Министерство образования и науки Российской Федерации Санкт-Петербургский Политехнический Университет Петра Великого

\_\_\_\_

# Институт прикладной математики и механики Кафедра «Информационная безопасность компьютерных систем»

## ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 2

## «Калькултор полиномов»

по дисциплине «Формальные грамматики и теория компиляторов»

Выполнил студент гр. 33609/3 Дарсигов Р.Б. < nodnucь > Елисеев Н.Н. < nodnucь >

<подпись>

Семьянов П.В.

Санкт-Петербург 2018

#### 1 ЦЕЛЬ РАБОТЫ

Изучить принципы составления грамматик и создания лексического анализатора.

Используя синтаксический анализатор YACC (Bison), разработать языковую грамматику, позволяющую обрабатывать полиномы.

Реализованный калькулятор полиномов должен поддерживать работу с операциями + (сложение), – (вычитание), \* (умножение), () (скобки), ^ (возведение в степень).

Запись полиномов должна быть приближена к записи в классической математике.

Разработать синтаксис языка, поддерживающий базовые языковые конструкции:

- переменные типа полином и работа с ними;
- оператор вывода на печать;
- поддержка комментариев;
- сообщения об ошибках (лексические, синтаксические, семантические).

### 2 РЕЗУЛЬТАТЫ РАБОТЫ

В результате работы создан калькулятор полиномов, поддерживающий рработу с аданными операциями.

```
Для хранеия полиномов реализованы следующие структуры:
struct _monomial
{
          coefficient:
                            // коэффициент
 int
 char
           * variable;
                            // имя переменной
                            // степень
struct _polynomial
                   * begin;
 struct node
                                     // указатель на первый одночлен в полиноме
 int
                   count;
                                     // число элементов в полиноме
struct node
 struct _monomial
 struct _node
                             * next;
                                              // указатель на след. узел
                             * prev;
 struct _node
                                              // указатель на пред. узел
struct _variable
{
                             * variable;
                                              // имя переменной
 struct _polynomial polynomial;
                                    // копия полинома
 struct _variable
                    * next
                                     // указатель на следующую переменную
                   * prev;
 struct _variable
                                     // указатель на следующую переменную
```

Поскольку полином (многочлен) – это множество одночленов, создан список одночленов, структура полинома хранит указатель на первый одночлен.

Структура \_variable используется для поддержки переменных типа полином.

Рисунок 1 – Пример синтаксиса и корректной работы калькулятора

Калькулятор считывает входные данные из файла и обрабатывает их. Каждое действие пишется с новой строки. В случае неверного синтаксиса программа выводит ошибки.

Виды ошибок:

– семантические ошибки (рисунки 2-3): выполнение операций с различными переменными (x\*y), неопределенность ( $0^0$ ) и др.;

Рисунок 2 – Пример семантической ошибки, операция с различными переменными

Рисунок 3 – Пример семантической ошибки, неопределенность

 синтаксические ошибки (рисунки 4-5): неправильные комментарии, отсутствие переноса строк и др.;

Рисунок 4 – Пример синтаксической ошибки, неправильный комментарий

Рисунок 5 – Пример синтаксической ошибки, перенос сторки

– лескические ошибки (рисунки 6-5): неинициализированные переменные отсутсвие знака присваивания и др.;

```
C:\Users\Nick\Downloads\Compilers\2_lab_polynomial
alculator\Release>1_polynomial_calculator.exe
polynomial = -1x^3+x^2+x-1.
variable "ccc" = 111111.
ERROR in line 10: not initialize variable bbb
                                                                                                            input.txt
                                                                                                        \$aaa = x
                                                                                                        //asdfghjkl;
                                                                                                        //$bbb = $aaa * x^4
C:\Users\Nick\Downloads\Compilers\2_lab_polynomial
alculator\Release>_
                                                                                                        print (-x^2-1+2*x)*(x+1)
                                                                                                       $ccc = 111111
                                                                                                        print $ccc
                                                                                                        ccc = 333x
                                                                                                        $ddd = ($aaa * $ccc + $bbb) * 100
                                                                                                        PRINT $aaa
                                                                                                13
14
                                                                                                        PRINT $bbb
                                                                                                        print $ccc
                                                                                                        PRINT $ddd
```

