

ບົດທີ 4

ການຫາຂໍ້ສະຫຼຸບພາຍໃຕ້
ຄວາມບໍ່ແນ່ນອນ

Inference Under Uncertainty

ບົດທີ 4

ຄວາມຄິດລວມຍອດ

ໃນໂລກຄວາມເປັນຈິງ ເຮົາສາມາດ ແບ່ງຄວາມຮູ້ເປັນ 2 ແບບ

- **Monotonic** ຄືຄວາມຮູ້ເຫຼົ່ານັ້ນເປັນຈິງສະເໝີ ເຊື່ອ ຖືໄດ້ ແລະ ບໍ່ປ່ຽນແປງ
- **Non-monotonic** (ບໍ່ແນ່ນອນ) ຄືຄວາມຮູ້ທີ່ເປັນຈິງ ໃນພາວະໃດໜຶ່ງ ແລະ/ຫຼື ເປັນຄວາມຮູ້ທີ່ອາດຈະເປັນ ຈິງ ເຊິ່ງຈະເຊື່ອຖືໄດ້ກໍຕໍ່ມື້ ມີວິທີບົ່ງບອກເຖິງ ຄວາມໜ້າເຊື່ອຖື

Knowledge Representation

Monotonic

- ຄວາມຈິງເປັນ 100 %
- ເຊື່ອຖືວ່າເປັນຈິງຕະຫຼອດເວລາ
- ຄວາມຮູ້ໃໝ່ບໍ່ຕ້ອງກວດສອບວ່າຂັດແຍ້ງກັບຄວາມຮູ້ເດີມ

ສະແດງໃນບົດຜ່ານມາ

- Predicate Logic
- Semantic Network
- Conceptual dependency
- Frames

Non-monotonic

ຄວາມຮູ້ທີ່ເປັນຈິງບາງຂະນະ

- ຄວາມຮູ້ອາດຂັດແຍ້ງກັນໄດ້ (ເກີດຈາກການສົມມຸດທີ່ບໍ່ຖືກຕ້ອງ)
- ອາດເປັນຈິງບາງຊ່ວງ
- ວິທີການສະແດງຄວາມຮູ້ ແລະ ການຫາເຫດຜົນ ບໍ່ຄືກັນກັບບົດຜ່ານມາ
- ເອີ້ນລະບົບການສະແດງຄວາມຮູ້ແບບນີ້ວ່າ **Non-monotonic**

ຄວາມຮູ້ທີ່ອາດຈະເປັນຈິງ



ສາເຫດທີ່ເຮັດໃຫ້ເກີດ Non-monotonic

1. Uncertain knowledge (ຄວາມຮູ້ທີ່ບໍ່ແນ່ນອນ) ເກີດຈາກການຄາດເດົາຢ່າງມີຫຼັກການ (Heuristic)
2. Uncertain data (ຂໍ້ມູນທີ່ບໍ່ແນ່ນອນ): ຂໍ້ມູນທີ່ນຳມາໃຊ້ອາດບໍ່ຖືກຕ້ອງແນ່ນອນ ກໍ່ເປັນໄດ້ເຊັ່ນ ຂໍ້ມູນເກີດຈາກການທົດລອງເຊິ່ງມີການຄາດເຄື່ອນໄດ້
3. Incomplete information (ຂ່າວສານທີ່ບໍ່ສົມບູນ) ເຮົາຮູ້ພຽງຂໍ້ມູນບາງສ່ວນ
4. Randomness (ການສຸ່ມ) ຂໍ້ມູນຫຼາຍເກີນໄປຈຶ່ງໃຊ້ການສຸ່ມເລືອກເອົາບາງສ່ວນ

sample

ຕົວຢ່າງຄວາມຮູ້ເຫຼົ່ານີ້ເປັນຄວາມຮູ້ທີ່ບໍ່ແນ່ນອນ

- “ມື້ນີ້ອາກາດຮ້ອນຫຼາຍ”, ບອກລະດັບຄວາມຮ້ອນໄດ້ແບບໃດ
- “ຄົນມີຜົມສີທອງມັກຈະມີຕາສີຟ້າ”

ຕາຕະລາງປຽບທຽບຄວາມຮູ້ແຕ່ລະຊະນິດ

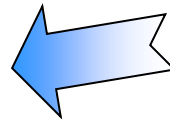
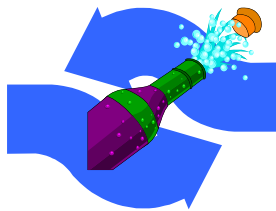
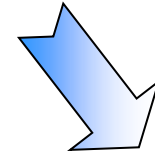
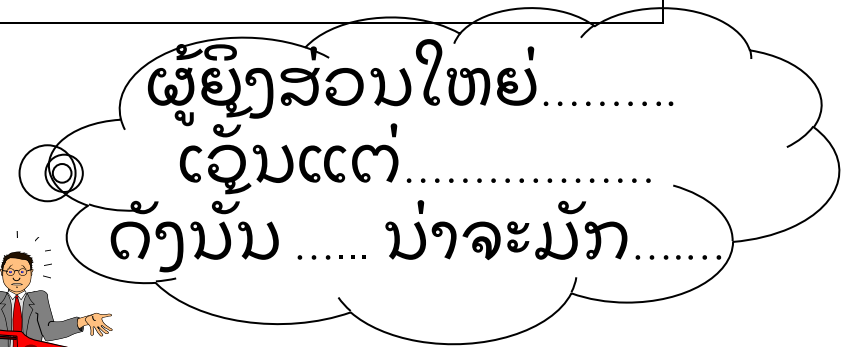
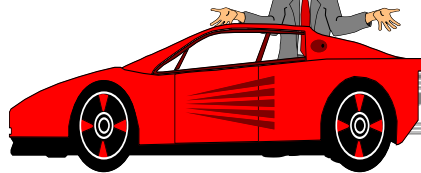
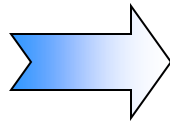
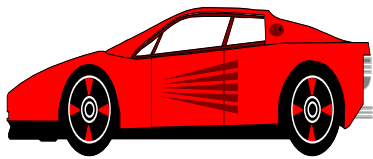
	Monotonic	Non-monotonic	
		ເປັນຈິງບາງຄັ້ງ	ອາດຈະເປັນຈິງ
• ຄວາມນ່າເຊື່ອຖື	ຈິງ 100 %	ຈິງ 100 %	ມີລະດັບຄວາມນ່າເຊື່ອຖື
• ຊ່ວງຄວາມເຊື່ອຖື			
	ເປັນຈິງຕະຫຼອດເວລາ	ເປັນຈິງບາງຊ່ວງເວລາ	ເປັນຈິງຕະຫຼອດເວລາ
• ການເພີ່ມຄວາມຮູ້ໃໝ່	ບໍ່ຕ້ອງການກວດ	ກວດແລະປັບປຸງຄວາມຮູ້	ບໍ່ຕ້ອງການກວດ
• ວິທີການສະແດງຄວາມຮູ້	Predicate, Frames, CD, SemanticNet	Truth Maintenance System (TMS)	Probabilistic Reasoning, Certainty Factor

