ĐỘ ĐO TRUNG TÂM MẠNG

Biên soạn: ThS. Nguyễn Thị Anh Thư

Email: thunta@uit.edu.vn

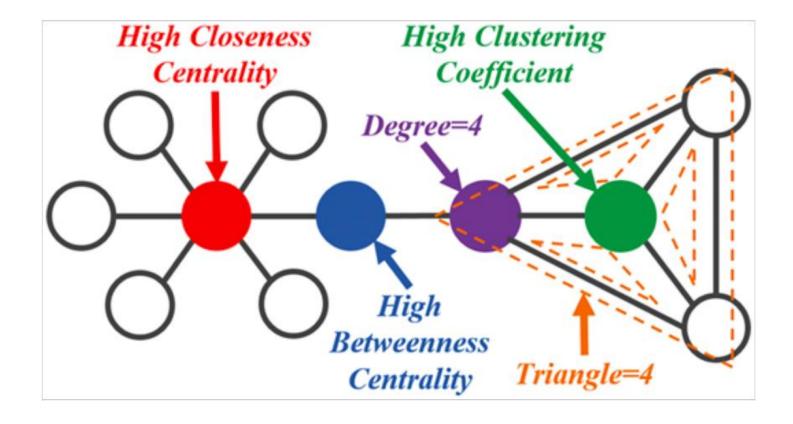


NỘI DUNG

- 1. Trung tâm mạng
- 2. Độ đo hình học
- 3. Độ đo dựa trên phổ đồ thị
- 4. Độ đo dựa trên đường đi

1. TRUNG TÂM MẠNG

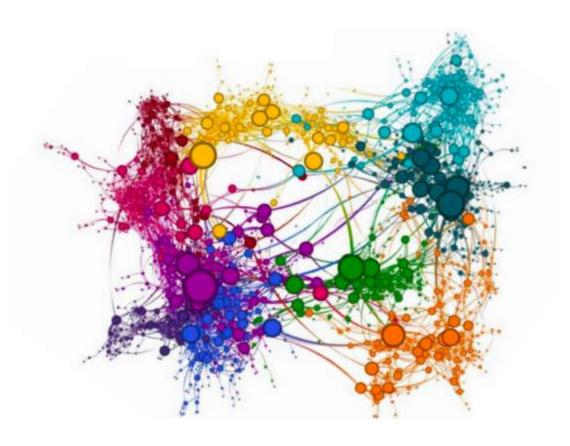
- Với một mạng xã hội, đỉnh nào quan trọng hơn hoặc có ảnh hưởng hơn?
- Các độ đo trung tâm mạng đã được đề xuất để giải thích tầm quan trọng của các đỉnh trong mạng.



1. TRUNG TÂM MẠNG

Tính trung tâm thường được sử dụng để phát hiện:

- Mức độ ảnh hưởng của một người trong mạng xã hội?
- Đường được sử dụng tốt như thế nào trong mạng lưới giao thông?
- Một trang web quan trọng như thế nào?



1. TRUNG TÂM MẠNG

Độ đo trung tâm mạng

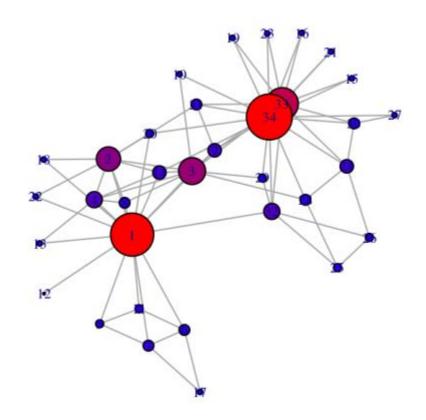
- Độ đo hình học
 - Tầm quan trọng là một hàm tính khoảng cách đến các đỉnh khác.
- •Độ đo dựa trên phố đồ thị
 - Dựa trên *cấu trúc eigen* của một số ma trận liên quan đến đồ thị.
- Độ đo dựa trên đường đi
 - Tính đến tất cả các đường đi vào một đỉnh.