Рисунок 6 – Пример лескической ошибки, неинициализированная переменная

При сотсавленни грамматики были использованы токены и нетерминальные символы:

- variable имя перенной типа полином;
- polynomial структура полинома;
- monomial структура одночлена;
- DIGIT токен числа;
- LETTER токен строки;
- PRINT токен оператора вывода;
- '+', '-' операция сложения, вычитания;
- '\*' операция умножения;
- UMINUS опереция унарного минуса;
- 'A'
   операция возведения в степень;
- '(', ')' скобки;
- list точка входа.

#### Правила грамматики:

- перед переменной типа полином ставится '\$', имя перенной строка, после объявления должен следовать знак '=' и полином (например, " \$abc = x");
  - поддерживаются комментарии, которые начинаются с символов "//";
  - имя переменных полинома строка;
- оператор PRINT и print равнозначны, и после них следует полином или перемная, которую нужно распечатать (например, "PRINT \$abc"/"print (x+1)^2");
  - после каждой строки следует перенос строки.

## 3 ВЫВОЫ

В результате работы изучены принципы составления грамматик на языке YACC (Bison) и создания лексичекого анализатора.

Разработанная языковая грамматика позволяет обрабатывать полиномы с несколькими переменными, запись полиномов приближена к записи в классической математике.

Калькулятор поддерживает базовые языковые конструкции.