Non-monotonic : ຄວາມຮູ້ເປັນຈິງຊົ່ວຂະນະ

- ໃຊ້ລະບົບ Truth Maintenance System (TMS)
 - ລະບົບນີ້ສະແດງຄວາມຮູ້ໄວ້ກ່ອນ
 - ລະບົບເຊື່ອຖືວ່າຄວາມຮູ້ນີ້ເປັນຈິງ ເມື່ອບໍ່ມີຂໍ້ຂັດແຍງ
 - ເມື່ອມີຄວາມຮູ້ໃໝ່ເຂົ້າມາ ຈະຕ້ອງກວດສອບວ່າມີຂໍ້ຂັດແຍງຫຼືບໍ່
 - ຖ້າບໍ່ມີຂໍ້ຂັດແຍງ ຖືວ່າຄວາມຮູ້ນັ້ນຖືກຕ້ອງ ເຊື່ອຖືໄດ້
 - ຖ້າຂັດແຍງກັບຄວາມຮູ້ເກົ່າ ຕ້ອງມີການປັບປຸງຄວາມຮູ້ໃຫ້ຖືກຕ້ອງ

Non-monotonic : ຄວາມຮູ້ທີ່ເປັນຈິງບາງຄັ້ງຄາວ

- ຕົວຢ່າງ: First Dinner



Non-monotonic : ຄວາມຮູ້ທີ່ອາດຈະເປັນຈິງ

- ຄວາມຮູ້ນັ້ນເປັນຄວາມຈິງທີ່ອາດຈະເປັນຈິງ
- ເຊື່ອຖືໄດ້ພຽງລະດັບຄວາມນ່າເຊື່ອຖື
- ສັງເກດ

ບໍ່ຖືກຕ້ອງ

For all P Symptom(P, Toothache) \Rightarrow Disease(P, Cavity)

ຖືກຕ້ອງຫຼາຍກວ່າ

For all P Symptom(P, Toothache) \Rightarrow
Disease(P, Cavity) \vee Disease(P, GumsDisease) \vee ...



ແລ້ວຈະຮູ້ໄດ້ແນວໃດວ່າຖ້າ

Symptom(P, Toothache) ຈະເປັນແຂ້ວແມງ ຫຼື
ໂລກເຫືອກ

Non-monotonic : ຄວາມຮູ້ອາດຈະເປັນຈິງ

ອາການເຈັບແຂ້ວບໍ່ໄດ້ເປັນ ແບບ 1:1 ກັບສາເຫດແຂ້ວແມງ ຈິງບໍ່
ສາມາດໃຊ້ການສະແດງຄວາມຮູ້ແບບທີ່ເຊື່ອວ່າເປັນຄວາມຈິງ
100%

ຈິງ ກຳນົດຄ່າຄວາມນ່າເຊື່ອຖື (Degree of belief) ລົງໄປໃນຄວາມຮູ້ນັ້ນ

• ເຮົາເຊື່ອວ່າມີໂອກາດ

- 80% ອາການເຈັບແຂ້ວເກີດຈາກແຂ້ວແມງ
- 15% ອາການເຈັບແຂ້ວເກີດຈາກໂລກເທືອກ
- 5% ອາການເຈັບແຂ້ວເກີດສາເຫດອື່ນ

ເຮົາຕ້ອງການທີ່ຈະຫາວິທີໃນການສະແດງແລະຫາຂໍ້ສະຫຼຸບຕາມຂໍ້ມູນທີ່ບໍ່
ແນ່ນອນ

Probabilistic Reasoning

Non-monotonic : ຄວາມຮູ້ອາດຈະເປັນຈິງ

Certainty Factor

ເອົາໄປໃຊ້ເຮັດຫຍັງ??? ຕົວຢ່າງ

•Expert System

- ນຳເອົາຄວາມຮູ້ຈາກຜູ້ຊ່ຽວຊານມາອະທິບາຍໄວ້
- ເພື່ອນຳເອົາຄວາມຮູ້ໄປໃຊ້ໃນສາຂານັ້ນໆ
- ຄວາມຮູ້ສ່ວນໃຫຍ່ຖືກອະທິບາຍດ້ວຍກົດຊຶ່ງແຕ່ລະກົດຈະມີຄວາມນຳເຊື່ອຖືຕ່າງກັນ
- ຕ້ອງມີວິທີການສະແດງຄວາມນຳເຊື່ອຖື



ຕົວຢ່າງ Expert System

*/*Forecast Application */*

Rule: 1 If today is rain

Then tomorrow is rain (prob = ?)

Rule: 2 If today is rain

and rainfall is low

and temperature is cold

Then tomorrow is dry (prob = ?)

Rule: 3 If today is dry

and temperature is warm

Then tomorrow is rain (prob = ?)

1. ການຫາເຫດຜົນໂດຍອາໄສຄວາມນ່າຈະເປັນ (Probabilistic Reasoning)



Unconditional Probability

ເຫດການດຽວບໍ່ມີເງື່ອນໄຂ



Conditional Probability

ເຫດການທີ່ເງື່ອນໄຂການເກີດ



Unconditional Probability

ເຫດການດຽວບໍ່ມີເງື່ອນໄຂ ຈະໃຊ້ສັນຍາລັກ $P(A)$

ອະທິບາຍເຫດການໄດ້ວ່າ ຄ່າຄວາມນ່າຈະເປັນຂອງເຫດການ_A

ຕົວຢ່າງ

$$P(\text{Cavity}) = 0.1$$

ໝາຍເຖິງ

ຖ້າບໍ່ມີຄວາມຮູ້ອື່ນ ເຮົາຈະເຂື່ອໄດ້ວ່າມີໂອກາດ 10 % ທີ່ຄົນເຈັບທົ່ວໄປຈະເປັນແຂ້ວແມງ

Unconditional Probability

ໃນທາງສະຖິຕິ ຖ້າມີເຫດການ X ມີຕົວປ່ຽນສຸ່ມ(Random Variables) ຫຼາຍຕົວ ແລ້ວຄ່າ Prob ລວມຈະເທົ່າ 1

ເຊັ່ນ

$P(\text{Weather} = \text{Sunny})$	=	0.7
$P(\text{Weather} = \text{Rain})$	=	0.2
$P(\text{Weather} = \text{Cloudy})$	=	0.08
$P(\text{Weather} = \text{Snow})$	=	0.02

ໃນຕົວຢ່າງນີ້ເຫດການ Weather ມີຕົວປ່ຽນສຸ່ມຄື Sunny, Rain, Cloudy, Snow

ໃນບາງເຫດການທີ່ອາດຄືມີຕົວປ່ຽນສຸ່ມ ເຊັ່ນ $P(\text{Cavity})$ ເຮົາສາມາດໃຫ້ມີຕົວປ່ຽນສຸ່ມ $\langle \text{True}, \text{False} \rangle$ ໄດ້