2. ĐỘ ĐO HÌNH HỌC

(In-)Degree Centrality

Số lượng liên kết đến.

$$c_{deg}(x) = d_{in}(x)$$



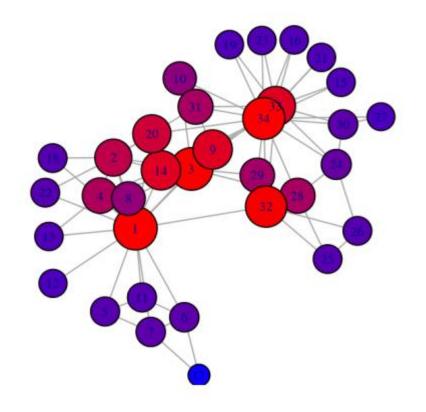
2. ĐỘ ĐO HÌNH HỌC

Closeness Centrality

Các đỉnh ở gần trung tâm hơn thì có khoảng cách nhỏ hơn và độ trung tâm cao hơn.

$$c_{clos}(x) = \frac{1}{\sum_{y} d(y, x)}$$

- Trong đó:
 - d(y,x): Độ dài đường đi ngắn nhất từ đỉnh y đến đỉnh x.



2. ĐỘ ĐO HÌNH HỌC

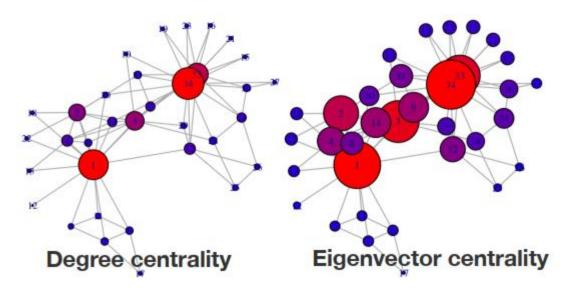
Harmonic Centrality

Thay khoảng cách trung bình bằng giá trị trung bình của mọi khoảng cách.

$$c_{har}(x) = \sum_{y \neq x} \frac{1}{d(y, x)}$$

- Đặc điểm:
 - Tương quan chặc chẽ với Closeness Centrality.
 - Có thể áp dụng cho các đồ thị không được kết nối mạnh.

- Tính toán dựa trên một số ma trận liên quan đến đồ thị.
- •Ý tưởng: Vị trí trung tâm của một đỉnh phụ thuộc vào vị trí trung tâm của các đỉnh liền kề.
 - Các đỉnh được kết nối với các đỉnh trung tâm có điểm trung tâm cao hơn các đỉnh được kết nối với các đỉnh không là trung tâm.
 - Eigenvector Centrality
 - Katz's Index
 - Page Rank
 - Hits

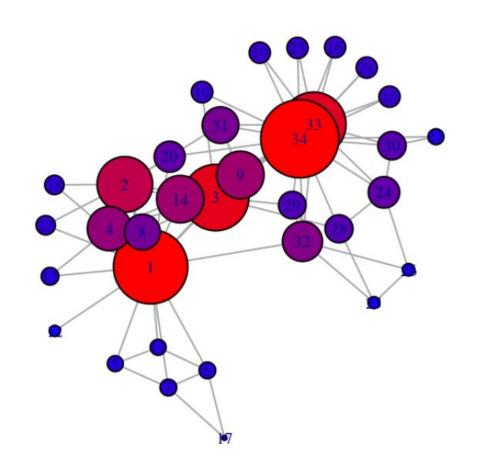


Eigenvector Centrality

- Đo lường mức độ ảnh hưởng của một đỉnh trong mạng.
- Ý tưởng: Mọi đỉnh đều bắt đầu với cùng một điểm và sau đó mỗi đỉnh sẽ cho điểm của nó cho người kế nhiệm.

