BỘ GIÁO DỰC VÀ ĐÀO TẠO ĐỀ THI CHÍNH THỨC

KỲ THI CHỌN HỌC SINH GIỚI QUỐC GIA THPT NĂM 2018

Môn: TIN HỌC

Thời gian: 180 phút (không kể thời gian giao đề)

Ngày thi thứ nhất: 11/01/2018 (Đề thi có 05 trang, gồm 03 bài)

BẢN CHÍNH

TỔNG QUAN NGÀY THI THỨ NHẤT

	Tên bài	File chương trình	File dữ liệu vào	File kết quả
Bài 1	Robot	ROBOT.*	ROBOT.INP	ROBOT.OUT
Bài 2	Dòng xe vào bến	QUEUE.*	QUEUE.INP	QUEUE.OUT
Bài 3	Trò chơi khối hộp	BLGAME.*	BLGAME.INP	BLGAME.OUT

Dấu * được thay thế bởi PAS hoặc CPP của ngôn ngữ lập trình được sử dụng tương ứng là Pascal hoặc C++.

Hãy lập trình giải các bài toán sau:

Bài 1. Robot (7 điểm)

Chủ đề của cuộc thi ROBCON năm nay là "Tìm đường thoát mê cung". Tuấn vừa chế tạo được một robot để tham dự cuộc thi này. Tuấn rất thành thạo trong kỹ thuật chế tạo máy nhưng trong lập trình lại không được tốt như vậy. Do đó, Tuấn mới chỉ lập được một chương trình còn khá đơn giản để điều khiển robot của mình.

Robot di chuyển về phía trước với tốc độ 1 mét/giây cho đến khi gặp vật cản. Khi gặp vật cản robot sẽ liên tiếp thực hiện quay trái 90 độ cho đến khi trước mặt nó không có vật cản và lại tiếp tục di chuyển về phía trước. Thời gian để robot thực hiện đổi hướng chuyển động là cực nhanh, vì thế được coi là bằng 0. Robot không bao giờ tự dừng chuyển động.

Để thử nghiệm robot, Tuấn đã xây dựng một mê cung trên một mặt sàn thi đấu rất rộng lớn. Mặt sàn có dạng một lưới ô vuông kích thước 1×1 mét. Các cột của lưới được đánh số bởi các số nguyên từ -10^{10} đến 10^{10} , từ trái qua phải. Các dòng của lưới được đánh số bởi các số nguyên từ -10^{10} đến 10^{10} , từ trên xuống dưới. Ô nằm trên giao của cột x và dòng y được gán với tọa độ (x, y). Mê cung mà Tuấn xây dựng là một lưới con kích thước $N\times N$ với ô ở góc trái trên có tọa độ (1,1). Trong một số ô của mê cung có đặt vật cản, các ô còn lại là ô rỗng (ô không có vật cản).

Tuấn đặt robot của mình vào ô có tọa độ (x,y), mặt robot quay về phía trên của lưới và cho robot chuyển động. Biết rằng vị trí mà Tuấn đặt robot không có vật cản và có ít nhất một ô chung cạnh với ô đặt robot là ô rỗng. Tuấn muốn xác định vị trí của robot sau S giây.

Yêu cầu: Hãy giúp Tuấn giải quyết vấn đề đặt ra.

Dữ liệu: Vào từ file văn bản ROBOT.INP:

- Dòng đầu tiên chứa bốn số nguyên N, x, y, S được ghi cách nhau bởi dấu cách, $1 \le N \le 1000$, $-10^5 \le x$, $y \le 10^5$;
- N dòng tiếp theo mô tả mê cung, mỗi dòng gồm N ký hiệu được ghi liên tiếp nhau, mỗi ký hiệu được lấy từ tập {'#', '.'}, trong đó ký hiệu '#' cho biết ô tương ứng trong mê cung có vật cản, còn ký hiệu '.' cho biết ô tương ứng trong mê cung là ô rỗng.

