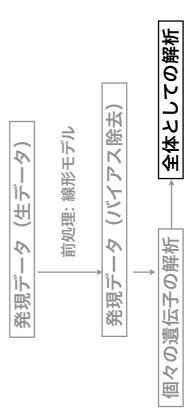
多変量解析 (特徴空間分割・次元圧縮)

北海道大学 農学研究院

佐藤昌直

解析の流れ



次元圧縮

有意差檢定

トチベーツョン:

多次元 (例: 多パラメーター) を より少ない指標を使って理解する

→

N個のサンプルをM個(M < N)の グループに分類する

→ 人間が新たな解釈を与える

下記のデータセットに含まれる数値を俯瞰してみましょう。 データの特徴を読み取れるでしょうか?

inputMatrix<- read.delim("-/data/MS/Sato_A_thaliana-P_syringae_arvRpt2_6h_expRatio_small.txt", header=TRUE, row.name=1)
head(inputMatrix) #読み込みデータの一部を表示image(t(inputMatrix)) #カラーコードによって可視化heatmap(as.matrix(inputMatrix)) #階層クラスタリングで解析し、簡易 = -

トランスクリプトームデータの ある一部について可視化してみる smpte Expression level Cene 7 Gene 5 Gene 7 Gene 7 Gene 7 Gene 7 Gene 7

高次元 (多パラメーター) データの

認識における問題をどう扱うか?

クラスタリングによる分類

多変量解析のポイント 数師有りか無しか (supervised or unsupervised)?

どのような距離行列を使うか?

コンピューターにどうデータを渡せば この問題をどう扱えるか?

二

遺伝子発現プロファイル間の パターンの比較

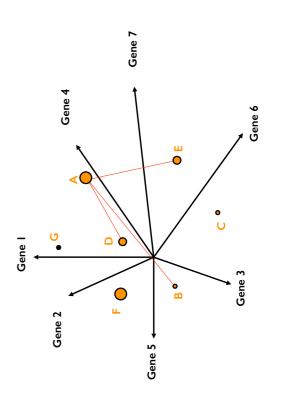
距離の基準を何にするか



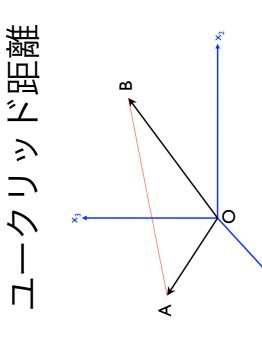
問題定義の変換(生物学の問題を数学の問題に置き換える)

コンピューター

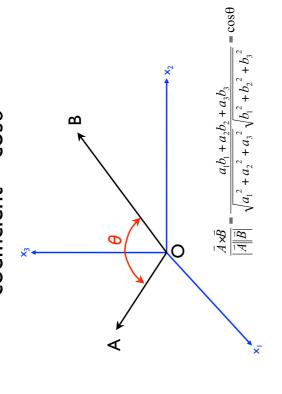
データの大きさに定義される | 次元の空間でのデータポイン トの分布の比較 7遺伝子の発現プロファイル間の類似性は 7次元空間での距離によって決まる



