Opgavebesvarelse, Basalkursus, uge 3

Opgave 1: Udskrivning af astma patienter (DGA s. 273)

I en randomiseret undersøgelse foretaget af Storr et. al. (Lancet, i, 1987) sammenlignes effekten af en enkelt dosis prednisolone med placebo for børn med akut astma.

Der var 73 børn i placebo gruppen og 67 i prednisolone gruppen.

Resultatassnittets første sætning lyder: "2 patients in the placebo group (3%, 95% confidence interval -1 to 6%) and 20 in the prednisolone group (30%, 19 to 41%) were discharged at first examination (P < 0.0001)"

Metodeafsnittet forklarer, at ovenstående P-værdi er udregnet ved hjælp af Fishers eksakte test.

1. Skriv 2×2 -tabellen op.

Der var 2 ud af 73 placebo-randomiserede der blev udskrevet, dvs. 71 der ikke blev, og tilsvarende var der 20 af de 67 behandlede, der blev udskrevet, og 47, der ikke blev.

To-gange-to tabellen ser derfor således ud:

	Gruppe			
Respons	Placebo	Prednisolone		
Udskrevet	2	20		
Hospitaliseret	71	47		
	73	67		

2. Udregn χ^2 -teststørrelsen for test af uafhægighed.

Først skal vi indlæse tabellen svarende til ovenstående. For at få den letteste fortolkning af de forskellige størrelser til sammenligning af de to grupper, er det smartest at **vende den om** i forhold til den ovenstående tabel, så hver behandling kommer til at svare til en række, medens responserne (udskrevet eller ej) bliver søjler. Dette opnås ved at skrive grupperne (treat) først og responstypen (udskrevet) sidst i tablesætningen. Samtidig udregner vi χ^2 -testet for uafhængighed (option chisq), samt de forventede værdier (option expected) i hver celle:

```
data astma;
input udskrevet$ treat$ antal;
datalines;
nej pred 47
nej plac 71
ja pred 20
ja plac 2
;;
run;

proc freq data = astma;
weight antal;
table treat * udskrevet / chisq nopercent expected;
run;
```

hvorved vi får outputtet

Table of treat by udskrevet

treat udskrevet

Statistics for Table of treat by udskrevet

Statistic	DF	Value	Prob
Chi-Square	1	19.3871	<.0001

Vi ser, at der er en stærkt signifikant forskel på de to behandlinger,

idet χ^2 -størrelsen er 19.39, med P < 0.0001.

3. Var det nødvendigt at anvende Fishers eksakte test?

Når man skal vurdere hvorvidt det er nødvendigt at bruge Fisher's eksakte test, skal man se om de forventede værdier nogen steder er mindre end 5. De forventede værdier fremgår af tabellen ovenfor, og det ses, at de alle er en del større end 5, så der intet til hinder for at bruge det sædvanlige χ^2 -test. (Det, der har forvirret forfatterne, er selvfølgelig, at et af de observerede tal er mindre end 5).

4. Kommenter de i resultatafsnittet angivne sikkerhedsintervaller.

Sikkerhedsintervallet for udskrivningssandsynligheden i placebo gruppen er lidt tosset, idet det er udregnet som estimatet plus minus 2 gange den spredning, der er baseret på en normalfordelingsapproksimation til Binomialfordelingen, uanset at de nedre grænser derved falder under 0. For placebo-gruppen kunne det være relevant at lave et eksakt konfidensinterval som ville blive (0.0033;0.0955), som ses i outputtet længere nede.

- 5. Udregn/estimer (med 95% sikkerhedsgrænser):
 - Forskellen i udskrivningssandsynligheder.

Vi ser af rækkeprocenterne i tabellen ovenfor, at de to udskrivningssandsynligheder er hhv. 2.7% og 29.9%, dvs. med en forskel på 27.1%.

Vi kan få SAS til at beregne et sikkerhedsinterval på denne differens ved at tilføje en option riskdiff i table-sætningen:

```
proc freq data = astma;
weight antal;
table treat * udskrevet / riskdiff;
run;
```

hvorved vi får (her kun medtaget halvdelen, svarende til "Column 1 Risk", da kolonne 1 angiver de udskrevne

Statistics for Table of treat by udskrevet

Column 1 Risk Estimates

	Risk	ASE	(Asympto	etic) 95%	(Exact	c) 95%
Row 1	0.0274	0.0191	0.0000	0.0648	0.0033	0.0955
Row 2	0.2985	0.0559	0.1889	0.4081	0.1928	0.4227
Total	0.1571	0.0308	0.0969	0.2174	0.1012	0.2282
Difference	-0.2711	0.0591	-0.3869	-0.1553		

Difference is (Row 1 - Row 2)

Sample Size = 140

Vi ser, at forskellen på ca. 27%, eller 0.27 har et konfidensinterval på (0.155, 0.387), altså en forskel på mellem 15.5% og 38,7%.