Kết quả: Ghi ra file văn bản ROBOT.OUT hai số nguyên cách nhau bởi một dấu cách là tọa độ của ô mà robot đạt đến sau S giây.

Chú ý: Ô xuất phát và ô mà robot đạt đến sau S giây không nhất thiết phải nằm trong mê cung.

Ràng buộc:

- Có 50% số lượng test ứng với 50% số điểm của bài thỏa mãn điều kiện: $1 \le S \le 10^5$.
- 50% số lượng test còn lại ứng với 50% số điểm của bài thỏa mãn điều kiện: $1 \le S \le 10^9$.

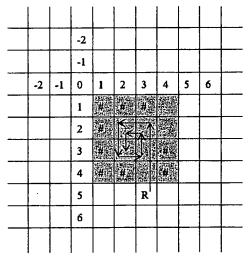
Ví dụ:

ROBOT. INP	ROBOT.OUT
4 3 5 9	2 3
###.	
#	
##	
## - #	

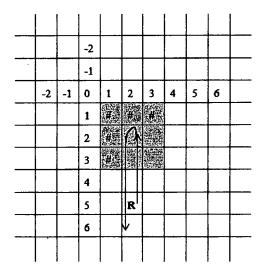
ROBOT.INP	ROBOT.OUT
3 2 5 7 ### #	2 6

Giải thích: Hình 1a) dưới đây minh họa cho ví dụ thứ nhất. Lưới con gồm các ô được tô nền xám là mê cung. Đường di chuyển của robot xuất phát từ ô (3,5) (ô có chữ R) qua các ô của sàn thi đấu được chỉ ra bởi các mũi tên. Trong ví dụ này ô xuất phát không thuộc mê cung. Sau 9 giây, robot đạt đến ô (2,3).

Tương tự, hình 1b) minh họa đường di chuyển của robot trong ví dụ thứ hai: Robot xuất phát từ ô (2,5), đạt đến ô (2,6) sau 7 giây.



Hình 1 a)



Hình 1b)

Bài 2. Dòng xe vào bến (7 điểm)

Bến xe khách liên tỉnh XYZ có M điểm đỗ đón xe khách cập bến để hành khách xuống xe. Các điểm đỗ được đánh số từ 1 đến M. Ban điều hành bến xe nhận được yêu cầu cập bến của một dòng xe gồm N xe khách chờ được phục vụ cập bến, lần lượt xe này sau xe kia. Các xe khách được đánh số từ 1 đến N theo thứ tự chờ được phục vụ. Xe khách thứ i chỉ chấp nhận cập bến, nếu như nó được xếp phục vụ tại một trong số các điểm đỗ có chỉ số trong khoảng từ a_i đến b_i $(1 \le a_i \le b_i \le M)$ và đồng thời tại điểm đỗ được bố trí để phục vụ nó chưa có xe nào trong số các xe (trong dòng xe đang xét) đến trước đã cập bến tại đó. Nếu có một xe khách đến lượt được phục vụ mà Ban điều hành không tìm được điểm đỗ theo đúng yêu cầu để phục vụ nó, thì xe này và tất cả các xe đến sau nó sẽ đồng loạt di chuyển sang bến xe khác và việc phục vụ dòng xe chấm dứt tại đây.

Yêu cầu: Hãy giúp Ban điều hành bến xe xác định số lượng lớn nhất các xe khách trong dòng xe mà bến xe khách XYZ có thể phục vụ đáp ứng các điều kiện đã nêu.

Dữ liệu: Vào từ file văn bản QUEUE.INP: Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương T ($T \le 5$) là số lượng test. Tiếp đến là T nhóm dòng, mỗi nhóm là thông tin về một test theo khuôn dạng sau đây:

- Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên M và N tương ứng là số lượng điểm đỗ trong bến xe và số lượng xe trong dòng xe yêu cầu được phục vụ;
- Đòng thứ i trong số N dòng tiếp theo mô tả yêu cầu của xe khách thứ i gồm hai số nguyên a_i
 và b_i (1 ≤ a_i ≤ b_i ≤ M) mô tả khoảng chỉ số của các điểm đỗ trong bến xe mà xe khách thứ i chấp nhận được phục vụ tại đó. Hai số trên cùng dòng được ghi cách nhau bởi dấu cách.