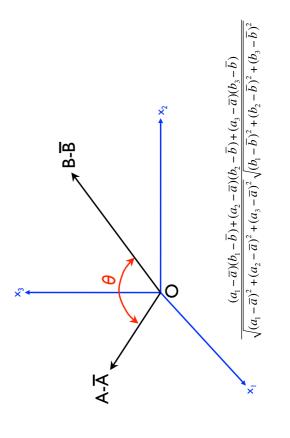
距離尺度



Uncentered Pearson correlation coefficient = $\cos \theta$

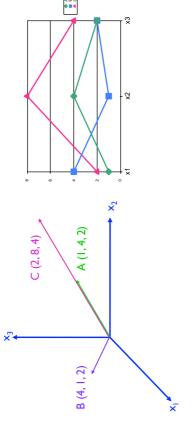


相関係数 Pearson correlation coefficient



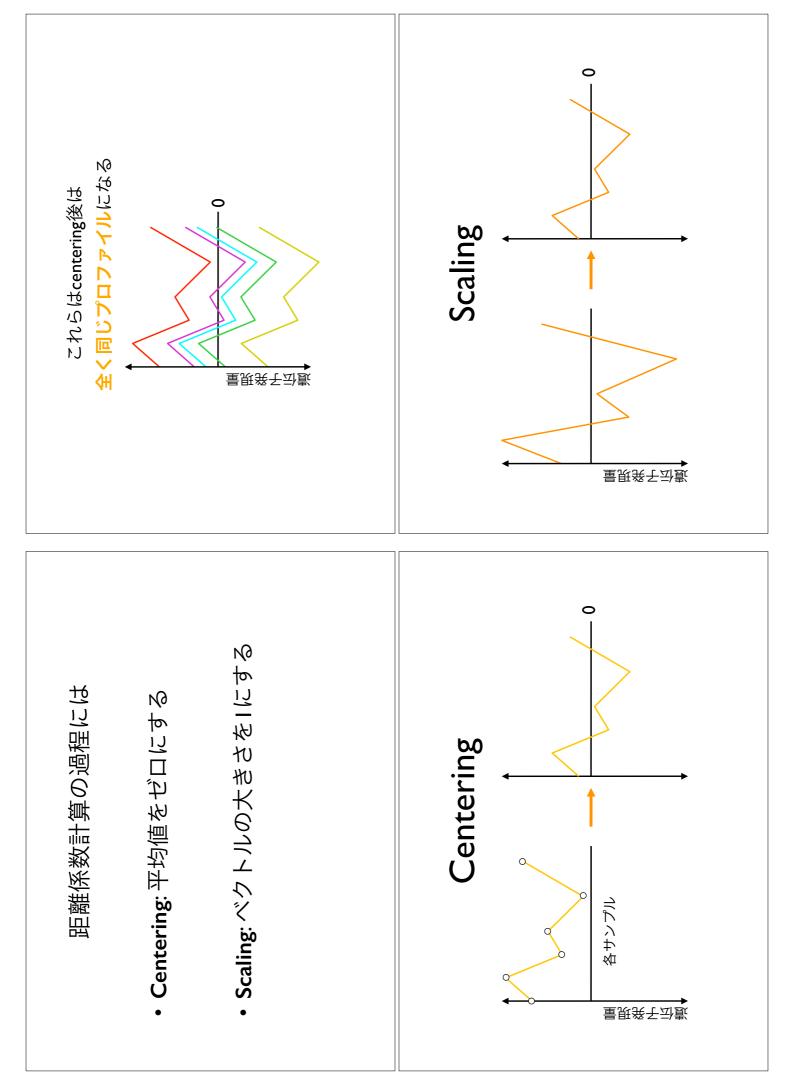
距離尺度の違い→解析対象の違い: 遺伝子発現プロファイルの形と大きさ

- ・形: ベクトルの方向
- ・大きむ:ベクトルのサイズ

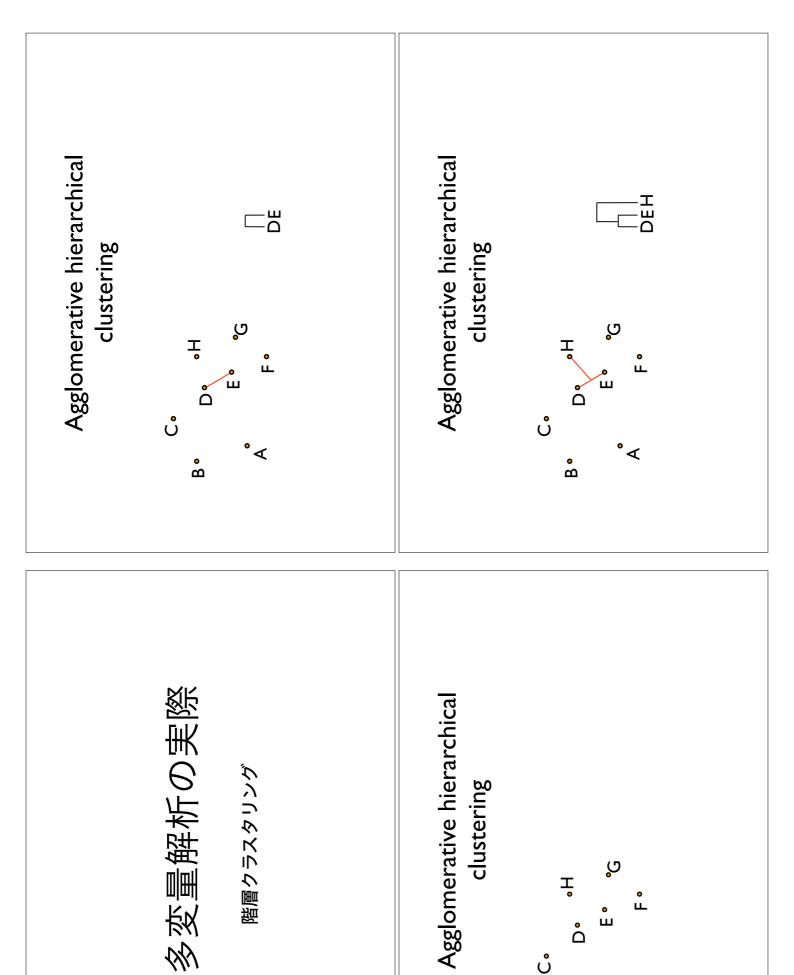


どの距離係数を使うか?

- どんなプロファイルを同じプロファイルを同じプロファイルと定義するか?
- ・距離係数計算の背後にあるものを意識して選択する。



ポイソト $\sqrt{(a_1 - \overline{a})^2 + (a_2 - \overline{a})^2 + (a_3 - \overline{a})^2} \sqrt{(b_1 - \overline{b})^2 + (b_2 - \overline{b})^2 + (b_3 - \overline{b})^2}$ $(a_1 - \overline{a})(b_1 - \overline{b}) + (a_2 - \overline{a})(b_2 - \overline{b}) + (a_3 - \overline{a})(b_3 - \overline{b})$ アルゴリズムに注目: 相関係数の場合 どのような特徴を認識したいのか 方法依存的に抽出される特徴: 多変量解析における注意点 B-B しているのか意識すること

