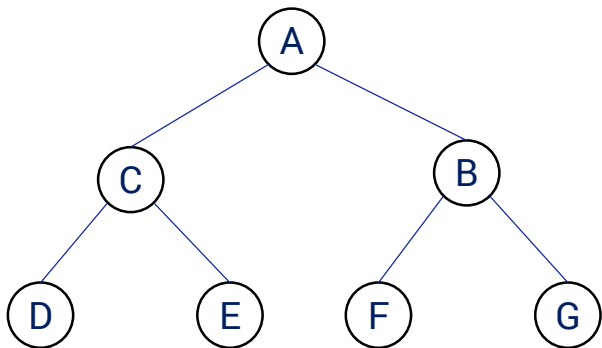


# CÂY NHỊ PHÂN – BINARY TREE

Một số loại cây nhị phân

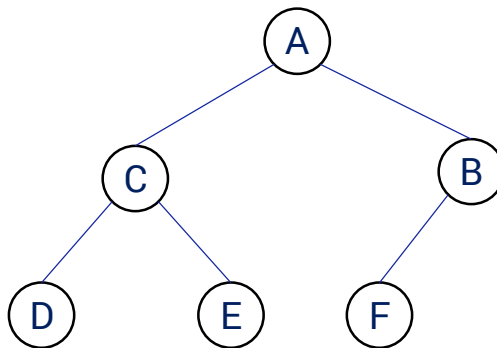
## Cây nhị phân đầy đủ

Mọi node có 0 hoặc 2 node con  
Tất cả các nodes ngoại trừ các nodes lá (leaf nodes) đều có hai node con



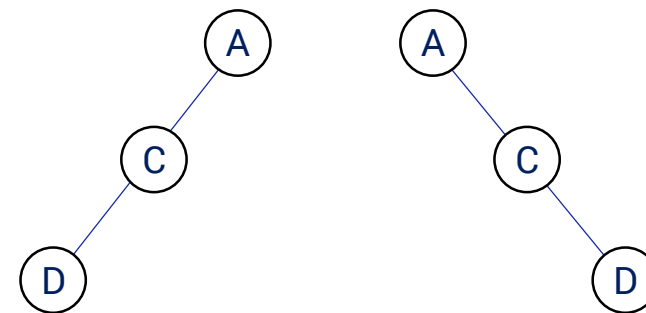
## Cây nhị phân hoàn chỉnh

Tất cả các level (cấp) đều được lấp đầy hoàn toàn bởi các node, có thể ngoại trừ level cuối cùng và có tất cả các nodes cùng nằm ở bên trái càng tốt.



## Cây nhị phân lệch

Tất cả các node chỉ có:  
Cây con trái (Cây lệch trái)  
Cây con phải (Cây lệch phải)