$P(\text{Cavity}) = 0.1$ ຫຼືເຫັນວ່າ $P(\text{Cavity} = \text{true}) = 0.1$

$P(\sim \text{Cavity}) = 1 - P(\text{Cavity}) = 0.9$ ຫຼືເຫັນວ່າ $P(\text{Cavity} = \text{false}) = 0.9$



Unconditional Probability

ການຫາຄວາມໜ້າຈະເປັນຂອງເຫດການໜຶ່ງເຫດການ
ການໂຍນຫຼ່ຽນ 1 ຫຼ່ຽນ

$$P(\text{Head}) = 0.5$$

$$P(\text{Tail}) = 0.5$$

ຕົວຢ່າງ

ການຫາຄວາມໜ້າຈະເປັນຂອງເຫດການສອງເຫດການທີ່
ບໍ່ມີຄວາມກ່ຽວຂ້ອງກັນ

A ໂຍນຫຼ່ຽນເທິງໂຕະ₁ => ເຫດການ E1

B ໂຍນຫຼ່ຽນເທິງໂຕະ₂ => ເຫດການ E2

$$P(E1 \text{ and } E2) = P(E1) * P(E2)$$

$$P(\text{Head} \wedge \text{Head}) = 0.5 * 0.5$$

ຕົວຢ່າງ

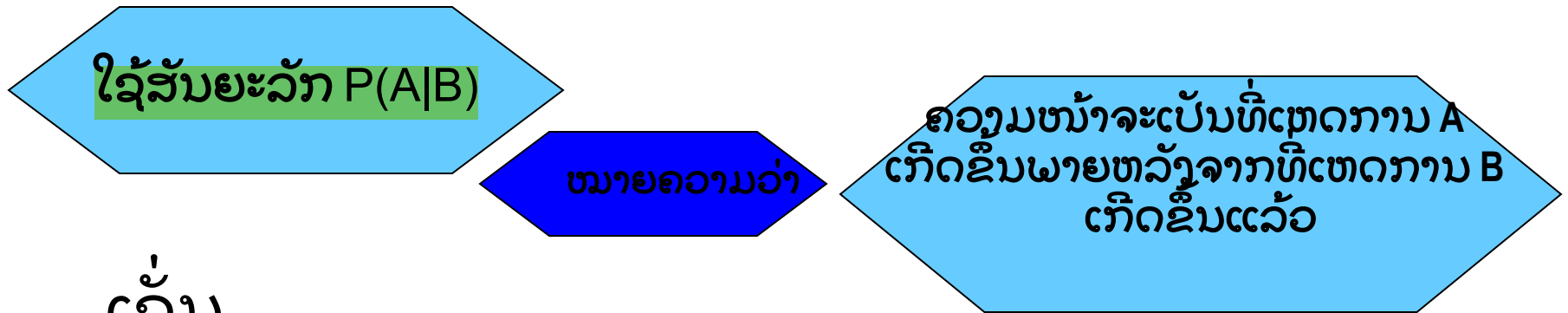
ການຫາຄວາມໜ້າຈະເປັນຂອງເຫດການສອງເຫດການທີ່ບໍ່ມີຄວາມກ່ຽວຂ້ອງກັນ

- ອີກຕົວຢ່າງໜຶ່ງ
 - E1: ເປີດໄຟຟ້າໜຶ່ງໂພດາຂອງການເປີດເທື່ອທຳອິດ $P(E1) = 1/52$
(ເອົາໄຟໃສ່ລົງໄປທີ່ເດີມ)
 - E2: ເປີດໄຟອີກເທື່ອໜຶ່ງເພື່ອຫາໄຟດອກຈັນ $P(E2) = 13/52$
- ຫາກຕ້ອງການຮູ້ວ່າໃນການເປີດໄຟສອງເທື່ອນີ້ຈະຟັບໜຶ່ງໂພດາແລະ ດອກຈັນ ຈະມີໂອກາດຄວາມໜ້າຈະເປັນເທົ່າໃດ
- $P(E1 \cap E2) = P(E1) * P(E2) = 1/52 * 13/52$



Conditional Probability

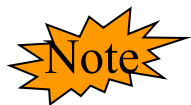
ເຫດການໜຶ່ງ ເກີດຂຶ້ນພາຍໃຕ້ເຫດການໜຶ່ງທີ່ເກີດຂຶ້ນແລ້ວ
ຊຶ່ງເຮັດໃຫ້ເຮົາບໍ່ສາມາດໃຊ້ Unconditional Probability ໄດ້



ເຊັ່ນ

$$P(\text{Cavity Toothache}) = 0.8$$

ໝາຍເຖິງ ມີຫຼັກຖານຢືນຢັນວ່າ ເມື່ອຄົນໄຂ້ເກີດມວດແຂ້ວແລະບໍ່ມີເຫດການເຮັດໃຫ້ເຊື້ອ
ເປັນຢ່າງອື່ນແລ້ວ ຄົນໄຂ້ໜ້າຈະເປັນແຂ້ວແມງເທົ່າກັບ 0.8



Note

$P(A, B)$ ຖືກໃຊ້ເມື່ອເຮົາຮູ້ວ່າມີເຫດການ B ເທົ່ານັ້ນ ຫາກເຮົາຮູ້ວ່າ C ເກີດຂຶ້ນແລະມີ
ຜົນຕໍ່ A ດ້ວຍເຮົາຕ້ອງຄິດໄລ່ໃໝ່ເປັນ $P(A, B, C)$ ແທນ



Conditional Probability

$$P(A|B) = \frac{\text{The number of times A and B can occur}}{\text{The number of times B can occur}}$$

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} \quad \text{သို့} \quad P(A \cap B) = P(A|B) * P(B) \quad (1)$$

လေ့

$$P(B|A) = \frac{P(B \cap A)}{P(A)} \quad \text{သို့} \quad P(B \cap A) = P(B|A) * P(A) \quad (2)$$

