

Môn: TIN HỌC

Thời gian: 180 phút (không kể thời gian giao đề)

Ngày thi thứ hai: 06/01/2017

(Đề thi có 05 trang, gồm 03 bài)



### TỔNG QUAN NGÀY THI THỨ HAI

	Tên bài	File chương trình	File dữ liệu vào	File kết quả
Bài 4	Tàu điện ngầm	METRO.*	METRO.INP	METRO.OUT
Bài 5	Xâu đối xứng	QPALIN.*	QPALIN.INP	QPALIN.OUT
Bài 6	Đường cao tốc	HIGHWAY.*	HIGHWAY.INP	HIGHWAY.OUT

Dấu \* được thay thế bởi PAS hoặc CPP của ngôn ngữ lập trình được sử dụng tương ứng là Pascal hoặc C++.

*Hãy lập trình giải các bài toán sau:*

#### Bài 4. Tàu điện ngầm (7 điểm)

Pira là một thành phố nổi tiếng với hệ thống tàu điện ngầm lâu đời và phức tạp. Thành phố có  $n$  ga tàu, được đánh số từ 1 đến  $n$  và  $m$  tuyến đường có số hiệu từ 1 đến  $m$ . Tuyến đường có số hiệu  $k$  được biểu diễn bởi cặp có thứ tự gồm hai chỉ số của hai nhà ga  $(u_k, v_k)$  cho biết tuyến đường này cho phép đi từ ga  $u_k$  đến ga  $v_k$ . Khi đó ta nói tuyến đường số hiệu  $k$  là đi khỏi ga  $u_k$  và đi đến ga  $v_k$ . Thời gian cần thiết để mỗi chuyến tàu đi theo tuyến đường số hiệu  $k$  từ ga  $u_k$  đến ga  $v_k$  là  $t_k$  đơn vị thời gian.

Mỗi ga có các bến tàu đến tương ứng với mỗi tuyến đường đi đến nó và các bến tàu đi tương ứng với mỗi tuyến đường đi khỏi nó. Khi xây dựng hệ thống này, lãnh đạo thành phố đã nhờ các nhà khoa học tính toán và sắp xếp các vị trí đặt các bến tàu đến và các bến tàu đi trong mỗi ga sao cho hành khách dễ dàng di chuyển và tính được thời gian di chuyển theo cách lựa chọn của mình. Các nhà khoa học đã sắp xếp vị trí các bến tàu đến và đi ở mỗi ga sao cho thời gian di chuyển từ bến tàu đến của tuyến đường số hiệu  $i$  đến bến tàu đi của tuyến đường số hiệu  $j$  được tính bởi hàm  $F(i, j) = i \times \delta + j$ , trong đó  $\delta$  là một thông số mà các nhà khoa học đưa vào để hàm  $F(i, j)$  có thể thay đổi linh hoạt tùy thời điểm. Nói một cách đơn giản, nếu trên đường di chuyển hành khách theo tuyến đường  $i$  đi đến một ga nào đó và theo tuyến đường  $j$  đi khỏi ga này thì sẽ mất  $F(i, j)$  đơn vị thời gian để thực hiện việc chuyển tuyến đường. Do đó ta gọi  $F(i, j)$  là hàm chi phí thời gian chuyển tuyến để chuyển từ tuyến đường  $i$  sang tuyến đường  $j$ .

Dựa vào thông tin về thời gian di chuyển trên các tuyến đường và hàm chi phí thời gian chuyển tuyến  $F(i, j)$ , hành khách có thể tính được thời gian di chuyển từ một ga đến bất kỳ ga nào còn lại trong hệ thống là bằng tổng thời gian di chuyển trên các tuyến đường giữa các ga và thời gian chuyển tuyến ở mỗi ga trung gian.

**Yêu cầu:** Cho biết vị trí hai ga  $u$  và  $v$  trong hệ thống, hãy tính thời gian ít nhất để di chuyển từ ga  $u$  đến ga  $v$ .

