Домашно 2

Домашно номер 2

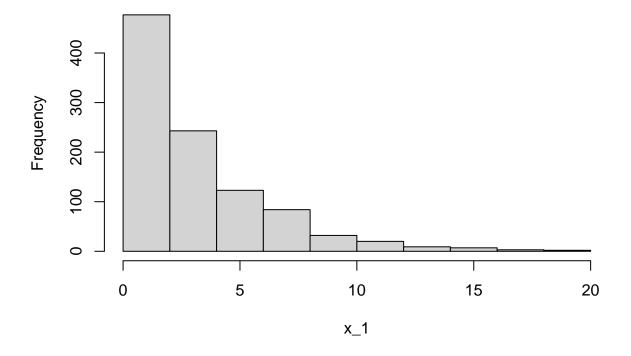
Николай Кормушев 81805

Задача 1

Като начало генерираме експоненциално разпределени случайни величини x1-x500 и ги записваме в simulated_observations, за да се допитваме до тях в по-късен етап. Генерирам и хистограма на x_1, в която се вижда експоненциалното разпределение как изглежда.

```
 \begin{array}{l} lambda <-1 \ / \ 3 \\ sim\_num <-500 \\ observation\_num <-1000 \\ \\ simulated\_observations <-1:sim\_num \%>\% \\ map(~rexp(observation\_num, rate = lambda)) \\ \\ x\_1 <-simulated\_observations[1] \%>\% \\ unlist() \\ \\ hist(x\_1) \\ \end{array}
```

Histogram of x_1



а). Използвам qexp, да генерирам теоритични квартили при експоненциално разпределение с параметър lambda =1/3

qexp(c(0, 0.25, 0.5, 0.75, 1), rate = lambda)

[1] 0.0000000 0.8630462 2.0794415 4.1588831 Inf

Емпирични квартили получаваме функцията quantile, като я приложим над генерираните данни.

 $quantile(x_1)$

б) В тази точка искаме да видим какво е разпределнието на случайната величина у зададена долу.

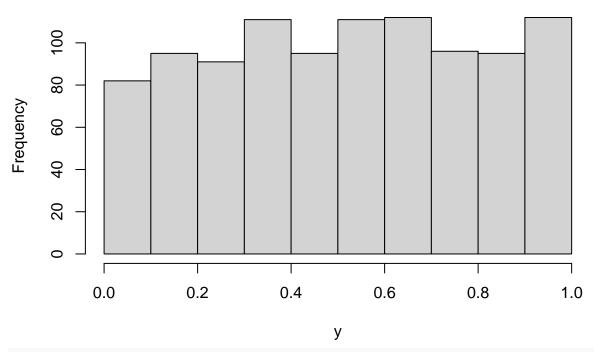
$$\begin{array}{c} {\rm x_2 < - \; simulated_observations[2] \; \% > \%} \\ {\rm unlist()} \end{array}$$

$$y < -x_1 / (x_1 + x_2)$$

Според диаграмата разпределението изглежда равномерно

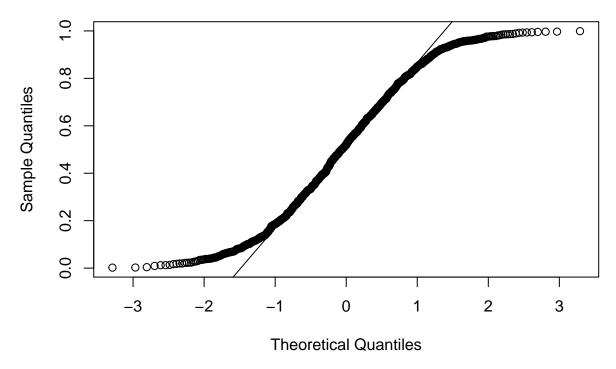
hist_output <- hist(y)

Histogram of y



qqnorm(y) qqline(y)