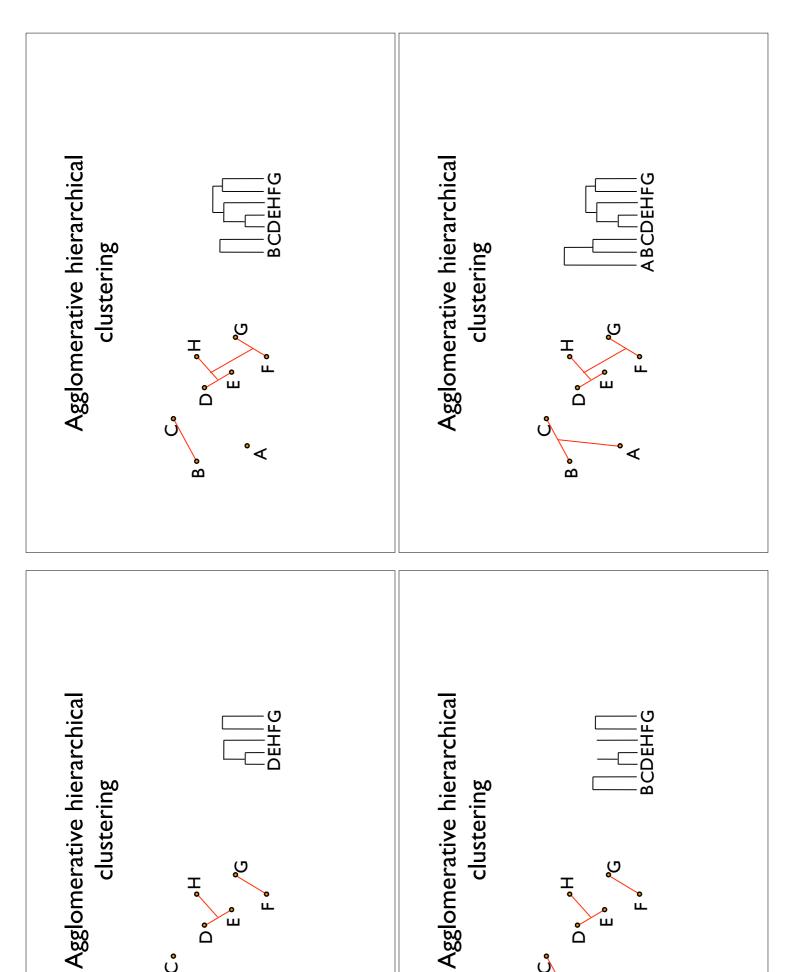


ធ

°∢

۵

å



clustering

Average linkage Average linkage Complete linkage

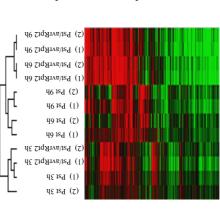
Single linkage

- •
- Closest data point

階層クラスタリングの欠点

- Bottom-up: 非常に「手順」依存性
- 一つの距離のみを指標とした クラスタリング

階層クラスタリングの利点



- クラスター化してより 少数のカテゴリーを示す
- ・人間が認識可能なパター ンを示す

「手順依存的」な方法の欠点を補うには?

- 偶然、観察されているクラスターを 推定する
 - → 同じ手順を繰り返す→ クロスバリデーツョン

クロスバリデーション

- あるクラスターは必然か偶然か?
- leave-one out validation:サンプルを一つ抜いてクラスタリングしてみる
- 少数の特定遺伝子がクラスタリングに影響 していないか?
- Bootstrap: 遺伝子サブセットでクラスリングを繰り返してみる

多変量解析(I)のまとめ

教師有りか無しか

(supervised or unsupervised)?

- ・事前情報、前提はあるか?
- •ある場合はk-means法などの利用を検討

どのような距離行列を使うか?

- プロファイルの大きさ
- プロファイルの角度 など

主成分分析

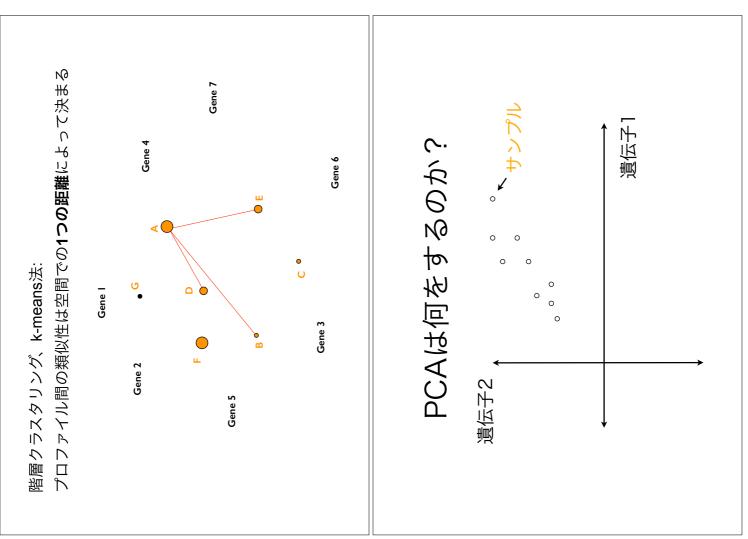
主成分分析とは?

トチバーツョン:

多数の遺伝子で構成される多次元データ (サンプル)の中で相関のある遺伝子群を 使って**新たな軸**を作り、データを見直す

→ 人間が新たな解釈を与える

遺伝子1 遺伝子1 PCAは何をするのか? PCAは何をするのか? 遺伝子2



PCAの概略(2次元)

1. 各サンプル (1..n) の観察値(x_n, y_n)を

$$u_n = a_1 x_n + b_1 y_n$$
$$v_n = a_2 x_n + b_2 y_n$$

ておく

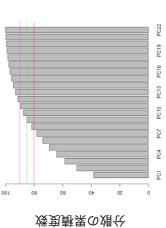
2. $a^2+b^2=1$, uとvの相関係数0という制約の下でこれを解いて a_n , b_n を求める。

PCAで得られる重要な統計量

- 寄与率
- 因子負荷量
- , 主成分得点

部 中 科

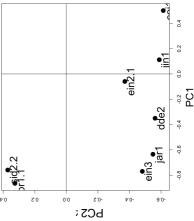
- 各主成分が説明する分散の割合



オホち即説で代放主各

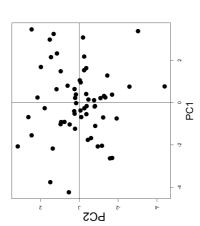
負荷量 loadings

- - 各パラメーターがも とのデータの情報を どれだけ有するか



主成分得点 scores

各パラメーター の値を各主成分 について標準化 したもの



標準化: 平均0, SD=1

主成分分析(まとめ)