### Листинг 1:

## polyc\_yacc.y

```
%{
         #include "polyc.h"
#define alloca malloc
         int yylex (void);
          void yyerror(char const *s);
%}
%union // what types will be used further
{
         struct _polynomial poly;
         struct _monomial
                            mono;
                                                num;
         char *
                                                str;
}
%type <str>
                             variable
                   polynomial
%type <poly>
%type <mono>
                   monomial
%token <num>
                   DIGIT
%token <str>
                   LETTER PRINT
%left '+' '-'
%left '*'
%right UMINUS
%right '^'
%start list
%%
         // follows grammatics
list
                   // empty
                   list
                   '\n'
                   list
                   '\r'
                   list
                   begin
begin
                   variable
                   polynomial
                   .
'\n'
                             Insert_Variable_In_Global_List($1, $3);
                   }
                   PRINT
                   variable
                   '\n'
                   {
                             Print_Polynomial(&tmp);
                   }
                   PRINT
                   polynomial
                   '\n'
                   {
                             printf("polynomial ");
Print_Polynomial(&$2);
                   }
polynomial
                             polynomial
')'
{
                                       $$ = $2;
                             }
```

```
polynomial
'+'
                                  polynomial
                                              $$ = Add_Polynomials($1, $3);
                                  polynomial
                                  polynomial
                                              $$ = Subtract_Polynomials($1, $3);
                                  polynomial
                                  polynomial
                                              $$ = Multiply_Polynomials($1, $3);
                                  polynomial
                                   %prec
                                  UMINUS
                                              $$ = Uminus_Polynomial(&$2);
                                  polynomial
                                  DIGIT
                                  {
                                              if ($3 == 0)
                                              {
                                                          if ($1.begin->item.coefficient == 0)
                                                                     // Semantic error
Report_Bug("uncertainty (0^0)", "");
                                                         $$ = Initialize_Polynomial();
$$ = Add_Monomial_in_Polynomial($$, Set_Monomial(1, "", 0));
                                              else if ($3 == 1)
                                                          $$ = $1;
                                              else if ($3 >= 2)
                                                          for (int i = 0; i < $3 - 1; i++)
                                                          {
                                                                     $$ = Multiply_Polynomials($$, $1);
                                              }
                                  }
                                  monomial
                                  {
                                              $$ = Initialize_Polynomial();
                                              $$ = Add_Monomial_in_Polynomial($$, $1);
                                  }
                                  variable
                                  {
                                              struct _polynomial tmp;
tmp = Initialize_Polynomial();
tmp = Add_Monomial_in_Polynomial(tmp, Set_Monomial(1, "", 0));
$$ = Search_Variable_In_Global_List($1);
                                              $$ = Multiply_Polynomials($$, tmp);
                                  }
monomial:
                                  DIGIT
                                  {
                                              $$ = Set_Monomial($1, "", 0);
                                  LETTER
                                  {
                                              $$ = Set_Monomial(1, $1, 1);
```

```
}
                             DIGIT
                             LETTER
                                      $$ = Set_Monomial($1, $2, 1);
                             }
                             LETTER
                             DIGIT
                             {
                                       $$ = Set_Monomial(1, $1, $3);
                             }
                             DIGIT
                             LETTER
                             DIGIT
                             {
                                      $$ = Set_Monomial($1, $2, $4);
                             }
variable
                             '$'
                             LETTER
                             {
                                      $$ = $2:
                             }
%%
         // end's grammatics
polyc.h
#ifndef POLYC_H_
#define POLYC_H_
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>
#include <ctype.h>
struct _monomial
{
                   coefficient:
                                      // коэффициент
         int
         char
                   * variable;
                                      // имя переменной
         int
                   power;
                                      // степень
struct _polynomial
{
                                      // указатель на первый одночлен в полиноме
         struct node
                             * begin;
         int
                                       count:
                                                // число элементов в полиноме
struct _node
{
         struct _monomial
                             item:
                                                // указатель на одночлен
         struct node
                                       * next;
                                                // указатель на след. узел
         struct _node
                                      * prev;
                                                // указатель на пред. узел
struct _variable
{
                                       * variable;
                                                          // имя переменной
         char
         struct _polynomial
                             polynomial;
                                                // копия полинома
         struct _variable
                             * next;
                                      // указатель на следующую переменную
         struct _variable
                                      // указатель на следующую переменную
                             * prev;
void
         Report_Bug
                             (const char *, const char *);
void
                             Insert_Variable_In_Global_List
                                                                   (char *, struct _polynomial );
struct _polynomial Search_Variable_In_Global_List
                                                          (char *);
struct _monomial
                   Set Monomial
                                      (int, char *, int);
struct polynomial Initialize Polynomial
                                                          (void);
struct polynomial Add_Monomial_in_Polynomial
                                                          (struct _polynomial, struct _monomial);
                                                          (struct _polynomial *, struct _node *);
struct _node *
                             Remove_Node
struct _polynomial Remove_Similar_Summands (struct _polynomial);
struct polynomial Add_Polynomials
                                                (struct _polynomial, struct _polynomial);
struct _polynomial Subtract_Polynomials
                                                (struct _polynomial, struct _polynomial);
struct _polynomial Multiply_Polynomials(struct _polynomial, struct _polynomial);
struct _polynomial Uminus_Polynomial (struct _polynomial *);
void Print Monomial
                                      (struct _monomial *);
                             (struct _polynomial *);
void Print_Polynomial
#endif
```