Normal Q-Q Plot



Ще направя chisq.test, да проверя хипотезата си дали е вярна. Първо разделям данните на секции и гледам колко често попадаме във всяка секция. После в prob смятам теоритичните вероятности и накрая с chisq.test проверявам хипотезата, че теоритичните и емпиричните вероятности съвпадат. Има голяма вероятност това да е в сила, което означава, че хипотезата ми не може да се изхвърли и приемам, че е вярна.

$$t <- table(cut(y, breaks = c(0, 1/4, 2/4, 3/4, 1)))$$

chisq.test(t)

##
Chi-squared test for given probabilities
##
data: t## X-squared = 4.92, df = 3, p-value = 0.1777

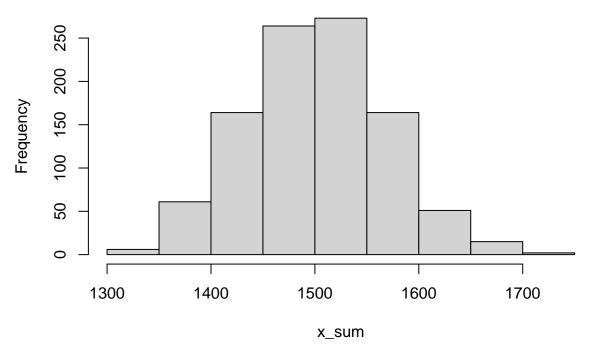
в) Използвам Reduce, да взема сумата на симулираните случайни величини. Искаме да видим какво е нейното разпределение.

```
x_sum <- Reduce(`+`, simulated_observations)
```

По хистограмата изглежда, като да е нормално, а и според централна гранична теорема е логично това да е резултатът.

 $hist(x_sum)$

Histogram of x_sum



Тестът на Шапиро даде доста високо p-value, което потвърждава хипотезата ми, че е нормално разпределена сумата.

shapiro.test(x sum)

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: x_sum
## W = 0.99775, p-value = 0.1918
```

Задача 2

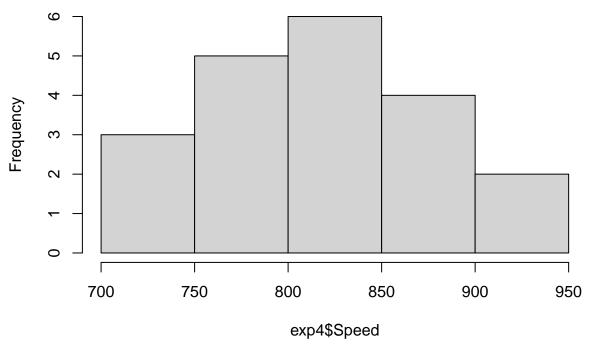
Искаме да построим 97% доверителен интервал за данните morley за скоростта на светлината и по-точно ще разгледаме данните получени при четвъртия експеримент. Като начало отделяме тези данни.

```
\exp 4 < - morley[morley$Expt == 4, ]
```

Хистограмата изглежда, като да е нормално разпределена, но нашата извадка е малка(20 тестa) и може затова така да се получава.

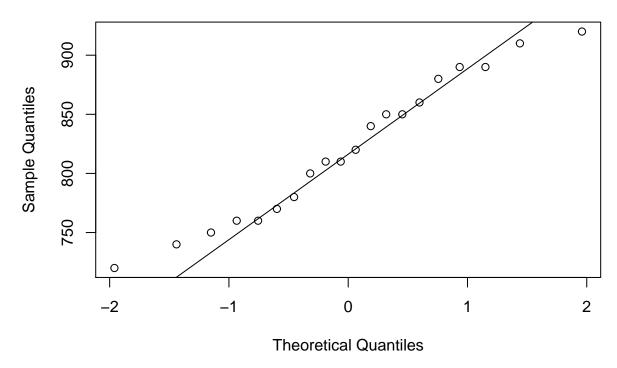
hist(exp4\$Speed)

Histogram of exp4\$Speed



C qqnorm и qqline също се вижда, че има линейна зависимост и че данните са нормално разпределени. qqnorm(exp4\$Speed) qqline(exp4\$Speed)

Normal Q-Q Plot



За всеки случай реших и един shapiro test да пусна И той е потвърждава, че данните са нормално

разпределени.

shapiro.test(exp4\$Speed)

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: \exp 4$Speed
## W = 0.96113, p-value = 0.5667
```