**Dữ liệu:** Vào từ file METRO.INP bao gồm:

- Dòng thứ nhất ghi các số nguyên dương  $n, m, u, v$  và số nguyên không âm  $\delta$ , trong đó  $\delta (\delta \leq 100)$  là thông số xác định hàm chi phí chuyển tuyến;
- Dòng thứ  $k$  trong số  $m$  dòng tiếp theo chứa ba số nguyên dương  $u_k, v_k$  và  $t_k$  mô tả thông tin về tuyến đường số hiệu  $k$  cho biết tuyến đường này cho phép di chuyển từ ga  $u_k$  đến ga  $v_k$  và  $t_k$  ( $t_k \leq 10^9$ ) là thời gian di chuyển qua nó,  $k = 1, 2, \dots, m$ .

Dữ liệu đảm bảo có không quá một tuyến đường đi từ ga  $p$  đến ga  $q$  với mọi  $p$  và  $q$  và không có tuyến đường nào nối một ga với chính nó. Các số trên cùng dòng được ghi cách nhau bởi dấu cách.

**Kết quả:** Ghi ra file văn bản METRO.OUT một số nguyên là thời gian di chuyển tìm được. Nếu không có cách di chuyển thì ghi ra -1.

**Ràng buộc:**

- Có 40% số lượng test thỏa mãn điều kiện:  $n \leq 10^3, m \leq 10^5, \delta = 0$ ;
- Có thêm 30% số lượng test thỏa mãn điều kiện:  $n \leq 10^5, m \leq 10^5, \delta = 0$ ;
- 30% số lượng test còn lại thỏa mãn điều kiện:  $n \leq 10000, m \leq 50000, \delta \geq 1$ .

**Ví dụ:**

METRO . INP	METRO . OUT	Hình vẽ minh họa
5 8 1 5 1 1 2 12 1 3 13 1 4 14 4 2 14 2 3 12 2 5 12 4 5 15 3 5 16	31	

**Giải thích:**

- Cặp số  $a(b)$  viết bên mỗi cung trên hình vẽ minh họa là thời gian di chuyển và số hiệu của tuyến đường.
- Hành khách đi từ ga 1 đến ga 2 mất 12 đơn vị thời gian, di chuyển từ bến tàu đến của tuyến đường số hiệu 1 đến bến tàu đi của tuyến đường số hiệu 6 ở ga 2 mất thời gian chuyển tuyến  $(1 \times 1 + 6) = 7$  đơn vị thời gian và di chuyển từ ga 2 đến ga 5 mất 12 đơn vị thời gian. Tổng cộng thời gian di chuyển là:  $12 + 7 + 12 = 31$ .
- Chú ý: Vẫn với ví dụ trên, nhưng thay  $\delta = 0$  thì cách đi với thời gian ít nhất từ ga 1 đến ga 5 là:  $12 + 6 + 12 = 30$ .

## Bài 5. Xâu đối xứng (7 điểm)

Một xâu ký tự được gọi là xâu đối xứng nếu đọc xâu đó từ trái qua phải cũng như đọc nó từ phải qua trái ta thu được cùng một xâu. Một xâu ký tự được gọi là xâu đối xứng cấp 0 nếu tồn tại một cách sắp xếp lại các ký tự của nó để thu được một xâu đối xứng.

Một xâu  $s = s_1s_2 \dots s_n$  gồm  $n$  ký tự (ta gọi  $n$  là độ dài của xâu  $s$ ) được gọi là xâu đối xứng cấp  $k$  nếu nó thỏa mãn các điều kiện sau:

- 1)  $s$  là xâu đối xứng cấp 0;
- 2) tồn tại  $k$  vị trí  $1 < i_1 < i_2 < \dots < i_k < n$ , sao cho xâu con gồm  $i_j$  ký tự đầu tiên của xâu  $s$  là xâu đối xứng cấp 0,  $j = 1, 2, \dots, k$ .

Dễ thấy, nếu một xâu là xâu đối xứng cấp  $k$  thì nó cũng là xâu đối xứng cấp  $m$  với  $0 \leq m < k$ .

