

BÀI TẬP 1 - ĐỘ PHỨC TẠP TÍNH TOÁN CỦA THUẬT TOÁN

Bài 1:

Cho dãy A gồm n phần tử số nguyên: $A[1], A[2], \dots, A[n]$. Hãy viết các thuật toán sau (hàm/ chương trình con), từ đó xác định độ phức tạp tính toán của các thuật toán mà bạn đã viết:

1. Tìm giá trị lớn nhất của dãy A.
2. Đảo ngược dãy A này. Ví dụ: Nếu dãy $A=(5, 2, 4)$, thì sau khi đảo ngược ta có:
 $A=(4, 2, 5)$.

3. Kiểm tra dãy A có đối xứng hay không. Ví dụ: Dãy $A=(4,2,4)$ hoặc $A=(4,1,1,4)$ đều là các dãy đối xứng.

4. Đếm số các cặp nghịch đảo trong A. Biết rằng, một cặp nghịch đảo trong A là cặp $(A[i], A[j])$ sao cho $i < j$ và $A[i] > A[j]$. Ví dụ: Dãy $(5, 2, 4)$ có 2 cặp nghịch đảo là:
 $(5, 2)$ và $(5, 4)$.

5. Đếm các cặp trong A sao cho có tổng bằng một số nguyên x cho trước. Ví dụ: Cho dãy $A=(3, 1, 2, 4, 2)$ và $x = 5$; khi đó có 3 cặp trong A có tổng bằng x là:
 $(A[1], A[3]), (A[1], A[5])$ và $(A[2], A[4])$.

6. In ra dãy D gồm n phần tử số nguyên $D[1], D[2], \dots, D[n]$, với: $D[i]$ là số các phần tử ở bên phải của phần tử $A[i]$ thuộc dãy A và có giá trị nhỏ hơn hoặc bằng $A[i]$, với mọi i nguyên thuộc $[1, n]$. Ví dụ: Dãy $A=(20, 1, 2, 0, 15, 1)$ thì dãy $D=(5, 2, 2, 0, 1, 0)$.

Bài 2:

Xác định độ phức tạp thuật toán của hai thuật toán tính e^x như sau. Từ đó cho biết thuật toán nào là tối ưu hơn?

Thuật toán 1

```
float TT1(float x, int n)
{
    float S = 1;
    float p = 1;
    for (int i = 1; i <= n; i++){
        for (int j = 1; j <= i; j++){
            p = p*x/ j;
```

Thuật toán 2

```
float TT2(float x, int n)
{
    float S = 1;
    float p = 1;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        p = p*x/ i;
        S += p;
```

	S += p;	}
}		return S;
return S;		}
}		