# CÂY NHỊ PHÂN – BINARY TREE

## DUYỆT CÂY

Thăm tất cả các node của cây duy nhất một lần

### Duyệt thứ tự trước - VLR

Node gốc được thăm trước các node con của nó

### Duyệt thứ tự giữa - LVR

Node gốc được duyệt sau cây con trái của nó và trước cây con phải của nó

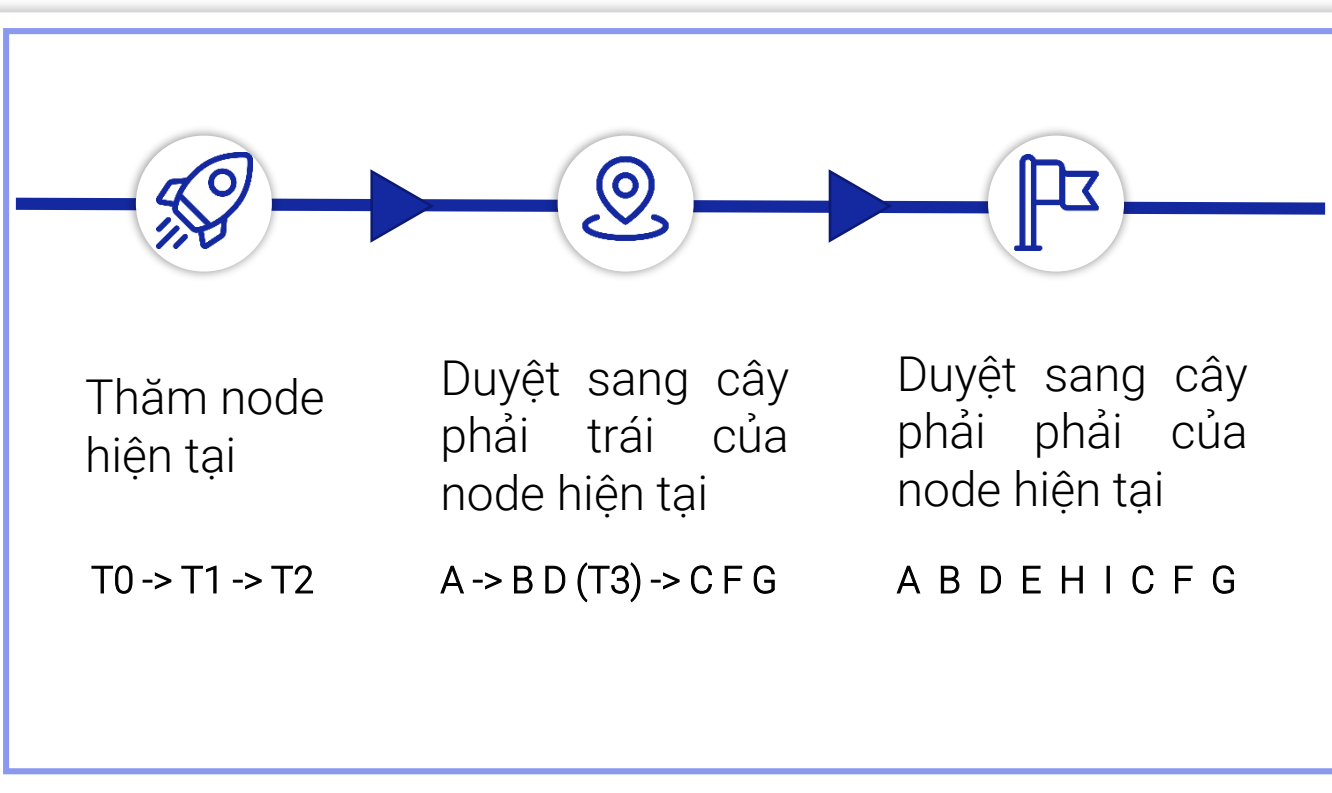
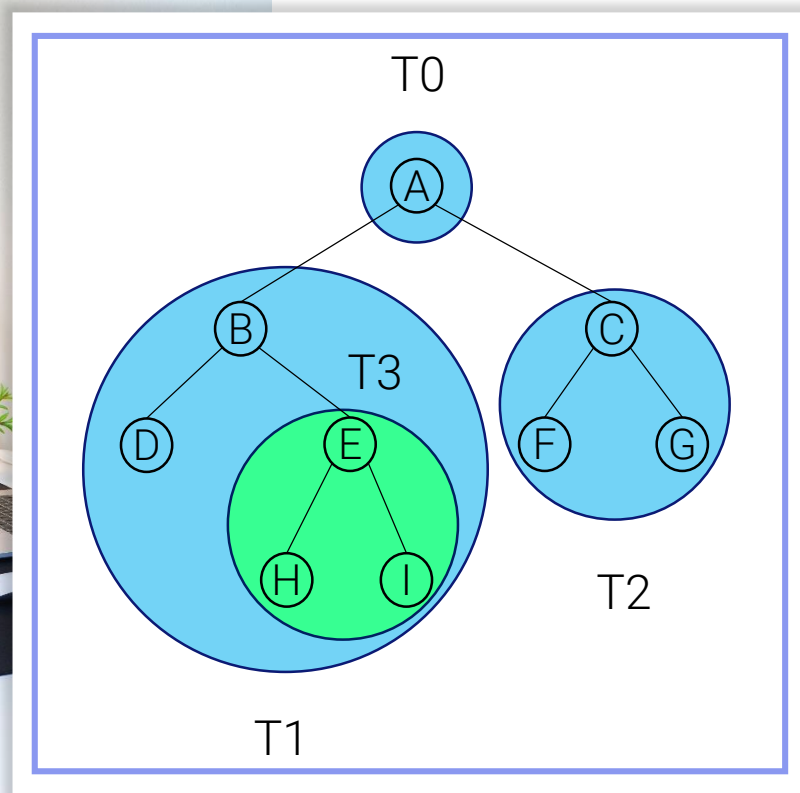
### Duyệt thứ tự sau - LRV

