## Pregunta 1 (3 puntos)

Sea  $(A, \preceq)$  un conjunto ordenado con al menos dos elementos distintos. Consideremos las siguientes proposiciones:

p; 
$$\forall x \in A \ \exists y \in A \setminus \{x\} \ \text{tal que } x \leq y$$

q; 
$$\forall x \in A \ \forall y \in A \setminus \{x\}$$
 se tiene que  $x \leq y$ 

r; 
$$\exists x \in A \ \exists y \in A \setminus \{x\}$$
 tales que  $x \leq y$ 

s; 
$$\exists x \in A \text{ tal que } \forall y \in A \setminus \{x\} \text{ se tiene } x \leq y$$

¿De las siguientes proposiciones condicionales cuáles son siempre verdaderas y cuáles no? Justifique las respuestas en el caso de que el condicional sea siempre verdadero y ponga un contraejemplo en caso contrario.

a) 
$$p \to q$$

a) 
$$p \to q$$
 b)  $q \to p$  c)  $p \to r$  d)  $r \to p$  e)  $p \to s$  f)  $s \to p$ 

c) 
$$p \rightarrow r$$

d) 
$$r \to p$$

e) 
$$p \rightarrow s$$

f) 
$$s \to p$$

## Pregunta 2 (2 puntos)

Se define en  $\mathbb{N}$  la relación definida para todo  $x,y\in\mathbb{N}$  mediante:

$$x \, \Re \, y$$
 si y sólo si  $\exists p, q \in \mathbb{N}^*$  tales que  $y = px^q$ 

Determine si la relación  $\mathcal{R}$  es reflexiva, simétrica, antisimétrica o transitiva.

## Pregunta 3 (2 puntos)

¿Cuántas aplicaciones biyectivas f del conjunto  $\{1, 2, 3, \dots, 12\}$  en sí mismo hay cumpliendo las siguientes propiedades:

- a) Si n es par entonces f(n) es par.
- b) Si n es divisible por 3 entonces f(n) es divisible por 3.
- c) Las aplicaciones biyectivas cumplen las propiedades de a) y b) simultáneamente.
- d) Repita la cuestión a) pero contando el número de aplicaciones distintas (biyectivas o no biyectivas) de  $\{1, 2, 3, \dots, 12\}$  en sí mismo.

## Pregunta 4 (3 puntos)

- a) Calcule las raíces *n*-ésimas de  $z_1 = 1 + i$  y de  $z_2 = -i$ .
- b) Resuelva en  $\mathbb{C}$  la ecuación:  $z^2 z + 1 i = 0$ .
- c) Resuelva en  $\mathbb{C}$  la ecuación:  $z^{2n} z^n + 1 i = 0$ .