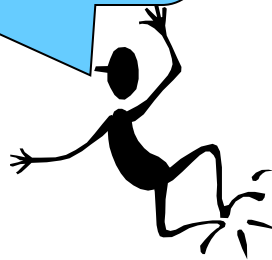
လေ့ $P(A \cap B) = P(B \cap A)$ သို့မှည့်လေ့ (2) နှင့် (1) နှစ်ခု

$$P(A|B) = \frac{P(B|A) * P(A)}{P(B)} \quad (3)$$

Known as **Bayesian's rule**

Bayesian's Rule

ເອົາໄປໃຊ້ເຮັດ-ຫຍັງ???????
ເພື່ອຫາຄວາມໜ້າເຊື່ອຖືຂອງຄວາມຮູ້



$$P(A|B) = \frac{P(B|A) * P(A)}{P(B)}$$

P (A B): ຄ່າຄວາມໜ້າຈະເປັນແບບມີເງື່ອນໄຂທີ່ ເຫດການ A ເກີດເມື່ອເຫດການ B ເກີດແລ້ວ

P (B A): ຄ່າຄວາມໜ້າຈະເປັນແບບມີເງື່ອນໄຂທີ່ ເຫດການ B ເກີດເມື່ອເຫດການ A ເກີດແລ້ວ

P (A): ຄ່າຄວາມໜ້າຈະເປັນຂອງເຫດການ A

P (B): ຄ່າຄວາມໜ້າຈະເປັນຂອງເຫດການ B

P (B) ຫາຍາກ ຈຶ່ງໃຊ້ວິທີການຫາໃໝ່ ໂດຍໃຊ້ Joint Probability



Bayesian's Rule

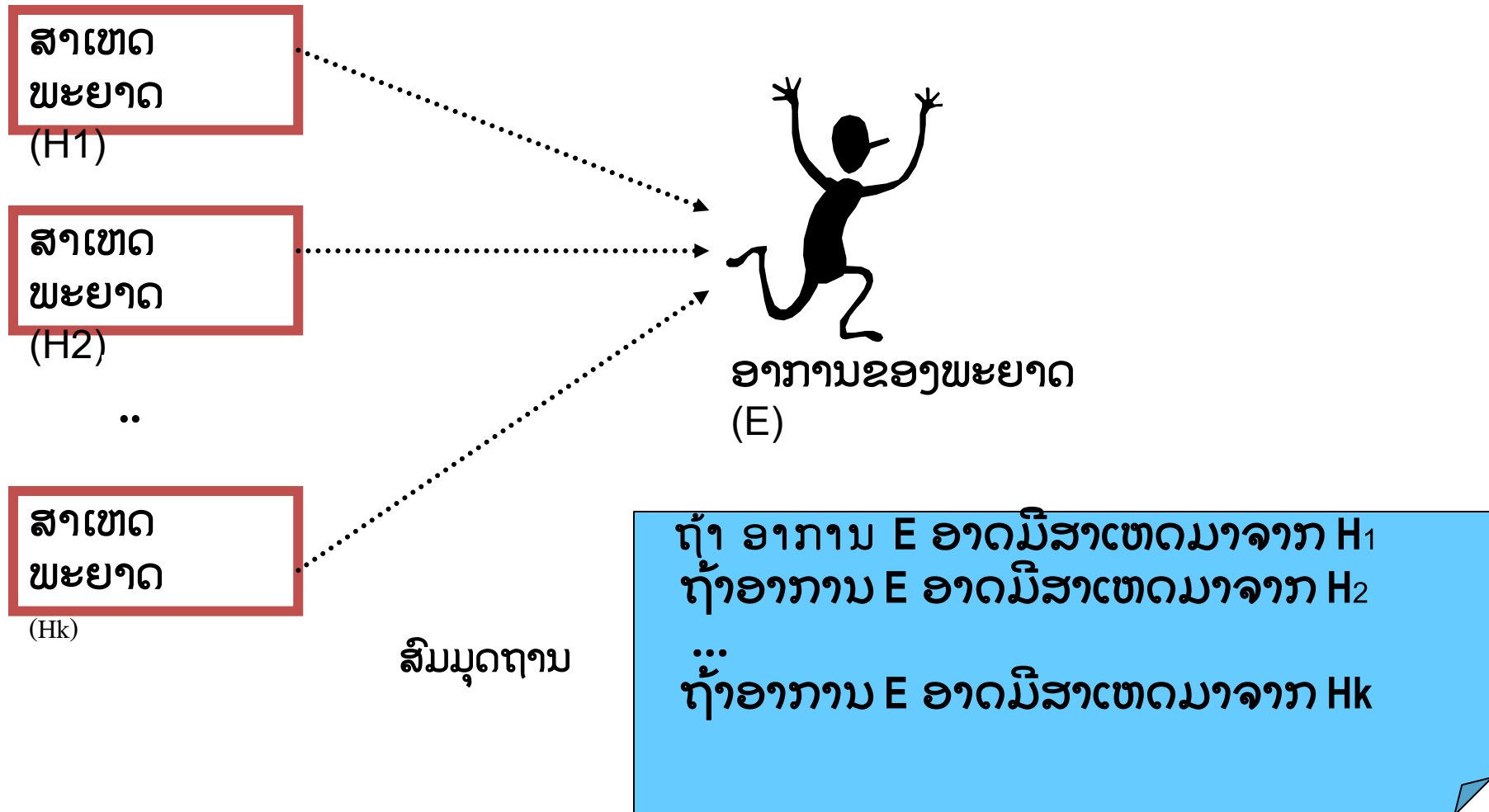
ຈາກທິດສະດີ Joint
Probability
ສາມາດຫາ P (B) ໄດ້ຈາກ
ດັ່ງນັ້ນ

$$\sum_{i=1}^n P(B | A_i) * P(A_i)$$

$$P(A|B) = \frac{P(B|A) * P(A)}{\sum_{i=1}^n P(B | A_i) * P(A_i)}$$

ຕົວຢ່າງລະບົບຜູ້ຊ່ຽວ-ຊານດ້ານການພິຈາລະນາພະຍາດ

ພາບສາເຫດການເກີດພະຍາດ



ສົມມຸດຖານໃດເປັນຈິງຫລາຍທີ່ສຸດ ຫາໄດ້ໂດຍ

$$P(H_i|E) = \frac{P(E|H_i) * P(H_i)}{P(E)} =$$

$$P(A|B) = \frac{P(B|A) * P(A)}{P(B)}$$

ກົດຂອງເບ້ຍ

H_i = ສົມມຸດ ຖານ ທີ່ ເຮົາ ເຊື່ອ (H_i ຢູ່ໃນໂດເມນທີ່ເຮົາສົນໃຈ)

$P(H_i|E)$ = ຄ່າຄວາມໜ້າຈະເປັນສົມມຸດຖານ H_i ຈະຖືກຕ້ອງພາຍໃຕ້ເຫດການ E

$P(H_i)$ = ຄວາມໜ້າຈະເປັນ ກ່ອນຫນ້າທີ່ສົມມຸດຖານ H_i ເກີດຂຶ້ນ ເມື່ອບໍ່ຢູ່ພາຍໃຕ້ເຫດການ

$P(E|H_i)$ = ຄ່າຄວາມໜ້າຈະເປັນທີ່ເຮົາສັງເກດເຫດການ E ໂດຍກຳນົດສົມມຸດຖານ H_i ຖືກຕ້ອງ

$P(E)$ = ຄ່າຄວາມໜ້າຈະເປັນທີ່ຈະເກີດອາການ E

K = ຈຳນວນກໍລະນີທີ່ເປັນໄປໄດ້ສົມມຸດຕິຖານທີ່ເຮົາສົນໃຈ

ຫາຄ່າພວກນີ້ໄດ້ຢ່າງໃດ?