Горните заключения означават, че можем да използваме t.test, да получим доверителния интервал. Излиза, че има 97% шанс скоростта на светлината да е в доверителния интервал (789.008, 851.992)

```
t.test(exp4\$Speed, conf.level = 0.97)
```

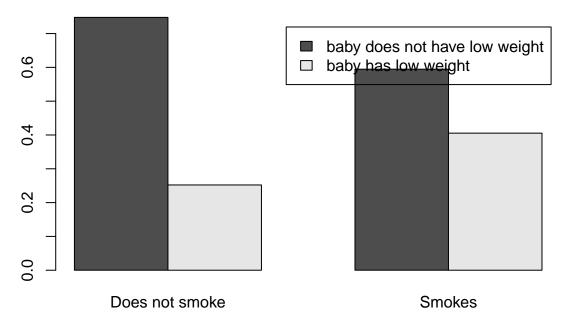
```
##
## One Sample t-test
##
## data: \exp 4\$Speed
## t = 61.114, df = 19, p-value < 2.2e-16
## alternative hypothesis: true mean is not equal to 0
## 97 percent confidence interval:
## 789.008 851.992
## sample estimates:
## mean of x
## 820.5
```

Задача 3

Искаме да видим, като разгледаме данните birthwt от пакета MASS дали има връзка между теглото на детето при раждане и това дали майката пуши. За целта ще разгледаме колонката low, която показва дали детето е с тегло под 2.5 кг при раждането.

Като начало реших да направя barplot, който показва, в случай, че майката пуши, каква е вероятността да има бебе с ниско тегло и ако не пуши, каква е вероятността да стане същото. На диаграмата се вижда, че се увеличава значително вероятността да имаш дете с ниско тегло, ако пушиш, както би се очаквало.

```
\begin{aligned} & barplot(prop.table(table(birthwt\$low, birthwt\$smoke), 2), \\ & legend = T, \frac{logend}{logend} = c("Does not smoke", "Smokes"), \\ & legend.text = c("baby does not have low weight", "baby has low weight"), \\ & beside = T) \end{aligned}
```



За да потвърдя резултатите от диаграмата ще използвам prop.test. Като начало ще вземем множеството от пушачите.

```
smokers <- birthwt[birthwt$smoke == T, ]
```

И множеството от непушачите.

```
non_smokers <- birthwt[birthwt$smoke == F, ]
```

Гледам броя случаи, в които пушач е имал дете с ниско тегло.

```
smokers\_low\_babies <- sum(smokers\$low == T)
```

Взимаме и общия брой на пушачите.

```
smoker\_count <- nrow(smokers)
```

Аналогично за непушачите.

```
non_smokers_low_babies <- sum(non_smokers$low == T)
non_smoker_count <- nrow(non_smokers)
```

Правя prop.test, в който проверям дали вероятността на това пушач да има дете с тегло под 2.5 кг е по-голяма от тази при непушач. Резултатът е катогерично да с 98% вероятност, от което можем да заключим, че е добра идея майките да не пушат, докато са бременни, ако вече не беше ясно.

```
##
2-sample test for equality of proportions with continuity correction
##
## data: c(smokers_low_babies, non_smokers_low_babies) out of c(smoker_count, non_smoker_count)
## X-squared = 4.2359, df = 1, p-value = 0.9802
## alternative hypothesis: less
## 95 percent confidence interval:
## -1.0000000 0.2794441
## sample estimates:
## prop 1 prop 2
```

