Frivillig datoruppgift FAFF25

Niklas Sundin Johansson, dt08njo Lars Gustafson, ada10lgu

March 7, 2017

1 Avbildningsfel

1.1 Teori

Som Newton upptckte s har olika vglngder av ljus olika brytningsindex i samma material, detta kallas kromatisk aberration. Fel kan uppst ven med monokromatiskt ljus vid anvndandet av sfriska prismor, detta kallas d sfrisk aberration. I uppgiften skall man med hjlp av, s kallad, ray tracing berkna de fel som genereras. Genom att simulera standardstrlar och berkna dess bana.

Brytningslagen, $n_1 \cdot sin(\alpha_1) = n_2 \cdot sin(\alpha_2)$ anvnds fr att berkna var fokalpunkten hamnar beroende p de tv mediernas brytningsindex samt in och utfallsvinklarna vid vergngen.

Materialet BK7 anvnds d kromatisk abberation skall berknas. Formeln fr dess brytningsindex r som nedan och gavs av uppgiften.

```
n^2 = a_1 + a_2\lambda^2 + a_3\lambda^{-2} + a_4\lambda^{-4} + a_5\lambda^{-6} + a_6\lambda^{-8}
a_1 = 2,271176
a_2 = -9.700709 \cdot 10^{-3} * \mu m^{-2}
```

$$a_2 = -9.700709 \cdot 10^{-3} * \mu m^{-2}$$

$$a_3 = 0.0110971 \cdot \mu m^2$$

$$a_4 = 4.622809 \cdot 10^{-5} \cdot \mu m^4$$

$$a_5 = 1.616105 \cdot 10^{-5} \cdot \mu m^6$$

$$a_6 = -8.285043 \cdot 10^{-7} \cdot \mu m^8$$

1.2 Metod

Frst berknas felet som en sfrisk prism genererar nr man kar hjden,h, frn den optiska axeln. Lt brytningindex vara $n_1=1$ och $n_2=1,5$ samt vara oberoende vglngd. Strlen infaller mot en konvex yta med krkningsradie R=+0,15m och en diameter D=10cm, samt inkommer parallelt med den optiska axeln. Resultaten av berkningar plottas till en graf, figur 1, och i den markeras ven brnnpunkten som fs med paraxialapproximationen, dr bara strlar nra optiska axeln anvnds, d $\alpha_1=0$.

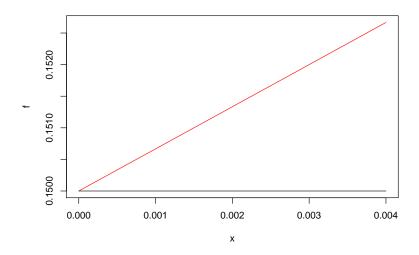


Figure 1: Illustration av sfrisk aberration.

Nsta steg r att berkna hur brytningsindex varierar beroende p ljusets vglngd. Genom att anvnda sig av funktionen som beskrevs under teoridelen fr BK7 s plottas en graf dr brytningsindex berknas i intervallet 400nm och 700nm. Grafen finns i figur 2.

Slutligen skall kromatisk aberration illustreras d ljus infaller p en lins av BK7. Linsen storlek kvarstr frn tidigare men brytningsindex skall berknas fr de olika vglngderna. Ljuset infaller p en hjd av 2,5cm ver optiska axeln. Svaret skall illustreras i en graf, figur 3, dr fokalpunkten r en funktion av vglngden.

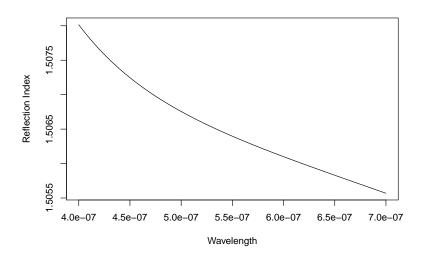


Figure 2: Brytningsindex som en funktion av vglngd i materialet BK7.

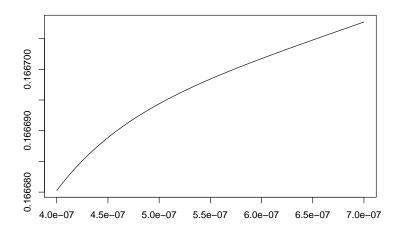


Figure 3: Kromatisk aberration i BK7 vid olika vglngder.

1.3 Resultat

Enligt figur 1 s kan man se att fokalpunkten frskjuts med 2,6671mm d ljuset infaller vid toppen av prisman istllet fr
 rakt p optiska axeln.

Fokalpunkten i BK7 har en varians p $2,7410^{-5}m$ vilket kan ses i figur 3.

1.4 Slutsats

Enligt berkningarna s r det bevisat att bde kromatisk och sfrisk aberration existerar. Dock tycks det vara s att den sfriska r betydligt strre n den kromatiska, i alla fall fr det material vi testat fr.