Node gốc được duyệt sau các node con cháu của nó



# CÂY NHỊ PHÂN – BINARY TREE

## Duyệt thứ tự trước



# CÂY NHỊ PHÂN – BINARY TREE

Duyệt thứ tự giữa



Duyệt thăm  
các node của  
cây con trái

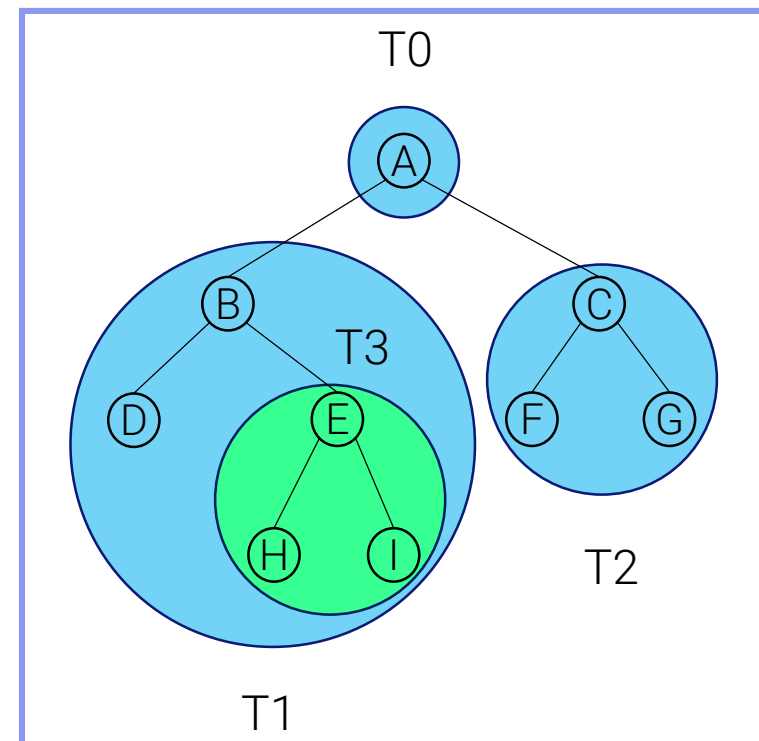
$T1 \rightarrow T0 \rightarrow T2$

Thăm node  
hiện tại

$DB(T3) \rightarrow A \rightarrow FCG$

Duyệt thăm  
các node của  
cây con phải

$DBHEAF CG$



# CÂY NHỊ PHÂN – BINARY TREE

Duyệt thứ tự sau



Duyệt thăm  
các node  
của cây con trái

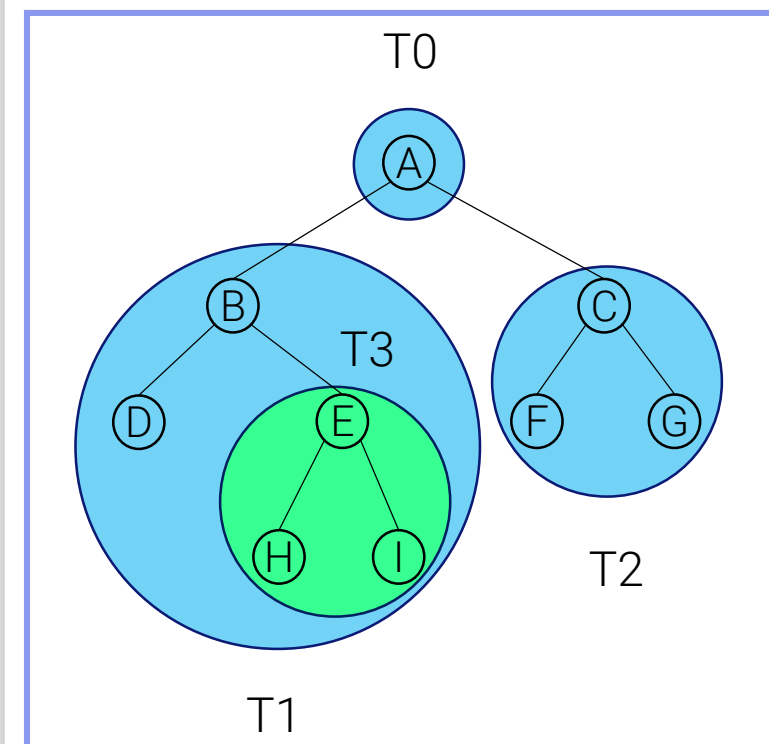
$T1 \rightarrow T2 \rightarrow T0$

Duyệt thăm  
các node  
của cây con phải

$D(T3) B \rightarrow F G C \rightarrow A$

Thăm node  
hiện tại

$D H I E A F G C A$





# CÂY NHỊ PHÂN – BINARY TREE

## DUYỆT CÂY

Mã giả cho các phương pháp duyệt cây

```
preorder_traverse(TREE T)
```