ນຳ ຄົນ 100 ຄົນທີ່ເປັນ H_i ມາເບິ່ງວ່າ
ເປັນ E ຈັກຄົນ
 $\text{Sum } P(E|H_i)$ ອາດບໍ່ເທົ່າກັບ 1 ກໍໄດ້

$$P(H_i|E) = \frac{P(E|H_i) * P(H_i)}{P(E)}$$

ນຳ ຄົນ 100 ຄົນມານັບເບິ່ງວ່າເປັນ
 H_i ຈັກຄົນ
 $\text{Sum } P(H_i) = 1$ ສະເໝີ

ນຳ ຄົນ 100 ມາຫາວ່າເທົ່າໃດທີ່ມີອາການ
 E ??
ຄົນ 100 ຄົນອາດມີ 100 ອາການ
ຫາຄ່າ $P(E)$ ໄດ້ຍາກແລະອາດບໍ່ຖືກ

ຕັ້ງ

ຈຶ່ງຫາຄ່ານີ້ໂດຍການໃຊ້ Joint Probability

$$P(H_i | E) = \frac{P(E | H_i) * P(H_i)}{\sum_{i=1}^k P(E | H_i) * P(H_i)}$$

ກົດຂອງ ເບ

H_i = ສົມມຸດຖານທີ່ເຮົາເຊື່ອ (H_i ຢູ່ໃນໂດເມນທີ່ເຮົາສົນໃຈ)

$P(H_i)$ = ຄວາມໜ້າຈະເປັນກ່ອນໜ້າທີ່ສົມມຸດຖານ H_i ເກີດຂຶ້ນເມື່ອບໍ່ຢູ່ພາຍໃຕ້ເຫດການໃດໆ

$P(H_i | E)$ = ຄ່າຄວາມໜ້າຈະເປັນຂອງສົມມຸດຖານ H_i ຈະຖືກຕ້ອງພາຍໃຕ້ເຫດການ E

$P(E | H_i)$ = ຄ່າຄວາມໜ້າຈະເປັນທີ່ເຮົາສັງເກດເຫດການ E ໂດຍກຳນົດສະສົມມຸດຖານ H_i ຖືກຕ້ອງ

K = ຈຳນວນກໍລະນີທີ່ເປັນໄປໄດ້ຂອງສົມມຸດຖານທີ່ເຮົາສົນໃຈ
ຫາກເຮົາຕ້ອງການຮູ້ວ່າ ພະຍາດ H_i ເປັນສາເຫດຂອງການເກີດອາການ E ເຮົາສາມາດຫາຄວາມໜ້າຈະເປັນໄດ້ດັ່ງນີ້

ຕົວຢ່າງການພິຈາລະນາພະຍາດ ຖ້າມີຖານຄວາມ ຮູ້ຢູ່ວ່າ

- IF X ມີນ້ຳມູກໄຫລ ແລະ ເຄື່ອງຕາ (Evidence)
- THEN X ເປັນຫວັດດ້ວຍຄວາມໜ້າຈະເປັນ p1
(H1) -- Hypothesis
- X ແພ້ອາກາດດ້ວຍຄວາມໜ້າຈະເປັນ p2
(H2)
- X ບໍ່ເປັນຫວັດກໍແພ້ອາກາດ ດ້ວຍຄວາມໜ້າຈະ
ເປັນ p3 (H3)
- X ເປັນທັງຫວັດແລະແພ້ອາກາດ ດ້ວຍຄວາມໜ້າ
ຈະເປັນ p4. (H4)
-

ໃນຖານຄວາມຮູ້ນັ້ນມີຄ່າຄວາມໜ້າຈະເປັນດັ່ງນີ້

- $P(H_1) = 0.05$ (ບໍ່ໜ້າຈະເປັນຫວັດ)
- $P(H_2) = 0.01$ (ບໍ່ໜ້າຈະແພ້ອາກາດ)
- $P(H_3) = 0.93$ (ໜ້າຈະເປັນຫວັດ ຫລື ແພ້ອາກາດ)
- $P(H_4) = 0.01$ (ບໍ່ໜ້າຈະເປັນຫວັດ ແລະ ບໍ່ໜ້າຈະແພ້ອາກາດ)
-
- $P(E/H_1) = 0.93$ (ມີນໍ້າມູກແລະເຄື່ອງຕາສ່ວນໃຫຍ່ເກີດຈາກການເປັນຫວັດ)
- $P(E/H_2) = 0.4$ (ມີນໍ້າມູກແລະເຄື່ອງຕາອາດເກີດຈາກການແພ້ອາກາດ)
- $P(E/H_3) = 0.01$ (ມີນໍ້າມູກແລະເຄື່ອງຕາມີໂອກາດນ້ອຍທີ່ຈະເກີດຈາກການເປັນຫວັດ ຫລື ແພ້ອາກາດ)
- $P(E/H_4) = 0.9$ (ມີນໍ້າມູກແລະເຄື່ອງຕາສ່ວນຫລາຍຈະເກີດຈາກການເປັນທັງຫວັດແລະແພ້ອາກາດ)

$$P(H_i | E) = \frac{P(E | H_i) * P(H_i)}{\sum_{i=1}^k P(E | H_i) * P(H_i)}$$

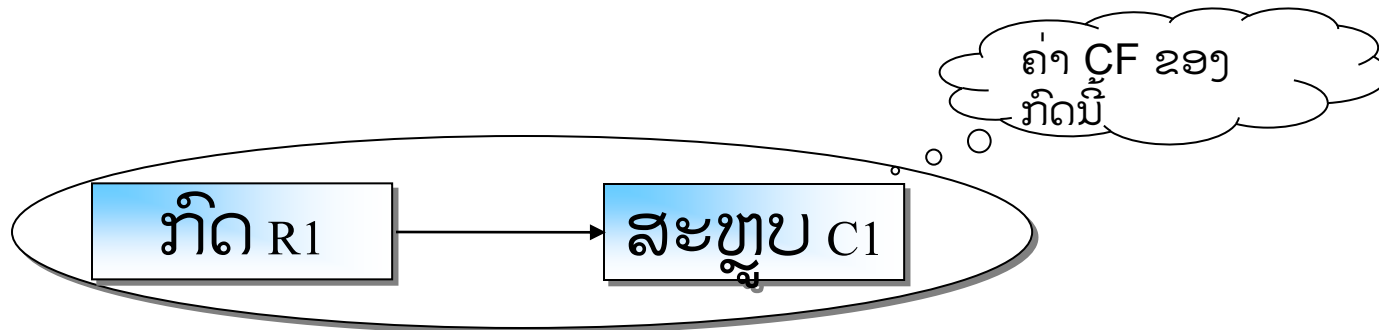
- $P(H_1 | E) = \frac{0.05 * 0.9}{0.05*0.9 + 0.1*0.4 + 0.93*0.1 + 0.9*0.1}$
- $= 0.67$ ເປັນຫວັດ
- $P(H_2 | E) = 0.06$ ແພ້ອາກາດ
- $P(H_3 | E) = 0.14$ ບໍ່ເປັນຫວັດ ກໍ່ແພ້ອາກາດ
- $P(H_4 | E) = 0.13$ ເປັນທັງຫວັດແລະແພ້ອາກາດ
- ສະຫຼຸບ ຈາກອາການຂ້າງຕົ້ນມີໂອກາດທີ່ຈະເປັນຫວັດຫລາຍທີ່ສຸດ
-