• Odds-ratio for udskrivning mellem prednisolon og placebo.

Vi kan få SAS til at beregne odds ratio med sikkerhedsinterval ved at tilføje option relrisk i table-sætningen:

```
proc freq data = astma;
weight antal;
table treat * udskrevet / relrisk;
run;
```

hvorved vi får

Statistics for Table of treat by udskrevet

Estimates of the Relative Risk (Row1/Row2)

Type of Study	Value	95% Confidence Limits
Case-Control (Odds Ratio)	0.0662	0.0148 0.2965
Cohort (Col1 Risk)	0.0918	0.0223 0.3779
Cohort (Col2 Risk)	1.3865	1.1804 1.6285

Sample Size = 140

Bemærk, at alle de ovenfor angivne størrelser til sammenligning af de to grupper refererer til (Row1/Row2), dvs. svarende til placebo vs. prednisolon, fordi det relaterer sig til den alfabetiske rækkefølge. For at svare på spørgsmålene nedenfor, skal alle størrelser derfor inverteres. Alternativt kunne man omdøbe navnene, f.eks. til 1:prednisolon og 2:placebo.

Odds-ratio for udskrivning mellem placebo og prednisolone er 0.0662 med et 95% konfidensinterval på (0.0148;0.2965). Den omvendte odds-ratio fås ved at tage den inverse, den bliver 15.1 (3.37;67.7).

• Relativ risiko for udskrivning mellem prednisolon og placebo.

Den relative risiko for udskrivning er $\frac{1}{0.0918}=10.9$ med et 95% CI på $(\frac{1}{0.3779},\frac{1}{0.0223})=(2.65;44.7)$.

• Relativ risiko for hospitalisering mellem prednisolon og placebo.

Den relative risiko for hospitalisering er 0.72 med med et 95% konfidensinterval på (0.61,0.85). De inverse af disse tal, 1.39 (1.18;1.63) — dvs. den relative risiko for hospitalisering mellem placebo- og prednisolol-grupperne, afviger betragteligt fra både odds-ratio og relativ risiko for udskrivning.

Bemærk at den relative risiko for hospitalisering har et konfidensinterval der er meget snævrere end intervallerne for OR og den relative risiko for udskrivning. Det skyldes i det væsentlige 2-tallet som for OR og RR for udskrivning er afgørende for nøjagtigheden af parameteren.

6. Formuler en konklusion i ord ud fra hver af de 3 typer udregninger.

Sammenfattende kan man sige.

- Andelen af patienter der profiterer fra prednisolone er 27%. Et 95% konfidensintervallet for denne andel er (16%; 39%4).
- Forholdet mellem antallet af patienter der udskrives hhv. hospitaliseres er 15 gange større i prednisolone-gruppen end i placebogruppen. Et konfidensinterval for dette forhold er fra 3 til 68 gange.

- Den relative risiko (chance) for at blive udskrevet for prednisolonebehandlede i forhold til placebo-behandlede er 11. Et 95% konfidensinterval for denne relative risiko er fra 2.6 til 45.
- Den relative risiko for at blive hospitaliseret for placebo-behandlede i forhold til prednisolone-behandlede er 1.4. Et 95% konfidensinterval for denne relative risiko er fra 1.2 til 1.6.
- Der er signifikant forskel på placebo- og prednisolone-behandling, $\chi^2 = 17$, p=0.0000.

Opgave 2: Postoperative komplikationer

En traditionelt anvendt operationsprocedure har en **kendt** risiko for postoperative komplikationer på 20%.

1. Hvad er sandsynligheden for at operere 10 konsekutive patienter med den traditionelle metode, uden at se nogen tilfælde af postoperative komplikationer?

Da komplikationssandsynligheden for den traditionelle metode vides at være p_0 =20%, må sandsynligheden for en komplikationsfri operation være 1-0.2=0.8. Da udfaldene af de enkelte operationer antages at være uafhængige af hinanden, må sandsynligheden for 10 konsekutive operationer uden komplikationer være

$$0.8^{10} = 0.107$$

altså 10.7%. Det sker altså jævnligt.

En ny metode er nu blevet foreslået, og den er netop blevet afprøvet på de første 10 patienter, uden at dette har givet anledning til nogen postoperative komplikationer. 2. Er der tilstrækkelig evidens for at den nye operationsteknik er bedre end den traditionelle?

I lyset af svaret på spørgsmål 1 ovenfor, må vi sige, at det ikke er særligt spektakulært at observere 10 konsekutive komplikationsfri operationer, og der kan derfor ikke være evidens for, at den nye metode er bedre end den gamle.

