## Punti, Piani e Uso dei Raggi X nella Struttura Cristallina

## 1 Posizioni Atomiche nelle Celle Unitarie Cubiche

- Gli atomi nei cristalli sono organizzati secondo un sistema di coordinate cartesiane.
- In una cella unitaria cubica:
  - L'asse x esce dal foglio.
  - L'asse y punta verso destra.
  - L'asse z si dirige verso l'alto.
  - Le direzioni negative sono opposte a quelle positive.
- Le posizioni atomiche vengono definite in base alle distanze unitarie lungo questi assi.

### 2 Direzioni nelle Celle Unitarie Cubiche

- Le direzioni nei cristalli cubici sono rappresentate da **indici di direzione**, che sono i componenti di un vettore direzionale ridotti ai minimi numeri interi.
- Per determinare gli indici di direzione:
  - 1. Determinare le coordinate del punto di partenza e del punto di arrivo del vettore.
  - 2. Sottrarre le coordinate del punto di origine da quelle del punto di arrivo.
  - 3. Se necessario, moltiplicare per un numero intero per ottenere valori interi minimi.
  - 4. Scrivere gli indici tra parentesi quadre [hkl], aggiungendo una barra sopra gli indici negativi.

**Esempio:** Se un vettore parte da  $(\frac{3}{4},0,\frac{1}{4})$  e arriva a  $(\frac{1}{4},\frac{1}{2},\frac{1}{2})$ , sottraendo le coordinate si ottiene  $(-\frac{1}{2},\frac{1}{2},\frac{1}{4})$ . Moltiplicando per 4 per eliminare le frazioni, si ottiene  $[-2\ 2\ 1]$ .

### 3 Indici di Miller

- Gli indici di Miller identificano i piani atomici in un reticolo cristallino.
- Per determinare gli indici di Miller:
  - 1. Individuare le intercette del piano sugli assi  $x, y \in z$ .
  - 2. Calcolare i reciproci delle intercette.
  - 3. Moltiplicare per un numero intero per ottenere numeri interi minimi.
  - 4. Scrivere il risultato tra parentesi tonde (hkl), con una barra sopra gli indici negativi.

**Esempio:** Un piano con intercette  $1, \infty, \infty$  sugli assi x, y, z avrà indici di Miller (100).

# 4 Indici di Miller-Relazione importante (sistemi cubici)

La distanza interplanare tra piani paralleli vicini con gli stessi indici di Miller (hkl) in un cristallo con struttura cubica è data dalla formula:

$$d_{hkl} = \frac{a}{\sqrt{h^2 + k^2 + l^2}}$$

### 5 Densità Atomica

- Densità volumica: rapporto tra massa e volume della cella unitaria.
- **Densità atomica planare**: numero di atomi su un piano diviso per l'area del piano.
- Densità atomica lineare: numero di atomi lungo una direzione diviso per la lunghezza della direzione.

## 6 Diffrazione a Raggi X e Analisi della Struttura Cristallina

• La diffrazione a raggi X permette di determinare la struttura dei cristalli sfruttando il principio che i piani cristallini riflettono i raggi X.

• Perché si abbia interferenza costruttiva, la distanza extra percorsa deve essere un multiplo della lunghezza d'onda:

$$n\lambda = 2d_{hkl}\sin\theta\tag{1}$$

dove  $d_{hkl}$  è la distanza interplanare e  $\theta$  l'angolo di diffrazione.

### 7 Condizioni di Diffrazione per Celle Cubiche

- Struttura CCC (Cubo Centrato sul Corpo): la diffrazione avviene solo se la somma degli indici di Miller è pari.
- Struttura CFC (Cubo a Facce Centrate): la diffrazione avviene solo se gli indici di Miller sono tutti pari o tutti dispari.

## 8 Identificazione di un Metallo tramite la Diffrazione a Raggi X

- Si analizza un diffrattogramma con picchi a specifici angoli per determinare se un metallo ha struttura CCC o CFC.
- Si utilizza la formula:

$$\frac{\sin^2 \theta_A}{\sin^2 \theta_B} = \frac{h_A^2 + k_A^2 + l_A^2}{h_B^2 + k_B^2 + l_B^2} \tag{2}$$

Altre formule:

$$\sin^2 \theta = \frac{\lambda^2 (h^2 + k^2 + l^2)}{4a^2} \tag{3}$$

$$\lambda = \frac{2a\sin\theta}{\sqrt{h^2 + k^2 + l^2}}\tag{4}$$

• Se il rapporto è 0.5, il metallo ha struttura **CCC**; se è 0.75, ha struttura **CFC**.