- 主成分分析はデータの分散を説明する新たな軸を計算する方法
- 寄与率
- 因子負荷量
- 主成分得点

1.デフォルトのprincompでは 返り値loadingsは因子負荷量 ではない。 4 相関を使うか、分散共分散行列を使うか

多次元尺度構成法

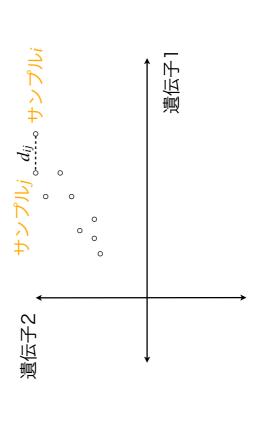
Multi-dimensional scaling(MDS), Principle coordinate analysis

多次元尺度構成法とは?

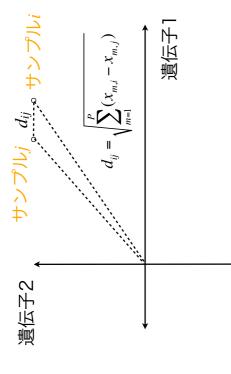
トチベーツョン:

多数の遺伝子で構成される多次元の中で 各サンプル間の違いを低次元で表現する 距離係数を元に次元圧縮するため、非線形の関係にも対応 (PCA: 分散を使う [線形]。計算手法によってはPCAと同義になる)

MDSは何をするのか?



サンプル間の距離をまず計算する



この定理はサンプルi,jに対し、どこを原

点(点k)としても成り立つ遺伝子2 $_{igta}$ サンプ $_{ightarrow bi}$ サンプ $_{ightarrow bi}$

点化 $d_{ij} = \sqrt{\sum_{m=1}^{P} (X_{m,i} - X_{m,j})}$

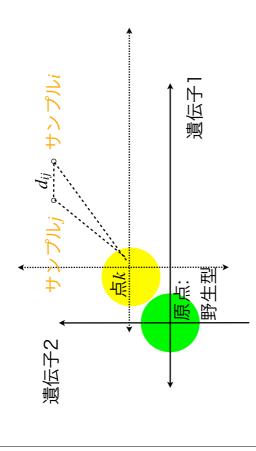
遺伝子1

この定理はサンプルi,jに対し、どこを原点(点k)としても成り立つ

 $d_{ij}^2 = d_{ik}^2 + d_{jk}^2 - 2d_{ik}d_{jk}\cos\theta$

この定理はサンプルi,jに対し、どこを原点 (点k) としても成り立つ

例:入力データが野生型・変異体プロファイルの比であったら?

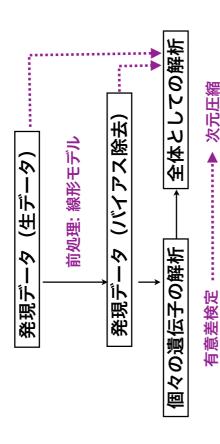


多変量解析(2)のまとめ

PCA/MDS

- データがもつ類似性を低次元で表現し、 評価・可視化する
- 重心の置き方に違い: 入力データをどのように前処理するか

多変量解析をもう一歩進めて: 入力データは何を使うか?



実験デザイン、多変量解析 多変量解析をもう一歩進めて: 研究の目的、

回

・線形モデル

•何を知りたいか

• 入力データ前処理

- 距離尺度
- 檢出力
- アルゴリズム

• 比較、因子 ・実施の制約 明確に

光七七 • 時間、 •予算

多变量解析 実験デザイン

確率分布

今回のトレーニングコースや

扱わなかった重要項目

- 回帰、相関
- 線形モデルにおける交互作用
- 非線形クラスタリング・次元圧縮
- ・self-organization mapなど

人間の解釈をアシストするデータ取得を心がける

多変量解析をもう一歩進めて:

多変量解析の枠組み

多次元 (例: 多パラメーター) を

より少ない指標を使って理解する

N個のサンプルをM個 (M < N)の

グループに分類する

→ 人間が新たな解釈を与える

指標サンプルは 含められるか? コントロール、