

**Ejercicio 1.** Colocar los límites de integración en uno y otro orden, en la integral doble:  $\iint_R f(x,y) dx dy$  para los recintos:

- R es un paralelogramo cuyos vértices son A(1,2), B(2,4), C(2,7) y D(1,5).
- R es un sector circular, con centro en (0,0) y cuyo arco tiene sus extremos en los puntos (1,1) y (-1,1).

**Ejercicio 2.** Dada la integral  $\iint_R (2x^2 + y^2 + 1) dx dy$ , siendo R el cuadrado de vértices (1,0), (2,1), (1,2) y (0,1). Calcula dicha integral. (Sol: 9)

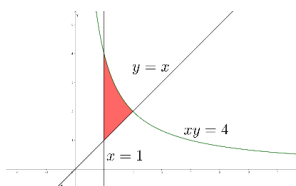
**Ejercicio 3.** Calcula el volumen del cilindroide limitado por el plano XY, la superficie  $z = x^2 + y^2$ , y  $x = y^2$ ,  $y = x^2$ . (Sol: 6/35)

**Ejercicio 4.** Hallar  $\iint_R xy(x-y) dx dy$ , siendo R el rectángulo  $0 \leq x \leq a$ ;  $0 \leq y \leq b$ . (Sol:  $\frac{1}{6}(a-b)ab^2$ )

**Ejercicio 5.** Hallar  $\iint_R (x^2 + y^2) dx dy$ , siendo R el recinto  $xy \leq k^2$ ;  $a \leq y \leq b$ . (Sol:  $(\frac{k^6}{6a^2b^2} + \frac{k^2}{2})(b^2 - a^2)$ )

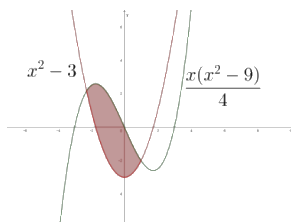
**Ejercicio 6.** Calcula el área de las siguientes regiones:

a.



b.

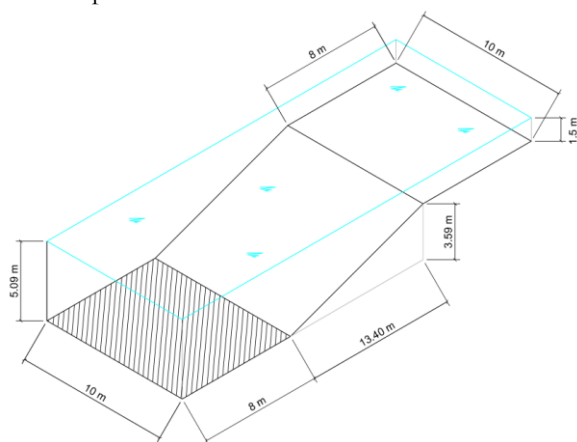
c.



d.

(Sol: a -> 1,273 ua; b -> 15/2 ua; c -> 14.4ua; d -> 0.4 ua)

**Ejercicio 7.** Dada la siguiente pileta, calcula los litros de pintura necesarios para pintar el área sombreada, suponiendo que 1 litro de pintura rinde 0.5 m<sup>2</sup>.



(Sol: 40 litros)

**Ejercicio 8.** Calcula la masa del sólido dado por la ecuación  $\iint_R \sqrt{x+y} dx dy$ , considerando a R como una región acotada por las rectas  $y \leq x$ ;  $y \geq -x$ ;  $x \leq 1$ . (Sol:  $8\sqrt{2}/15$ )