Ví dụ, các xâu 'ada', 'abba' là các xâu đối xứng; xâu 'daa' là xâu đối xứng cấp 0; xâu 'abab' là xâu đối xứng cấp 1 (vị trí thỏa mãn định nghĩa là  $i_1 = 3$ ); xâu 'ababd' là xâu đối xứng cấp 2 (2 vị trí thỏa mãn định nghĩa là  $i_1 = 3$  và  $i_2 = 4$ ).

Ký hiệu  $S(n, k, \Omega)$  là dãy tất cả các xâu đối xứng cấp  $k$  độ dài  $n$  chỉ gồm các ký tự thuộc tập ký tự  $\Omega$  được liệt kê theo thứ tự từ điển, đánh số bắt đầu từ 1.

Ví dụ, với  $n=3$ ;  $k=1$ ;  $\Omega=\{'v', 'n'\}$ , dãy  $S(3, 1, \{'v', 'n'\})$  gồm 4 xâu được liệt kê theo thứ tự từ điển và đánh số thứ tự bắt đầu từ 1 sau đây:

1. 'nnn'
2. 'nnv'
3. 'vvn'
4. 'vvv'

**Yêu cầu:** Cho  $n, k, \Omega$  và số nguyên  $t$ , hãy đưa ra xâu thứ  $t$  trong dãy  $S(n, k, \Omega)$ .

**Dữ liệu:** Vào từ file văn bản QPALIN.INP có dạng:

- Dòng đầu chứa hai số nguyên không âm  $n, k$  ( $k \leq n-2$ );
- Dòng thứ hai chứa các ký tự của tập  $\Omega$  được ghi nhận bởi một xâu gồm không quá 5 chữ cái in thường lấy từ tập 26 chữ cái tiếng Anh từ 'a' đến 'z';
- Dòng thứ ba chứa số nguyên dương  $t$  ( $t$  không lớn hơn số lượng phần tử của  $S(n, k, \Omega)$ ).

Các số trên cùng dòng được ghi cách nhau bởi dấu cách.

**Kết quả:** Ghi ra file văn bản QPALIN.OUT xâu thứ  $t$  của dãy  $S(n, k, \Omega)$ .

**Ràng buộc:**

- Có 20% số lượng test thỏa mãn điều kiện:  $2 \leq n \leq 10$ ;  $\Omega = \{'a', 'b'\}$ ;
- Có 20% số lượng test khác thỏa mãn điều kiện:  $2 \leq n \leq 10$ ;  $k = 0$ ;
- Có 20% số lượng test khác thỏa mãn điều kiện:  $2 \leq n \leq 50$ ;  $k = 0$ ;  $\Omega = \{'a', 'b'\}$ ;
- Có 20% số lượng test khác thỏa mãn điều kiện:  $2 \leq n \leq 50$ ;  $k = 0$ ;
- 20% số lượng test còn lại thỏa mãn điều kiện:  $2 \leq n \leq 50$ .

Ví dụ:

QPALIN . INP	QPALIN . OUT
3 1 vn 2	nnv

## Bài 6. Đường cao tốc (6 điểm)

Có hai hệ thống đường cao tốc được điều hành bởi hai Công ty A và B. Mỗi hệ thống đường bao gồm các nút và các đoạn đường nối các nút. Trên mặt phẳng tọa độ, các nút được biểu diễn bởi các điểm, và mỗi đoạn đường được biểu diễn bởi một đoạn thẳng nối 2 điểm tương ứng với hai nút. Hai đoạn đường bất kỳ của hai hệ thống đường là không giao nhau ngoài ở nút đầu mút và mỗi hệ thống đường đều có tính liên thông, nghĩa là giữa hai nút bất kỳ luôn tìm được các đoạn đường liên tiếp nối chúng, và hơn nữa hai hệ thống đường là không giao nhau, tức là không tìm được nút nào thuộc cả hai hệ thống đường. Sau một thời gian hoạt động, hai công ty A và B quyết định hợp nhất thành công ty AB nhằm nâng cao hiệu quả khai thác hệ thống đường cao tốc của họ. Vấn đề đặt ra đối với Ban Giám đốc công ty AB là hợp nhất hai hệ thống đường bằng cách xây dựng một đoạn đường thẳng nối hai nút thỏa mãn các tính chất sau đây:

- Một nút thuộc hệ thống đường của Công ty A và một nút thuộc hệ thống đường của công ty B;
- Đoạn đường mới xây dựng không được có điểm chung với bất cứ đoạn đường nào của hai hệ thống đường của các công ty A và B ngoài ở hai đầu mút của đoạn đường mới này.