$$c_{\text{eig}}(x) = \frac{1}{\lambda} \sum_{y \to x} c_{\text{eig}}(y)$$

Normalization constant = $||c_{eig}||_2$



Eigenvector Centrality

• Đo lường mức độ ảnh hưởng của một đỉnh trong mạng.

$$c_{\text{eig}}(x) = \frac{1}{\lambda} \sum_{y \to x} c_{\text{eig}}(y)$$

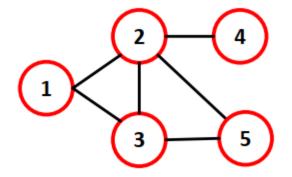
- Trong đó:
 - c_{eig} : hội tụ đến vector eigen của ma trận kề A.
 - λ : hội tụ đến giá trị đặc biệt của vector eigen của ma trận kề A.
 - $\lambda = \|c_{eig}\|_2 = \sqrt{\sum_{r=1}^n |c_r|^2}$ với c là vector có các thành phần c_1, c_1, \ldots, c_r .

Eigenvector Centrality

Power Iteration:

- Set $c^{(0)} \leftarrow 1, k \leftarrow 1$
- **1:** $c^{(k)} \leftarrow Ac^{(k-1)}$
- 2: $c^{(k)} = c^{(k)} / ||c^{(k)}||_2$
- 3: If $||c^{(k)} c^{(k-1)}|| > \varepsilon$:
- 4: $k \leftarrow k + 1$, goto 1

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{bmatrix} \qquad c = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$



$$c = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

Katz's Index

• Đo lường ảnh hưởng bằng cách tính đến tổng số đường đi giữa một cặp đỉnh.

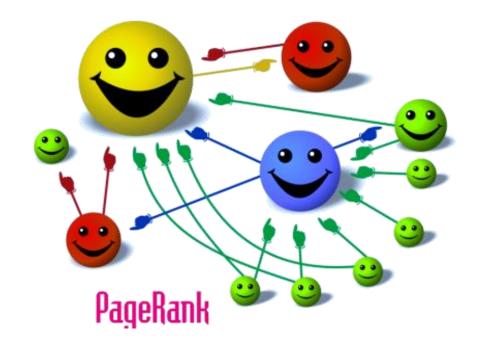
$$c_{\text{katz}}(x) = \beta \sum_{k=0}^{\infty} \sum_{x \to y} \alpha^k (A^k)_{xy}$$
Total number of walks of length k between x, y

- Trong đó:
 - α là một giá trị suy giảm trong phạm vi $\left(0, \frac{1}{\lambda}\right)$, với λ là giá trị lớn nhất của ma trận kề A.
 - β cho phép một đỉnh có nhiều đặc quyền hơn.
- Katz's Index phù hợp với đồ thị vòng có hướng.

Thuật toán Page Rank

- Được Sergey Brin, Lawrance Page và các cộng sự đưa ra vào năm 1998.
- Một trong những thuật toán được dùng cho bộ máy tìm kiếm Google.

Ý tưởng thuật toán:
"Nếu có liên kết từ trang A đến trang B thì độ quan trọng của trang A cũng ảnh hưởng đến độ quan trọng của trang B."



Thuật toán Page Rank

• Công thức tính toán giá trị PageRank P(i) của trang i:

$$P(i) = \sum_{j \in B(i)} \frac{P(j)}{O_j}$$

- Trong đó: B(i) là tập các trang có liên kết trỏ tới trang i.
 - O_i là số liên kết ra từ trang j (outbound link).

Mô hình duyệt ngẫu nhiên

- Vector Page Rank tỉ lệ với phân phối xác suất dừng của một quá trình ngẫu nhiên.
- Page Rank của một trang web chính là xác suất để 1 người ngẫu nhiên duyệt trang web đó.