Faktisk vil de 10.7% netop være P-værdien for test af hypotesen

$$H_0: p_1 = p_0$$

hvor p_1 betegner den ukendte sandsynlighed for komplikationer med den nye metode, **vel at mærke, hvis vi tester ensidigt**, dvs. hvis vi på forhånd er sikre på, at den nye metode i hvert fald ikke kan være værre end den gamle. P-værdien er jo netop halesandsynligheden, dvs. sandsynligheden for at observere dette eller noget endnu mere ekstremt, hvis hypotesen er sand. Og der er jo ikke noget, der er endnu mere ekstremt, hvis vi kun ser på den ene hale.

Det er sædvanligvis ikke rimeligt at teste ensidigt, så derfor er det mere rimeligt at sige, at P-værdi er det dobbelte, altså 0.214, eller 21.4%. Vi kan se, at dette er tilfældet ved at udføre testet i SAS

```
data operation;
input udfald antal;
datalines;
0 10
1 0
;
run;
```

```
proc freq data=operation;
   tables udfald / binomial(p=0.8);
exact binomial;
weight antal;
run;
```

hvorved vi får

The FREQ Procedure

Sample Size = 10

udfald	Frequency			
0		100.00		100.00
Binomial	Proportion for	r udfald = 0		
Proporti	on (P)	1.0000	-)	
ASE		0.0000)	
95% Lowe	r Conf Limit	1.0000)	
95% Uppe	r Conf Limit	1.0000)	
Exact Co	nf Limits			
95% Lowe	r Conf Limit	0.691	5	
95% Uppe	r Conf Limit	1.0000)	
Test	of HO: Proport	ion = 0.8		
ASE unde	r HO	0.1269	5	
Z		1.581	1	
One-side	d Pr > Z	0.0569	9	
Two-side	d Pr > Z	0.1138	3	
Exact Te	st			
One-side	d Pr >= P	0.1074	1	
Two-side	d = 2 * One-si	ded 0.2147	7	

Vi ser nederst i dette output, at P-værdien for det eksakte test netop er 21.5%, og vi kan derfor ikke forkaste vores hypotese, og der er dermed ikke evidens for, at den nye metode er bedre end den gamle.

Vi benytter naturligvis det eksakte test til sådanne små datamaterialer, og vi kan også aflæse det eksakte sikkerhedsinterval til (0.69,1.00). Det tilsvarende approksimative sikkerhedsinterval, baseret på en approksimation af Binomialfordelingen til Normalfordelingen, ses at være (1.00,1.00), hvilket naturligvis er helt vanvittigt og skyldes, at standard

error her estimeres til 0.

3. Hvor mange patienter skal man operere uden postoperative komplikationer før man med rimelig sikkerhed kan sige, at den nye metode er bedre end den traditionelle?

Vi så ovenfor, at P-værdien for hypotesen om identitet af de to behandlingsmetoder kunne udregnes som

$$2 \times (1 - 0.2)^n$$

hvor vi med n betegner det antal personer, der observeres konsekutivt uden komplikationer. Hvis denne P-værdi er mindre end 0.05, vil vi forkaste vores hypotese. Vi skal således løse uligheden

$$2 \times (1 - 0.2)^n < 0.05$$

Dette kan gøres ved "trial and error" metoden, eller ved at tage logaritmer på begge sider af ulighedstegnet, hvorved vi får

$$\log(2) + n \times \log(0.8) < \log(0.05)$$

$$n > \frac{\log(0.05) - \log(2)}{\log(0.8)} = 16.53$$

Vi skal altså op på at observere mindst 17 konsekutive patienter uden at se en eneste komplikation, førend vi med noget, der ligner rimelig sikkerhed at kunne konkludere, at den nye metode er bedre end den gamle.

Bemærk i øvrigt, at vi i udregningen ovenfor skiftede ulighedstegn fra < til >, da vi dividerede med $\log(0.8)$. Det gjorde vi fordi $\log(0.8) = -0.22$, altså negativt.

Opgave 3: Børns sovevaner (DGA s. 274)

For 3469 børn på 14 år har man registreret antal timer tilbragt i sengen i løbet af et døgn (Macgregor & Balding, Ann. Hum. Biol., 15, 1988).

I nedenstående tabel ses data opdelt efter køn, idet tiderne er afrundet til nærmeste halve time.

Antal timer tilbragt i sengen

	≤ 7.0	7.5	8.0	8.5	9.0	9.5	10.0	> 10.0	Total
Drenge Piger							182 198	85 65	1670 1799
Total	180	217	427	673	795	647	380	150	3469

1. Hvilke metoder kunne anvendes til at sammenligne fordelingen for piger og drenge?

De to grupper (drenge hhv. piger) skal sammenlignes m.h.t. fordelingen af antal timer i sengen pr. døgn. Den naturlige sammenligning vil basere sig på den kumulative fordeling for hver af de to grupper, og vi benytter derfor option cumcol i tabel opsætningen nedenfor.