#### source.c

```
#define _CRT_SECURE_NO_WARNINGS
                                                    // fonen
                                                                                         if (result.count == 0)
#define _CRT_NONSTDC_NO_DEPRECATE
                                                    // strdup
#include "polyc.h"
                                                                                                    tmp->item = monomial;
int g_num_lines = 0;
extern struct_variable * g_list_variables = NULL;
                                                                                                    result.count++;
                                                                                                    return result;
void Insert_Variable_In_Global_List(char *letter, struct _polynomial
                                                                                         // Доходим до конца и добавляем
polynomial)
                                                                                         while (tmp->next != NULL)
{
          struct _variable *tmp = g_list_variables,
                     *tmp_variable = (struct _variable
                                                                                                    tmp = tmp->next;
*)malloc(sizeof(struct variable));
          tmp_variable->variable = letter;
                                                                                         tmp->next = (struct node *)malloc(sizeof(struct node));
          tmp_variable->polynomial = polynomial;
                                                                                         tmp->next->prev = tmp;
          tmp_variable->next = NULL;
                                                                                         tmp->next->next = NULL;
          tmp_variable->prev = NULL;
                                                                                         tmp = tmp->next;
          // Если ни разу не объявляли перемнные
                                                                                         tmp->item = monomial;
                                                                                         result.count++;
          if (g_list_variables == NULL)
          {
                                                                                         return result;
                     g_list_variables = tmp_variable;
                                                                              struct _node * Remove_Node(struct _polynomial *polynomial, struct
                     return:
                                                                               _node *node)
          while (tmp->next != NULL)
                                                                                         struct _node * result = node;
                     // Если такая перемнная уже есть. то
                                                                                         // Если удаляемый узел начало полинома
                                                                                         if (polynomial->begin == node)
перезаписываем ее
                     if (!strcmp(tmp->variable, letter))
                                                                                                    // Еслм последний узел в полиноме, возрат
                               tmp->polynomial = polynomial;
                                                                              нопь
                                                                                                    if (node->next == NULL)
                               return;
                                                                                                    {
                     tmp = tmp->next;
                                                                                                              free(node);
                                                                                                              // error!!!
          if (!strcmp(tmp->variable, letter))
                                                                                                              return NULL;
          {
                     tmp->polynomial = polynomial;
                                                                                                    node->next->prev = NULL;
                                                                                                    result = node->next;
                     return;
                                                                                                    free(node);
                                                                                                    polynomial->begin = result;
          .// Если же нет, то вставляем в конец
          tmp_variable->prev = tmp;
                                                                                                    return result;
          tmp->next = tmp_variable;
                                                                                         // Если дошли до конца полинома, возвратить
struct _polynomial Search_Variable_In_Global_List(char *variable)
                                                                               предыдущий, т.к. все равно выполнится "tmp2 = tmp2->next;"
                                                                                         if (node->next == NULL)
          struct _variable * tmp = g_list_variables;
                                                                                         {
          while (tmp != NULL)
                                                                                                    node->prev->next = NULL;
                                                                                                    result = node->prev;
          {
                                                                                                    free(node);
                     if (!strcmp(tmp->variable, variable))
                                                                                                    return result;
                               return tmp->polynomial;
                                                                                         node->next->prev = node->prev;
                                                                                         node->prev->next = node->next;
                     tmp = tmp->next;
                                                                                         // Удаление узла, возвратить предыдущий, т.к. в
          Report_Bug("not initialize variable ", variable);
                                                               //
                                                                               привидении подобных все равно перейдет на следующий
Lexical error
                                                                                         result = node->prev;
                                                                                         free(node);
struct _monomial Set_Monomial(int coefficient, char *letter, int
                                                                                         return result;
power)
                                                                              }
                                                                              struct _polynomial Remove_Similar_Summands(struct _polynomial
{
          struct monomial result;
                                                                              polynomial)
          result.coefficient = coefficient;
          result.variable = letter;
                                                                                         struct _polynomial result = Initialize_Polynomial();
                                                                                         result.power = power:
          return result;
                                                                                         struct _node
                                                                                                    *tmp2;
struct _polynomial Initialize_Polynomial(void)
                                                                                         while (tmp1 != NULL)
          struct _polynomial result;
                                                                                                    // Ищем все подобные для этого элемента
          result.begin = (struct _node *) malloc(sizeof(struct
                                                                                                    tmp_monom = tmp1->item;
                                                                                                    tmp2 = polynomial.begin;
_node));
                                                                                                    while (tmp2 != NULL)
          result.begin->prev = NULL;
          result.begin->next = NULL;
          result.count = 0;
                                                                                                              if (!strcmp(tmp1->item.variable.
          return result:
                                                                              tmp2->item.variable) &&
                                                                                                                         tmp1->item.power ==