Các thuật toán cải tiến Page Rank:

Topic sensitive PageRank (2002) Adaptive PageRank (2003)

Timed PageRank (2008)

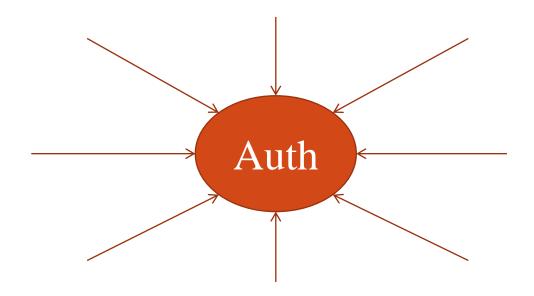
Thuật toán HITS

- HITS Hypertext Induced Topic Selection
- Jon M. Kleinberg đề xuất, 1998 1999.
- Không giống như Page Rank một thuật toán xếp hạng tĩnh, HITS phụ thuộc vào truy vấn tìm kiếm.
- Khi người sử dụng thực hiện một truy vấn tìm kiếm:
 - HITS đầu tiên mở rộng danh sách các trang có liên quan được trả về bởi một công cụ tìm kiếm.
 - Sau đó, tạo ra hai bảng xếp hạng của các thiết lập mở rộng của các trang, xếp hạng *authority* và *hub*.

Thuật toán HITS

Authority

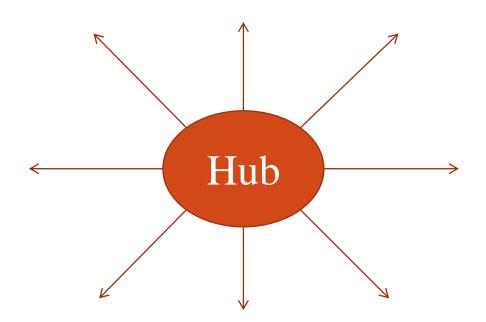
• Authority pages: là những trang được xem là phù hợp nhất đối với mỗi câu truy vấn cụ thể nào đó.



Thuật toán HITS

Hub

• **Hub pages**: là những trang không cần có đặc tính "authority" nhưng lại trỏ tới nhiều trang có đặc tính "authority".



Thuật toán HITS

Ý tưởng

- Trang có hub tốt là trang có nhiều liên kết ra.
- Trang có authority tốt là trang có nhiều liên kết tới.
- Trang trỏ tới trang có authority cao thì trọng số hub càng cao, trang nào được nhiều trang có hub cao trỏ tới thì trọng số authority càng cao.

So sánh Page Rank và HITS

Page Rank

Page Rank xếp hạng trang chỉ bởi các trang authority.

Page Rank được áp dụng cho toàn bộ trang web.

Là truy vấn độc lập.

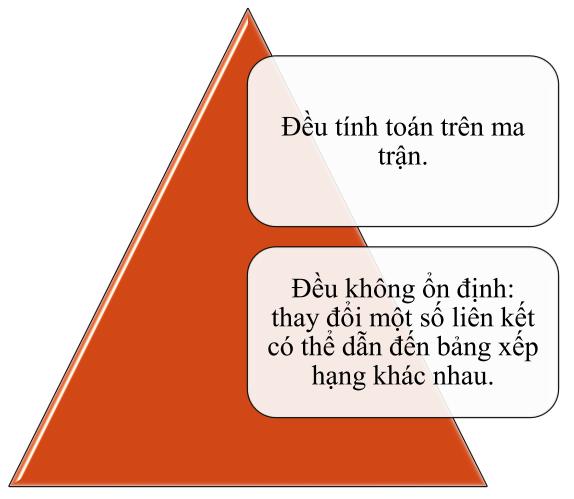
HITS

Nhấn mạnh tăng cường lẫn nhau giữa các trang authority và hub.