Kết quả: Ghi ra file văn bản QUEUE.OUT T dòng, mỗi dòng ghi số lượng xe khách lớn nhất trong dòng xe mà bến xe khách XYZ có thể phục vụ là câu trả lời cho test tương ứng trong dữ liệu vào.

Ràng buộc:

- Có 25% số test ứng với 25% số điểm của bài có: $1 \le N$, $M \le 10$;
- Có 25% số test khác ứng với 25% số điểm của bài có: $1 \le N$, $M \le 300$;
- Có 25% số test khác ứng với 25% số điểm của bài có: $1 \le N$, $M \le 50000$; $a_i = 1$, i = 1, 2, ..., N;
- 25% số test còn lại ứng với 25% số điểm của bài có: $1 \le N$, $M \le 50000$.

Ví dụ:

QUEUE . INP	QUEUE . OUT
1	2
4 3	
1 4	
1 1	
1 1	

QUEUE . INP	QUEUE . OUT
1	3
4 6	
1 2	
1 2	
1 3	
1 3	
2 4]
14 .	

Giải thích: Trong ví dụ thứ nhất, xe khách thứ nhất yêu cầu được cập bến ở một trong các điểm đỗ 1, 2, 3, 4, ta có thể xếp nó vào điểm đỗ số 4. Cả hai xe khách 2 và 3 đều yêu cầu được cập bến ở điểm đỗ số 1, do đó, không thể phục vụ được xe khách số 3 (đến sau).

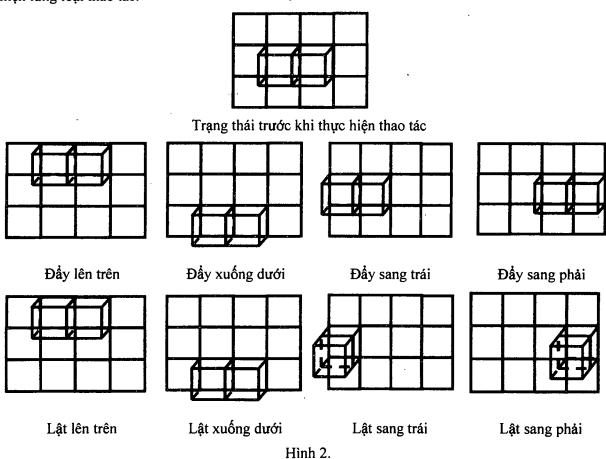
Trong ví dụ thứ hai, hai xe khách đầu tiên có thể xếp với điểm đỗ số 1 và 2 (xe 1 vào điểm đỗ số 1 và xe 2 vào điểm đỗ số 2, hoặc xe 1 vào điểm đỗ số 2 và xe 2 vào điểm đỗ số 1). Xe khách thứ ba phải xếp cập bến tại điểm đỗ số 3. Đến lượt xe khách thứ tư, ta không tìm được điểm đỗ nào đáp ứng yêu cầu của nó, vì thế bến xe XYZ chấm dứt phục vụ dòng xe tại đây, mặc dù nếu bỏ qua xe khách thứ tư, ta có thể xếp điểm đỗ cho xe khách số 5 (nhưng xe này và cả xe khách số 6 đã theo xe khách số 4 đi tìm bến xe khác).