2. Certainty Factor

- ນຳມາໃຊ້ເພື່ອບົ່ງຊີ້ຄວາມໜ້າເຊື່ອຖືຂອງຄວາມຮູ້ເຊັ່ນກັນ
- CF ຖືກພັດທະນາຂຶ້ນມາໃຊ້ກັບລະບົບ MYCIN ໂດຍ Buchanan ໃນປີ 1975
- Mycin ເປັນ expert system ທີ່ໃຫ້ຄຳແນະນຳວິທີການປິ່ນປົວແກ່ຜູ້ທີ່ຕິດເຊື້ອແບກທີເລຍໃນເລືອດແລະພະຍາດນີ້ອາດອັກເສບ
- ເຫດທີ່ສະເໜີ CF ແທນທີ່ການໃຊ້ວິທີທາງຄຳຕອບຢ່າງເຊັ່ນ Baye's Rule ກໍເພາະວ່າ ໃນເວລານັ້ນພະຍາດນີ້ຍັງໃໝ່ ແລະຍັງບໍ່ສາມາດຫາຄຳທາງຄຳຕອບຢ່າງຖືກຕ້ອງໄດ້
-

ກ່ຽວກັບ Certainty Factor

- ແບ້ນວິທີການທີ່ບໍ່ຄ່ອຍແບ້ນທາງການເທົ່າໃດ
- ກຳນົດຄວາມໜ້າເຊື່ອຖືຕໍ່ຂໍ້ສະຫລຸບ (c) ເທິງເຫດການທີ່ກ່ຽວຂ້ອງກັບຂໍ້ສະຫລຸບນັ້ນ
- ຄ່າ CF ຄືຄ່າທີ່ບົ່ງບອກເຖິງຄວາມໜ້າເຊື່ອຖື (Belief) ແລະຄວາມບໍ່ໜ້າເຊື່ອຖືຂອງຂໍ້ສະຫລຸບ (Disbelief)
- ຄ່າ CF ເກີດຈາກຜູ້ຊ່ຽວ-ຊານກຳນົດຂຶ້ນ ຄວາມຖືກຕ້ອງຈິ່ງຂຶ້ນຢູ່ກັບປະສົບການຂອງຜູ້ຊ່ຽວ-ຊານເອງ
- CF ຖືກໃຊ້ກັນຢ່າງກວ້າງຂວາງ ໃນສາຂາທີ່ກ່ຽວຂ້ອງກັບການເພີ່ມຄ່າຄວາມໜ້າເຊື່ອຖືໃຫ້ກັບກຸ່ມຂອງຂໍ້ສະຫລຸບ
-



CF ໃຊ້ບົ່ງບອກລະດັບຄວາມໜ້າເຊື່ອຖືຂອງຊຶ່ງ
ສະຫລຸບ c ພາຍໃຕ້ເຫດການ e ຫລືອາດກາວໄດ້
ວ່າ

CF ເປັນຄ່າລະດັບຄວາມໜ້າເຊື່ອຖືຂອງກົດໃດ ໆ
ຮຽກ CF ຂອງຂໍສະຫລຸບວ່າ ລວມ Certainty
Factor ຫລື CF ລວມ
ໂດຍທີ

ຄ່າ 1 ໝາຍເຖິງ ດູ່ ນັ້ນເຊື່ອຖືໄດ້ແນ່ນອນ
ຄ່າ 1 ໝາຍເຖິງເຊື່ອຖືບໍ່ໄດ້ເລີຍ
ເຊັ່ນ

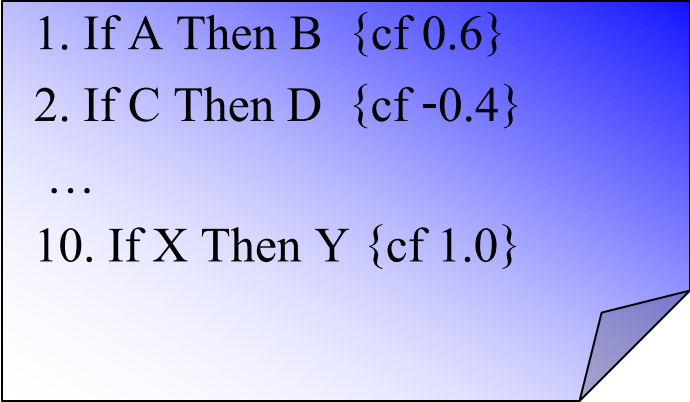
If the sky is clear

Then the forecast is sunny {cf 0.8}

ຄຳແລະຄວາມໝາຍຂອງ Certainty factor

ຄວາມໝາຍ	Certainty Factor
• Definitely not	-1.0
• Almost certainly not	-0.8
• Probably not	-0.6
• Maybe not	-0.4
• Unknown	-0.2
to + 0.2	
• Maybe	+0.4
• probably	+0.6
• Almost certainly	+0.8
• Definitely	+1.0

ກໍລະນີທີ່¹: ຖານຄວາມຮູ້ມີຂໍ້ສະຫລຸບທີ່ບໍ່ຄືກັນ ຫລືມີກົດນໍ້ອຍ

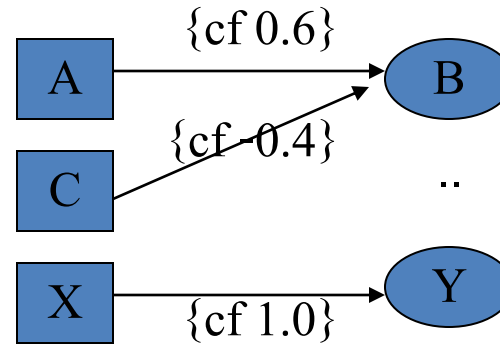
- 
1. If A Then B {cf 0.6}
 2. If C Then D {cf -0.4}
 - ...
 10. If X Then Y {cf 1.0}

ຫາກຂໍ້ສະຫລຸບຂອງກົດໃດ ຖືກນຳມາໃຊ້ໃນລະບົບ
ຜູ້ຊ່ວຍ-ຊານແລ້ວ ຄ່າ cf ທີ່ກຳນົດໄວ້ກໍຖືກໃຊ້ໄດ້
ເລີຍ

ຫາກກົດ ¹⁰ ເປັນຈິງ ສະຫລຸບໄດ້ວ່າ Y ຈະເປັນຈິງ
ດ້ວຍຄວາມໜ້າເຊື່ອທີ່ 1.0

ກໍລະນີທີ 2: ຖານຄວາມຮູ້ມີຂະໜາດໃຫຍ່ ກົດຫລາຍຂໍ້ເຮັດໃຫ້
ມີຂໍສະຫລຸບຊໍ້າ ໆ ກັນ

1. If A Then B {cf 0.6}
2. If C Then B {cf -0.4}
3. If X Then Y {cf 1.0}
- ...



ຕ້ອງມີວິທີການລວມຄວາມເຊື່ອມຸ້ນຕໍ່ຂໍ້
ສະຫລຸບທີ່ຊໍ້າກັນ ໃຫ້ເປັນຄວາມເຊື່ອມຸ້ນດຽວ
ເຮັດໄດ້ຢ່າງໃດ?????