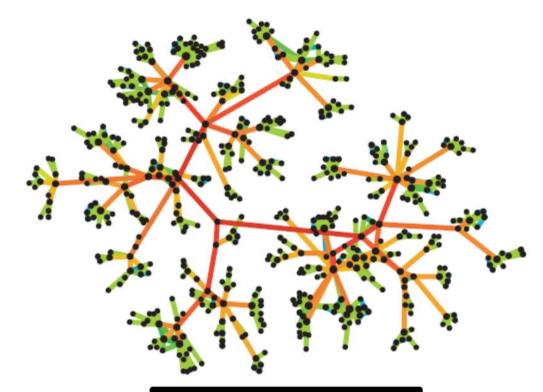
Được áp dụng cho các vùng lân cận của các trang xung quanh kết quả của một truy vấn.

Là truy vấn phụ thuộc

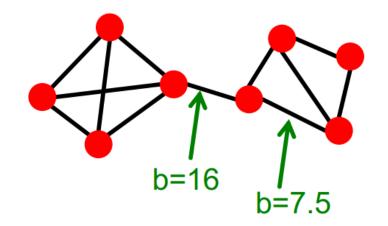
So sánh Page Rank và HITS



• Edge betweenness: Số đường đi ngắn nhất đi qua cạnh.

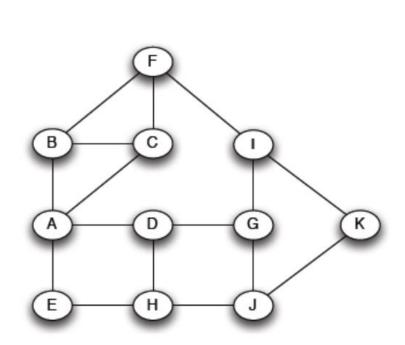


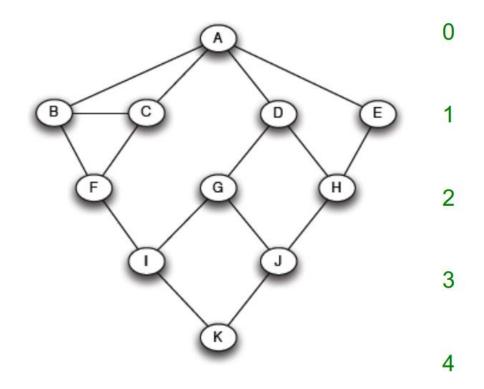
Edge betweenness in a real network



Làm thế nào để tính toán Betweenness?

• Muốn tính toán Betweenness từ đỉnh $A \rightarrow$ Breadth first search từ đỉnh A.





Làm thế nào để tính toán Betweenness?

- •Forward step: Đếm số đường đi ngắn nhất σ_{Ai} từ đỉnh A đến tất cả các đỉnh i trong mạng.
- •Backward step: Tính toán Betweenness nếu có nhiều đường đi ngắn nhất.
- Betweenness centrality của đỉnh x là xác suất một đường đi ngắn nhất đi qua x.

Betweenness centrality

- Đo xác suất để một đường đi ngắn nhất ngẫu nhiên đi qua một đỉnh nhất định.
- Có thể được tính toán từ trung tâm của các cạnh:

$$c_{\text{bet}}(x) = \sum_{y,z \neq x, \sigma_{yz} \neq 0} \frac{\sigma_{yz}(x)}{\sigma_{yz}}$$

- Trong đó:
 - σ_{vz} : Số đường đi ngắn nhất từ y đến z.
 - $\sigma_{vz}(x)$: Số đường đi ngắn nhất từ y đến z đi qua x.

Betweenness centrality

- Ví dụ 1: Tính **Betweenness** $(\sigma_{yz}(x))$.
 - Tại sao C và D có Betweenness là 1?
 - Chúng ta có đường đi ngắn nhất của (A,E) và (B,E) đều đi qua C và D. Vì thế, chúng phải chia Betweenness:

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$$

• Các em hãy tính Betweenness của các đỉnh còn lại (A, B, E).

