Loesung für Test 2 (2. Sem.) Probe 01 - Höhere Ableitungsregeln und Wachstum

Lösung Aufgabe 1

$$\log_a 1 = 0$$
$$a^{\log_a b} = b$$

insgesamt 2 Punkte

Lösung Aufgabe 2

Lösen Sie die Exponentialgleichungen.

$$a - 1.5e^{-x} = -3.9e^{2x} \mid \div \left(-1.5\right) \rightarrow e^{-x} = \frac{13}{5} \cdot e^{2x} \mid \div e^{2x} \quad (1P)$$

$$e^{-3x} = \frac{13}{5} \mid \ln() \rightarrow -3x = \ln\left(\frac{13}{5}\right) \mid \div (-3) \rightarrow x = -0.318 \quad (3P)$$

$$b8^{x} = 32768 \mid \log_{8} \rightarrow x = 5 \quad (2P)$$

$$ce^{2.5x - 4} = 2.2 \mid \ln() \rightarrow 2.5x - 4 = \ln(2.2) \mid +4 \quad (1P)$$

$$2.5x = \ln(2.2) + 4 \mid \div 2.5 \rightarrow x = +1.92 \quad (2P)$$

$$d\ln(x^{-6}) = \ln(x^{-7}) + 7 \mid -\ln(x^{-7}) \rightarrow \ln(x^{1}) = 7 \mid e^{\square} \quad (1P)$$

$$x^{1} = e^{7} \mid \sqrt{-} \rightarrow x = 1.1 \cdot 10^{3} \quad (2P)$$
insgesamt 12 Punkte

Lösung Aufgabe 3

a) Alle Quotienten sind gleich gross. Damit handelt es sich um exponentielles Wachstum. (1P)

Ergebnisse:

Quotient der Werte	$\frac{a1}{a0}$	$\frac{a2}{a1}$	$\frac{a3}{a2}$	$\frac{a4}{a3}$
Quotienten	0.92	0.92	0.92	0.92

insgesamt 3 Punkte

b)
$$f(x) = 110 \cdot 0.92^x$$
 (2P) insgesamt 2 Punkte

c)
$$61 = 110 \cdot 0.92^{x} \mid \div 110 \rightarrow \frac{61}{110} = 0.92^{x} \mid \log_{0.92} \rightarrow x = 7.0712 \quad (3P)$$
 insgesamt 3 Punkte

$$d) \quad f(14) \ = \ 110 \cdot 0.92^{14} \ = \ 34.23 \quad (2P)$$
 insgesamt 2 Punkte

Lösung Aufgabe 4

Berechne die erste Ableitung der folgenden Funktionen mithilfe der elementaren Ableitungsregeln.

a)
$$f(x) = \sqrt[7]{x^2} \cdot e^x = x^{\frac{2}{7}} \cdot e^x \rightarrow f'(x) = \frac{2}{7} \cdot x^{-\frac{5}{7}} \cdot e^x + x^{\frac{2}{7}} \cdot e^x = e^x \cdot (\frac{2}{7} \cdot x^{-\frac{5}{7}} + x^{\frac{2}{7}})$$
 (3P)
b) $f(x) = x^3 \cdot \ln(x) \rightarrow f'(x) = 3x^2 \cdot \ln(x) + x^3 \cdot x^{-1} = x^2 \cdot (3 \cdot \ln(x) + 1)$ (3P)
c) $f(x) = \sqrt[2]{8x^{-7} - 2} = (8x^{-7} - 2)^{\frac{1}{2}} \rightarrow f'(x) = (-28x^{-8}) \cdot (8x^{-7} - 2)^{-\frac{1}{2}}$ (3P)

insgesamt 9 Punkte