```
    if T is not null
```

```
        visit(T)
```

```
        preorder_traverse(T.left)
```

```
        preorder_traverse(T.right)
```

```
inorder_traverse(TREE T)
```

```
    if T is not null
```

```
        inoder_traverse(T.left)
```

```
        visit(T)
```

```
        inoder_traverse(T.right)
```

```
posorder_traverse(TREE T)
```

```
    if T is not null
```

```
        posoder_traverse(T.left)
```

```
        posoder_traverse(T.right)
```

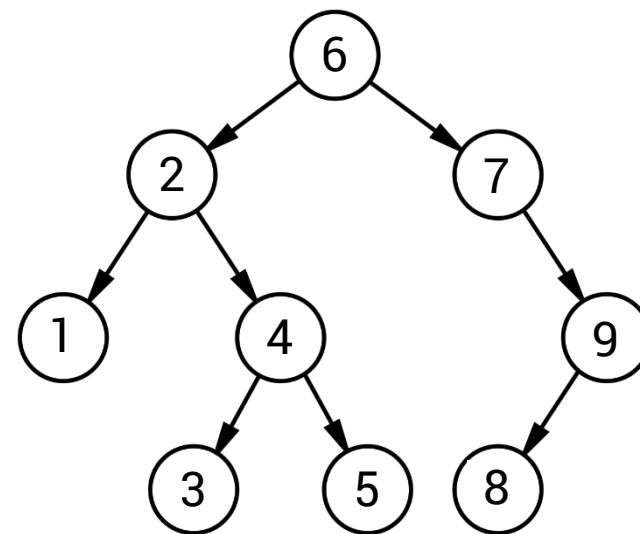
```
        visit(T)
```

# CÂY NHỊ PHÂN TÌM KIẾM



# CÂY NHỊ PHÂN TÌM KIẾM

- Cây con trái chứa những node có giá trị **nhỏ** hơn node hiện tại
- Cây con phải chứa những node có giá trị **lớn** hơn node hiện tại
- Cây con trái và cây con phải đều là cây nhị phân tìm kiếm



CÂY NHỊ PHÂN  
TÌM KIẾM LÀ GÌ?



