## DEPARTAMENTO DE CIENCIA DE LA COMPUTACIÓN E INTELIGENCIA ARTIFICIAL

Problemas Lección 2 (sesión prácticas)

MATEMÁTICA DISCRETA

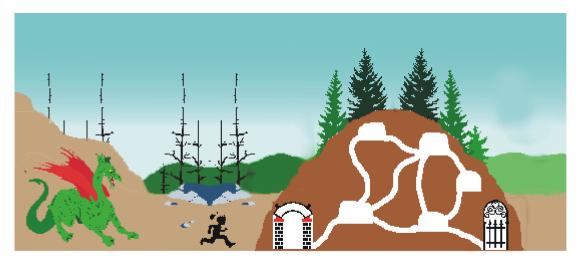
GRAFOS

Ejercicio 1 Consideremos el grafo cuya matriz de adyacencia es la siguiente:

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & 0 & 0 \end{bmatrix}.$$

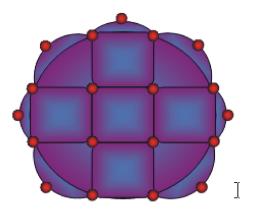
- 1. Calcula la matriz de accesibilidad R utilizando el algoritmo visto en clase de teoría.
- 2. Enuncia razonadamente cuáles son los vértices que  $v_5$  alcanza.
- 3. Calcula la matriz de acceso Q.
- 4. Enuncia razonadamente desde qué vértices  $v_5$  es alcanzable.
- 5. Calcula las componentes conexas mediante el método visto en clase de teoría.
- 6. Indica razonadamente si el grafo es conexo.

**Ejercicio 2** Encontraste la entrada de la cueva, pero la puerta de salida se abrirá si pasas sólo una vez por cada pasillo.



- 1. Formaliza este problema gracias a la Teoría de Grafos.
- 2. Dibuja el grafo correspondiente.
- 3. Razona, enunciando el teorema, si es posible escapar del dragón.
- 4. De todas las formas de salir de la cueva, describa una en la que, por lo menos una vez, la elección del pasillo siguiente haya sido decisiva. Enuncia el algoritmo usado.
- 5. ¿Cómo se llaman tales pasillos en Teoría de Grafos?

**Ejercicio 3** Queremos coser cada uno de los botones (una sola vez naturalmente) de nuestro cojín. Nos desplazamos de uno a otro siguiendo las costuras y necesitamos volver al botón de inicio para hacer un nudo.



- 1. Formaliza este problema gracias a la Teoría de Grafos.
- 2. Dibuja el grafo correspondiente.
- 3. Busca, enunciando los resultados teóricos utilizados, la manera de resolver este problema.
- 4. ¿Que nombre recibe dicho recorrido?
- 5. ¿Cómo se llama un grafo en el que existe este tipo de recorrido?