{\color{red} \textbf{struct \_polynomial Add\_Monomial\_in\_Polynomial}} ({\color{red} \textbf{struct \_polynomial}})
                                                                              tmp2->item.power &&
polynomial, struct _monomial monomial)
                                                                                                                         tmp1 != tmp2)
                                                                                                              {
          struct _polynomial
                               result:
                                                                                                                         tmp_monom.coefficient +=
                                          * tmp;
          struct_node
                                                                               tmp2->item.coefficient;
                                                                                                                         // Удалаем узел, т.к.
          result = polynomial;
                                                                              добавили значение коэффициета
          tmp = result.begin;
                                                                                                                         tmp2 =
          // Если в многочлене нет одночленов
                                                                               Remove Node(&polynomial, tmp2);
```

```
else if (!strcmp(tmp2-
                                tmp2 = tmp2->next;
                                                                                >item.variable, ""))
                                                                                                                           {
                     // Удаляем узел, т.к. результирующий
одночлен будет занесен в результирующий многочлен
                     tmp1 = Remove_Node(&polynomial, tmp1);
                     if (tmp_monom.coefficient == 0)
                                                                                                                                     // Если
                                continue;
                                                                                умножаем разные переменные, и они не совпадают
                                                                                                                                     // Semantic
                     result = Add_Monomial_in_Polynomial(result,
                                                                                error
tmp_monom);
                                                                                                                                     g_num_lines--;
          return result;
                                                                                           Report_Bug("inccorect variable", "");
struct _polynomial Add_Polynomials(struct _polynomial
polynomial_one, struct _polynomial polynomial_two)
                                                                                                                result =
          struct _polynomial result = polynomial_one;
struct _node * tmp = polynomial_two.begin;
                                                                                Add_Monomial_in_Polynomial(result, tmp_monom);
                                                                                                                tmp2 = tmp2 -> next;
          result = Add_Monomial_in_Polynomial(result, tmp->item);
                                                                                                     tmp1 = tmp1->next;
          // Сначала добавить одночлен из "головы", потом все
остальные
                                                                                          return result = Remove_Similar_Summands(result);
          while (tmp->next != NULL)
          {
                                                                                void Print_Monomial(struct _monomial *monomial)
                     tmp = tmp->next;
                     result = Add Monomial in Polynomial(result,
                                                                                          if (!strcmp(monomial->variable, ""))
tmp->item);
                                                                                                     printf("%d", monomial->coefficient);
          return result = Remove_Similar_Summands(result);
                                                                                                     if (monomial->coefficient == 1)
                                                                                                                if (monomial->power == 1)
struct _polynomial Uminus_Polynomial(struct _polynomial
                                                                                                                           printf("%s", monomial-
                                                                                >variable):
                                                                                                                else
          struct _node * tmp = polynomial->begin;
                                                                                                                           printf("%s^%d", monomial-
          while (tmp != NULL)
                                                                                >variable, monomial->power);
                     tmp->item.coefficient *= (-1);
                                                                                                                if (monomial->power == 1)
                     tmp = tmp->next;
                                                                                                                           printf("%d%s", monomial-
                                                                                >coefficient, monomial->variable);
          return *polynomial;
struct _polynomial Subtract_Polynomials(struct _polynomial
                                                                                                                           if (monomial->coefficient
                                                                                == 1)
polynomial_one, struct _polynomial polynomial_two)
                                                                                                                                     printf("%s^%d",
                                                                                monomial->variable, monomial->power);
          struct _polynomial result =
Add_Polynomials(polynomial_one,
                                                                                                                                     printf("%d%s^
Uminus_Polynomial(&polynomial_two));
                                                                                %d", monomial->coefficient, monomial->variable, monomial->power);
          return result;
                                                                                void Print_Polynomial(struct _polynomial *polynomial)
struct _polynomial Multiply_Polynomials(struct _polynomial
polynomial_one, struct _polynomial polynomial_two)
                                                                                           struct _node *tmp = polynomial->begin;
                                                                                           printf("= ");
                                                                                           Print_Monomial(&(tmp->item));
          struct _polynomial result = Initialize_Polynomial();
          struct polynomial tempmonom;
struct monomial tmpmonom;
struct node * tmp1 = polynomial_one.begin,
                                                                                          tmp = tmp->next;
                                                                                           while (tmp != NULL)
                     *tmp2;
                                                                                                     if (tmp->item.coefficient < 0)
          while (tmp1 != NULL)
          {
                     tmp2 = polynomial_two.begin;
                     while (tmp2 != NULL)
                                                                                                     }
                                                                                                     else
                                // Раскрываем "фонтанчиком"
                                                                                                                printf("+");
                                tmp monom = tmp1->item;
                                                                                                     Print_Monomial(&(tmp->item));
                                tmp_monom.coefficient *= tmp2-
                                                                                                     tmp = tmp->next;
>item.coefficient:
                                if (!strcmp(tmp_monom.variable,
                                                                                          printf(".\n");
tmp2->item.variable))
                                                                                #include "y_tab.h"