# CÂY NHỊ PHÂN TÌM KIẾM – BST

## CÁC THAO TÁC



### TÌM KIẾM

Tìm kiếm một node ở trên cây



### THÊM

Thêm một node mới vào cây



### XÓA

Xóa một node của cây

# CÂY NHỊ PHÂN TÌM KIẾM – BST

## Thao tác tìm kiếm

1



Cây nhị phân:  $T$   
Giá trị tìm kiếm:  $x$

2



So sánh  $x$  với giá trị  
 $key$  tại **node gốc**

3



Nếu giá trị  $x < key$   
Thực hiện tìm kiếm  
trên **cây con trái**

4



Nếu giá trị  $x > key$   
Thực hiện tìm kiếm  
trên **cây con phải**

5



Nếu giá trị  $x == key$   
Tìm thấy  $x$  trên cây  $T$   
Kết thúc tìm kiếm

6



Thực hiện đệ quy  
thao tác tìm kiếm  
trên các cây con

7

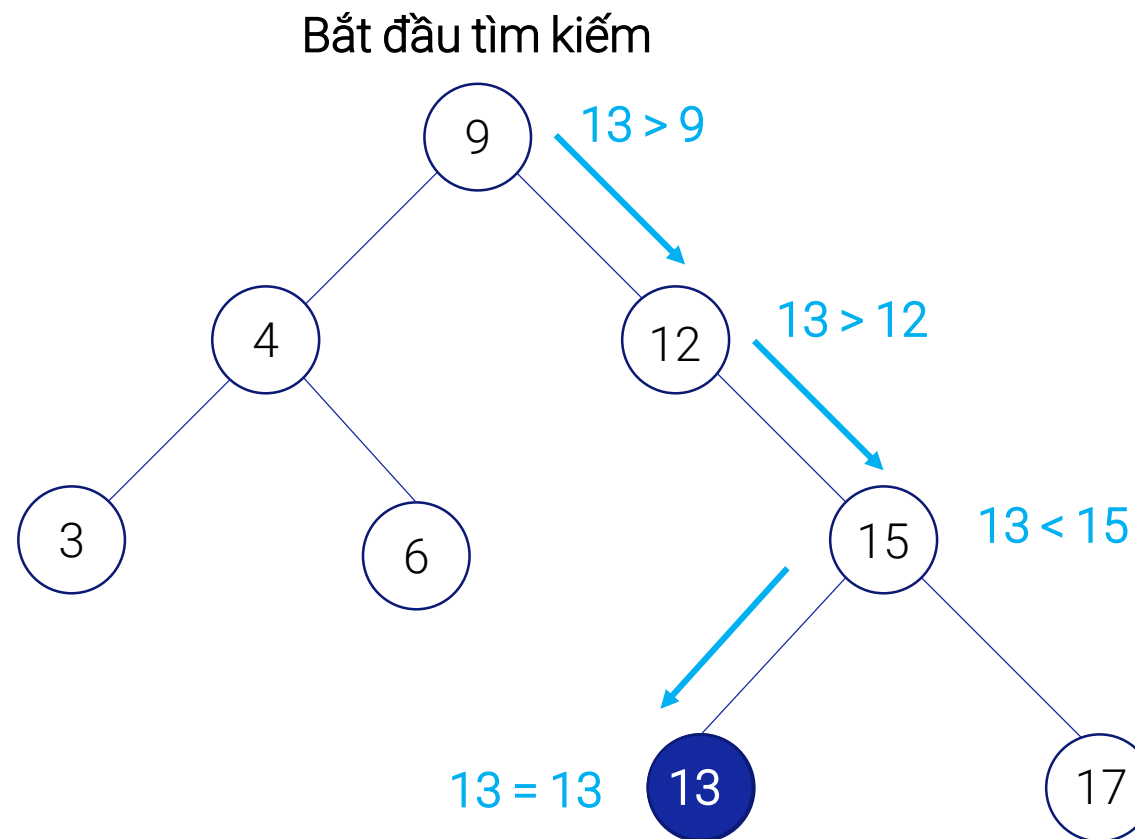


Không tìm thấy giá  
trị  $x$  nếu duyệt qua  
toàn bộ cây  $T$

# CÂY NHỊ PHÂN TÌM KIẾM – BST

Thao tác tìm kiếm

■ Tìm kiếm 13

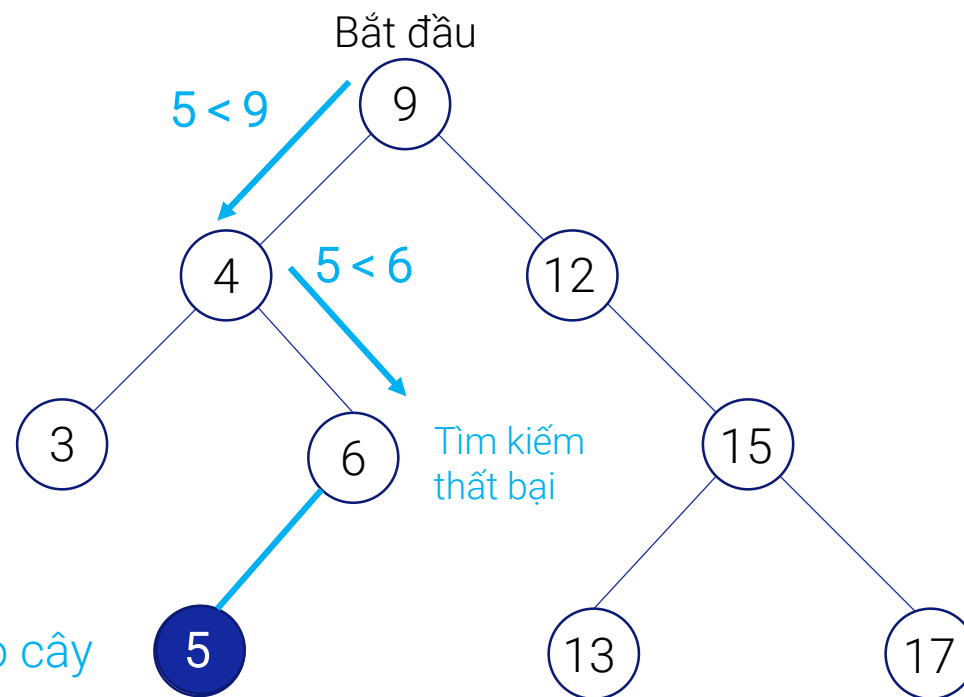




# CÂY NHỊ PHÂN TÌM KIẾM – BST



■ Thêm giá trị 5 vào cây



THÊM  
một node mới

# CÂY NHỊ PHÂN TÌM KIẾM – BST

THAO TÁC XÓA

BechMaster

Học là có việc

LÀM THẾ NÀO ĐỂ XÓA MỘT NODE TRÊN  
CÂY NHỊ PHÂN TÌM KIẾM?



# CÀI ĐẶT CÂY NHỊ PHÂN TÌM KIẾM



# CÂY NHỊ PHÂN TÌM KIẾM – BST

## CÀI ĐẶT



### ĐỊNH NGHĨA

```
static class NodeTree {  
    int value;  
    NodeTree left, right;  
  
    public NodeTree(int value) {  
        this.value = value;  
    }  
}
```



### TÌM KIẾM

```
private static boolean searchVal(int val) {  
    temp = root;  
    while (temp != null) {  
        if (temp.value == val) {  
            return true;  
        }  
        if (temp.value > val) {  
            temp = temp.left;  
        } else {  