ການລວມຄວາມເຊື່ອມັນ

ຫາໄດ້ຈາກ

ຫາຄວາມໜ້າເຊື່ອຖືລວມ - ຄວາມບໍ່ໜ້າເຊື່ອຖື

ລວມ

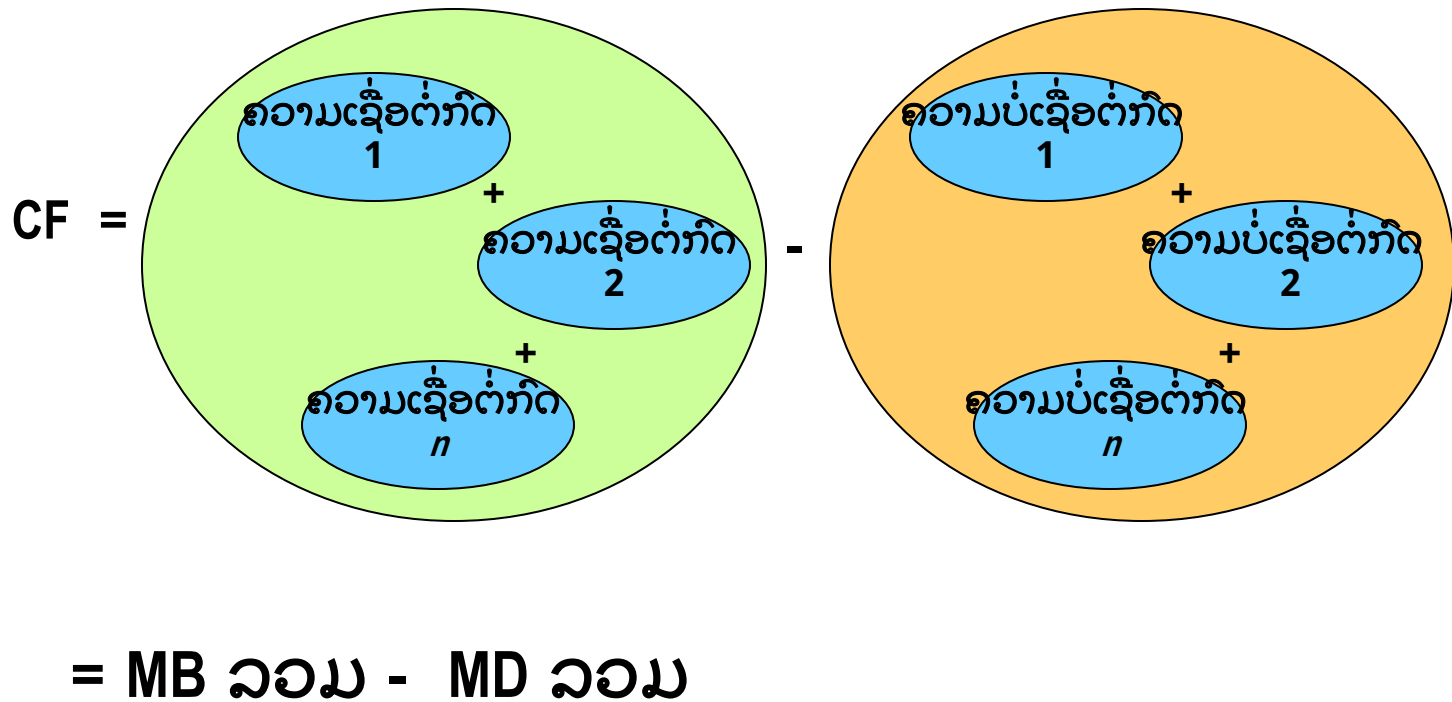
ວິທີການ

ໃຫ້ຫາຄ່າ MB ລວມ ແລະ MD ລວມ

ໂດຍຄ່າເຫຼົ່ານີ້ຈະປ່ຽນໄປເມື່ອມີຂໍ້ສະຫຼຸບໃໝ່
ຖືກເພີ່ມເຂົ້າມາ

ຄ່າ CF ສຸດທ້າຍຂອງຂໍ້ສະຫຼຸບ = MB ລວມ - MD
ລວມ

Certainty Factor Model



ການຊອກຄ່າ CF

- ການຫາ MB ລວມ [ສົມຜົນ ⁽¹⁾]
- IF MD (c, s1&s2) = 1
- MB (c,s1&s2) = 0
- Else
- MB (c,s1&s2) = MB(c,s1) + MB(c,s2)*(1-MB(c,s1))

ມີໄວ້ເພື່ອກຳນົດ
ຜົນລວມຂອງ MB
 ≤ 1

s1 ແລະ s2 ຄືຂໍ້ສະຫລຸບທີ່ຄືກັນ ແລະໃຫ້ຄ່າ cf ເປັນ
ບູລກ
ຂໍ້ສັງເກດ ເຫດການ s1 ອາດເປັນເຫດການອື່ນ ໆ
ລວມກັນກ່ອນແລ້ວກໍໄດ້ ແລະຕ້ອງການນຳເອົາມາ
ລວມກັບເຫດການ s2

ການຊອກຄ່າ CF

ການຫາ MD ລວມ [ສົມຜົນ (2)]

IF $MB(c,s1\&s2) = 1$

$MD(c,s1\&s2) = 0$

Else

$MD(c,s1\&s2) = MD(c,s1) + MD(c,s2)*(1 - MD(c,s1))$

ມີໄວ້ເພື່ອການນິດຜົນ
ລວມຂອງ $MD \leq 1$

s1 ແລະ s2 ຄືຂໍ້ສະຫລຸບທີ່ຄືກັນ ແລະໃຫ້ຄ່າ cf ເປັນ
ລູກ
ຂໍ້ສັງເກດ ເຫດການ s1 ອາດເປັນເຫດການອື່ນ ໆ
ລວມກັນກ່ອນແລ້ວກໍໄດ້ ແລະຕ້ອງການນຳເອົາມາ
ລວມກັບເຫດການ s2

ຕົວຢ່າງການຊອກຄ່າ CF

- ຕົວຢ່າງ ການຫາຄ່າ CF ຂອງຂໍ້ສະຫລຸບ c ເທິງ ເຫດການອື່ນ ໆ ທີ່ມີຄວາມກ່ຽວຂ້ອງກັບ c ໂດຍກຳນົດ ກົດຕ່າງຂ້າງລຸ່ມນີ້ໃຫ້ມີຄ່າ ຄວາມໜ້າເຊື່ອຖືດັ່ງຕໍ່ໄປນີ້