Bài 3. Trò chơi khối hộp (6 điểm)

Trò chơi khối hộp là một trò chơi với một khối hộp chữ nhật kích thước $a \times b \times c$ đơn vị trên lưới hình chữ nhật H được chia thành $m \times n$ ô vuông đơn vị. Các hàng của lưới được đánh số từ 1 tới m từ trên xuống dưới và các cột của lưới được đánh số từ 1 tới n từ trái qua phải. Ô nằm trên giao của hàng i và cột j được gọi là ô (i,j). Ban đầu, khối hộp được đặt ở góc trái trên của lưới H, cụ thể mặt đáy khối hộp chiếm đúng $a \times b$ ô của lưới, là các ô nằm trong hình chữ nhật con của lưới H với ô ở góc trái trên là (1,1) và ô ở góc phải dưới là (a,b). Mỗi bước, người chơi có thể thực hiện một trong các loại thao tác sau:

- Đẩy khối hộp tịnh tiến lên trên, xuống dưới, sang trái hoặc sang phải một ô;
- Lật khối hộp lên trên, xuống dưới, sang trái hoặc sang phải một ô.

Ví dụ, các hình vẽ trong Hình 2 dưới đây mô tả vị trí của khối hộp kích thước 1×2×1 sau khi thực hiện từng loại thao tác.



Trang 4/5

Khi bắt đầu chơi, tất cả các ô mà khối hộp đè lên được bật sáng màu xanh và có k ô khác trên lưới được bật sáng màu đỏ, các ô còn lại ở trạng thái tắt. Một thao tác được gọi là hợp lệ, nếu sau khi thực hiện thao tác này, khối hộp vẫn nằm gọn trên lưới H và không đè lên ô sáng màu đỏ nào. Sau khi một thao tác được thực hiện, những ô bị khối hộp đè lên đang ở trạng thái tắt sẽ được bật sáng màu xanh, những ô đang sáng xanh vẫn giữ nguyên trạng thái bật sáng màu xanh. Nhiệm vụ của người chơi là tìm cách thực hiện dãy các thao tác hợp lệ để bật được nhiều ô sáng màu xanh nhất.

Yêu cầu: Cho kích thước khối hộp, kích thước của lưới H và vị trí của các ô sáng màu đỏ, hãy xác định số lượng nhiều nhất các ô được bật sáng màu xanh mà người chơi có thể đạt được.

Dữ liệu: Vào từ file văn bản BLGAME.INP:

- Dòng thứ nhất chứa sáu số nguyên dương a, b, c, m, n, k, các số được ghi cách nhau bởi dấu cách;
- Dòng thứ s trong số k dòng tiếp theo chứa hai số nguyên dương được ghi cách nhau bởi dấu cách x_s, y_s là tọa độ của một ô đã bật sáng màu đỏ (s = 1, 2, ..., k).

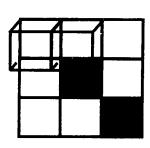
Kết quả: Ghi ra file văn bản BLGAME.OUT một số nguyên duy nhất là số lượng nhiều nhất các ô được bật sáng màu xanh mà người chơi có thể đạt được.

Ví dụ:

BLGAME.INP	BLGAME . OUT
1 2 1 3 3 2	7
2 2	•
3 3	

Giải thích:

Hình vẽ bên phải mô tả trạng thái bắt đầu trò chơi, trong đó hai ô tô đen là các ô sáng màu đỏ. Người chơi có thể thực hiện dãy thao tác: Lật sang phải, đẩy xuống dưới, đẩy lên trên, đẩy sang trái, đẩy sang trái, đẩy xuống dưới, cuối cùng đẩy sang phải để bật được 7 ô của lưới sáng màu xanh.



Ràng buộc:

- Có 25% số test ứng với 25% số điểm của bài có a = b = c = 1; $m, n \le 100$;
- Có 25% số test khác ứng với 25% số điểm của bài có a = b = c; $m, n \le 100$;
- Có 25% số test khác ứng với 25% số điểm của bài có $m, n \le 100$:
- 25% số test còn lại ứng với 25% số điểm của bài có $m, n \le 1000$.

- Thí sinh không được sử dụng tài liệu.
- Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.