##~0.4054054~0.2521739

В последствие видях, че мога да използвам и chisq.test да видя дали са независими две случайни величини. В случая величините са дали майката пуши или не и броя на децата с тегло под 2.5. За целта създаваме матрица с данните за пушачите на първия ред и данните на непушачите на втория ред. Първата колона е броя на майки без проблеми, а втората броя майки с деца с тегло под нормата. Подаваме матрицата на chisq.test и виждаме, че вероятността да са независими е под 5%, т.е. и така потвърдихме, че има значение дали майката пуши или не. Мисля, че и по двата начина става и затова ще оставя и двата, макар и да може да греша и да трябва да се използва chisq.test

```
 \begin{array}{lll} m < & matrix(c(smoker\_count - smokers\_low\_babies, smokers\_low\_babies, \\ & non\_smoker\_count - non\_smokers\_low\_babies, non\_smokers\_low\_babies), \\ & nrow = 2, \ byrow = T) \\ & chisq.test(m) \end{array}
```

```
## ## Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction ## \#\# data: m ## X-squared = 4.2359, df = 1, p-value = 0.03958
```

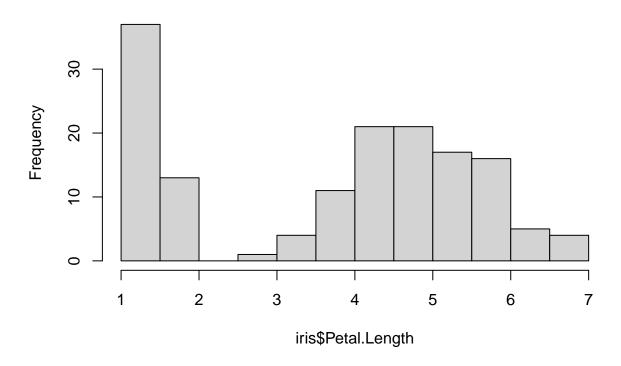
Задача 4

а) Искаме да видим дали спрямо данните от таблиците iris можем да заключим, че дължината на венчелистчетата е равна на три пъти ширината им.

Като начало гледаме хистограмата, qqnorm, qqplot и за здраве правим и един shapiro.test, от което явно се вижда, че данните не са нормално разпределени.

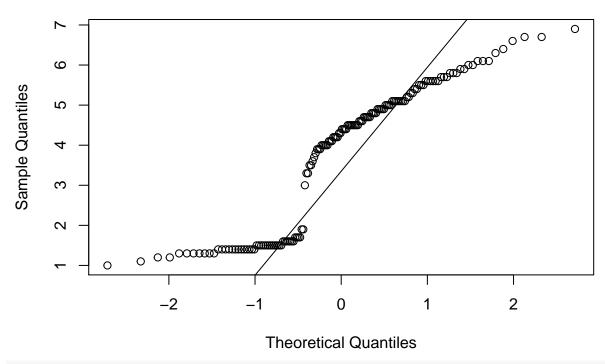
hist(iris\$Petal.Length)

Histogram of iris\$Petal.Length



qqnorm(iris\$Petal.Length) qqline(iris\$Petal.Length)

Normal Q-Q Plot



shapiro.test(iris\$Petal.Length)

```
## ## Shapiro-Wilk normality test ## ## data: iris$Petal.Length ## W = 0.87627, p-value = 7.412e-10
```

Затова използваме wilcox.test и смятаме дали разликата между дължината и ширината * 3 е нула. Вижда се, че вероятността това да е така е 16%, което означава, че не можем да отхвърлим тази хипотеза.

```
wilcox.test(iris$Petal.Length, 3 * iris$Petal.Width,
alternative = "two.sided")
```