	<u>Rule</u>	<u>CF</u>
•	ກົດ 1 ໃຫ້ຂໍ້ສະຫລຸບ C	0.8
•	ກົດ 2 ໃຫ້ຂໍ້ສະຫລຸບ C	0.3
•	ກົດ 3 ໃຫ້ຂໍ້ສະຫລຸບ C	0.2
•	ກົດ 4 ໃຫ້ຂໍ້ສະຫລຸບ C	0.7

1: ຈາກຂໍ້ 1 ສົມຜົນ (1) ແລະ (2) ຈະໄດ້

$$MB \text{ ລວມ} = 0.8;$$

MD

$$\text{ລວມ} = 0.0$$

2: ພິຈາລະນາກົດຂໍ້ 2 ແລະ ສົມຜົນ ທີ່ 3 ຈະໄດ້ວ່າ

$$MB \text{ ລວມ} = 0.8 + 0.3 * (1 - 0.8) = 0.86;$$

MD

$$\text{ລວມ} = 0.0$$

3: ເມື່ອພິຈາລະນາກົດຂໍ້ທີ່ 3 ແລະ ສົມຜົນ ທີ່ 4 ຈະໄດ້ວ່າ

$$MB \text{ ລວມ} = 0.86$$

MD

$$\text{ລວມ} = -0.2$$

4: ພິຈາລະນາກົດທີ່ 4 ຮ່ວມກັບສົມຜົນ ທີ່ 3 ຈະໄດ້ວ່າ

$$MB \text{ ລວມ} = 0.86 + 0.7 * (1 - 0.86) = 0.96;$$

MD

$$\text{ລວມ} = -0.2$$

ຈາກສົມຜົນ ທີ່ 2 ຄ່າ CF ລວມ ຈະເທົ່າກັບ

$$CF \text{ ລວມ} = 0.96 + (-0.2) = 0.76$$

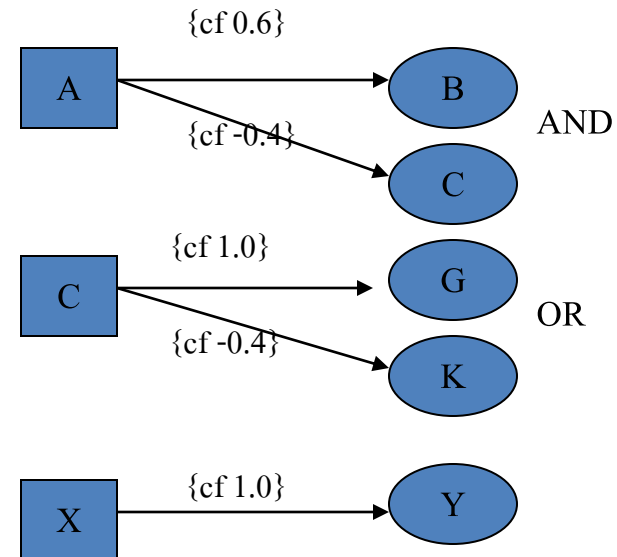
ກໍລະນີທີ3: ກົດຂໍ້ດຽວມີຂໍ້ສະຫລຸບຫລາຍຢ່າງ

1. If A Then
 B {cf 0.6} AND
 C {cf -0.4}

2. If C Then
 G {cf 1.0} OR
 K {cf -0.4}

3. If X Then Y {cf 1.0}

...



ຕ້ອງຫາຄ່າ CF ດຽວ
ເຮັດໄດ້ຢ່າງໃດ?????

ມິກິດ 2 ຂໍ້

ກໍລະນີຂໍ້ສະຫລຸບເປັນ

AND

$$\begin{aligned} MB(c1 \text{ and } c2, e) &= \min (MB(c1,e) , MB(c2,e)) \\ MD(c1 \text{ and } c2, e) &= \min (MD(c1,e) , MD(c2,e)) \end{aligned} \quad (1)$$

ກໍລະນີຂໍ້ສະຫລຸບເປັນ OR

$$\begin{aligned} MB(c1 \text{ or } c2, e) &= \max(MB(c1,e) , MB(c2,e)) \\ MD(c1 \text{ or } c2, e) &= \max (MD(c1,e) , MD(c2,e)) \end{aligned} \quad (2)$$

ຕົວຢ່າງ

- ຜົນການກວດສອບລົດອອກມາດັ່ງນີ້
- ເກີດອາການເສຍ X ແລ້ວ
- c1 ລົດຕ້ອງຊ່ອມທັນທີ (cf 0.8)
- c2 ລົດມີບັນຫາກ່ຽວກັບລະບົບໄຟຟ້າ
(cf 0.6)
- c3 ໄຟຟ້າຊ້ອດ (cf 0.4)
- c4 ຂໍ້ຜິດພາດຢູ່ທີ່ລະບົບຈ່າຍໄຟ (cf 0.2)

ຫາກຂໍ້ສະຫຼຸບເປັນ $c1 \text{ AND } c2 \text{ AND } (c3 \text{ Or } c4)$ ຄ່າ cf ຂອງກົດນີ້ຈະເປັນເທົ່າໃດ

$$\begin{aligned} \text{MB}(c1 \text{ AND } c2 \text{ AND } (c3 \text{ Or } c4), X) &= \min (\text{MB}(c1, X), \text{MB}(c2, X), \text{MB}(c3 \text{ or } c4, X)) \\ &= \min (0.8, 0.6, \max (\text{MB}(c3, X), \text{MB}(c4, X))) \\ &= \min (0.8, 0.6, \max(0.4, 0.2)) \\ &= \min (0.8, 0.6, 0.4) = 0.4 \end{aligned}$$

ສະຫຼຸບ Certainty Factor

CF ເປັນວິທີທີ່ບໍ່ເປັນທາງການ ແຕ່ກໍນິຍົມໃຊ້ກັນເພາະສອດ
ຄ້ອງກັບຄວາມຕ້ອງການຂອງຜູ້ຊ່ຽວ-ຊານ ເນື່ອງຈາກບາງເທື່ອ
ຄ່າເຫລົ່ານີ້ໄດ້ມາຈາກປະສົບການ

ໃຊ້ສະແດງຄວາມໜ້າເຊື່ອຖືຂອງຖານຄວາມຮູ້ໃນ
ລະບົບຜູ້ຊ່ຽວ-ຊານ

ຂໍສະຫລຸບທັງ 3 ກໍລະນີອາດພົບໄດ້ໃນຖານຄວາມຮູ້
ດຽວກັນ

ລະບົບຜູ້ຊ່ຽວ-ຊານທີ່ໃຊ້ຄ່າ CF ຈະຕ້ອງພິຈາລະນາ
ແລະຫາຄ່າ CF ຂອງທັງ 3 ກໍລະນີ