                                          tmp_monom.power +=
                                                                                FILE *inputStream;
tmp2->item.power;
                                                                                #define yyin inputStream
                                                                                #define tmp_scanf(f_, ...) fscanf(yyin, (f_), __VA_ARGS__)
                                else
                                                                                void yyerror(char const *s)
                                {
                                          if (!
                                                                                          printf("ERROR in line %d: '%s' on token ...\n",
strcmp(tmp_monom.variable, ""))
                                                                                g_num_lines + 1, s); // Syntax error
                                           tmp_monom.variable =
                                                                                void Report_Bug(const char *s, const char *s2)
strdup(tmp2->item.variable);
                                           tmp_monom.power +=
                                                                                          printf("ERROR in line %d: %s%s\n", g_num_lines + 1, s,
tmp2->item.power;
                                                                                s2);
                                                                                          exit(-1);
```

```
{
int yylex(void)
                                                                                                                               return PRINT;
                                                                                                                   yylval.str = symbuf;
            int get;
            while ((get = fgetc(yyin)) == ' ' || get == '\t')
                                                                                                                   return LETTER;
                                                                                                      else
{
                                                                                                                   switch (get)
            while (get == '/')
                                                                                                                   case '+':
                        get = fgetc(yyin);
                        if (get == '/')
                                                                                                                  {
                                                                                                                               return get;
                        {
                                    while ((get = fgetc(yyin)) != '\n')
                                                                                                                  }
                                                                                                                  case '-':
                                                                                                                  {
                                                                                                                               return get;
                                    g_num_lines++;
                                                                                                                  }
                                                                                                                   case '^':
                        }
                        else
                        {
                                                                                                                               return get;
                                    Report_Bug("incorrect comment", "");
                                                                                                                   case '*':
                        get = fgetc(yyin);
                                                                                                                  {
                                                                                                                               return get;
            if (get == EOF)
                                                                                                                  }
                                                                                                                   case '(':
                        return 0;
                                                                                                                  {
                                                                                                                               return get;
            }
            else if (isdigit(get))
                                                                                                                  }
                                                                                                                   case ')':
                        yylval.num = 0;
                                                                                                                  {
                        ungetc(get, yyin);
tmp_scanf("%d", &yylval.num);
return DIGIT;
                                                                                                                               return get;
                                                                                                                   case '=':
                                                                                                                  {
            else if (isalpha(get))
                                                                                                                               return get;
                                                                                                                  }
                        static char *symbuf = 0;
                                                                                                                  case '$':
                        int length = 0;
                                                                                                                  {
                        int i = 0;
                                                                                                                               return get;
                        // Initially make the buffer long enough
                                                                                                                  }
                        // for a 40-character symbol name.
                                                                                                                  case '\n':
                        if (length == 0)
                                                                                                                               g_num_lines++;
                        {
                                    length = 40;
                                                                                                                               return get;
                                    symbuf = (char *)malloc(length + 1);
                        }
                                                                                                                  }
                        do
                                                                                                      return get;
                                    // If buffer is full, make it bigger.
                                    if (i == length)
                                                                                          int main(void)
                                                                                                      inputStream = fopen("input.txt", "r");
if (inputStream == NULL)
                                                length *= 2;
                                                symbuf = (char
*)realloc(symbuf, length + 1);
                                                                                                                  printf("Not found file. Creadte file \"input.txt\"
                                    }
// Add this character to the buffer.
                                                                                          and input in file polynom.\n");
                                    symbuf[i++] = get;
                                                                                                                  exit(-1);
                                    // Get another character.
                                    get = fgetc(yyin);
                                                                                                       yyparse();
                        } while (isalnum(get));
                                                                                                      fclose(inputStream);
                        ungetc(get, yyin);
symbuf[i] = '\0';
                                                                                          }
                        if (!strcmp("PRINT", symbuf) || !strcmp("print",
symbuf))
```