            temp = temp.right;  
        }  
    }  
  
    return false;  
}
```

# CÂY NHỊ PHÂN TÌM KIẾM – BST



## THÊM NODE

```
private static void addNode(int val) {  
    if (root == null) {  
        root = new NodeTree(val);  
        size++;  
    } else {  
        temp = root;  
        while (temp.value != val) {  
            if (temp.value > val) {  
                if (temp.left == null) {  
                    temp.left = new NodeTree(val);  
                    size++;  
                    break;  
                }  
                temp = temp.left;  
            } else {  
                if (temp.right == null) {  
                    temp.right = new NodeTree(val);  
                    size++;  
                    break;  
                }  
                temp = temp.right;  
            }  
        }  
    }  
}
```



## XÓA NODE

```
private static NodeTree delete(NodeTree n, int val) {  
    if (n == null) {  
        return null;  
    }  
  
    if (n.value > val) {  
        n.left = delete(n.left, val);  
    } else if (n.value < val) {  
        n.right = delete(n.right, val);  
    } else {  
        isDeleted = true;  
        if (n.left == null) {  
            return n.right;  
        }  
        if (n.right == null) {  
            return n.left;  
        }  
        NodeTree maxL = n.left;  
        while (maxL.right != null) {  
            maxL = maxL.right;  
        }  
        n.value = maxL.value;  
        n.left = delete(n.left, n.value);  
    }  
  
    return n;  
}
```

# HỎI ĐÁP



**THANK YOU!**