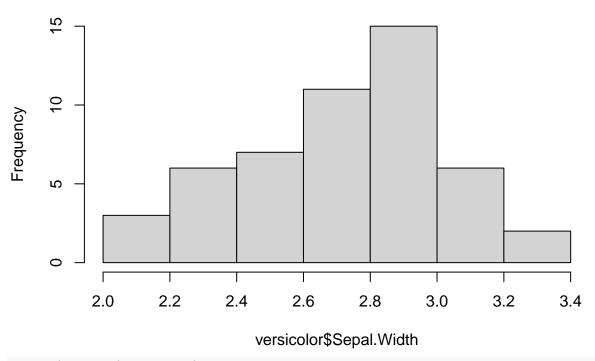
```
## Wilcoxon rank sum test with continuity correction ## \# data: iris$Petal.Length and 3 * iris$Petal.Width ## W = 12295, p-value = 0.164 ## alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0
```

б) Тествам дали ширината на чашелистчетата на ирисите от copт versicolor е по-голяма от ширината на чашелистчетата на copт virginica.

Започнах с проверка дали данните са нормално разпределени Работих аналогично на а). Тук според диаграмите и тестът на шапиро се вижда, че имаме нормално разпределени данни и можем да използваме t.test.

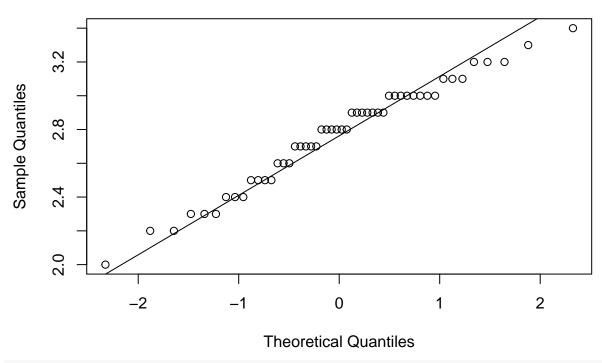
```
versicolor <- iris[iris$Species == "versicolor", ]
virginica <- iris[iris$Species == "virginica", ]
hist(versicolor$Sepal.Width)</pre>
```

Histogram of versicolor\$Sepal.Width



qqnorm(versicolor\$Sepal.Width) qqline(versicolor\$Sepal.Width)

Normal Q-Q Plot

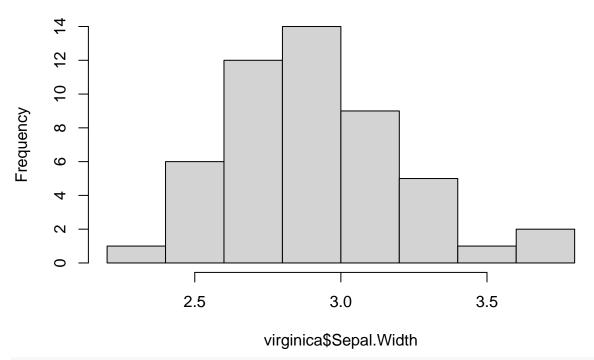


shapiro.test (versicolor \$ Sepal. Width)

```
## ## Shapiro-Wilk normality test ## ## data: versicolor$Sepal.Width ## W = 0.97413, p-value = 0.338
```

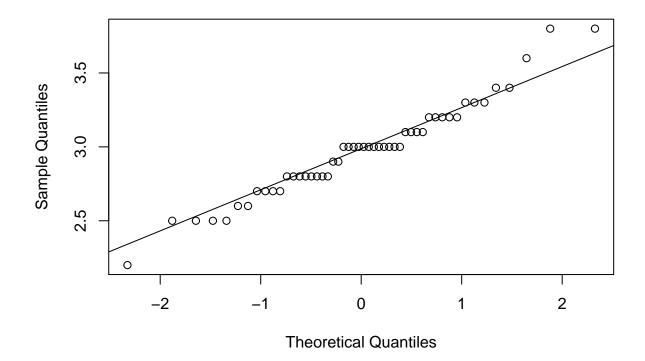
hist(virginica\$Sepal.Width)

Histogram of virginica\$Sepal.Width



qqnorm(virginica\$Sepal.Width) qqline(virginica\$Sepal.Width)