Men først skal vi indlæse data og opstille en tabel med relevante procenter. Samtidig laver vi lige et χ^2 -test for uafhængighed (mellem køn og timer i sengen, dvs. et test for om piger og drenge sover lige længe):

```
data sov;
input timer n sex $;
datalines;
7 88 D
7.5 109 D
8 210 D
8.5 324 D
9 359 D
9.5 313 D
10 182 D
10.5 85 D
7 92 P
7.5 108 P
8 217 P
8.5 349 P
9 436 P
9.5 334 P
```

```
10 198 P
10.5 65 P
;
run;
proc freq data = sov;
weight n;
table timer * sex / chisq cumcol nopercent norow;
run;
```

og vi finder hermed

The FREQ Procedure

Table of timer by sex

cimer sex

Frequency Col Pct		 		
Cumulative (Col%	D	P	Total
	7	88	-	+ 180
		5.27 5.27		 5.19
	7.5	 l 109	+ 108	+ 217
		6.53	6.00	 11.44
		+	+	+
	8		217 12.06	427
		24.37	23.18	23.75
	3.5	324	-	673
		19.40 43.77	19.40 1 42.58	 43.15
	9	 359	+ 436	+ 795
		21.50	24.24 66.81	 66.07
		+	+	+
`	9.5	18.74	18.57	647
		84.01 	85.38	84.72 +
	10		-	380
		10.90 94.91	11.01 96.39	 95.68
10	0.5		-	+ 150
		5.09	3.61	 100.00
Total		 1670	+ 1799	+ 3469

Statistics for Table of timer by sex

Statistic	DF	Value	Prob
Chi-Square	7	7.8305	0.3478

Hvis man sammenligner tallene i tabellen under cumulative col %, ser men at der ikke er megen forskel på søvnfordelingen mellem drenge og piger. Samme konklusion giver χ^2 -testet (P=0.35), ret overbevisende i betragtning af de meget store tal, det drejer sig om.

2. Er der nogen forskel på piger og drenge i denne henseende?

Det ser altså ikke sådan ud, men nu er χ^2 -testet jo ikke særligt stærkt, når det drejer sig om så store tabeller.

Man kunne få den tanke at anvende et **trend test**, da en af siderne i tabellen er en ordinal inddeling (tid i sengen). Det ville imidlertid svare til at vende årsagsammenhængen og undersøge om sandsynligheden for at være en dreng afhang af hvor lang tid man tilbragte i sengen. Sammenlignet med kejsersnitseksemplet fra forelæsningerne går inddelingen her den anden vej, hvilket gør anvendelsen af trend-testet meningsløst.

Alternativt kunne man lave et t-test, hvor man så må lade som om alle personer i samme celle i tabellen have samme værdi for antal timer i sengen. Det svarer blot til at at have timer som responsvariabel i en regressionsanalyse hvor man anvender sex som forklarende variabel.

```
proc ttest data = sov;
  class sex;
  freq n;
  var timer;
run;
```

hvorved vi finder resultatet

The TTEST Procedure Variable: timer Frequency: n N Std Dev Std Err Minimum sex Mean Maximum D 1670 8.8530 0.8838 0.0216 7.0000 10.5000 P 1799 8.8471 0.8506 0.0201 7.0000 10.5000 Diff (1-2) 0.00586 0.8668 0.0295 95% CL Mean Method Mean Std Dev sex 8.8106 D 8.8530 8.8954 0.8838 8.8471 8.8078 8.8865 0.8506 Diff (1-2) 0.00586 -0.0519 0.0636 0.8668 Pooled Diff (1-2) Satterthwaite 0.00586 -0.0520 0.0637 sex Method 95% CL Std Dev 0.8548 0.8237 0.8794 Diff (1-2) 0.8876 Pooled 0.8468 Diff (1-2) Satterthwaite Method Variances DF t Value Pr > |t|Pooled Equal 3467 0.20 0.8424 ${\tt Satterthwaite}$ Unequal 3423.6 0.20 0.8426 Equality of Variances Method Num DF Den DF F Value Pr > F Folded F 1669 1798 1.08 0.1112

Forskellen mellem det antal timer drenge og piger tilbringer i sengen er gennemsnitligt 0.00586 timer eller ca. 21 sekunder. Et konfidensinterval for dette middeltal er (-0.0520, 0.0637) timer, dvs. (-3.1, 3.8) minutter. Af testet ses at der ikke er nogen signifikant forskel på drenge og piger hvad angår den gennemsnitlige tid de tilbringer i sengen. Af tabellen ses desuden at der heller ikke er nogen reel forskel i fordelingen af den tid de to populationer tilbringer i sengen.