1.5 Analys

Felen som uppstr i experimenten kan man anse r vldigt lga. Det fr en att tro att approximationer kan anvndas vid de flesta berkningar och man behver varken ta hnsyn till hjden ovanfr den optiska axeln eller den varierande vglngd. Dock fick vi en vldigt begrnsad mngd material att testa p. Materialet BK7 sgs vara en vanlig glassort och kan drfr vara ett material som r framtaget fr dess bra egenskaper. Detta gr inte att utrna utan djupare efterforskning i materialet samt fler tester med andra material.

2 Pulsade lasrar

2.1 Teori

En laserstrle kan genereras genom att frst excitera joner i en kristall till en hgre energiniv, nr de sedan deexciteras till utgngslget s avges fotoner. Fr att rikta fotonerna s placeras tv parralella speglar p var sin sida av kristallen, den ena med en liten springa fr att slppa ut ljuset. Fr att excitera joner s nyttjas en blixtlampa. P grund av utformningen s kommer endast de fotoner som r vinkelrta mot speglarna att kunna passera springan medans resterande reflekteras bort.

2.2 Metod

Fljande ekvationer och konstanter var givna av uppgiften.

$$N'(t) = P - BN(t)\phi(t) - \frac{N(t)}{\tau}$$

$$\phi(t) = BV_aN(t)(\phi(t) + 1) - \frac{\phi(t)}{\tau_c}$$

$$P = N_{\infty}/\tau$$

$$N_{\infty} = 0,01 \cdot N_0$$

```
\begin{split} N_0 &= 1, 4 \cdot 10^{20} cm^{-3} \\ \tau &= 230 \mu s \\ B &= \sigma c/V \\ \sigma &= 2, 8 \cdot 10^{-23} \\ V &= V_a = L \pi (D/2)^2 \\ L &= 20 cm \\ D &= 8 mm \\ \tau_c &= -2L/(c \cdot (lnR_1 + lnR_2)) \\ c &= \text{ljusets hastighet i vakuum} \\ R_1 \text{ och } R_2 &= \text{speglarnas reflektans} \end{split}
```

Fr att kunna berkna de tv differentialekvationerna N(t) samt $\phi(t)$ berknas de ver hela tidsramen enligt fljande tv ekvationer.

$$N(T_{i+1}) = N(T_i) + N'(T_i) \cdot \delta t$$

$$\phi(T_{i+1}) = \phi(T_i) + \phi'(T_i) \cdot \delta t$$

Genom att lta i variera fr
n 0 till 2000000 och $\delta t = 10^{-10} s$ berknas hela intervallet och resultaten lagras i en vektor. Detta fr
 att slippa berkna tidigare vrden rekursivt vilket hade vart en sm
re lsning.

Genom att stta $R_1=1$ och $R_2=0,05$ kan man nu plotta de tv funktionerna beroende p tiden i intervallet $T\in[0,200\mu s]$. Resultatet finns i figur ?? och ??

Sist skall den ena spegelns reflektans bero p
 tiden. Fram tills det att $t=195\mu s$ r $R_1=10^{-7}$ fr
 att sedan bli 1. Graferna som genereras finns i ?? och ??.

2.3 Resultat

Resultat saknas

2.4 Slutsats

Dessvrre kunde inga resultat genereras d
 vr funktion genererade talen ∞ vilket resulterade i felaktiga grafer. Om fel
et beror p felaktig kod eller dlig fr
stelse av programmeringsspr
ket R vet vi ej.

