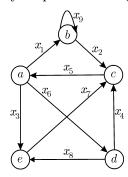
## DEPARTAMENTO DE CIENCIA DE LA COMPUTACIÓN E INTELIGENCIA ARTIFICIAL

Problemas Lección 1 (sesión prácticas)

MATEMÁTICA DISCRETA

GRAFOS

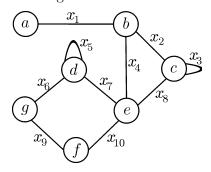
Ejercicio 1 Dado el grafo dirigido H, cuya representación gráfica es la siguiente,



contesta razonadamente a las siguientes cuestiones:

- (a) Di con qué arcos es incidente el vértice c, y explica cuál es el vértice inicial y final de cada uno de esos arcos.
- (b) Explica si el grafo es completo.
- (c) Sea el subgrafo del grafo H obtenido eliminando su bucle. Explica si dicho subgrafo es bipartido.
- (d) Obtén el grado de entrada y el grado de salida de todos los vértices del grafo H.
- (e) Obtén  $\Gamma(v)$  y  $\Gamma^{-1}(v)$  para todo vértice v del grafo H.
- (f) Explica si existe alguna relación entre los conceptos  $\Gamma(v)$  y  $d_s(v)$  y si dicha relación se puede generalizar a cualquier grafo.
- (g) Explica si existe alguna relación entre los conceptos  $\Gamma^{-1}(v)$  y  $d_e(v)$  y si dicha relación se puede generalizar a cualquier grafo.

**Ejercicio 2** Consideremos el grafo no dirigido G.



- (a) Calcula la matriz de adyacencia A del grafo G.
- (b) Calcula  $A^2$  y explica qué representa cada uno de sus elementos.
- (c) Explica qué tendríamos que hacer para calcular, a partir de la matriz de adyacencia, el número de cadenas de longitud 3 del vértice d al a.
- (d) Calcula la matriz de incidencia del grafo G. Explica con qué se corresponde la suma de los elementos de cada fila de la matriz de incidencia. Haz lo mismo con la suma de los elementos de cada columna.
- (e) Obtén la tabla de incidencia del grafo G.