Normal Q-Q Plot



shapiro.test(virginica\$Sepal.Width)

```
## ## Shapiro-Wilk normality test ## ## data: virginica$Sepal.Width ## W = 0.96739, p-value = 0.1809
```

Т тестът показва, че вероятността versicolor да са с по-голяма дължина от virginica е под 1%, което означава, че хипотезата ни е грешна и можем да я отхвърлим.

t.test(versicolor\$Sepal.Width, virginica\$Sepal.Width, alternative = "less")

```
##
## Welch Two Sample t-test
##
## data: versicolor$Sepal.Width and virginica$Sepal.Width
## t = -3.2058, df = 97.927, p-value = 0.0009097
## alternative hypothesis: true difference in means is less than 0
## 95 percent confidence interval:
## -Inf -0.09832934
## sample estimates:
## mean of x mean of y
## 2.770 2.974
```

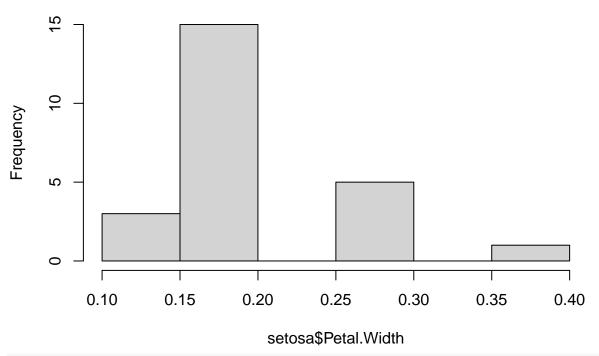
в) Проверявам дали ирисите от сорт setosa с дължина на венчелистчетата по-малко от 1.4 имат ширина на венчелистчетата по-голяма от 0.26.

Първо взимам iris-ите от тип setosa с желната дължина.

```
setosa <- iris[iris\$Petal.Length <= 1.4 \& iris\$Species == "setosa", ]
```

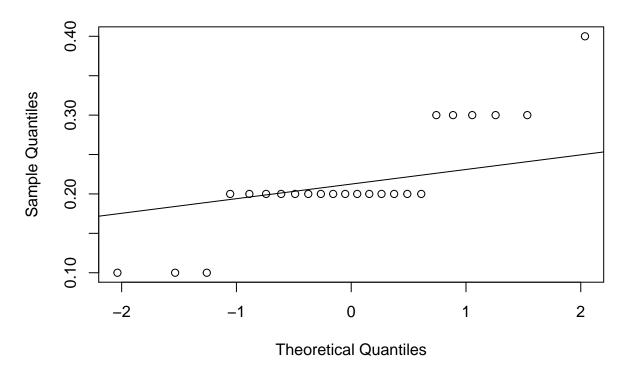
Според графиките и shapiro.test не са нормално разпределени данните. Затова ще използвам wilcox.test. hist(setosa\$Petal.Width)

Histogram of setosa\$Petal.Width



 $\begin{array}{l} {\rm qqnorm(setosa\$Petal.Width)} \\ {\rm qqline(setosa\$Petal.Width)} \end{array}$

Normal Q-Q Plot



shapiro.test(setosa\$Petal.Width)

```
## ## Shapiro-Wilk normality test ## ## data: setosa$Petal.Width ## W = 0.80724, p-value = 0.0003877
```

Тестът показва, че вероятността венчелистчетата да са с ширина по-голямо от 0.26 е много малка (под 1%), т.е хипотезата, че ирисите от този тип са с дължина на венчелистчетата по-голяма от 0.26 може да се отхвърли.

```
wilcox.test(setosa$Petal.Width, mu = 0.26, alternative = "less")
```

```
## Warning in wilcox.test.default(setosa$Petal.Width, mu = 0.26, alternative = ## "less"): cannot compute exact p-value with ties ## Wilcoxon signed rank test with continuity correction ## data: setosa$Petal.Width ## V = 36, p-value = 0.0004129 ## alternative hypothesis: true location is less than 0.26
```