2.5 Analys

A R-kod

A.1 Uppgift 1:

```
R <- 0.15
D <- 0.1
                                                                                                                                                                                          #Radious
    3
                                                                                                                                                                                         #Diameter of lens
                n1 <- 1.0
                                                                                                                                                                                          #Refraction index
                 n2 <- 1.5
                                                                                                                                                                                          #Refraction index
                 ##Gaussian function (Radious, Hight, incoming refraction index, material refraction index, Use approximation BOOLEAN)

Gaussian <- function(r,h,n1,n2,b){
    8
9
                                                                                                                                                                                         #Paraxial Approximation
                                            if(!b){
  10
                                                                         a1 = alph1(h,r)
                                                                                                                                                            #None Approximated Angle
 11
 12
                                            a2 = alph2(r,a1,n1,n2)
                                            f = r*sin(a2)/cos(a2)+r
 14
                                            return(f)
               }
 15
 16
                #Refraction angle to norm of surface
alph2 <- function(r,a1,n1,n2){
    a2 = asin(sin(a1)*(n1/n2))</pre>
 17
 18
 19
20
                                            return(a2)
 21
\frac{22}{23}
                 \#Light angle without Paraxial Approxation to norm of surface
                 alph1 <- function(h,r){
 24
 25
                                            return(a1)
 26
27
28
                 #Refreaction index calculation of Glass material BK7
 29
                 BK7n <- function(x){
                                            a1 = 2.271176
a2 = -9.700709*(10^-3)*(10^-6)^-2
 30
 31
 32
                                            a3 = 0.0110971*(10^-6)*(10^-6)^2
33
34
                                            a4 = 4.622809*(10^{-5})*(10^{-6})^{4}
                                             a5 = 1.616105*(10^{\circ}-5)*(10^{\circ}-6)^{\circ}6
                                            a6 = -8.285043*(10^{-7})*(10^{-6})^{-8}
n2 = a1+a2*x^{2}+a3*x^{(-2)}+a4*x^{(-4)}+a5*x^{(-6)}+a6*x^{(-8)}
 35
 36
                                            n = a1;
n = abs(sqrt(as.complex(n2)));
 37
 38
39
                                            return(n);
 40
 41
                par(mfrow = c(2,3));
 42
 43
                 #Paraxoide Approximation applied
               44
 45
\frac{47}{48}
                 #No Paraxoide Approximation
               Gauss <- function(x) Gaussian(R,x,n1,n2,FALSE);
f <- Vectorize(Gauss);</pre>
 50
 51
                plot.function(f,from=0,to=D/2, add=TRUE, col="red");
 53
 54
                 #BK7n Reflection index
 55
                 plot.function(n2v, from=(400/(10^9)), to=(700/(10^9)), ylab="ReflectionulIndex", xlab="Wavelength");
 56
 57
 58
                #BK7 replace material of lens
               h <- 0.025;
f_chrom <- function(x){
 59
 60
 61
                                          f = Gaussian(R, h, n1, BK7n(x), FALSE);
 62
                                            return(f)
 63
 64
                v_chrom <- Vectorize(f_chrom);</pre>
                \label{eq:plot_function} \begin{picture}(c) \hline & & & & & \\ \hline & & & & \\ \hline & & & & \\ \hline & \\ \hline & \\ \hline & & \\
```

A.2 Uppgift 2:

```
#Assignment no. 2
      L <- 0.2
D <- 0.008
                                                    #Length
                                                    #Diameter
      tb <- 200/10<sup>6</sup>
tau <- 230/10<sup>6</sup>
                                                    #pulse duration
                                                    #Lifespan
      NO <- 1.4*10^20
                                                    #Number of Ions cm^-3
      sigma <<- 2.8/10^23
c <- 299792458
                                                    #Speed of Light m/s
     V <- L*pi*(D/2)^2;
                                                   #cavity Volyme
#Probability of stimulated emission ion and photon
10
      B <- sigma*c/V;
11
      N_inf <<- 0.01*N0;
13
      P <- N_inf/tau;
                                                   #Pump strength
14
      #Assignment 2:b definitions
16
      R1 <- 1;
R2 <- 0.05;
tb <- 200/10^6;
17
19
      tau_c <- function(r1,r2) {  #Lifespan ir
    tau_r = -2*L/(c*(log(r1)+log(r2)));
    return(tau_r)
21
22
                                                 #Lifespan in cavity for photons
\frac{24}{25}
      }
26
      #Differential eqvations:
N_prim <- function(N, Phi){
    y = P-B*N*Phi-N/tau;</pre>
27
28
                                                               #Number of Ions
29
30
                  return(y)
31
32
      Phi_prim <- function(Phi, N) { #
y = B*V*N*(Phi+1)-Phi/tau_c(R1,R2);
33
34
35
                  return(y)
36
37
38
     Solv <- function(f0, f_prim, g_prim, t){
    h = (t[1]-t[2]);
    f = rep(0, length(t));
    g = rep(0, length(t));
    f[1] <- (f0[1]);
    g[1] <- (f0[2]);
    for(i in as.single(t.length(t)));</pre>
39
40
41
42
43
\frac{44}{45}
                 for(i in as.single(1:length(t))){
    f[i+1] = f[i] - f_prim(f[i],g[i])*h;
    g[i+1] = g[i] - g_prim(g[i],f[i])*h;
\frac{46}{47}
49
50
                  return(f):
     }
52
      N <- function(x){
                 return(Solv(c(N0,0), N_prim, Phi_prim, x))
53
55
      Phi <- function(x){
56
                 return(Solv(c(0,N0), Phi_prim, N_prim, x))
      x0 = N(seq(0, 0.0002, length=20));
x1 = Phi(seq(0, 0.0002, length=20));
58
59
60
      plot(x0);
      plot(x1);
dev.off()
61
63
       #Write to file #1
64
      66
67
68
\frac{69}{70}
      print(2)
       #Write to file #2
      pdf("BK7_index.pdf", width=7, height=5)
       plot.function(n2v, from=(400/(10^9)), to=(700/(10^9)), ylab="Reflection Index", xlab="Wavelength");
```

```
75
76  #Write to file #3
77  pdf("BK7_abo.pdf", width=7, height=5)
78  plot.function(v_chrom, from=(400/(10^9)), to=(700/(10^9)), xlab="", ylab="");
79  dev.off()
80
81  #Write to file #4
82  pdf("N.pdf", width=7, height=5)
83  plot(x0)
84  dev.off()
```