**Yêu cầu:** Giúp Ban Giám đốc công ty AB xác định đoạn đường cần xây dựng đáp ứng các yêu cầu đặt ra.

**Dữ liệu:** Vào từ file văn bản HIGHWAY.INP bao gồm:

- Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương  $T$  ( $T \leq 5$ ) là số lượng bộ dữ liệu.
- Tiếp đến là thông tin của  $T$  bộ dữ liệu. Mỗi bộ dữ liệu bao gồm hai nhóm dòng mô tả biểu diễn trên mặt phẳng của các hệ thống đường: nhóm thứ nhất mô tả hệ thống đường của công ty A, nhóm thứ hai mô tả hệ thống đường của công ty B. Mỗi nhóm dòng có khuôn dạng như sau:
  - Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương  $N$  ( $2 \leq N$ ) và  $M$ , trong đó  $N$  là số lượng nút còn  $M$  là số lượng đoạn đường trong hệ thống. Các nút được đánh số từ 1 đến  $N$ .
  - Dòng thứ  $i$  trong số  $N$  dòng tiếp theo chứa hai số nguyên  $x_i$  và  $y_i$  ( $-10^6 \leq x_i, y_i \leq 10^6$ ) là tọa độ của nút thứ  $i$ ,  $i = 1, 2, \dots, N$ .
  - Mỗi dòng trong số  $M$  dòng tiếp theo chứa hai số nguyên  $p$  và  $q$  ( $1 \leq p, q \leq N, p \neq q$ ) là các chỉ số của hai nút đầu mút của một đoạn đường.

Hai số liên tiếp trên cùng dòng được ghi cách nhau bởi ít nhất một dấu cách.

**Kết quả:** Ghi ra file văn bản HIGHWAY.OUT gồm  $T$  dòng tương ứng với kết quả của  $T$  bộ dữ liệu đầu vào, mỗi dòng ghi hai số nguyên  $a$  và  $b$  cách nhau bởi một dấu cách là hai đầu mút của đoạn đường tìm được, trong đó  $a$  là chỉ số của nút thuộc hệ thống đường của công ty A và  $b$  là chỉ số của nút thuộc hệ thống đường của công ty B (nếu không tìm được đoạn đường cần xây dựng đáp ứng các yêu cầu đặt ra thì ghi ra một số 0; trong trường hợp bài toán có nhiều lời giải, chỉ cần đưa ra một lời giải tùy ý).

**Ràng buộc:** Ký hiệu  $N_A$  ( $N_B$ ),  $M_A$  ( $M_B$ ) theo thứ tự là số lượng nút và số lượng đoạn đường trong hệ thống đường của công ty A (công ty B).

- Có 40% số lượng test thỏa mãn điều kiện:  $2 \leq N_A, M_A, N_B, M_B \leq 500$ ;
- Có thêm 30% số lượng test thỏa mãn điều kiện:  $2 \leq N_A, M_A, N_B, M_B \leq 5000$ ; tọa độ của các nút trong cả hai hệ thống đường có trị tuyệt đối không vượt quá  $10^4$ ;
- 30% số lượng test còn lại thỏa mãn điều kiện:  $2 \leq N_A, N_B \leq 200000$ ;  $1 \leq M_A, M_B \leq 700000$ .

**Ví dụ:**

HIGHWAY . INP	HIGHWAY . OUT	Hình vẽ minh họa
1 5 6 0 3 1 1 6 0 5 3 9 8 1 2 1 3 4 3 3 5 1 5 2 3 4 4 6 4 4 4 4 2 2 3 1 2 4 2 2 3 3 4	5 2	

Hết

- Thí sinh không được sử dụng tài liệu.
- Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.